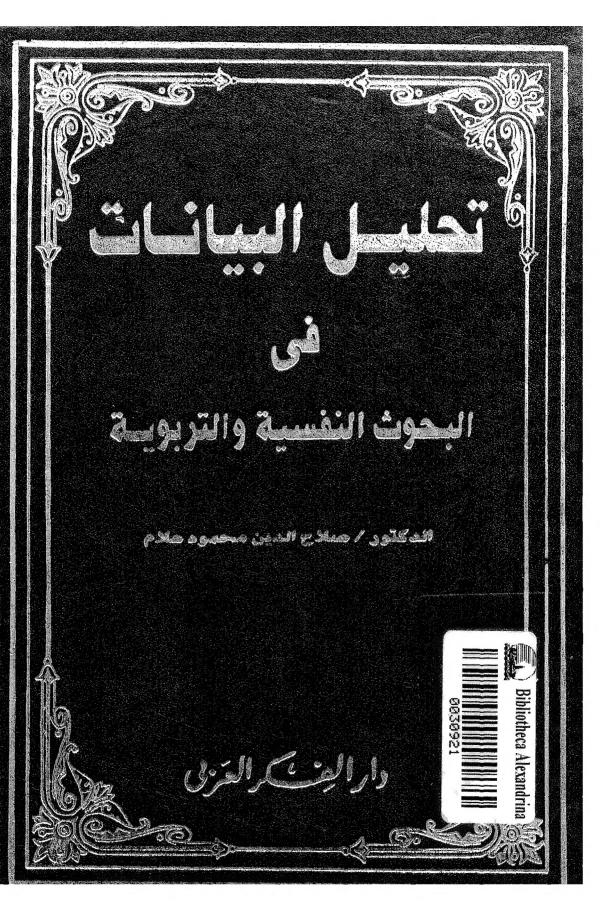
verted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version





Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

تحليل البيانات

لحى

البحوث النفسية والتربوية

الدكتور

طلح الديني هجهود علام أستاذ القياس والتقويم والإحصاء التربوى كلية التربية – جامعة الأزهر

١٤١٣ هـ- ١٩٩٣ م

ملتزم الطبع والنشر

دار الفكر العربي

الإدارة : ٩٤ ش عباس العقاد - مدينة نصر

القاهرة ت: ٢٦١٩٠٤٩



بسمے لائتہ لالرحم کے لاقر صربے مقدمة السكتاب

الهدف من هدا السكتاب هو تقديم عرض مبسط لاهم المباهى، والطرق الإحسائية الرئيسية الى يمكن للباحث المبتدى، الاستعانة بها في تحليل البيانات الخاصة بالبحث النفسى والتربوى . فطلاب الدراسات العليا الذين يخطون أول خطوة على طريق البحث يجدون أنفسهم في حاجة ماسة إلى مرشد يثير لهم هذا الطريق .

وربما يتساءل البعض ، لماذا اخترنا عنوان الكتاب , تحليمل البيانات وربما يتساءل البعض ، لماذا اخترنا عنوان الكتاب , تحليمل البيانات Data Analysis ، بدلا من , الإحصاء Statistics ، ؟ , والسبب في ذلك أننا نود أن نضع المفاهيم والطرق والاساليب الإحصائية في إطارها الصحيح يحيث تخدم طلاب البحث النفسي والتربوي .

فتحليل البيانات يعسد عملية أوسع وأشمل من العمليات والتعلبيقات الإحصائية . إذ أننا يمكننا في بعض الاحيان تحليل البيانات بدون استخدام أساليب إحصائية . كما أن تحليل البيانات يعتمد بدرجة كبيرة على قدرة الباحث على استيعاب بياناته وفهم طبيعتها ، والاستلة التي يود الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات .

فن المعلوم أنه يمسكن الباحث الإجابة على أسئلة مختلفة من نفس بجموعة البيانات ، وربما يحتاج إلى أكثر من أسلوب إحسائى ليجيب على هذه الاسئلة ، وهذا يعتمد اعتماداً كبيراً على فهم وتبصر الباحث للهدف من بحثه المذى جمع من أجله الملاحظات Observations المختلفة التي يود تحويلها إلى بيانات يمسكن تحليلها . فاستخدام الحاسبات الالكترونية في إجراء عملية تحليل البيانات لا يمكن

أن يغنى الباحث عن الفهم المستنير لما تنطوى عليه بيانات بحثه إذ أن الحاسمات الالكترونية تجرى العمليات الإحصائية المختلفة عن طريق ما يسمى بالبرائج الجاهزة Canned Programs . وهنا يقع العبء الاساسى على الباحث سواءفى دقة المدخلات Inputs أو فى تفسير المخرجات Outputs ف من باحث ظن أن الحاسبات الالكترونية ستقوم بتحليل بيانات محثه بدلا عنه ، ولكنه اكتشف أخيراً أنه كان مخطئاً .

وتأكيداً للدور الرئيسي للباحث في مليل بيانات بحثه وتبصره بطبيعة وتسكوين هذه البيانات يرى جون توكى John Tukey - دائد تحليل البيانات هي وعملية تحرى Detective work هن علية تحليل البيانات هي وعملية تحرى Detective work عن طريق العد والاعداد والاشكال تقع مسئوليتها الاولى والاخيرة على عاتق البلجت . عيكون دور الحاسبات الالسكارونية هو معاونة الباحث على تنفيد البارجة اكثر فاعلية ومرونة .

والكتاب يتكون من جزأين يختص الجزء الأول .. وهو الذي بين يديك الآن .. بالاساليب الوصفية في تحليل البيانات ، ويختص الجزء الثانى بالاساليب الاستدلالية . وما لا شك فيه أن الاساليب الوصفية هي التي تمهد الطويق للاساليب الاستدلالية . إذ يمكن الباحث استخدام الاساليب الوسفية في تلخيص بيانات بحثه و تبويبها وتمثيلها بيانيا ، والتبصر في طبيعة و يحمدان و تكون هذه البيانات .

ونظراً لاهمية هذه الاساليب فقد أطلق عليها جون توكى Tukey اسم الاساليب الكشفية في تحليل البيانات

Exploratory Data Analysis (EDA)

لانها تساعد الباحث على كشف جو انب معينة فى البيانات ر ١٢ لم يكن يتوقعها . فكم من نتائج غير متوقعة توصل إليها العلماء تتيجسة للفحص الدقيق المستنير للجموعات البيانات التى حصلوا عليها . كما أنها تساعد الباحث على اختيار المناسب

من الأساليب الإحصائية الاستدلالية المتقدمة بناء على نتائج هذا التحليل الوصني الكشني.

وبالرعم من أننا سنمرض فى المكتاب بجزأية لطرق تحليل البيانات إلا أننا تحقيقا لما ذكرناه سنركز على وظيفة التحليل وكيفية استخدام الباحث للفاهيم والطرق الإحصائية في هذا التحليل استخداما واعيا ، والتفسيرات التي يمكن أن يستمدها من نتائجه . وقد حاولنا أن نمرض هدده المفاهيم والطرق الإحصائية بأقل قدر ممكن من الرموز الرياضية حتى يتسنى للطلاب والباحثين من مختلف التخصصات فهمها بسهولة ، إلا في بعض الحالات التي استدعت عرض كيفية اشتقاق بعض الصور أو الخصائص الإحصائية الهامة . وتيسيراً لذلك فقد بدأنا الجزء الاول من الكتاب _ وهو الذي بين يديك الآن _ بمراجعة لبعض الممليات الحسابية والجبرية الإساسية التي ربما يحتاج إليها الباحث كي يتابع العرض .

وقد قسمنا الجزء الآول من السكتاب إلى ثلاثة أبواب رئيسية ، يعرض الباب الآول منها تحليل البيانات ذات المتغير الواحد، والباب الثانى تحليل البيانات ذات المتغيرين ، والباب الثالث تحليل البيانات المتعددة المتغيرات .

وقد عرضنا فى الباب الاول الظرق المختلفة لتصنيف وتلخيص ووحف البيانات ذات المتغير الواحد التى تساعد الباحث على التفسير وإبراز المعلومات التي ربما تنطوى عليها هذه البيانات. ويشتمل هذا الباب على ستة فصول ، يتناول الفصل الاول منها أساسيات القياس وموازينه وأنواع البيانات. كما يتناول هذا الفصل مراجعة لبعض العمليات الحسابية التي يحتاج الطالب والباحث إلى إتقانها كى يتمكن من إجراء العمليات الإحصائية دون الوقوع فى أخطاء حسابية.

ويتناول الغصل الثانى طرق تبويب البيانات الى تشتمل على متغير واحد في صورة نوزيعات تسكرارية وتمثيلها بأشكال بيانية مختلفة .

ويتناول الفصلان الثالث والرابع خصائص التوزيعات التكرادية ، وهذه تشمل مقاييس النزعة المركزية ، ومقاييس التشقت والالتواء والتفرطح -

أما الفصل الخامس فيتناول العرجات المحولة وتشمسل الإرباعيات والإعشاريات والمثينيات والدرجات المعيارية بأنواعها المختلفة .

ويتناول الفصل السادس التوزيعات الاعتدالية وخصائص المنحى الاعتدالى المعيارى، وكيفية الاستفادة بخصائص هذا المنحى في حــل مشكلات محتيسة عتلفــة.

وقد عرصنا في الباب الثانى الطرق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في وصف درجة العلاقة بين متغيرين أو التنبؤ بقيم متغير بمعلومية قيم متغير آخر. ونظرا لان هذه الطرق تختلف باختلاف مستويات قياس كل مر المتغيرين وشكل العلاقة بينهما ، لذلك فإننا قسمنا هذا الباب إلى تسعة فصول تناولت الفصول الستة الأولى (من الفصل السابع حتى الفصل الثاني عشر) مقاييس العلاقة بين متغيرين في حالة ما إذ! كانا من مستوى قياس واحد ، أو كانا من مستويين عتلفين و ونناول الفصل الثالث عشر بعض مقاييس العلاقة إذا كان أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي Dichotomous .

وقد تناولنا فى الفصلين الرابع عشر والخامس عشر موضوع الانحسدار البسيط ، والفصل الخامس البسيط ، والفصل الخامس عشر بالانحدار الجعض الدوال الرياضية .

ونظراً لأن الباحث النفسى والتربوى كثيراً ما يواجه مواقف بحثية نتطلب دراسة أكثر من متغيرين فى وقت واحد ، فإنه يحتاج إلى طرق وأساليب إحسائية أخرى تناسب هذه المواقف ، ولذلك فقد عرضنا فى الباب الثالث بعض طرق تحليل البيانات المتعددة المتغيرات. وفي الحقيقة توجد طرق متعددة التحليل هذا النوع من البيانات تتخطى حدود هذا الكتاب ، إلا أننا اخترنا مرب بينها بعض الظرق التي يحتاج إليها معظم الباحثين ، وفي نفس الوقت يمكن أن يبني الباحث على أساسها فهمه للطرق الانخرى ، إذ أنها امتداد للطرق التي عرضنا لها في هذا الباب وهي تحليل الانحدار المتعدد ، وتحليل المسارات .

ويشتمل هذا الباب على أربعة فصول ، يتناول الفصل السادس عشر تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود متغيرين مستقلين أو أكثر من النوع السكمى . ويتناول الفصل السابع عشر طرق الضبط الإحصائي وتتضمن معاملات الارتباطات الجزئية وشبه الجزئية . والفصل الثامن عشر تحليل الاتحدار المتحدد باستخدام متغيرات توعية (تصنيفية) . أما الفصل التاسع عشر فيتناول طرق تحليل المسارات .

وقد قدمنا في نهاية كل فصل عدداً من التمارين لتسكون بمثابة تدريب الباحث على استخدام الطرق الإحسائية المختلفة ليسكتسب المهارة في تحليل الياءات بمختلف أنواعها قبل أن يبدأ في التحليل الفعلي لبيانات بحثه .

كا قدمنــا فى نهــاية كل باب شكلا تخطيطيا يساعــد الباحث على اختيــار اللقياس الإحصائي الذي يناسب شكل وطبيعة بيانات بحثه .

وينتهى الـكتاب بمجموعة من الجداول الإحصائية والمراجع التي يمكن الباحث الرجوع إليها للاستزادة .

وقد راعينا التبسيط في وصف هذه الجداول ، وأن تكون مرتبطة بالموضوعات التي عرضنا لها في هذا الجزء الآول من الكتاب ، كما قدمنا لكل منها بنبذة مختصرة حتى يتيسر الطالب استخدامها دون جهد كبير ،

و نرجو من الله أن ينفع بهذا الكتاب الباحثين في المجال النفسي والمتربوي ، وطلاب السراسات العليا بقدر ما بذل فيه من وقت وجهد .

والله نسأل التوفيق والسداد م

صلاح الدين محمود علام دكتوراه الفلسفة . Ph. D. في التتويم والتياس والاحصاء التربوي من جامعة ميتشجان الامريكية

كليه التربية -- جامعة الازهر يناير ١٩٨٣ م البابالأوّل

تحليل البيانات ذات المتغير الواحد



الفصل الأول أساسيات القياس و الإحصاء

القياس والبيانات والإحصاء

موازين أو مستويات القياس

كيف متعامل مع الاعداد في عملية القياس

أنواع البيانات

مراجعة لبمض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية

مقددمة:

إن علم الإحصاء ليس مجرد علم يهتم فقط بالبيانات العددية المبوبه وغير المبوبة، وإنما يتضمن النظرية والطرق الرياضية التي تفيد في جمع وتحليل وتفسير وتمثيل بيانات البحوث المختلفة . فعلم الإحصاء ينير للباحث النفسي والتربوي الطريق لحل أو إجابة مشكلة بحثه . ومشكلة البحث هي بحموع التساؤلات التي يود الباحث أن مجيب علها . ومثال ذلك :

ما هو متوسط ذكاء طلاب مدرسة ثانوية معينة ؟ وهل هذا المتوسط يفوق متوسط طلاب جميع المدارس الثانوية في مصر ؟

مل الرأى العام لمجموعة معينة تجاه قضية ما أكثر تطرفا من الآراء الفردية ؟ ما هي العلاقة بين د جه الخوف وكمية الطعام التي يتناولها الإنسان ؟

ما أثر نوع وعدد التمارين الحسابية على أداء تلاميذ الصف الثالث في عمليتي الضرب والقسمة ؟

فنحن نرى كثيراً من هذه الاسئلة في البحوث النفسية والتربوية المنشورة في المجلات العلمية . وعادة ما يقترح الباحث إجابة لمشكلة بحثه مم يجمع الملاحظات المرتبطة بالمشكلة ، ونتيجة هذه الملاحظات العلمية يتجمع لدى الباحث بحوعة من القياسات Measurements المرتبطة مخاصية معينة يود دراستها ، ويمكن أن نطنى على نتائج هذه الفياسات اسم البيانات Data ، ومن ثم يمكن للباحث استخدام الاساليب لاحصائية لتحليل هذه النتائج أي البيانات بغرض التوصل إلى أدلة عن صدق الفروض الى اقترحها لإجابة أو لحل المشكلة .

ويمكن تعريف القياس بأنه نعيين أعداد للخصائص أو سمات الاشخاص أو الأسياء أو الاحداث طبقا لقواعد مصاغة صياغة واضحة .

فعند قياس الخصائص الفيزيائية مثل الطول أو الوزن فإن قواعد السكيم والمداد المسكيم Quantifications أى القواعد التي نستخدم لتعيين أعداد ساظر درجات الخاصية المقاسة أصبحت مقننة ومتفقا عليها بحيث أن خلا مما يفهم الطريقة المتبعة في فياس مثل هذه الظواهر

ومقاييس الظواهر الفيزيائية الأكثر مقيداً مثل السمع والبصر وما شابه ذلك تتطلب صياغة أكثر نفصيلا ووضوحا للقواعد أو الطرق المتبعة إذا أردنا نكيم جميع الملاحظات الخاصة بالسمة أو الخاصية المميمه بنفس الطريقة .

وَالقياس النفسى والتربوى يتطلب تسكميم سمات أو خصائص الاشخاص أو الاشياء أو الاحداث . فنحن لا نستطيع قباس الاشخاص أو الاحداث وإنما تقيس سمات أو خصائص الاشخاص أو الاحداث .

وهنا يحب أن نميز بين القياس Measurement والعد المددية بمكن تقسيمها إلى صنفين : بيانات بحصل عليها عن طريق العد وهذه تنكون على شكل تسكرارات Frequencies أو نسب مشوية ، وبيانات نحصل عليها عن طريق القياس وينتج عنها قيم قياسية Metric بمثل الظاهرة المقاسة بدرجة تقريبية ، وهذا التقريب يعتمد على دقة أداة القياس المستخدمة .

و يحب أن نؤكد أن هناك درقا بين النظام المددى بوجه عام و تطميقاته فى المد و القياس ، فالخلط بينهما يؤدى إلى التفكير الخاطىء عند استخدام الاساليب الإحصائية فى تحليل البيانات .

فالنظام العددى هو نظام منطقى بالدرجة الأولى، وهو يتبح فرصة متعددة للمعالجات المنطقية. فإذا ما قنا بتعيين أعداد تصف الاحداث أو الأشياء، فإننا نستطيع أن نتعامل مع هدذه الاعداد بطرق معينة ونتوصل من ذلك إلى استنتاجات يمكن أن نعيد نطبيقها على الظاهرة المقاسة . إذ أننا يمكن بحق أن نصف الأشياء أو الاحداث الواقعية عن طريق الاعداد اشرط أن يكوز هناك نصف الأشياء أو الاحداث الواقعية عن طريق الاعداد اشرط أن يكوز هناك تشاكل Isomorphism أو تماثل بين خصائص الظاهرة المقاسة والنظام العددى المستخدم.

فهناك خصائص معينة للأعداد ينبغى أن نجد مايناظرها في الظاهرة المقاسه. فثلاكل عدد يعتبر فريدا أو متميزا عر غيره مر الاعداد، ولهذا فان أي حدث أو شيء نقيسه يحب أن يكون أيضا متمراً عن غيره من الاحداث أو الاشياء. وتتميز الاعداد في النظام العددي بخاصية الترتيب، أي أن أي عدد يكون

أكبر من أعداد غيره . ولذا فان الأشياء التى تعين لهما الاعداد يجب أن تسكون أيضا قابلة المترتيب على متصل حتى فستطيع وصف وتفسير ترتيب الاعداد المناظرة لها .

وتتميز الاعداد أيضاً بخاصية قابلية الجمع Additivity أن انستطيع جمع أى عددين لينتج عدد آخر متميز . وتعتبر هذه الخاصية من أهم خواص النظام المددى لانها تسمح باجراء العمليات الحسابية الهامة على الاعداد . فإذا استطعنا جمع الاعداد ، فإنه يمكننا بالتالى إجراء عملية الطرح على هذه الاعداد (أى جمع الاعداد السالبة) ، وكذلك عملية الضرب (أى تكرار عملية جمع نفس العدد) وعملية القسمه (أى إجراء عمليات طرح متتالية) .

وليس من الضرورى أن يكون للظاهرة التي نعين لها الاعداد جميع الخصائص السابقة وهي :

التمايز أو التفريد ، الترتيب ، قابلية الجمع حتى تشمكن من قياسها . إلا أن الاستفادة من استخدام الاعداد في القياس تعتمد على مدى توفر هذه الحصائص في الظاهرة المراد قياسها . وموازين أو مستويات القياس تعتمد على عدد الخصائص التي تتوافر في الظاهرة المقاسة . وسوف تعرض فيا يلي لهذه الموازين أو المستويات الاساسية المختلفة .

موازين أو مستويات القياس :

Levels or Scales of Measurement

ذكرنا أن القياس هو تعيين أعداد للسهات أو الخصائص طبقاً لقواعد معينة، فالصباغة العامة لمختلف هذه القواعد وما يناظرها من مستويات القياس التي آفادت علماء النفس هو النظام الذي افترحه ستيفنز S. Stevens عام ١٩٥١ .

فنى نظام ستيفنز المبين بالجدول رقم (١) الآتى بالصفحة التالية، تبجد المقاييس التى تتبع بحو عات مختلفة من القواعديشار إليها بمقاييس ذات مستويات أو موازين مختلفة، وكل مقياس أو ميزان منها يمثل مستوى معينا من مستويات الصياغة السكمية للمتغير الذي تدرسه، كما يسمح بعمليات حسابية مختلفة.

أمثلة	العملية الحسابية	الوظيفة	المستوى أو الميزان
أنواعالسيارات، الجنس ، أرقام الشوارع	يمكن عد عدد الحالات فى كل قسم أو فئة ، أو عدد الاقسام المختلفة ، ولمكن لايمكن إجراء الممليسات الحسابية الاربع على هذه الاعداد	تستخدم الاعداد فىنصئيفالاشياء أو الاماكن أو الاحداث	الإسمى
ا أكبر من ب ، ب أكبر من ج، إذن ا أكبر من ج	عبارات أكبر من ، أو يساوى ، أوأصغر من ، وهنا نستخدم العمليات الحسابية لمقارنة الرتب	تستخدم الأعداد فى ترتيب الاشياء أو الاشخماص ترتيبا تنازليا أو تصاعديا	الر تې
درجة الشخص ا تفوق درجـــة الشخصب عقدار ٢٠ درجة مثلا في الاختبار س	تسمح بمقارنة مسدى الفروق بين قياسين	تستخدم الاعداد في مقارنة قياس أو درجـات الافراد	الفتري
الشخيص الذي طوله ١٨٠ سم ضعف الشخصر الديطوله ١٩سم	يتوفر صفر مطلق ، وهنا نسمح باجراء الممليات الحسابية المختلفة	تستخدم الأعداد في تحديد علاقات دقيقة بين الاشياء أو الاحداث أو الاشخاص	النسي

جدول رقم (۱) موازین أو مستویات القیاس

القياس الإسمى:

رهو أدنى مستويات الفياس وفيه تستخدم الاعداد فقط كمناوي أو أقسام منفصلة للتمين بين عنتلف عناصر أو أعضاء القسم . ونظراً لأن هذه المقاييس ليست كمية مإنها تسمى شبه مقاييس Pseudo-Measurement . وأمثلة هذه الاقسام أنواع السيارات أو لاعبو فريق كرة معين أو ما شابه ذلك. أى أن الهدف من هذا النوع من القياس هو مجرد التصنيف . فالبيانات التصنيفية Categorical Data تتـكون من ملاحظات تختلف من حيث إمكانية تصنيفها إلى أقسام متشابهة . مثال ذلك الكتب في مقابل الصحف أو الجلات ، والذكور فى مقابل الإناث . وفي الحقيقة إفان معظم أنشطة نفكين الإنسان تتضمن هذه العملية النصنيفية. وفي ذلك يقول برو ار Bruner وجودناف Goodnow، وأوستين إ Austin في كتاب (دراسة التفكير) . أن تصنيف الاشياء أو الاحداث أو الافراد يحتاج إلى ترميعها في فثات أو أفسام تشترك في خاصية معينة تميزها عن غيرها من الفئات أو الاقسام ، و تحدث استجابتنا لهذه الاحداث أو لهؤلاء الافراد على أساس عضويتهم فى فئة أو فىقسم ممين ، وليس على أساس نفردكل حدث أو تمين كل فردت . ولذلك لِستطيع القول أن البيانات التصنيفية تتضمن فروغا نوعية . وكل مانفطه عند تعاملنا مع مثل هذه البيانات هو. أرب تصم الملاحظات المختلفة في الاقسام أو الفئات المناسبة لها مم نقوم بعد الملاحظات التي تنتمي أو تقع في كل قسم أو كل فشـــة فنحصل على ما يسمي بالتسكرار.

وأحيانا تصنف البيانات بالنسبة لخاصيتين مختلفتين فى نفس الوقت بدلا من خاصية واحدة ، مثل تصنيف السيارات على أساس عدد أبواب كل سيارة وعام إنتاجها ، أو تصنيف الافراد على أساس الجنس والسن .

وتوجد كثير من الطرق الإحصائية التي يمكن استخدامها في تعليل البيانات التصنيفية ، سنعرض لها في هذا السكتاب ، وهذه الطرق تندرج تحت مستوى القياس الإسمى ، إلا أننا لا نستطيع إجراء عمليات حسابية لها ممنى على مثل هذه الاعداد . فالاعداد هنا تستخدم فقط كإشارات أو عناوين للاقسام الختلفة .

وربما يتساءل البعض : لماذا أطلقنا على هذا المستوى من القياس و الميزان الإسمى، ، مع أن كلمة و ميزان ، Scale تشير إلى فكرة المتصل Continuum ، فالمتصل يتميز بخاصية الترتيب التي لاتنطبق على الموازين الإسمية و الاأن القاموس يشير أحيانا إلى مفهوم و الميزان ، على أساس فكرة التمييز أو التصنيف مما يبرر استخدام مفهوم الميزان في هذا المستوى الاسمى. ففكرة التمييز أو التصنيف لاتقتصر إعلى هذا المستوى وإنما تتعدى ذلك إلى مستويات القياس الارقى ، فالتصنيف في الحقيقة هو أساس القياس بكافة أنواعه .

القياس الرتبي :

وهذا المستوى الثانى يسمح بترتيب السهات أو الخصائص دون اعتباد لتساوى الفروق بين أى رتبتين منها ، فالشخص الذى يتصف أو يتميز بسمة معينة بدرجة أكبر من غيره يكون ترتيبه الأول ، والشخص الذى يليه في درجة هذه السمة يكون ترتيبه الثانى وهكذا .

فالمستوى الادنى للقياس وهو القياس الإسمى يناظر مايسمى وبالتصنيف السكينى أن التوهى ، ، أما القياش الرتبى فهو يناظر مايسمى وبالتصنيف السكمى ، • إذ ترتب الاقسام على متصل ما ، وعندئذ يمكن القول بأن ترتيب أحد هذه الاقسام يفوق ترتيب قسم آخر على ميزان القياس .

و بالرغم من أن الارقام التي تدل على هذا الترتيب تعد منفصلة إلى بعمى أنه ليس هناك ترتيب مثل ١٫٢ أو ١,٥ أو ٢٫٤ مثلاً) إلا أن السمة المقاسة ربما تكون متصلة ، ولا يفترض في هذا المستوى من القياس أن تسكون الفروق بين الرتب مساوية للفروق بين درجات السمة موضع القياس ، ولذلك لانستطيع إجراء أي من العمليات الحسابية الاربع على مثل هذه الرتب أو الاعداد المناظرة لها .

ولمكننا نستطيع حكا في حالة القياس الإسمى - أن نحسب عدد التكرازات (٢ ــ التحليل)

فى كل قسم ، و تستخدم هده الاعداد التى تناظر الرتب فى حساب بعض المقاييس الإحسائية مثل معامل ارتباط الرتب التى سنعرض لها فى هذا الجزء من السكتاب واختبارات الدلالة الإحصائية وغيرها بما سنعرض لها بالتفصيل فى الجزء الثانى من السكتاب .

ومعظم المقاييس في التربية وعلم النفس من هذا المستوى، فثلا ربما نقول أن عمد الديه اتجاء أكثر إيجابية نحو المدرسة من سمير ، وسمير لديه اتجاء أكثر إيجابية من أشرف، ولسكن لانستطيع القول بأن الفروق بين درجات إيجابيتهم بالضرورة متساوية .

القياس الفترى :

فى هذا المستوى الثالث تتساوى الفروق بين الاقسام المتتالية فىالسمة المقاسة. فالترمومش مقسم إلى وحدات متساوية ، والفرق بين درجى الحرارة .٣٥٥٥٠ مثلا يساوى الفرق بين درجى ٥٠٥٠ ، وعندما تمثل البيانات فترات متساوية فإنه يمكن تحويل بجوعة البيانات الاصلية إلى مجموعة أخرى لها خصائص عتلفة . فقلا يمكن تحويل السرجات المشوية للحرارة إلى درجات فهر نهيتية أى تحويل درجات الحرارة من ميزان إلى ميزان آخر له صفر عتلف و وحدة قياس عتلفة ، ولكن مقارنة الميزان الاول بالميزان الثانى .

وكثير من المقاييس النفسية والتربوية تقع أيضا فى هذا المستوى الثالث مثل مقاييس الذكاء والتحصيل وما لمايها .

والعمليتان الحسابيةان المسموح بهما في هذا المستوى من القياس هما عملية الجمع والطرح فقط. ولايمكن استخدام عملية القسمة في هذا النوع من القياس العدم وجود صفر مطلق إلا إذا أجريت هذه العملية على الفترات وليس على كل درجة على حدة . فنسبة الذكاء لا تعني ضعف نسبة الذكاء . . . ، وإن كان يفترض أن الفرق بين نسبتي الذكاء . . . ، ، . ، ، ، ، ، ، وهنا بين نسبتي الذكاء . . ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، وهنا لا يمكننا بوجه عام أن نجد ما يناظر الصفر المطلق في الذكاء أو غيره من السيات النفسية . فثلا ربما يحصل طالب على السرجة صفر في اختبار تحصيلي ، النفسية . فثلا ربما يحصل طالب على السرجة صفر في اختبار تحصيلي ،

ولـكننا لانستطيع اعتبار أن هذه الدرجة تناظر مقدار السمة التي يفترض أن الاختبار قد صم لقياسها ، و إلا كان معنى ذلك أن مقدار السمة المقاسة عند الطالب صفر . وكثير من الاختبارات التربوية والنفسية المقننة أى المبنية باستخدام الطرق السيكومترية التقليدية تؤدى إلى قياس فترى .

وى همذا النوع من القياس يمكن استخدام المتوسطات والانحرافات المعيارية للدرجات ومقاييس العلاقة الخطية ، وهو ماسوف تعرض له بالتفصيل في الفصول التالية .

القياس النسبي:

يتوفر في ميزان القياس النسي الصفر المطلق إلى جانب تساوى الفروق بين الفترات المختلفة ، وهذا الصفر المطلق يناظر حقيقة تقطة انمدام الظاهرة أو السمة المقاسة ، فوجود صفر اختيارى أو إعتبارى في الترمومترات التي تقيس الحرارة بالسرجات المشوية أو الفهر نهيتية يجعل وجود درجات حرارة سالبة ممكنا .

والمسطرة العادية تعد مثالا للميزان النسبى ، وتصلح العمليات الحسابية الآربع ، وطرق الإحصاء البارامترى فى هذا النوع من الموازين ، ولذا يعتبر هذا النوع أعلى مستويات القياس ،

ويندر استخدام حذا النه ع من الموازين في القياس النفسي والتربوى فيا عدا عال الحكم في علم النفس الطبيعي Psychophysical Judgment ، ويسعى علماء القياس التربوى في الوقت الحاضر إلى بناء تماذج رياضية تستخدم لبناء مقاييس للذكاء والتحصيل والاتجاهات يتوفر فيها الصفر المطلق الذي يناظر حقيقة نقطة انعدام الظاهرة أو السمة المقاسة مثل نماذج السمات المكامنة Latent Trait Models

ويذكر جيلفورد Guilford أن عملية المد Enumeration التي نحصل عن طريقها على تمكرارات يمكن اعتبار أنها تعطينا قيا على ميزان نسبى. فالتمكرار صغر يناظر العدام الظاهرة التي تحصيها . كا يذكر أننا نمكون صفراً

مطلقاً عند إجراء العمليات الإحصائية ، فشــــلا يمكننا اعتبار هذا الصغر هو متوسط التوزيع ومن ثم نمالج الانحرافات عنه على أنها ميزان نسبي يسمح بالعمليات الحسابية الاربع وكذلك استخراج الجذور التربيعية .

كيف نتعامل مع الاعداد في عملية القياس:

معظم القياسات الفترية بقرب إلى أقرب الوحدات. وتعتمد درجة هذا التقريب على أداة القياس والدقة المطلوبة في قياس الشيء المراد قياسه .

فإذا كنا بصدد قياس ارتفاع مئذنة مثلا فإن تقريب القياس إلى أقرب قدم _ مِثْل ١٠٧ أقدام ــ ديما يكيون كافيا ، أما إذا كنا بصدد قياس طول شخص ما فإننا ويما السجل الطولة إلى أقوب بوصة أو أفرب سنتيمتر . وإذا أردما قياس طول قلم وصاص فإننا وبما نسجل العلوك إلى أقرب الملايمة رو هكذا ... فطوله شجرة مثلا رعاً لايكون ١٠٧٧ أقدام بالصبط والكنه يكون أقرب إلى١٠٧ أقدام منه إلى ١٠٨ أقددام أي تسجيل طول الشجرة ١٠٧ أقدام يعني أن الطول ينحصر بين ٥,٠٠٥ قدم ، ١٠٧٥ قدم . وينطبق هذا أيضاً في حالة القياس النفسي، لتربوي. فالدرجة ٤٨ في اختبار ماتعني أنها تنحصر بين ٥٧٥، ٥٨٤، والدرجة ٧٠، تنحصر بين ١٩٠٥، و٠٧٠ فنحن أنفترض أن الدرجة ليست نقطة على مقياس عن الدرجة وتنتهي بالمداد الذي يويد الصف عن المس الدرجة ، قادًا لم الأحد بهــــذا الافتراض فاننا سنجد أن المتوسط الحساني الذي نحصل عليه من بموعة من البيانات غير المجمعة _ كاسنرى فيما بعد _ ربما يختلف عن المتوسط الحسافي لنفس بمسوعة البيانات إذا جملناها بحمة . ويمكن أن مأخذ سميذا الافتراض أيضاً في حالة البيانات التصنيفية ، فاذا كان عدد أطفال أسرة معينة في أطفال فاننا يمكن اعتبار أن هـــــذا العدد يتحصر ٠ ٤٥٠ ٢ ٥ ٠٠٠

أنواع البيانات :

يحصل الباحث الذي يهتم بدراسة ظاهرة ما في أغلب الأحيان على بجوعة من القيم المددية المتعلقة بهذه الظاهرة، وهذه القيم يمكن أن نطلق عليها اسم القيم المشاهدة أو قيم المتغير أو المتغيرات موضع البحث . وتسمى هذه المجموعة من القيم بالملاحظات التي يتم بعد ذلك معالجتها إحصائياً وعندئذ تسمى بالميانات الإحصائية .

١ - البيانات المكية:

وهى البيانات التى يكون التغير فيها تغيرا من حيث المقدار ، أى يمكن ترتيب هذه البيانات بحسب مقديرها ، وقد يكون المتغير في هذه البيانات متصلا Discrete .

والمتغير المتصل هو ذلك المتغير الذي تختلف قيمه أو يمكن أن تختلف عقادير صغيرة صغراً لانهائياً . فالعمر مثلا هو متغير متصل لاننا لا يمكن أن ثمر من جمر إلى آخر مهما كان قرببا منه إلا إذا مردنا بعدد لانهائي من الاعمار المتزايدة عقادير متناهية في الصغر .

ومن المتغيرات المتصلة أيضاً الاطوال والاوزان ودرجات الاغتبارات التحصيلية والعقلية ودرجات الحرارة وما إلى ذلك .

وليس من الضرورى أن تظهر جميع القيم الممكنة في البيانات موضع البحث لكى نعتبر المتنبر متصلا ، بل يكني التأمل في هذه القيم لكى نحدد ما إذا كان في الإمكان أن تأخذ أي قيمة مهما صفرت بين حدين معلومين ، فالاختبار التحصيلي الذي يتكون من . و سؤالا مثلا حيث تعطى درجة واحدة لكل إجابة صحيحة

يؤدى إلى درجات غير متصلة مثل صفر ، ١ ، ٢ ، ه ، إلا أثنا يمكن أن تعتبر هذه الدرجات تمثل قبها نقريبية لقياسات متصلة .

أما المنفير غير المتصل فهو ذلك المتغير الذي تختلف قيمه بمقادير محدودة ، وغالبا ما تسكون من النوع الذي لابد من حسابه بواسطة أعداد صحيحة موجبة ، ومن أمثلته عدد تلاميذ ددرسة أو عدد سكان مدينة أو عدد مرات ظهور الصورة إذا ألقيت عملة من النقود عدة مرات أو عدد البنين أو عدد البنات في فصل مدرسي معين .

وهنا تقفز قيم المتغير من عدد صحيح إلى آخر متجاوزة مابين المددين من الاعداد الكسرية الكثيرة التي لايمقل أن يكون لهسا وجود في مثل هذه الحالات إذ لايمقل أن يكون عدد البنين في فصل مدرسي ممين ١٠٠٠ و ٢٧ أو ٥٠٠ مثلا .

٢ ـــ البيانات النوعيــة :

وهى البيانات التى يكون التغير فيها تغيرا من حيث النوع ، وبلا يمكن تقسيمها بحسب الاصغر والاكبر تبحت تقسيم واحد ، ومن أمثلتها عدد الافراد الذين ينتمون إلى الاندية المختلفة ، فالمتغير هنا هو النادى نفسه ، وتنقسم البيانات إلى بجموعات كل منها ينتمى إلى فئة خاصة مختلفة اختلافاً كاياً عن الفئات الاخرى (أى أن الاختلاف يكون فى النوع وليس فى الدرجة) ، ومن أمثلتها أيضا البيانات المتعلقة بالمهنة أو الجنس أو لون البشرة أو عدد التلاميذ فى المراحل الدراسية المختلفة ، ويتضع من ذلك أن المتغير فى كل هذه الحالات يكون من النوع غير المتصل .

وتختلف بطبيعة الحال حدكما سنرى فى الفصول التالية حد الطرق الإحصائية التى تعالج أو تتناول هذين النوعين من البيانات ، ولو أن هذه الطرق تلتقي عند أكثر من نقطة .

مراجعة لبعض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية :

إن النساؤل التالى كثيراً ما يتردد على السنة الباحثين في العلوم السلوكية وبخاصة المبتدئين منهم وهو:

« كيف لى أن أدرس طرق تحليل البيانات والإحصاء وليس لدى الخلفية الاساسية في الرياضيات التي تنصف بالرمزية والتجريد ؟ . .

وهذا النساؤل بالطبع معقول وله مايبرره ، فما لاشك فيه أن دراسة الرياضيات تدير على الباحثين الفهم المستنير للاسس الرياضية والإحصائية التي تبنى عليها طرق وأساليب تحليل بيانات البحوث .

و لكننا نود أن نطمئ الباحث أنه ليس من الضرورى أن يكون ماهراً في الرياضيات وفي استخدام أساليب المعالجات الرمزية حتى يستطيع إتقان الاساليب الإحصائية وطرق تحليل البيانات .

ولا نتعدى الحقيقة إذا قلمنا ان إستخدام الإحصاء وتحليل بيـا نات البحوت النفسية والتربوية لايحتاج إلا إلى قدر من التفكير المنطقى في المشكلة التي يطرحها الباحث وكيفية معالجتها إحصائيا

ويمكن أن يتقن الباحث هذا سواء كان لديه خلفية قوية في الرياضيات أم لا . وأهم ما في الآمر هو أنه يجب أن يكون لديه الرغبة في متابعة الاساليب الإحصائية التي يمكن أن تساعده في تحليل بيانات بحثه للتوصل إلى نتائج بمكن تبريرها . كما أن عملية تحليل البيانات تتطلب قدراً من العمليات الحسابية والجبرية التي يتقنها عدد كبير من الباحثين المبتدئين .

وقد أدى التقدم الكبير الذى حدث فى الآلات الحاسبة والحاسبات الألكترونية إلى جعل هذه العمليات في متناولكل باحث في وقت قصير.

ومع هذا فإننا نجد أنه ربما يكون من المغيد لبعض الباحثين أن يقوم بمراجعة سريعة لبعض العمليات الحسابية والجبرية الاساسية مشل الرموز الرياضية والإشارات الجبرية والكسور والاسس والجذور واللوغاريتهات والنسب المثلثية للزواياكي تساعده على منابعة عرضنا للاساليب الإحسائية في تحليل البيانات .

ويمكن أن ينتقل الباحث الذى لديه هدده الخلفية إلى الفصل الثانى مباشرة ، ولكننا تنصح كل باحث أن يتأكد من فهمه لهذه العمليات الرياضية بأن يحل التمارين التي قدمناها في آخر هذا الفصل .

الرموز الرياضية :

فإلى جانب رمزى التساوى (=) ، وعدم التساوى (=) ، ورموز الممليات الحسابية الآربع وهي الجمع (+) ، والطرح (-) ، والمسرب (×) ، والقسمة (÷) توجسد كثير من الرموز الآخرى ، ولسكن ما بهمنا منها هو الرموز الآنية:

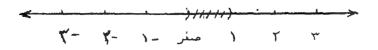
الرمز (ۓ) ، ويعنى أن العدد يمكن أن يكون موجبا أو سالبا ، مثل ﷺ .

الرمز (>) و یعنی (أکبر من) ، فثلا ه > ۳ و تقوأ ه اکبر من ۳ الرمز (≥) و یعنی (أکبر من أو یساوی) ، فثلا س≽ ه و تقرأ س أکبر من أو تساوی ه .

الرمز (<u>></u>) ويعنى (أصغر من أو يساوى) ، فثلا بن < صفر ، وتقرأ س أصغر من أو تساوى الصفر .

وأحيانا نسكتب أكثر نمن ومن واحد معاً مثل : ر ك س > صفر .

وهذه تعنى أن س أكبر من الصفر وفى نفس الوقت أقل من أو تساوى الواحد الصحيح ويمكن تمثيل هذه القيم على خط الآعداد الآتى:



أى أن قيم س تنحصر بين صفر ، \ ، ولكنها يمكن أن تساوى الواحد الصحيح . وهذه القيم تقع في المنطقة المظللة بخطوط ماثلة على خط الاعسداد الحقيقية .

الرمز إس إ ويقرأ القيمة المطلقة للتغير س ، أى قيمة س بغض النظر عن إشارتها سواء كانت موجبة أو سالبة .

العمليات الحسابية على الاعداد السالبة :

تنطلب معظم العمليات الجبرية إجراء عمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة باستخدام الاعداد السالبة .

أولا : الجمع والطرح :

أى أننا عندما نضرب بجموعة من الأعداد أو الرموز الجبرية فإن حاصل الضرب يكور موجباً إذا كان هناك عدد زوجى من القيم السالبة فى مجموعة الاعداد أد الرموز (الصفر يعتبر عدد زوجى).

أمثلة أخرى:

$$r \cdot \cdot \cdot = (\circ)(\Upsilon)(\Upsilon - 1)$$
 $= (\circ)(-1)(-1)(-1)$

أى أننا عندما نضرب مجموعة من الأعداد أو الرموز فان حاصل الضرب يكون سالباً إذا كان هناك عدد فردى من القيم السالبه في مجموعة الأعداد أو الرموز .

ثالثا: القسمة:

تنطبق نفس قاعدتى الضرب السابقتين في حالة القسمة . فثلا :

$$\cdot, \circ = \frac{\xi - \zeta}{\lambda - \zeta}$$

$$\cdot, \circ - = \frac{\xi - \zeta}{\lambda}$$

$$1 = \frac{(-\zeta)(1 - \zeta)}{\zeta}$$

$$\frac{1-\sqrt{5}}{5} = \frac{1}{(5)(5-1)}$$

العمليات الحسابية باستخدام الـكسور:

أولا: الجمع والطرح:

$$\frac{\Lambda}{q} = \frac{0+\gamma+1}{q} = \frac{0}{q} + \frac{\gamma}{q} + \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times$$

$$\frac{r}{2} = \frac{1-\xi}{2} = \frac{1}{2} - \frac{\xi}{2} = \frac{1}{2}$$

أما إذا كانت المقامات غير متشابهة فإنه يجب توحيد هذه المقامات ، أى نوجه المضاعف المشترك الاصغر لها قبل إجراء عملية الجمع أو الطرح .

فالمضاعف المشترك الآصغر للعددين γ ، γ هو γ . ثم نقسم γ على مقام السكسر الآول أى γ γ γ γ و نضر γ الناتج و هو γ فى بسط السكسر الآول أى γ γ و بالمثل بالنسبة للسكسر الثانى .

ثانياً ـ الضرب:

حاصل ضرب کسرین أو أکثر یساوی حاصل ضرب بسطی کل منهما مقسوماً علی حاصل ضرب مقامی کل منهما .

$$\frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}{1}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1}}}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{\frac{1$$

$$\frac{1}{s} = \frac{(-)}{(s)} \frac{(1)}{(s)} = \frac{-s}{s} \times \frac{1}{s} \times \frac{1}{s}$$

رابما ـ القسمة:

خارج قسمة كسرين يساوى حاصل ضرب السكسر الاول فى مقلوب السكسر الثانى .

$$\frac{\circ}{\gamma} = \frac{(\circ) (1)}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \div \frac{1}{\gamma} \times \frac{\circ}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \div \frac{1}{\gamma} \times \frac{\circ}{\gamma} = \frac{\circ}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{s!}{s!} = \frac{(s)(1)}{(s)(1)} = \frac{s}{s} \times \frac{1}{s!} = \frac{s}{s!} \div \frac{1}{s!} \text{ and a simple support } s$$

الحذف ،

إذا اشتملت الكسور على أعداد كبيرة أو إذا كان المطلوب ضرب عدد من السكسور ، فإنه يمسكن عادة تبسيط واختصار العمليات الحسابية بواسطة الحذف بين البسط أو المقام أو كليهما ، ثم حذف الاعداد المتشابة بينهما .

$$\frac{1}{r \cdot r} = \frac{1}{(1 \cdot r)(r)(r)} = \frac{1}{1 \cdot r}$$

$$1\xi \frac{Y}{V} = \frac{V}{V} = \frac{(V)(V)(V)}{(V)(V)} = \frac{YV}{V \cdot \xi V} = \frac{V}{V \cdot \xi V}$$

العمليات الحسابية والجبرية على الأسس:

عندما نقول 7 (و تقرأ 7 أس 7 أو 7 سرفوعة للقوة الثالثية) فإننا نعنى بذلك 7 7 7 7 7 7 أى 7 مكررة ثلاث مرات .

ويسمى الرقم ٢ الاساس ، والرقم ٣ الآس أو القوة المرفوع إليها الاساس. و بصفة عامة س م حيث ر، عدد صحيح موجب ، ر، الله صفر تعسى الله من المرات) س × س × س × ٠٠٠٠٠٠ (ر، من المرات)

مفر أما س فهي تساوي الواحد الصحيح ،

سفر سفر فثلا ۲ == ۱ % ۳ = ۱ % ۱ = ۱

أولاً - جمع وطرح الاعداد التي تشتمل على أسس:

لا يمكن جمع أو طرح الأعبداد التي تشتمل على قوى عبدد معين إلا إذا أو جدنا قيمة كل عدد على حدة أولا ، ثم نجرى عملية الجمع أو الطرح بعد ذلك .

فثلا۲ + ۲ لا تساوی ۲۰ و إنما تساوی ٤ + ۸ = ۱۲ أو تساوی ۲۷ (۱+۲) = ٤ × ۳ = ۱۲ و كذلك ۴° - ۲۲ = ۱۸ - ٤ = ۷۷

(ثانيا) - ضرب الاهداد التي تشتمل على أسس:

يمكن ضرب الاعداد التي تشتمل على أسس إذا اتحدت في الاساس بأن ترفع الاساس إلى قوة مجموع الاسس.

قسمة الاعداد التي تشتمل على أسس:

يمكن قسمة عددين يشتملان على أسس إذا اتحدا في الاساس بأرب نرفع الاساس إلى قوة الفرق بين الاساسين.

$$Y = Y - Y - Y - Y = Y - Y = Y = Y$$

$$\frac{1}{\Lambda} = \frac{1}{\gamma(Y)} = \gamma - \gamma$$
 ویجب آن الاحظان ۲ – ۲

أى أنه إذا كانت القوة المرفوع إليها العدد سالبة فإننا نقلب العدد وتجمل القوة موجبة .

العمليات الحسابية والجبرية على الجذور:

من المعلوم أن \ع = ± ٢ 6 ٧ ٩ = ± ٣

ولذلك فهذه الجذور تسمى جلوراً غير صاء .

أما ٧٧ ك ٧٧ ك ٧٥ وهكذا فهى تسمى جذوراً صماء لاننا لانستطيع إيجاد قيم مضبوطة لهذه الجذور ، وإنما نستطيع إيجاد قيم تقريبية لها .

فشلا ٧٧ = ١, ٤١٤ تقريبا . .

6 اس = ۱٬۷۳۲ تقریبا .

٥٧٥ = ٢.٢٣٦ تقريبا ومكذا .

(أولا) جمع وطرح الجذور الصهاء:

لا يمكن جمع أو طرح الجذور الصهاء إلا إذا كانت الأعداد التي تعت علامة الجذر متشابهة .

(ثانيا) ضرب الجذور الصماء :

عند ضرب جذرين أصمين متحدين فى الدليل نضرب العددين اللذين تحت الجذر . وتقصد بدليل الجذر ما إذا كان الجذر تربيعى أو تسكميى وما إلى ذلك . فنى الحالة الثانية يكون الدليل ٣ ومكذا .

$$\frac{1}{\sqrt{7}} \sqrt{7} \times \sqrt{9} = \sqrt{7} \times 0 = \sqrt{1}$$

$$\frac{1}{\sqrt{7}} \sqrt{7} \times 7^{7} \sqrt{7} = r^{7} \sqrt{7} \times 7 = r^{7} \sqrt{7} \times 7$$

قسمة الجذور الصياء :

عند قسمة جذرين أصمين متحدين في الدليل تقسم العددين اللذين تحت الجددر.

$$\frac{1}{2} \sqrt{v} + \sqrt{v} = \sqrt{v} + \sqrt{v} = \sqrt{v} = \sqrt{v}$$

$$\frac{\sqrt{v}}{r} = \sqrt{v} + \sqrt{v} = \sqrt{v}$$

كيفية استخراج الجذر التربيعي الممدد موجب :

بالطبع يستطيع الباحث إيجاد الجذر التربيعي لعدد موجب باستخدام الآلة الحاسبة أو بالرجوع إلى الجداول الرياضية . ولسكننا سنعرض فيما يلي لإحدى الطرق البسيطة التي يمكن اتباعها لاستخراج قيمة تقريبية للجذر التربيعي لعدد موجب دون استخدام آلة حاسبة .

فشلا إذا أردت استخراج الجذر التربعي لعدد موجب مثل ٦,٣٣ يمكنك انباع الخطوات الآنية :

ر .. ابدأ بتخمین الجذر التربیعی المطلوب . فشلا تقول أن $\sqrt{s} = 7$ $\sqrt{9} = 7$ $\sqrt{9} = 7$ أى أن $\sqrt{97} = 7$ ينحصر بين $\sqrt{97} = 7$. وهنا دبما تخمن أن $\sqrt{97} = 7$ مثلا .

۲ - اقسم العدد المطاوب استخراج جذره التربيعي وهو ۱۳۷۳ على القيمة التي بدأت بتخمينها هـهي . ۲٫۹۶ فيكون الناتج ۲٫۹۶ .

٣ ـــ إستخرج المتوسط الحسابي للقيمة التي بدأت بتخمينها وهي ١٩٢٠.
 وخارج القسمة الناسج من الخطوة رقم ٢ وهو ١٣٤٤

$$Y, 0Y = \frac{0, \cdot \xi}{Y} = \frac{Y, \cdot \xi + Y, \xi \cdot}{Y} : s!$$

ع ــ وهنا يعتبر العدد ٢,٥٢ هن أول قيمة تقريبية للعدد المطلوب استخراج جذره التربيعي ، ويمكن التحقق من مدى دقة هذا العدد بتربيعه ومقادنته بالعدد الاصلى المطلوب استخراج جذره ، فني هذا المثال مربع العدد ٢,٥٢ يساوى ٥٣٠٥ وهو قريب جداً من العدد المطلوب وهو ٣٣٠٥ .

و -- إذا أردت إيجاد قيمة أكثر دقة فما عليك إلا أن تسكرر الخطوات الاربع السابقة مع اعتبار المتوسط الذي تحصل عليه من الخطوة رقم ٤ (أول قيمة تقريبية) هو التخمين الثاني .

ويمكن تسكرار هذه العملية أى عدد من المرات بقسدر درجة الدقة المطلوبة، ولذا تسمى هذه الطريقة بطريقة التكرار Iterative Process . (٣ _ التحليل)

فإيجاد ثيم نفريبية للعمليات الرباضية باستخدام الطرق الت تعتمد على التسكر ار تعتبر أكثر فاعلية من الطرق التي تعتمد على الحل المباشر .

وفى الحقيقة فإن الحاسبات الالـكترونية الحديثة تعتمد فى إجراء العمليات الرياضية المعقدة على طرق التـكرار .

العمليات الحابية والجبرية على اللوغاريتهات :

تستخدم الوغاريتيات لتبسيط وتيسير الحمليات الحسابية المعقدة . فباستخدام اللوغاريتيات يمكن تحويل حمليتي الضرب والقسمة إلى عمليتي جمع وطرح على الترتيب .

و نقصد بلوغاريتم عدد معين وليسكن مه لاساس معين وليسكن ا بأنه القوة التي يحب أن يرفع إليها الاساس ا ليعطى العدد و.

فنحن نعلم مثلا أن ٣٧ <u>= ٨</u>

ويمكننا تحويل هذه الصورة الآسية إلى صورة لوغاريتمية كالآتي :

ہاد^ = س

وتقرأ لوغاديتم ٨ للاساس ٢ يساوى ٣ .

ويختلف الاساس فى اللوغاريتيات ، فيمكن أن يكون الاساس أى عـــدد موجب ، ولمكن هناك توعين من اللوغاريتيات الشائمة الاستخدام وهى اللوغاريتيات المعتادة التى يكون أساسها ، ١ ، واللوغاريتيات الطبيعية التى يكون أساسها ، ١ ، واللوغاريتيات الطبيعي وهو يساوى ١٨٣٧٥٧ حيث ، ثابت يسمى الاساس اللوغاريتيمى الطبيعي وهو يساوى ١٨٣٧٥٧ تقريبا .

ولكل من هذين النوعين من اللوغاريتات أهمية كبيرة فى العمليات الرياضية. ولسكن ما يهمنا هنا هو اللوغاريتمات المعتادة أى التي يكون أساسها . ١ . وتوجد جداول يمكن عن طريقها لميحاد اللوغاريتات الممتادة للاعداد تسمى جداول اللوغاريتيات المعتادة .

وسوف يجد الباحث أحد هذه الجداول (جدول ا) المبين بالملحق في آخر السكتاب .

والمحكى أوضح كيفية استخدام اللوغاريتهات في تبسيط عمليتي الضربوالفسمه أمرض المثال الآتي :

نفرض أننا نريد إبجاد قيمة المقدار:

فإننا نبدأ بفرض أن هذا المقدار ـــ س .

و فأخذ لوغاريتم كل من الطرفين علما بأن لوغاريتم حاصل ضرب عددين = بمموع لوغاريتم كل من العددين . ولوغاريتم خارج قسمة عددين ـ الفرق بين لوغاريتم كل من العددين .

أى أن : لو سُ = لو ٩,٥٣ + لو ١٧٫٩ – لو ١٢١ .

ثم نكشف فى جدول اللوغاريتيات المعتادة عن كل من هذه الاعداد. والكن يجب أولا وضع عدد يسمى العدد البيانى بجوار العدد الذى نحصل عليه مر الجدول. فثلا قبل السكشف عن لوسم و من الجدول تعد عدد الارقام الصحيحة قبل العلامة العشرية و تطرح من هذا العدد الواحد الصحيح. فهنا يوجد رقم واحد قبل العلامة العشرية وهو و فيسكون العدد البياني هنا = صفرا لاتنا طرحنا الواحد الصحيح من عدد الارقام الصحيحة وهو هنا رقم واحسد الرقم و).

أُم الكشف في جدول اللوغاريتات عن العدد ٥٥ تحت الرقم ٣ فنجده يساوى ٩٧٩١ .

ولذَلُك عِب أن نصع علامة عشرية إلى أقصى يسار الناتج ٩٧٩١ يسبقها المدد البياني . أي في هذه الحالة يكون :

لو ۵٫۹۷ = ۹٫۹۷۹۱

وبالمثل في العددين الآخرين .

أى أن : لوس = ١٠٢٥٢٠ + ١٠٢٥٢٠ + ٢٠٠٨٢٨

£. ٣1 ٤ ٨ =

وهذا يعنى أن النانج هو عدد لوغاريتمه ١٤٨ ٣رو ، فلإيجاد قيمة هذا النانج (أى قيمة س) تكشف فى جدول آخر يسمى جدول الاعداد المقابلة للوغاريتهات عن ٣٠٠، تحت ٤ فروق ٨ فتجده عن ٣٠٠٠ .

ويجب ملاحظة أثنا تركنا الرقم ۽ لانه سيخدد لنا موضع العلامة العشرية . فالرقم ۽ يعني أثنا يجب ان نضع العلامة العشرية بعد خمسة أرقام مشجهين من اليسار إلى اليمين .

وبذلك تنكون قيمة س 😑 ور، ٢٠٦٥ وهو الناتج المطلوب .

ويمكن للباحث الاستزادة بالرجوع إلى أحد كتب جبر المرحسلة الثانوية .

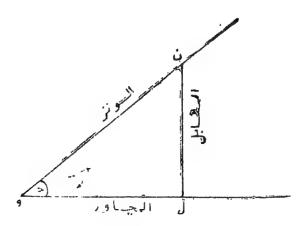
النسب المثلثية للزوايا الحادة :

إذا فرصنا أن س و ص زاوية حادة تساوى ح من الدرجات . وأخذنا

نقطة قه على الضلع و ص وأسقطنا منها العمود قدل على و س . أى أصبح لدينا مثلث قائم الزاوية في ح ، فإننا نستطيع الحصول على ست نسب مثلثيه للزاوية ح نذكر منها ثلاثا فقط :

جيب الزاوية - ويرمز له بالرمز

جيب تمام الزاوية ح ويرمز له بالرمز



ى ظل الزاوية حوير مزله بالومز

وتقرأ هذه النسب جا الزاوية ح، جتا الزاوية ح. ظا الزاوية ح.

ويمكن إيجاد كل من هذه النشب للزاويا المختلفة بالسكشف في جداول تسمى جسداول النسب المثلثية أو استخدام آلة حاسبة لإيجاد هذه النسب .

و نود فى ختام هذه المراجعة أن نوصى الباحث بأن يرجع إلى الكتب الدراسية فى الرياضيات للمرحلة الثانوية إذا أراد المزيد من التوضيح لحذه العمليات الحسابية والجيرية والمثلثية إذا دعته الحاجة إلى ذلك .

تمارين على الفصل الأول

١ ... اذ كر أعلى مستوى من مستويات القياس و الحالات الآتيه :

- (ا) درجات الطلاب في اختيار للذكاء .
- (ب) عدد كل من العلبة والطالبات في إحدى المكليات.
 - (ح) وزن شخص ما .
 - (ي) درجات الحرارة مقاسة بالدرجات المثوية .
- (ه) عدد المفردات التي أجاب عنها طالب إجابة صحيحة في اختبار يشكون من ١٥ مفردة .
 - (و) الأرقام التي تسجل على تذا كر القطارات .

٧ ـــ ما هي الحدود الحقيقية للدرجات أو القياسات الآتية :

٧٧ ثانية ، ١٥٠ كيلو جرام ، ١٤٠٥ سنتيمتر ٢٥ درجة .

٣ ـــ أوجد قيمة كل بما يأتي :

$$(1)$$
 r.r. (1)

﴾ ـــ اوجد قيمة كل نما ياتى :

$$\frac{\circ}{7} + \frac{7}{5} + \frac{1}{7}$$
 (1)

$$\left(\frac{r}{r}\right)\left(\frac{\circ}{r}\right)$$
 (φ)

$$\frac{7}{15} \div \frac{\circ}{V} (r)$$

$$\frac{7}{10} + \frac{7}{10} = \frac{7}{10}$$

ه _ أوجد قيمة س في كل من المعادلات الآنية ب

$$\left(\frac{\tau}{\epsilon}\right)^{-1}\left(\frac{\tau}{\tau}\right)^{-1}\left(\frac{\tau}{\tau}\right)$$

استخرج الجنر التربيعى للاعداد الآنية بطريقة التكرار مقربا الجواب الى رقين عشريين.

· 744,77 · 10,781 · 1,77

٨ -- باستخدام جداول اللوغاريتمات أوجد قيمة كل بما يأتي :

- \cdot 14,7 \times A,V \times 7,71 (1)
 - (ب) ۱۷,۳۲ × ۸,٤۲ (ب)
 - $\frac{\text{rv,1} \times 1 \cdot \text{A,1}}{\text{ryA}} \ (\textbf{-})$
- باستخدام جداول النسب المثلثية أوجد قيمة كل بما يأتى :
 حا ٢٠٠ ، حتا ٢٦ ٣٧٠ ، طا ١١٠٠



الفصل الشان التوزيعات التكرارية والتمثيل البيانى للبيانات ذات المتغير الواحد

تنظيم البيانات

جداول التوزيعات التكرارية

التمثيل البياني للبيامان

المدرج التسكرارى

المضلع التسكراري

المنحني التسكراري

المتحنيات المتجمعة

أوجه اختلاف التوزيعات التسكرارية

مقدمة:

يحتاج الباحث في كثير من الاحيان إلى مقارنة أثرطريقتين مختلفتين أوطرق عتلفة من طرق المعالجة التجريبية مثل أثر طريقتين مختلفتين أ، ب من طرق التعلم .

وهنا لايكتفى الباحث باختيار طالب واحد ليتعلم بالطريقة ا ، وطالب آخر ليتعلم بالطريقة ب ، لأن هذا يؤدى إلى نتائج لايمكن الاعتماد عليها .

فالطلاب يختلفون في سرعة تعلمهم بمـــا يؤدى إلى تباين درجاتهم حتى ولو كانت طريقة التعلم واحدة .

وكذلك ربما تكون الطريقة ا أفضل لبعض الطلاب ، بينما تكون الطريقة ب أفضل لطلاب آخرين .

وهذا الموقف شائع الحدوث في العلوم السلوكية ، ونقصد به تباين الآفراد. ولسكى يأخذ الباحث هذا التباين في الاعتبار يجب أن يعتمد على مجموعة من الافراد وليس فردا واحدا ، ويقوم بحمع الملاحظات أو الدرجات الخاصة بكل فرد من أفراد المجموعة. وبذلك يصبح لدى الباحث مجموعة كبيرة من الدرجات.

و تصبح المشكلة هي كيفية التعامل مع هذه الدرجات أو البيانمات للتورسل منها إلى نتائج ذات معنى .

ولتوضيح ذلك ، لننظر إلى الجدول (رقم ٢) الآتى الذى يشتمل على الدرجات التى حصل عليهـــــا ، ه طالبا تعلموا بالطريقة ا ، . ه طالبا تعلموا بالطريقة ب .

(طريقة (ب)	Ji	(اطريقة (أ)
Y	70	1/	١٦	17	10
14	17	٥	10	19	15
Ì٣	14	71	۱۸	٧.	11
21	٨	11	٦	1.	14
19	18	17	١٤	٩	14
١٧	1.4	11	١٤	10	١.
٩	11	17	17	19	٦
11	10	10	٩	71	10
14	17	11	17	11	1.
١٣	۱۳	۲.	11	• •	14
14	۱۷	14	٨	۲Ă	14
17	17	٧	٧	10	4
١٧	٧.	10	71	14	- 11
۱۸	44	1 &	71	14	1.
Y1	30	19	10	40	18
١.	Ac.	4	1.1	4	14
	1.	74		14	١.

جدول رقم (٢)

الدرجات التي حصل عليها ٥٠ طالبا في اختبار تحصيلي تعلموا بالطريقة ١ ، والدرجات التي حصل عليها ٥٠ طالبا آخر تعلموا بالطريقة ب .

فهل يستطيع الباحث بمجرد النظر إلى هذه المجموعة من الدرجات أن يعرف أى الطريقتين أدت إلى تعلم الطلاب بدرجة أكبر ؟ وهل يستطيع أن يعرف هل أدت كل من الطريقتين إلى قدر متكافى من التعلم بلميع الطلاب؟ وهل أدت إحدى الطريقتين إلى قدر متكافى من التعلم بلميع الطلاب؟ وهل أدت إحدى الطريقتين إلى إبراز الفروق الفردية بين الطلاب ؟ بالطبع د ١٤ لا يستطيع الباحث

إجابة هذه الاسئلة وغيرها بمجرد الفحص العيني لهذه الدرجات وذلك نسبب كثرتها وعدم ننظيمها ونبويها .

ولذلك فإن الهدف من هذا الفصل هو عرض طرق اختزال مجموعات الدرجات التي تشبه ظلك المبيئة في الجدول السابق إلى صورة أكثر تومنيحا بحيث تساعد الباحث على القاء الضوء على طبيعة وشكل بياناته كخطوة أساسية للبدء في محلم المنطوى علمية تلك الدرجات من معلوماته.

التوويعات التكرارية للبيانات غير المجمعة :

التوزيع التسكرارى هر وسيلة لتنظيم وتجمديع العرجات أو البياءات ق جموعات ، ومن شأن هذا التنظيم أو التجميع تلخيص بياءات التوزيع في عدد عدود من هذه المجموعات لتيسير معالجتها رياضيا . والإنشاء جدول توزيع تسكرارى للبياءات غير المجمعة ترتب اللهرجات ترتيباً تنازليا أو تصاعديا ، ونسجل عدد مرات تدكراركل درجة منها .

فشلا إذا اردنا تنظيم الدرجات الموضعة بجدول رفم (٢) السابق فإننا يمكن أن نسجل تسكراركل من هذه الدرجات كما هو موضع بالجدول رقم (٣) الآتى ، وبذلك يستطيع الباحث معرفة أقل الدرجات وأكثرها تسكرارا ، وهذا بالطبع يلقى الضوء على توزيع ووصف الظاهرة موضع البحث . ولسكن بالنظر إلى الجدول رقم (٣) نلاحظ أن الدرجات منتشرة المتشارا واسماً ، و تسكر از بعض هذه الدرجات صفر ، كما أنه ليس هناك مايدل على وجود نزعة مركزية للدرجات من يجرد الفحص العيني لها ، ولذلك يتجه كثير من الباحثين إلى مجميع الدرجات في فثات و تسكوين جدول توزيع تسكراري للبيانات .

ة ب	العارية	العاريقة ا		
التسكرار (ك)	الدرجة (س)	التسكرار (ك)	الدرجة (س)	
1	•	۲	٦	
صفر	٦	١	٧	
1	V	١	٨	
١	٨	•	4	
۲	•	£	١.	
۳	1 •	٤	11	
۴ ا	11	٦	14	
. +	١٢	٣.	١٣	
) r	14	۲	18	
•	18	٨	10	
	10	٤	17	
•	17	٣	14	
•	17	۲	۱۸	
*	١٨	٣	11	
· 4 ,	11	صغر	Y •	
. n A r	۲٠	١	۲۱	
٣	71	ا صفو	44	
مفو	77	صغر ۱ صغر صغر صغر	77	
*	77	مفو	74	
	77	١	Y0	
,	Y•			

جدول رقم (٣) التوزيمات التكرارية لدرجات كل من الخمسين طالبا ف الاختيال التحصيلي

التوزيمات التكرارية المجمعة للببانات السكمية المتصلة ن

يتضح بما سبق أن البيانات السكية التي يقوم الباحث النفسي أو المتربوي بدراستها تحتوي عادة على عدد كبير من القيم أو المشاهدات و النظر إلى هذه القيم السكثيرة لايساعده على نبين ما نتضمنه من معان ومعلومات عن المجموعة التي تشير إليها هذه القيم أو المشاهدات . ولذا يكون من الضروري تنظيم هذه القيم تنظيما يفصح عن بعض ما تتميز به المجموعة من خصائص ، كما أن هذا التنظيم يساعد الباحث على إلقاء الاضواء على إجابة الاستلة التي يود بحتها . ولتبويب أو تنظيم هذه القيم في صورة جدول توزيع تكراري بجب تجميع قيم المتغير في عدد من الفتات المتساوية العلول . ومن البديمي ألا نجعل عدد الفتات المتغير في عدد من الفتات المتساوية العلول . ومن البديمي ألا نجعل كبيرا فتضيع معالم التوزيع . وليست هناك قاعدة ثابتة لتحديد هذا المدد لآن ذلك يتوقف على عوامل كثيرة منهاطبيمة عينة البحث، والهدف من البحث و مدى دقة القياس . وعلى وجه العموم يكون عدد الفتات مناسبا في البحوث النفسية والتربوية إذا وعلى وجه العموم يكون عدد الفتات مناسبا في البحوث النفسية والتربوية إذا كان محصورة بين ١ ، ٢٠ ، والقدرة على اختيار العدد المناسب من الفتات تستارم بعض الحرة و المران من جانب الماحث .

ولتوضيح طريقة إنشاء جدول توزيع تسكرارى للبيانات السكمية المتصلة نعرض المثال الآتى:

لنفرض أن الدرجات الى حصل عليها ٧٠ طالبا وطالبة فى أحد الاختبارات مرتبة ترتيبا تصاعديا مى كما يلى:

40	7 8	75	11	7.	•	00	04	٤٧	٤٠
77	75	75	77	٠,	۸۰	00	٥٢	49	٤٤
77	40	75	70	17	٥٩	64	٥٣	۰۰	٤٦
77	70	٦٤	77	11	٦.	٥٧	Θź	• 1	٤٦
						73			
۸٤	۸۱	٧٩	v •	٧٣	٧١	79	74	۸r	٦٧
λŧ	۸Ý	٧1	٧٦	٧٤	٧٢	79	79	٦٨	77

فلسكى تنشىء جدول توزيع تسكرارى لهذه الدرجات تبدأ بحساب المدى الذي تمتد فيه هذه الدرجات وهو القرق بين أصغر درجة وأكبر ذرجة ثم نقسم هذا المدى على عدد الفئات الذي تراه مناسباً . وشارج القسمة هذا يعطينا أقرب قيمة صحيحة لطول أو سعة الفئة . ومن القواعد العامة في تحديد طول الفئة أن يكون هذا الطول أحد القيم ١ أو ٢ أو ٣ أو ٥ أو مضاعفات الحسة .

فتى المثال السابق تلاحظ أن أقل درجة مى . ٤ وأكبر درجة مى ٨٤ ، أى أن المدى هو . ٤ فاذا وأينا أن عشر فئات هو عدد مناسب وإن خارج القسمة يكون ٤٫٤ ، وإذن يكون اختيار طول الفئة ه مناسباً . أى نقرب العدد ٤٫٤ لل أقرب عدد صحيح .

و الخطوة التالية هي أن نأخذ أقل درجة في مجموعة الدرجات المبينة في المثال السابق ونعتبرها أقل قيمة في الحد الآدني للفئة الدنيا ، وهذه الدرجة هي . ع . ثم نصيف إليها ع (أي طول الفئة مطروحا منه واحد صحيح) لنحصل على أكبر قيمة في الحد الآدني للفئة الدنيا . و بذلك تسكون الفئة الدنيا لمجموعة الدرجات هي . ع . .

ويجب أن تبدأ الفشة التالية بالمدده، وهو المدد الذي يلي أكبر قيمة في

الحد الأدنى للفئة الدنيا . ونسكرر الخطوة السابقة للحصول على الحد الأعلى لهده الفئة . وبذلك تسكون هذه الفئة هي ٥٥ ـــ ٤٩ .

وجدير بنا أن نلاحظ أننا إذا اخترنا طول الفئة ه مثلا فيحسن أن يكون الحد الادنى لمكل فئة من مضاعفات ه : وإذا كان طول الفئة ٢ مثلا ، فيحسن أن يكون الحد الادنى لمكل فئة من مضاعفات ٢ وبالمثل فى أى طول نختاره . فهذا الإجراء يوفر بعض الوقت فى عملية التجميع ، ويقلل من احتمال الخطأ فى حساب الحدود الدنيا والعليا للفئات .

و بعد ذلك نكون جدولا يتكون من ثلاثة أعمدة كما هو موضح فيما يلى ، و انضع الفئات التي تم اختيارها مرتبة نرتيبا تنازليا أو تصاعديا في العمودالاول ثم نمر على قيم المتفير (الدرجات) و احدة بعد الاخرى ، و نضع لكل قيمة نمر بها علامة (شرطة مائلة) في العمود الثاني أمام الفئة التي تدخل تحتها هذه القيمة. ومن الإجراءات التي تيسر عملية التجميع وضع كل خمس علامات في حزمة واحدة ، وذلك بوضع علامة خامسة تقطع كل أربع علامات منها ، ثم نضع في العمود الثالث تشكراركل فئة ، وهو بطبيعة الحال يكون مساويا لمدد العلامات الموضوعة أمام الفئات ، كما أن المجموع المكلي للتكرارات يجب أن يكور مساويا لمدد الدرجات ، وقد تخضص غودا رابعا لمراكز الفئات وهي تساوي مسويا لمدد الدرجات ، وقد تخضص غودا رابعا لمراكز الفئات وهي تساوي مشوسط الحدين الادني والاعلى لكل فئة ، لاننا محتاج إلى هذه المواكز في مسوسط الحدين الادني والاعلى لكرارات المسابي والانحراف المعياري ، كما سنري في الفصول التالية ، كما قد يحتاج الأمر إلى إضافة عمود خامس للتسكرارات النسبية وهي تنتج من خارج قسمة كل تسكرار على المجموع السكلي للتكرارات ومن الواضح أن المجموع السكلي لهذه التسكرارات النسبية يجب أن يكون و احدا ومن الواضح أن المجموع السكلي لهذه التسكرارات النسبية يجب أن يكون و احدا صحيحا .

وفيما يلى جدول التوزيع التسكراري (جدول رقم ؛) نجموعة الدرجات التي حصل عليها ٧٠ طالبا المبينة في المثال السابق :

التكرار	علامات التسكرار	فثات الدرجات
4		£
٤	1111	٤٩ ٤٥
٦	1 ++++	01 - 0.
٧	11 ++++	01 00
١٥	-444 444 444	78 70
١٨	111 ++++ ++++ ++++	79 - 70
٧	11 444	V£ - V•
۰	_HT	V4 V0
4	/ ///	۸٤ ۸۰
V.	<u>ن</u>	المجموع

جدول رقم (٤)

توزيع تكرارى لمجموعة الدرجات التى حصل عليها ٧٠ طالبا في احد الاختبارات .

الحدورد الحقيقية للفثات :

عرضنا في الفصل الأول كيفية التعامل مع الأعداد في عملية القياس . وقد أو صحيحا أن القيمة الحقيقية للعدد تساوى قيمته الظاهرية مضافا إليها مرة ومطروحا منها مرة أخرى للمرجدة القياس . وهذه القاعدة تظل صحيحة في حالة القيم المجمعة في فئات . ولذلك فبالرغم من أننا تسكتب الحدود الظاهرية للفئة الدنيا مثلا . و حدى إلا أن الحدود الحقيقية لهذه الفئة هي : ٥٩٥٠ — ٥٤٤ .

ومن المهم أن تتذكر أن الحدود الحقيقية لفئة ما ليست هى نفسها المحدود الظاهرية للفئة ، وفي الحقيقة سوف نعتمد على الحدود الحقيقية للفئات عند حساب كثير من المقاييس الإحسائية ـ كما سنرى فيما بعد ،

التوزيعات الشكرارية المتجمعة والمتجمعة النسبية :

Cumulative Frequencies and Cumulative Percentage Distributions.

فى التوزيعات التسكرارية قد لا يكون اهتمامنا منصباً على عدد الطلاب الذين حصلوا على درجة وأقل الذين حصلوا على درجة معينة بل على عدد الطلاب الذين حصلوا على درجة وأقل من و أو و أكبر من و درجة معينة وفي مثل هذه الحالات المجا إلى إنشاء ما يسمى بالتوزيع التسكراري بالتوزيع التسكراري المتجمع ويشتق هذا التوزيع من التوزيع التسكراري البسيط الذي عرضنا له فيما سبق ويفيد هذا التوزيع في حساب عدد من المقايس الإحصائية مثل الوسيط والاعشاريات والمثنيات وغيرها مما سنعرص للقايس الإحصائية مثل الوسيط والاعشاريات والمثنيات وغيرها مما سنعرص للفصول النالية

٧ ــ التوزيع السكراري المتجمع الصاعد:

فى هذا التوزيع نبدأ بأكبر الفئات ، ونضع السكرارات أمام الفئات بحيث يتضمن التسكرار المقابل لسكل فئة مجموع تسكرارات الأقل منها .

۲ ـــ التوزيغ التسكراري المتجمع النازل .

فى هذا التوزيع نبدأ بأكبر الفئات، ، ونضع التكرارات أمام الفئات بحيت يتضمن تدكرار المقابل لكل فئة مجموع تدكرارات الفئات الآكبر منها.

وكل من الجدولين الناتجين يسمى بجدول التوزيع التسكرارى المتجمع . . وفيما يلي كل من جدولى التوزيع التسكرارى المتجمع الصاعد والنازل للدرجات السبعين الموضحة بجدول رقم (٤) السابق .

التكرار المتجمع النسبي	التسكرار المتجمع الصاعد	التكرار	فئات الدرجات
۲,۹	۲	۲	£
۸٫٦	٦	٤	19-10
14,1	17	٦	01 - 0+
۲۷,۱	19	٧	09 00
٤٨,٦	٣٤ .	10	78 - 70
٧٤,٣	۰۲	١٨	79 - 70
٨٤,٣	٥١	٧	V1 - V+
41,8	78	٥	V9 V0
١	· v•	۲ .	Λξ − Λ·

جدول رقم (٥) التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد للدرجات السبعين الموضحة فيما سبق ٠ ويوضح التكرار المتجمع الصاعد لفئة ما في هذا الجدول عدد جميع الطلاب الذين تقل درجاتهم عن الحد الآعلى الحقيقي لهذه الفئة . فشلا يوجد ١٢ طالبا تقل درجاتهم عن الحد الآعلى الحقيقي للفئة .ه - ١٤ أي تقل درجاتهم عن ٥٠ عن ٥٠ ه.

ويمكن الحصول على قيم السكرار المتجمع الصاعد بعملية جمع متنال الشكرازات التي في العمود الثاني .

فثلا التسكرار المتجمع الذي يناظر الحد الأعلى الحقيقي للفئة هرؤه مدوه، نحصل عليه مجمع تدكرار همدنه الفئة والنسكرارات السابقة عليها أي : ٢ + ٤ + ٢ + ٧ = ١٩ .

وينبغى أن نتأكد أن قيمة التكرار المتجمع الصاعد التى تقع أدنى العمود الثالث تساوى العدد السكلى للتكرارات . فإذا لم نحصل على هذا العدد ينبغى مراجعة عمليات الجمع .

ويمكن الحصول على التسكرارات المتجمعة النسبية التي فى العمود الرابع بقسمة كل تسكرار متجمع صاعد على العدد السكلى للتسكرارات و نضرب الناتج فى ١٠٠، فثلا التسكرار المتجمع النسبي الذي يناظر التسكرار المتجمع ٢ محصل عليه كالآتي :

، تقریبا
$$\gamma$$
 ۲٫۸ = ۱۰۰ $\times \frac{\gamma}{V}$

أى أن هناك طالبين (أى ٢٫٨ / من بحوع الطلاب) تقل درجاتهم عن الحد الأعلى الحقيقي للفئة . ٤ — ٤٤ .

وينبغى أن نتأكد أيضاً أن قيمة التسكرار المتجمع النسبي التي تقع أدنى العمود الرابع تساوى ١٠٠ / وذلك لآن جميع الطلاب تسكون درجاتهم أقل من الحد الآعلى الحقيقي للفئة العليا .

کا یمکن ان نستنتج ان ۷۰ طالبا (۵۹ – ۲ سند ۵۷) تقع درجاتهم بین ۷۶٫۰ ، ۶۶٫۰ ، ۷۶٫۰ .

ويمكن سكوين جدول التوزيع التسكراري المتجمع النازل بطريقة بماثلة م

الشكرار المتجمع النسي /	التسكرار المتجمع الغازل	التكرار	فثات الدرجات
1	٧٠	۲	ξξ – ξ •
14,1	٦٨	٤	٤٩ ٤٥
41,6	78	٦	01 - 01
۸۲,۹	•۸	v	09 00
٧٢,٩	٥١	10	78 70
٥١,٤	٣٦	١٨	79 - 70
70,V	۱۸	٧	V & - V -
10,7	11	•	V9 V0
٨,٤	٦ .	۳.	۸٤ ٨٠

جدول رقم (٦)

التوزيع التكرارى المتجمع النازل للدرجات السبعين الموضحة فيما سبق

ويوضح الشكرار المتجمع النازل لفئة ما فى هذا الجدول عدد جميج الطلاب الذين تفوق درجاتهم الحد الادنى الحقيقى لهدده الفئة ، فثلا يوجد ، و طالبا (أى حوالى ٩١ / من مجوع الطلاب) تفوق درجاتهم الحد الادنى الحقيقى للفئة .ه ــ ، ، أى تزيد درجاتهم عن ، ٤٩ .

و يمكن الحصول على قيم التسكرار المتجمع النازل بعملية طرح متتال للتسكر ارات التي في العمود الثانى ، فثلا التسكرار المتجمع الذي يناظر الحد الادفى الحقيقي للفئة ه ، ١٩٥ - ١٩٥٥ تحصل عليه عطرح تسكرار الفئة السابقة عليها من التسكرار المتجمع النازل للفئة السابقة أي ٢٤ - ٣ = ٥٥ .

كما يمكن أن نستنتج أن ٥٧ طالبا (٦٨ ـــ ١١) تقع درجاتهم بين ٥٤٤، ٥ ، ٤٤٥ وهي نفس النتيجة التي وصائنا إليها من الجدول رقم (٠٠) ٠

والواقع أن أيا من الجدولين يغنى عن الآخر ، ولذا يمكن أب الكتنى بالحدهما.

نوز يعالملاحظات داخل كل فئة :

إن تجميع الملاحظات أو البيانات في فشات يؤدى إلى فقد بعض المعلو مات الخاصة بكل ملاحظة أو درجة على حدة .

إذ ربما تختلف الدرجات ، ومع هذا تتجمع جميما فى فشة واحدة . ولذلك يجب افتراض بعض الفروض الخاصة بالقيم داخل كل فشة عند حساب بعض المقاييس الإحصائية وعند التشيل البيساني للبيانات ، و يمكن افتراض أى من الفرضين الآتيين بحسب مانهدف إليه من تحليل البيانات .

الافتراض الاول هو أن الملاحظات نتوزع توزيعا منتظماً على الحدود الحقيقية للفئات، ويؤخذ بدا الافتراض عند حساب الوسبط، والإرباعيات والمئينيات وعند رسم المدرجات التسكرارية. فاذا نظرنا إلى الجدول الآتى تحد أن تدكرار جميع الحالات وعددهم ١٠ يقع في الفئة ١٠٠ ـــ ١٠٤ والتي حدودها الحقيقية ه ١٠٠ ــ ٥٠٠ وهذا يفترض أن هذا الشكرار الدكلي موزع على هذه الفئة الدكلية كالآتى: ــ

التكرار	الفئة
· ٣,٢	100,0 - 99,0
٣,٢	1.1,0 1,0
٣,٢	1.7,0 - 1.1,0
٣,٢	1.7,0 1.7,0
٣,٢	1.5,0 - 1.4,0
17,•	المجموع

أما الافتراض الثانى وهو الافتراض الشائع فيعتبر أن جميع الملاحظات تتركز فى منتصف الفئة ، أى أن كل ملاحظة أو درجة تأخذ قيمة مساوية للقيمة المناظرة لمنتصف الفئة . فنتصف أى فئة هو متوسط قيمتى الحدين الحقيقيين لحذه الفئة .

فن الجدول السابق تحمد أن منتصف الفئة هروه ... هر ١٠٠ هو ١٠٠ ومنتصف الفئة هر١٠٠ ... هر ١٠١ هو ١٠١ وحكذا .

ويؤخذ بهذا الافتراص عند حساب المتوسطات والانحرافات العيارية ، وعند رسم المصلحات السكرارية .

التمثيل البياني للبيانات:

إن التمثيل البياني يساعد الباحث كثيراً على تنظيم وتلخيص المدجات أو البيانات، كما يساعد على توضيح أسكال التوزيعات التكراوية، و. قادنة التوزيع لتكراؤي بغيره من التوزيعات، فالشكل البياني هو تمثيل هندسي لمجموعة من البيانات. ولا يقتصر استخدام الاشكال الهندسية على هذا التمثيل وحده، بل يسهم في تكوين تماذج بصرية تساعد على التفكيد في المشكلات الإحسائية. إذ يمكن اختزال كثير من المشكلات إلى أشكال توضيحية مما يحمل حلها أو فهمها أكثر يسراً. والدليل على ذلك أن كثيراً من الجرائد والجلات والتقادير الاقتصادية والعلية تستخدم التمثيل البياني بكثرة.

والأشكال البيانية التى سنعرض لها فى هذا الفصل ترتبط ارتباطا مباشراً بالتوزيعات التكرارية التى قدمنا لها فيها سبق . كما أن هذه الأشكال تؤدى نفس وظيفة هذه التوزيعات وهى تيسير فهم المعلومات ولسكن بصورة بيانية . وعندما ينتقل الباحث فيها بعد إلى دراسة الأساليب المتقدمة فى تحليل البيانات سوف يحد أن التمثيل البيانى لا يقتصر فقط على نوضيح البيانات بيا با ، ولكن يبسر أيضا حل كثير من مشكلات البحوث النفسية والتربوية .

وسوف يتم رسم جميع الاشكال البيانية التي سنقوم بعرضها في هذا الفصل بالنسبة إلى محورين متمامدين أحدهما أفقى والآخر رأسي ، ويسميان محوري الإحداثيات . فالمحور الافقى سوف يمثل ميزان الدرجات بنفس الطريقة التي تستخدم بها المسطره العادية . أما إذا كانت البيانات والملاحظات مجمعة فيمكن للباحث تعيين النقط التي تناظر منتصف الفشات على هذا المحور . وبالطبع يمكن تبسير ذلك باختيار فئات تمكون منتصفاتها أعداداً صحيحة . كا يتم تعيين التسكر ارات أو التمكر ارات النسبية على المحور الراسي ، و من المهم عسد رسم الشكل البياني أن يوضع عنوان على كل من المحورين حتى يتضح للقارىء مايشير اليه كل منهما . كا يجب أن يوضع عنوان دقيق للشكل البياني ليساعد القارىء على التعرف على الجواب المختلمة للبيانات (مثلا مصادر البيانات وماذا تقيس . . .

ومن الاصكار الهامة التي ترتبط بالتمثيل البياني للتوزيعات التسكرارية هي أن المساحة تحت المنحني أو جزء منه نمثل تسكرار الدرجات المناظرة . وغالبا ما تحدد المساحة السكاية تحت المنحني بالواحد الصحيح ، وبذلك تصبح المساحة الواقعة فوق جزء من ميزان الدرجات (المحور الافقى) مساوية للتسكرار النسبي لحذه الدرجات . وهذه العلاقة بين التسكرار النسبي والمساحة تمد أساسية في استخدام الإحصاء في البحوث .

المدرج المكرارى: Histogram

يمكن تمثيل مجموعة من الدرجات أو الملاحظات بياتيا برسم شكل بياني على هيئة مستطيلات متلاصقة إذا كان ميزاز القيب اس من النوع الفترى أو النسبى أو مستطيلات غير متلاصقة إذا كان مهزان القياس اسمى أو ربي وعدد هذه المستطيلات يساوى عدد فئات التوزيع وقاعدة كل منها هي الجزء الذي يمثل الفئة وارتفاعه يمثل التكرار في هسده الفئة ، والمساحة السكليه للمستطيلات تتناسب مع التسكر اد الدكمي للموريع ، واهل المدرج التسكر ادى هو اسهل طريقة لتمثيل التوريعات التسكر اديه بيانيا .

التكرار المتجمع النازل	التكرار المتجمع الصاعد	التـكرار	فئات الدرجات
10.	<u> </u>	٤	71 - 7 •
187	1.	٦	79 - 70
11.	1٧	٧	£1 — 1·
144	۲۰	۸	19 - 10
. 170	44	۱۱.	0
118	٤٨	14	04 - 00
1.4	۰۸	١٠,	78 - 7.
94	٧٠	17	79 70
۷٥	4.4	44	V\$ V+
٥٢	114	۲۰	V4 - V0
44	171	18	Λε - A.
14	1 18.	٩	A9 - A0
٧٠	184	v	18-11
٣	10.	٣	99 — 90
1	10.	ن = ن =	•

. . .

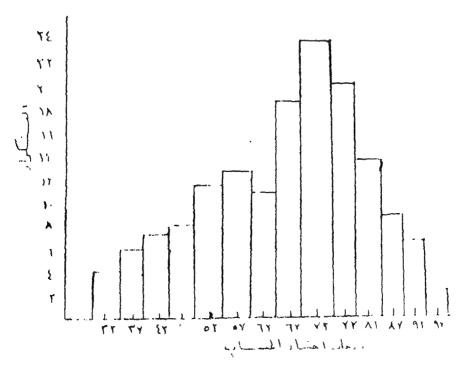
جدول رقم (۷) درجات ۱۵۰ طالبا فی اختبار الحساب

فالخطوة الاولى هي أن نعد ورقه رسم بياني ، ثم نرسم خطا أفقيا (المحور السيني) ليمثل فشات درجات الطلاب في مادة الحساب ، ونرسم خطا راسيسا (المحور الصادي) هموديا على الخط 'سابق .

والخطوة الثانية ــ هي أن تحدد مواضع مراكز الفئات على الخط الافقى ، و تسكر او هــ نده الفئات على الخط الرأسي بعد وضع عناوين مناسبة على هدين المحودين .

والخطوة الثالثة .. هي أن ترسم أعمدة مستطيلة على الحدود الحقيقية لكل فئة وليس على مراكز الفئات بحيث يكون ارتفاع كل منها مناظراً لتسكرار درجاب كل فئة منها . ويجب أن تسكون المستطيلات متلاصقة كا يجب أن يوضع عنوان مناسب للمدرج التكراري .

ويوضح الشكل رقم (١) المدرج التكراري للبياء ت الموضحة بالجدول رقم (٧)



شكل رقم (۱) المدرج التكرارى لدرجات ١٥٠ تلميذا في الصف السادس في مادة الحساب

. Frequency Polygon المضلع التكراري

افترضنا عند رسم المدرج التكرارى أن تكراو كل فئة موزع توزيما منتظا على مدى الفئة . ولسكننا سنفترض فى حالة المضلع التكرارى أن تسكرار كل فئة مركز فى منتصف الفئة .

وهذا هو الفرق الرئيسي بين المدرج التكراري والمضلع التكراري . ولرسم المضلع التكراري . ولرسم المضلع التكراري التكراري ولكن يجب هذا أن نضيف فئتين إحداهما تسبق الفئة الدنيا والآخرى تعقب الفئة العليا . فثلا في جدول رقم (٧) السابق نضيف الفئتين ٢٥ – ٢٩، دنعتبر أن تكرار كل منها صفر .

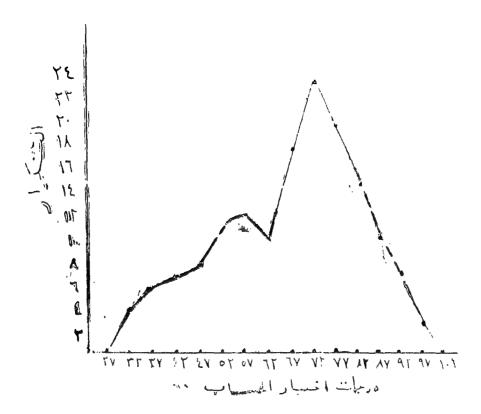
والخطوة التالية هي أن امين نقطا تناظر تسكرار كل فئة (بما ف ذلك الفئتان اللبتان تسكرار كل منهما صفر) فوق منتصف كل فئة . ثم تصل بين هذه النقط يخط منكسر .

ويمكن اعتبار المضلع التسكرارى هو الخط المنسكسر الواصل بين منتصفات القواعد العليا للمدرج التسكرارى والممتد من إحدى ناحيتيه إلى منتصف الفئة التي تسبق فشات التوزيع ومن الناحية الآخرى إلى منتصف الفئة التي تعقب فشات التوزيع وبذلك يكون المضلع مقفلا وتسكون مساحته مساوية بالضبط لمساحة المدرج التسكرارى .

ورسم المصلع التسكرارى لا يستلزم بالطبع دسم المدرج التسكرارى أولا ، إذ من السهل رسمه مستقلا بتوصيل النقط التي تمثل مراكز الفئات والتكرارات المناظرة لها .

ولتيسير تفسير المضلع التكرارى وحسن تمثيله للبيانات يفضل جعل ارتفاع التوزيع يتراوح بين ٦٠٪ إلى ٧٥٪ من طول قاعدتة .

ويوضح الشكل رقم (٢) المضلع التكراري للبيانات الموضحة بحدول رقم (٧)



شكل رقم (٢) المضلع التكرارى لدرجات ١٥٠ تلهيذا في الصف السادس في مادة الحساب

و بالنظر إلى المصلع التكرارى نجد أنه ليس منحنيا بمهدا متصلا، لآن المعطوط التي تصل بين مختلف النقط هي خطوط مستقيمة . فإذا ما قسمنا كل فئة إلى فئات صغيرة فإننا سوف نحصل بالطبع على تسكر ارات غير منتظمة ، أي سوف يوجد عدد أقل من الآفراد في كل فئة . فإذا افترضنا أن كل فئة صغرت صغرا كافيا إلى أن تقترب من الصفر ، وزاد تسكرار كل فئة زيادة كبيرة حتى يقترب من اللانهاية فإننا بذلك نصل إلى مفهوم التوزيع التسكراري المتصل .

مزايا وعيوب المدرجات والمضلعات النسكرارية :

يفضل عادة استخدام المضلع التكرارى عن المدرج التسكرارى لأنه يعطينا فسكرة أو تصورا أفضل عن شكل وحدود التوزيع . و بكون الانتقال من فئة إلى أخرى في التوزيع بطريقة مباشرة ، كما أنه يمكن أن يصف التوزيع بدرجة أكثر دقة ، في حين أن المدرج التسكراري يعتمد على التغير التدرجي من فئة إلى أخرى ويفترض فيه أن تكراركل فئة يتوزع توزيعا منتظما على الفئة .

أما المصلح التكرارى فهو يعطى انطباعا صحيحا عن أنه على جاني أعلى نقطة أو تسكرار في التوزيع يكون تسكرار فئة ما كبيرا على الجانب القريب من أعلى نقطة ، إلا في حالة حدوث تحول في هذه النزعة العامة .

ولسكن المدرج التسكراري يعطى صورة أكثر فهما لعدد الحالات الواقعة في كل فئة . وكل قياس أوكل فرد يشغل مساحة متساوية من الشكل.

ويفيدالمضلع التسكرارى فى تمثيل توزيمين تسكراريين بينهما تداخل على خط القاعدة ، كما فى حالة توزيمى بجوعتين عريتين مختلفتين أو توزيمى البنين والبنات، فتمثيل كل من هذين التوزيمين باستخدام المدرج التسكرارى يمطى صورة غامضة إلى حد كبير ، فى حين أن المضلع التسكرارى يمكننا من مقارنة التوزيمين بوضوح .

المنحنى التكرارى: Frequency Curve

هو نفس المصلع التسكرارى بعد تهذيبه بحيث يبدو على شسكل منحنى مهد . وقد يتم هذا التهذيب بمجرد النظر أو با ستخدام إحدى طرق توفيق المنحنيات التكرارية ويفضل استخدام هذه الطرق لانها تعطى منحنيات لها خواص رياضية تيسر دراسة التوزيعات واستنباط الحقائق الخاصة بها .

وإحدى الطرق السريعة التي يمكن أن تستخدم لتهذيب وتمهيد المسحنيات

التكرارية و Curve Smoothing مي طريقة تحريك المتوسط_ات . Moving Averages

ويمكن إجراء ذلك بأن نعوض عن كل تسكرار فى التوزيع بالقيمة التقريبية الآتة :

تكرار فئة ما بعد تهذيبه = تكرار الفئة لم تكرار الفئة اللاحقة مكرار الفئة اللاحقة عكرار الفئة اللاحقة

أى أن تكرار فئة ما بعد تهذيبه يساوى تقريبا بجموع تكرارى الفئتين السابقة عليها واللاحقة لها مضافا إلى هذا المجموع ضعف تسكرار الفئة نفسها ، وقسمة الناتج على ٤ . و بذلك نتخلص إلى حدما من أثر التذبذبات وعدم انتظام المنحنى الذي يرجع إلى تذبذب الميئات التي حصلنا منها على النوزيع التسكرادي ، وبذلك تحصل على صورة أكثر وضوحا لشكل الظاهرة في المجتمع الاصل .

وبالطبع لانستطيع أن تؤكد بعد إبعراء هذا التهذيب ما إذا كنا قد استبعدنا تذبذب العينة وعدم انتظامها أم استبعدنا النزعة الخاصة بالمجتمع الأصل. ولذلك فإن تهذيب المنحى التسكراوى لايحل مشكلة تفسير البيانات الظاهرة في المجتمع الأصل.

وأفضل طرق حل هذه المشكلة هو زيادة حجم العينة التي يستمد منها الباحث البيانات لتعبر بدرجة أفضل عن توزيع الظاهرة في المجتمع الاصل.

ويلاحظ أننا حين نجرى هذا التهذيب أو التمهيد نفتوض أن التوزيع هو توزيع متصل، أى نفترض أن عدد الحالات قد يزيد زياده لانهائية، وأن طول الفئة قد يتناقص فى الوقت ذاته تناقصا لانهائيا بحيث يتخذ المتغير جميع القيم الحقيقية الواقعة بين حدى التوزيع، وليس هناك ما يمنع من هذا الفرض لان قيم المتغير يمكن نظريا تجزئتها إلى مقادير لانهائية فى الصغر يحيث تبدو متصلة

هإدا اعتبرنا توزيع سكان مدينة ما من حيث الاعمار الواقعة بين . ١ . . ه عاما ، واخته نا طول الفئة بضع ساعات ، وهي فترة صغيرة جداً بالنسبة للاربعين عاما التي تنحصر بينها الاعمار موضع الدراسة ، وإذا كان عدد سكان هذه المدينة كبيراً لامكن تمثيل هذا التوزيع بدنحي مهد متصل حتى لو كنا قد أخذنا عينة صغيرة تمثل هذا التوزيع .

ونحن فى الإحصاء كثيراً ما نلجأ ، على هــذا الآساس ، إلى التعبير عن التوزيعات بمنحنيات متصلة لـكى تتمكن من تحليلها والانتفاع بذلك فى الآغراض العلمية .

تمثيل توزيمين تـكراريين فى شكل واحد:

عند ما يربيد الباعث مقارنة توزيمين قدكراريين مختلفين في العدد البكلي للحالات بطريقة بيانية، تبرز مشكلة مقياس الرسم Scale، أي المساحة التي سوف يشغلها كل من التوزيجين في الشكل.

والمتغلب على هذه المشكلة يمكنه الاعتباد على التسكر ارات النسبية لكل من التوزيعين بدلا من استخدام التسكر ارات نفيها وبذلك يكون قد اعتبر أن عدد حالات كل من التوزيعين مداوية مان بحو عالمساحتين السكليتين التوزيعين متساوية تقريبا عند رسم المصلعين الشكر اربين ، وهذا يمكننا من مقالاتة شكل وم تتوى و تشدّت التوريعين بدرجة أغضل.

و لتوضيح ذلك تفترض أن لدينا البيانات المبينة بالجدول رقم (٨) الآثی، والذي يشتمل على درجات أحد اختبارات الاستعداد لمجموعتين من طلاب كليتين مختلفتين عدد كل منهما ١٦٠، ٥٠ طالبا على الترتيب .

				بالمستشيخ سيسيد في المستحديد
النسبة النشوية لتسكرار	النسبة المئوية لتكرار	تسكرارات الجموعةالثانية	تسكرارات الجموعة الاولى	•
_				الدرجات
الجموعة	المجموعة	, =	ت	
الثانية	الاول			
٥,٠		٨		184 - 18.
۲۰,۰		77		144 - 14.
۳۰,۰		٤٨		179 - 14.
۱۸,۱	۲,۰	44	١	119 ~ 11.
11,7	صقر	11	صغر	1.4 1
۸,٧	0,4	14	٣	44 4.
۳,۱	۹,۸	0	٥	۸۹ ۸۰
٣,1	11,4	•	7	V4 V+
مسفو	۲۷,0	صفر	14	79 70
7,	17,7	١	٧	09 01
	41,7		11	19 - 1.
	٧,٨		£	44 - 4.
99,9	1,1	17.	6)	المجموع الكلي

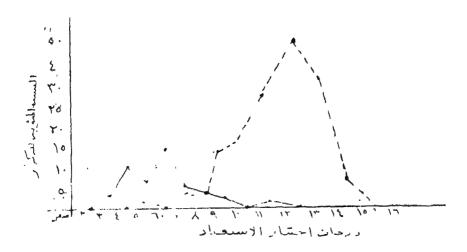
جدول رقم (۸)

توزیمان تکراریان لدرجات اختبار
فی الاستعداد لطلاب کلیتین مختلفتین

فبالنسبة للمجموعتين توجد خارجي القسمة من ١٠٠ منجدهما حوالي

٦٣، ١,٩٦ و بضرب الناتج الاول فى تسكراركل فئة للمجموعة الثانية نحصل على خلايا العمودين الرابع والخامس الموضحة بجدول رقم (٨) ،

وبدلك يمكن رسم المصلمين التسكراريين لسكل من التوزيمين باستخدام. مراكز الفئات على الخط الافقى والنسب المئتوية للتسكرارات على الخط اليأسي. كما هو موضح بالشكل رقم (٣) الآتي :



شکل رقم (۳)) مضلعان تکراریان لتوزیعی درجات اختبار فی الاستمداد لطلاب کلیتین مختلفتین

ويتضح من هذا الشكل أنه بالرغم من أن المجموعة الثانية نفوق المجموعة الأولى على ميزان الاستعداد إلا أنه يوجد نداخل بين درجات المجموعتين وهنا يفيد التمثيل البياني في نوضيح التداخل في البيانات . كا يتضح من الشكل أن تشقت درجات المجموعة الثانية أقل إلى حد ما من تشقت درجات المجموعة الثانية أقل إلى حد ما من تشقت درجات المجموعة الأولى .

المنحنيات المتجمعة :

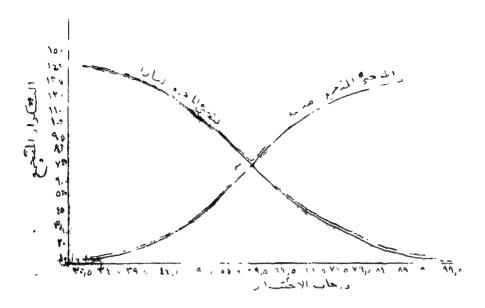
Ogive or Cumulative frequency Curves:

يمكن تمثيل التوزيغات التسكرارية المتجمعة الصاعدة أو الهابطة تمثيلا بياتيا لتوضيح النزعات في علاقة التكرارات بفشاحت الدرجات، وتقعد بذلك اطرأد زيادة أو انقص التسكرارات دون تذبذبات أو القلبات .

فمندما یکون التوزیع التسکراری متماثلا یأخذ التوزیع التسکراری المتجمع شکل حرف S . و یتباین میل واطراف الشکل من توزیع المل آخر .

ويمكن رسم المنحنيات المتجمعة الصاعدة أو الهابطة بنفس الطريفة التي التبحت في رسم المنحنيات التكرارية فيها عدا استخدام التسكرار المتجمع الصاعد أو الهابط على المحور الرأسي بدلا من التسكرار المعتاد ، وكذلك استخدام الحدود الحقيقية المائدي المتجمع الصاعد والحدود الحقيقية الدنيا في حالة المنحني المتجمع الصاعد والحدود الحقيقية الدنيا في حالة المنحني المتجمع الهابط بدلا من مراكز أو منتصفات الفئات لأن هذه الحدود .

ويبين شكل رقم (٤) المنحنى المتجمع الصاعد والمنحنى المتجمع النازل الدرجات المبينة بجدول رقم (٧).



شكل رقم (٤) المنحنى المتجمع الصاعد ، والمنحنى المتجمع النازل لدرحات ١٥٠ طالبا في اختبار للحساب .

وبالنظر إلى هذا المنحى نجد أن المنحنيين بتقاطعان في النقطة م ، وهي تعنى بالنسبة للمنحى الصاعد أن هناك ٧٥ تلميذا (أى نصف عدد التلاميذ) حصلوا على درجات تقل عن ٩٩، وتعنى بالنسبة للمنحنى النازل أن هناك ٧٥ تلميذا تزيد درجاتهم عن ٩٩، ومعنى هذا أن النقطة م تقع في وسط التوزيع تماما ، ولذا قإن الإحداثي السيني لهذه النقطة يسمى بالوسيط Median . وهي نقطة لها أهمية خاصة سوف نعرض لها بالتفصيل في الفصل الثالث

ويفضل استخدام المنحنيات المتجمعة على المضلعات التكرارية عند ما يكون اهتهام الناحث منصبا على تحديد موقع الفرد بالدسه إلى أفراله بدلا من معرفة أداء المجموعة كمكل ، ولذا فإن كثيراً من البيانات المستمدة من اختبارات القدرات و الاختبارات التحصيلية و مقاييس الشخصية نوضع على شكل نوز يعات تكرارية متجمعة و نمثل بيانيا بمنحنيات متجمعة نظراً لان درجات هسده الاختبارات والمقاييس عادة تستخدم لإغراض النشخيص والتقويم .

ويمكن تحويل التكرارات المعتادة إلى نسب مشوية بحيث يكون بجموعها مده بدلا من تقوير عدد الحالات ، ومن ثم يمكن تحديد النسب المشوية للتكزارات المتجمعة ، ورسم منحى بسمى منحى السكرار المجمع المسب ويمكن باستخدام مثل هذا المنحى معرفة النسب المشوية للحالات التى تقل عن قيمة معينة كا يمكن استخراج فيم نقر ببية لما يسمى بالإرباعيات ، والإعشاريات والمشغلات وغيرها من المقاييس الإحصائية الهامة التى سنعرض لها في الفصل الرابع .

أوجه اختلاف التوزيمات التـكرارية :

تختلف النوريعات التسكر اربة الممثلة في صورة جداول أو أشكال بيانية في عددً من الخصائص هي : ــ

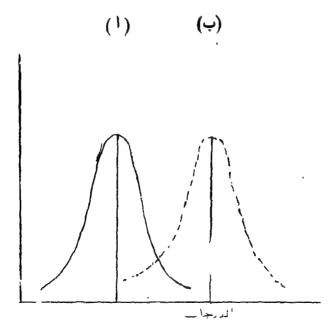
Central Tendency	١ ـــ النزعة المركزية
Variability	٧ _ التشت
Skewness	٣ ـــ الالتواء
Kurtosis	۽ ــــ التفرطح

وهذه الخصائص يمكن أن تصف التوزيع التكرارى نفسه أو بجموعة الملاحظات أو البيانات الى تكون التوزيع . فالتوريع التكرارى ماهو إلا تنظيم و تبويب لمجموعة الملاحظات أو البيانات ، ولذلك فإننا يمكن أن نناقش هذه الخصائص بالإشارة إلى مجموعة الملاحظات قبل تبويبها أو بعد تنظيمها و تبويبها في شكل توزيع تسكرارى .

النزعة المركزية لتوزيع ما تشير إلى قيمة المتغير بالقرب من مركز التوسط التوزيع . وتوجد تعريفات أكثر تحديدا لمقيساس النزعة المركزية (المتوسط والوسيط والمنوال) سوف نعرض لها بالتفصيل في الفصل الثراث .

ولتوضيح خاصية النزعه المركزية ، يمكننا أن تنظر إلى المنحنيين التكراريين (مضلمين تكراريين مهدين) المبينين في شكل رقم (ه) حيث نجد أنهما يختلفان فقط بالنسبة النزعة المركزية .

فالمنحنيان لهما نفس الشكل و لكنهما يشغلان مكانين مختلفين بالنسبة إلى ميزان القياس (المحور السيني) . فتوسط التوزيع ا أقل من متوسط التوزيع ب .

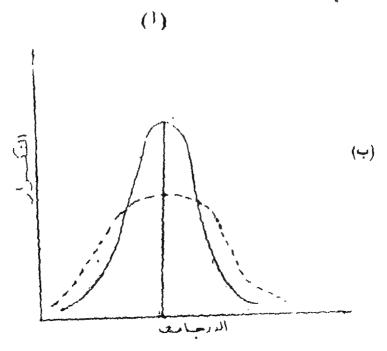


شكل رقم (٥) توزيمان تكراريان يختلفان فقط في النزعة المركزية

٢ ــ تشتت توزيع ما هو درجة انحراف السرجات أو الملاحظات التي تسكون التوزيع عن مركز التوزيع أو القيمة المتوسطة له . فإذا كانت جميع

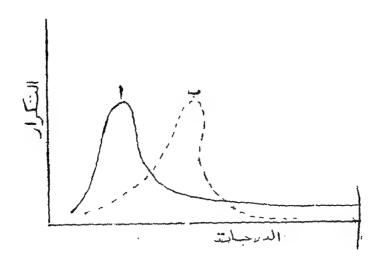
الدرجات متراكمة حول هذه القيمة يقل التشتت عما لو انحرفت الدرجات بعيداً عن هذه القيمة . وسوف نعرض لمقاييس النشتت (المدى المطلق والانحراف المعياري والتباين في الفصل الرابع) .

ولتوضيح خاصية التشتت ، يمكننا أن ننظر إلى المنحنبين التسكراريين المبينين في الشكل رقم (٣) ، حيث نجد أنها لهما نفس النزعة المركزية أى لهما نفس المركز إلاأ بهما بختلفان في التشتت ، فدرجات التوزيع النميل إلى البراكم بدرجة أكبر خول مركز التوزيع الذي بمثله الحلط الرأسي الموضع بالشكل ، يبنها توجد نسبة الكبر عن التوزيع به تبتعد عن المزكز ألى القيمة المتوسطة ، أى تشتت درجات التوزيع به أكبر من تشتت هرجات التوزيع ا ، ويعتبر مفهوم التباين أو انتشت من أكثر المفاهيم الإحصائية أهمية في تحليل البيانات كما سنرى فيا يلهد ،



شكل رقم (٦) توزيمان تكراريان بختلقان مقط في التشبقت

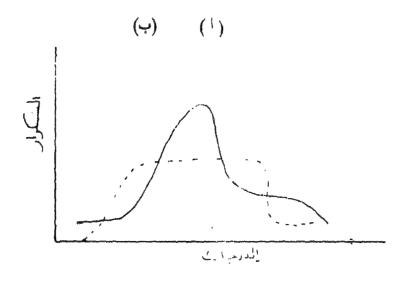
س التواء توزيع ما يشير إلى تماثل أو عدم تماثل التوزيع . فإذا كان التوزيع غير متماثل بحيث تتراكم معظم التكرارات حول الطرف السغلى للتوزيع و تقل الشكرارات كلما اتجهنا نحو الطرف العلوى له ، فانه يقال في هذه الحالة أن التوزيع ملتو الثواء موجبا Positively Skewed . أما إذا تراكلت معظم التكرارات حول الطرف العلوى التوزيع بينما تقل التكرارات كلما انجمنا نحو الطرف السغلى ، فإنه يقال أن التوزيع ملتو التواء سالبا Negatively Skewed . المسئل السغلى ، فإنه يقال أن التوزيع ملتو التواء سالبا Negatively Skewed في مشكل رقم (٧) ، حيث نجعد أنهما يختلفان في النزعة المركزية والتشت ، كا في شكل رقم (٧) ، حيث نجعد أنهما يختلفان في النزعة المركزية والتشت ، كا أن كلا منهما غير متماثل ، والمنحني ب أكثر التواء من المنحني الآن نسبة أكبر من الدرجات تميل إلى التراكم نحو أحد طرفي التوزيع بينها نقل كلما اتجهنا نحو الطرف الآخر.



شكل رتم (٧) توزيمان تكراريان يختلفان في الالتواء

به تفرطح توزيع ما يشير إلى الاستواء أو التدبب فى التوزيع بالنسبة لغيره من التوزيم بالنسبة لغيره من التوزيمات. فخاصية التفرطح هى خاصية نسبية. فاذا نظر نا إلى المنحنيين التكراريين الموضحين بشكل رقم (٨) نجد أنهما يتفقان فى النزعة المركزية و لكنهما يختلفان فى التفرطح، فالمنحنى المدبب بدرجة أكبر من المنحنى المنحنى ب كلما زادت قيمة الدرجة على المحور السينى .

ولذلك فإنه يقال أن المنحنى ا أكثر تدببا Leptokurtic من المنحنى ب. أو يمكن أن نقول أن المنحنى ب أكثر استواء Platykurtic من المنحنى ا .



شكل رقم (٨) توزيعان تكراريان يتفقان في النؤعة المركزية ولكنهما يختلفان في التفرطح

ولإعطاء الباحث صورة أكثر شمولية لهذه الخصائص نعرض في جدول رقم (٩) بحموعة افتراضية من البيانات تمثل نوزيعات تسكرارية تختلف في هذه الخصائص .

c.	147	144	144	١٢٨	۱۲۸	۱۲۸	۱۲۸	17%	147
صعر ۔ ١٩	-	-	•	17	•	۲.		~	~
14 - 1.	<	>	31	ĭ		۲.	40	الد	•
YA - Y.	3	7	γ.	<u></u>	۲.	-	M	•	•
r9 - r.	70	*	40	ī	18.	~	۲.	10	<
•3 - 63	70	*	40	-4	<u>~</u>	m	õ	۲.	•
04 - 0.	~	7	۲.		70	-•	•	*	۲.
• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	<	>	18	ĭ	-	۲.	٦,	۲,	•
V4 - V.	_	٦	•	1	•	7.	- (÷	•
الدرجان	Ç.			ľ	المتوال	U	موجبا	ń	٩
- (;		. <u>}</u>	4	Jekin	نان	Ġ.	ملتو التواه	ملتو النواء	Ŝ.
	~	7	~	•	ه.	< .	>	ه.	•

چدول رقع (۹)

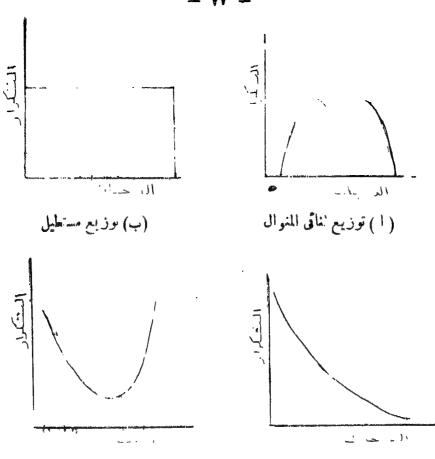
مجموعة أفترأضة من البياللي تمثل تهذيعات تسكرارية عيتلفة الشكل

فالتوريع المبين في العمود رقم و في الجدول يسمى توزيعا مته ألا ذاحدين ، و هو من التوزيعات الهامة في الإحصاء وفي تحليل البيانات وسوف نعرض له بالتفصيل في فصل قادم والتوزيع المبين في العمود رقم ٣ تتمركز فيه الدرجات حول المتوسط بدرجة أكبر من التوزيع الاول ، ولذلك فهو أكثر تدببا من هذا التوزيع المبين في العمود رقم ٤ تتمركز فيه الدرجات حول المتوسط بدرجة أقل من التوزيع ذي الحدين بينها يويد تمكراد الدرجات كلما التجهنا نحوط طرفي التوزيع ، والذلك فهو أكثر استواء منه ،

والتوويع المبين في لعمود رقم، هو توزيع مستطيل لآن تسكرار جميع فتاته متساو . والتوزيع المبين في العمود رقم ٦ له قتان أي ثنائي المنوال . والتوزيع المبين في العمود رقم ٧ يشبه الحرف ٣ لآن التسكرارات الكبيرة توجد عند طرفي التوزيع بينها نقل التسكرارات عند منتصف التوزيع .

وجميع هذه اليجوريمات متماثلة وتتفق فى النزعة المركزية واسكتها تختلف فى التشقيع. أما التوزيعان المبينان فى العمودين رقمى ٨ ، ٩ ، فهما عثلان توزيعين أحدهما خلتو التواء موجبا ، والآخر ملتو التواء سالبا . أما إذا زاد التواء التوزيع فيادة كبيرة فإن هذا يؤدي إلى تو، يع يشبه التوريع المبين فى العمود رقم ١٠ بيرهو على شكل حرف ٢ .

والشكل رقم (٩) يوضح بمض هذه التوز بمات .



U ج) توزیع علی شکل حرف U (C) توزیع علی شکل حرف C شکل رقم (۹) اربعة انواع بن التوزیعات

من هذا يتضح أن الخصائص الأربع التي عرضنا لها تفيد في وصف الشكل العام لتوزيع تسكراري . فئلا يمكن أن نقول أن توزيعا ما ملتو التواه موجباً وأكثر استواه من توزيع آخر . هذا الوصف اللفظى يعطينا فسكرة سريعة عن شكل المنحنى الممثل لتوريع البيانات . ولسكن الباحث يود في كثير من الاسيان أن يصف توزيع بياناته بدرجة أكثر دقة من بجرد الوصف اللفظى . فلسكى يقارن النوزيعات التسكرارية ربما يكون من الادق استخدام مقاييس رياضية وإحصائية نعبر عن خصائص هذه التوزيعات ، وهذا هو ما سنعرض له بالتفصيل في الفصول التالية .

تمارين على الفصل الثاني

في التمارين من 1 إلى ه التالية : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات الحس المعطاة لكل:

١ ــ طول الفئة ٨ ــ ١٢ هو :

£(1)

(ب) ه

٦(٣)

1.(2)

11(*)

۲ ـــ الحدود الحقيقية للفئة ۸ ـــ ۱۲ هي :

 $11, \circ - \lor, \circ (1)$

(ب) ۱۲٫۰ – ۲٫۰

14, - 1, - (+)

11,0 - 1,0(2)

17,0 - A,0 (A)

٣ ــ منتصف الفئة ٢١ ــ ٢٧ هي :

Y1, · (1)

(ب) ه۱۲۰

Y & , • (+)

40,.(2)

YV, · (*)

٤ - توزيح تسكرارى يتسكون من ٩ فشات ، إذا كانت الحدود الظاهرية الفئة الدنيا هي ١٥ - ١٩ ، فإن الحدود الظاهرية للفئه العليا هي :

$$19, \cdot - 10, \cdot (1)$$
 $79, \cdot - 70, \cdot (1)$
 $118, \cdot - 9., \cdot (2)$
 $118, \cdot - 8., \cdot (2)$
 $19, \cdot - 10, \cdot (2)$

- r(1)
- (ب) ه
- 7(=)
- V(2)
- **\(^)**

٣ ــ إذا كانت نسبة ذكاء بجموعة تشكون من ١٠٠ طالب هي :

AV 117 11. 40 117 AV 4V 11V AV 11V AV

(۱) كون جدول توزيع تسكرارى لنسب الذكاء بحيث يكون طول للفئة ه والفئة السفل م ۲۰ - ۲۹ .

(ب) كون جدول توزيع تكرارى لنسب الذكاء بحيث يكون طول الفئه . ١ . والفئة السفلي . والسفل الفئة السفلي . ١ . والفئة السفلي . ١ . والفئة السفلي . والسفل السفل السف

(ج) أي التوزيمين يصف التوزيع للعام لنسب الذكاء بدرجة أكثر عاعلية ؟ ولماذا ؟

۷ ـــ ارسم المدرج التكرارى والمضلع التـــكرارى والهنجنى التسكرارى
 المتوزيع التــكرارى الذى حصلت عليه في (ب) من السؤال السابق .

۸ ـــ کون جدول توزیع تسکراری متجمع صاعد و توزیع متجمع نسی للتوزیع التکراری الذی حصلت علیه فی (۱) من السؤال رقم (۱) .

ه ـ ارسم المنحنى التكرارى المتجمع الصاعد و المنحنى التكرارى المتجمع النسي للتوزيع التكرارى الذي حصلت عليه في السؤال رقم ٣ . وأوجد من الرسم عدد الطلاب الذين تقل نسب ذكائهم عن ١٥٠ .

١٠ حصل ٤٠ طاابا ق إحدى السكليات على الدرجات الآتية في اختبار في اللغة الإنجليزية .

۸۸ 75 ٧٣ 14 11 40 ٣٧ ۸٠ 77 79 .44 9 8 77 04 07 79 ٧٩. 07 Yo ۸٠ 99 77 11 ٨. ۸۸ 11 ۸۷ 44 V١ 12 VA AA ۸Y

(١) كمون, جدول نوزيج تسكراري لهذه الدرجات مستخدما فثة طولها ه .

(ب) عين الحدود الحقيقية ومنتصف كل فئة في الجدول الذي أعده، .

(ج) ارسم المنحنى السكرارى المتجمع النازل للنوزيعالسابق . وأوجدمن الرسم عدد الطلاب الذين تزيد درجاتهم عن ٧٥ .

۱۱ سـ ماعدد الفئات الى تقترحها ، والحدود الحقيقية لهذه الفئات ومنتصفاتها عند إعداد جداول توزيعات تكرارية البيانات الآتية :

(۱) درجات الخطأ التي نتراوح بين ۲۶ ، ۸۷ والتي حسبت لمينة مر... الفتران أثناء نجر بة الجري في متاهة .

(ب) نسب ذكاء تتراوج بين ٩٦ ، ١٣٧ لجموعة من أطفال المدارس .

(ج) درجات اختبار استعداد دراسی تتراوح بین ۲۲۷ ، ۸۹۹ حصلت علیها مجموعة می طلاب الجامعات .

١١ ــ حصل ٤٠ طالبا في إحدى الكليات على الدرجات الآنية في اختبارين
 أحدهما في الرياضيات و الآخر في اللغة الإنجليزية :

	لإتجليزيا	اللغة ا			ضيات	الريا	
٧٨	٧.٤	٣٨	٤٩	۰۲	۸٦	17	77
٧٢	۲۷	٨٨	3.4.	٤.	٧٥	77	31
14	00	79	۸٦	27	٣٧	9 8	00
٧٢	۸۸	41	۳۱ ·	٧٦	٤١	۸۸	٧٦
٧٨	77	77	70	Y 4	٧٦	۸۸	٤٨
٨٤	94	99	٥٦	٧٢	48	٧٢	٤٩
77	٧٢	۲۸	75	٥٩	77	٦.	۰٠
VV	7	٥٩	۸۱	٤٢	0	77	٨٥
٧٢	۸۸	۲۸	71	0 {	77	70	٧
۸۹	75	٨٤	١٥	77	٧٦	۸۸	" ለ

- (١) كون جدول توزيع تكرارى لىكل من درجات الاختبارين مستخدماً فئة طولها ١٠.
- (ب) مثل كل من النوزيمين بمضلع تسكرارى فى شكل واحد (استخسسدم التسكرار النسى) .
- (🖚) قارن بين التوزيمين مقارنة سريعة من حيث النزعة المركزيةوالتشتت.
- ۱۳ ــ فى كل من التوزيعات السكرارية الآتية حيث رمزنا للدرجات بالرمز
 س وللتسكرار بالرمز ت ، بين ما إذا كان أى منها :
 - (١) قريبا من الاعتدالية .
 - (ب) ملتويا التواء موجباً .
 - (ج) ملترط التواء سالبا .
 - (د) ثنائی المنوال ومتمائل تقریبا .
 - (ه) ثناڤى المنوال ، وملتولياً التو امموجبا.
 - (و) ثنائي المنوال،وملتويا التواء سالبا.
 - (ل) مستطيلا تقريباً .
 - (م) على شكل حرف ت
 - (ن) على شكل سرف J

				.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,									
			14.	~	0		0	7		~	•	(
			مغر - ه		7.D 4.	ra - r.	+3 - 43	0.0	## A, 	. V4 - V+	>: - >:	, ,	
	Æ.		-1	ے۔		0	-1(ے.		*	4	<u>(</u>	(0
	\		~	~	~	•	-4	<	>	ه.	•	Ç,	_
Ą.		~		7	ھ	Ŧ	>	4	٦		4	.C	
صغر ۔ ۽	۸	15 - 1.	19 - 10	T2 - T.	79 - YO	r1 - r.	T9 - T0	.3 - 33	03 - 13	• - 30	09 - 00	Ç	٦
		~	4	~	>	اــ		~	₹	>	-1	Ç.	
		مغراب	0 - 4	>	-	16-11	1V - 10	r 1x	Tr - T1	77 - 72	79 - TV	Ç	7)
		صغر	-1	מג	i	•	~	**		4	٦	Ç	
Telegraphic States		£.	, o 			₹ - · · ·	71 - YO	TE - T.	r1 - r0	** - 33	03 - 63	Ç	Y)
स्थातः स्थाननंत्रीतं च संद्या करि	-4	-		4	*	1		7		7	4.	·	
		The course of the same				-		-					l "

١٤ - إذا طبق اختبار تحصيل في الحساب مصمم لتلاميذ الصف الثاني على تلاميذ الصف السادس ، ما هو توقعك لشكل توزيع درجات هـذا الاختبار ؟ ولمـاذ؟

١٥ -- صف التوزيع الذي تتوقع الحصول عليه إذا حاوات تمثيل كل
 ١٤ بيانيا :

- (أ) أطوال الرجال في المجتمع المصرى .
 - (ب) أطوال النساء في المجتمع المصرى .
- (ج) أطوال الرجال والنساء معاً في المجتمع المصرى في شكل و احد .

onverted by Liff Combine - (no stamps are applied by registered version)

العصلالثالث

خصائص التوزيعات التكرارية

أولا: مقاييس النزعة المركزية

مفهوم النزعة المركزية .

قواعد رمز التجميع

المتوسط الحسابي .

الوسيط .

المنوال .

الوسط الهندسي .

اختيار مقياس النزعة المركزية المناسب

عند تعليل البيانات .

مقدمـة:

عرضنا في الفصل الثاني طرق تنظيم و تبويب البيانات و ديفيه تمثيلها بيانيا . وقد تبين لنا فائدة هذه الطرق في توضيح نمط توزيع الظاهرة موضع البحث ، وإعطاء فكرة سريعة عن التوزيعات ، ويوضيح بعض وجه الشبه والاختلاف بينها . إلا أن هذه الطريقة تعتمد على الوصف اللفظي للتوزيعات الشكراءية . وبالطبع يصعب تحليل البيانات تحليلا إحصائيا دفيةا باستخدام مثل هسذا الوصف اللفظي .

ويوداد الآمر تعقيداً إذا كنا بصدد مقارنة نوزيعين مختلفين أو توزيعات مختلفة . كما أننا نحتاج في كثير من الأحيان إلى إجابة أسئلة تتصل بمتوسط توزيع الظاهرة أو مدى شيوعها في عينة ممثلة للمجتمع الآصل . كل هذا يتعللب استخدام مقاييس إحصائية رياضية أكثر دقة لتحديدو مقارنة خصائص التوزيعات المختلفة . ومن بين هذه المقابيس ما يطلق عليه مقاييس النزعة المركوبة .

Measures of Central Tendency

Measures of Variability	ومقاييس التشتت
Measures of Skewness	ومقاييس الالتواء
Measures of Kurtosis	ومقاييس التفرطح

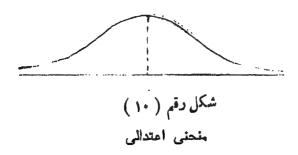
وسنفرد هــذا الفصل لمقاييس النزعة المركزية ، والفصل التالى للمقاييس الاخرى .

النزعة المركزية:

إذا بحثنا ظاهرة من الظواهر مثل ظاهرة طول قامة سكان إحدى المدن في عمر ممين ، واخترنا مجموعة كبيرة من سكان هذه المدينة من العمر المحدد كمينة ممثلة

لهذه الظاهرة لوجداً أن العدد الآكبر من هذه العينة يكون طوله متوسطا ، وأن عدداً قليلا نسبيا من ذوى عدداً قليلا نسبيا من ذوى القامة القصيرة ، وعدداً قليلا نسبيا من ذوى القامة الفارعة ، أى أن معظم التكرارات تكون عادة لمتوسطى الطول ، ويقل التكرار تدريجياً كلما بعداً عن المتوسط من الناحيتين ، ولذا فإن المنحنى التكرارى لمثل هذه الظاهرة يكون عادة له قة واحدة ، ثم ينساب تدريجيا إلى أسفل على جانبي هذه القمة بشكل يكاد يكون منتظما ، ومن هنا جاءت التسمية والنزعة المركزية ، أى الميل إلى التجمع بالقرب من مركز التوزيع ،

وإذا بحثنا توزيعات كثير من الظواهر كالأوزان والأعمار ونسب الذكاء وغيرها في مجتمع معين لوجدتا أنها بمثل بمنحنيات على نفس هـــــذه الصورة . . والمفروض تظريا أن المنحنى الذي يجب أن ينتج من هـــذه الظواهر هو منحى ذو شكل هندسي خاص يعرف باسم المنحنى الاعتدالي Normal Curve ، وهو كما يظهر في شكل رقم (١٠) يشبه الجرس ، وله نهاية عظمى في هنتصفه ، كما أنه متماثل حول الخط الرأسي المار بنقطة النهاية العظمى .



وهذا المنحى هو فى الواقع منحنى نظرى مثالى ، كما أرب التوزيمات التى تنتج المنحنيات الاعتدالية هى توزيعات نظرية مثالية وتسمى بالتوزيمات الاعتدالية Normal Distributions .

وهي تعتبر العمود الفقرى للنظريات الإحصائية ، إذ نستعين بها في دراسة معظم مانشاهده من ظواهر . ولذا سنفرد لها جزماً كبيرا من الفصول التالية .

غير أنه من الناحية العملية لانحصل من دراسة الظواهر الطبيعية والنفسية على توزيعات اعتدالية تماما . وإنما نحصل على توزيعات قريبة منها . ذلك لان هذه الظواهر ولو أنها تخضع في تغيرها لنظام معين ، إلا أنها تخضع أيضا لمؤثرات عرضية تؤثر في هذا النظام وتحجبه عن الظهور على حقيقته . ولو حرجت التوزيعات من هذه المؤثرات العرضية لسكانت أقرب إلى التوزيعات الاعتدالية .

ومن ناحية أخرى قد يكون الاختلاف الذى نشاهده فى النوزيمات عن التوزيمات التوزيمات الاعتداليه راجعاً أحياناً إلى عوامل أخرى منها مثلاً أن تسكون المينة الني اختيرت لتمثيل الظاهرة مى عينة غير ممثلة تماما للظاهرة ، ومنها عدم مراعاة الدقة الواجبة فى قياسها . ولذا نجد أن بعض النوزيمات تبتمد قليلا أو كثيراً عن الاعتدالية .

وقد عرضنا فى الفصل الثانى لانواع هذه التوزيعات ، وبما هو جدير بالذكر أننا سنهتم فى هذا الكتاب بدراسة التوزيعات الآى تنتج منحنيات ذات طابع خاص حتى يتذكن الباحث من تعليل بيانات بحثه مهما اختلف شكل التوزيع .

مقاييس النزعة المركزية :

يتضح مما سبق أنه فى كثير من التوزيعات يتراكم عدد كبير من هيم المتغير حول قيمة معينة ، ويقل هذا الراكم بالتدريج كلما ابتمد المتغير عن هذه القيمة ، هذا التراكم أو التمركز حول قيمة معينة يسمى بالنزعة المركزية للتوزيع ، وتسمى الفيمة التي يحدث حولها التراكم بمقياس النزعة المركزية ، ومقاييس النوعة المركزية لها أهمية كبيرة فى وصف التوزيعات ومقار نتها، وعلى الرغم من وجود عدد من مقاييس النزعة المركزية إلا أننا سنهتم فى هذا الفصل بالمقاييس الآتية :

١ ــ المتوسط الحسابي Arithmetic Mean

Median -- الوسيط

٣ _ المنوال Mode

3 - المتوسط الهندسي Geometric Mean

ويتوقف اختيار الباحث لاى من هذه المقاييس لوصف توزيع ما على طبيعة البيانات التي يهتم بتحليلها . كما يتوقف على الهدف الذي ينشده من التحليل ، إذ أن كلا من هذه المقاييس يستخدم لاغراض معينة بدرجة أفضل من غيره من المقاييس . وسوف نعرض في الجزء الباقي من هذا الفصل لمزايا وعيوب كل من هذه المقاييس ، وكيفية حساب قيمها . كما سنعرض للاسس التي يتم على ضوشها اختيار الباحث لمقياس النزعة المركزية المناسب .

وقد وضع يول Yule شروطا يرى أن توفرها فى مقاييس النزعة المركزية أمر مرغوب فيه إذا كان لهذه المقاييس أن تستخدم فى تمثيل التوزيعات المختلفة . وهذه الشروط هى أنه :

ا ـــ محسن أن تسكون قيمة مقياس النزعة المركزية قيمة موضوعية محددة وليست مجرد تقدير ذاتى من الباحث . أى يحسن أن تسكون طريقة رياضية لا يختلف فيها اثنان . كما يحسن أن تسكون هذه الطريقة سلسلة غير مقعده .

٢ ــ يحسن استخدام جميع قيم المتغير عنـــد حساب قيمة مقياس النرعة
 المركزية وإلا اعتبرت هذه القيمة غير عثلة حقيقة لمميزات النوزيع بأكمله .

٣ ــ يحسن أن تمكون قيمة مقياس النوعة المركزية من القيم التي لاتتأثر بتذبذب العينات أو يكون تأثرها بذلك أقل ما يمكن ، فإذا كار لدينا عدد من العينات المسحوبة من مجتمع واحد ، فن النادر أن تتساوى متوسطات هذه المعينات مهما كانت صورة هذه المتوسطات ، ولمكن قد يحدث أن تمكون قيم

أحد مقاييس النزعة المركزية (إحدى صور المتوسطات) كالمتوسط الحسابي مثلا قريبة من بعضها . بمعنى أن تسكون قيم المتوسطات الحسابية لجميع العينات متقاربة ، أما قيم المقاييس الآخرى مثل الوسيط أو المنوال مثلا فلا تسكو ... قيمها متقاربة بنفس السرجة ، فهنا يفضل المتوسط الحسابي على مقاييس النزعة المركزية الآخرى لأنه بذلك يكون أقل تأثراً بتذبذب العينات ، ويقال حينشذ أن المتوسط الحسابي أكثر ثباتا من غيره من المتوسطات .

٤ ــ يحسن أن تسكون قيمة مقياس النزعة المركزية صالحة للمعالجة الرياضية.
 ويعتبر هذا الشرط فى واقع الامر أهم الشروط السابقة .

و نظراً لأن الطرق التي سنعرض لها في حسابهذه المقاييس تعتمد على عمليات رياضية معينة تتطلب رموزا خاصة من أهمها رمز التجميع (مجدأو ∑) فإنشا سنيداً بتعريف هذا الرمز وقواعد استخدامه .

الرمز (بجـ) ،

بغرض أن لدينا بجوعة من المتنيرات ، أو القياسات ، أو الملاحظات س، سي، سي، سي، سي، سي، او ص، ، ص، ، ص، ، ص، ، ص، مسرير حيث ن ترمز إلى عدد المتنيرات ، فالرمزان س، ص يستخدمان عادة للإشارة إلى المتنيرات ، ولسكن يمكن استخدام أى رموز أخرى ، فالمتنير س مثلا ربما يكون درجات اختبار ما أو عدد المحاولات في تجربة للتعلم وما إلى ذلك ، فالرمز سي يرمز إلى درجات التلييذ الأول في الاختبار ، والرمز سي يرمز إلى درجات التلميذ الأول في الاختبار ، والرمز سي يرمز إلى درجات التلميذ الثانى . وهكذا حتى نصل إلى الرمز سي وهو يرمز إلى درجات التلميذ رقم ك .

فاذا كانت ك 🗕 ه و كانت درجات التلاميذ هي :

۱۰ ، ۱۲ ، ۱۹ ، ۲۱ ، ۲۲ فارن سي = ١٠

س ۽ ١٢٠ شيم = ١٩٠ س ۽ = ٢١ ، س = ٢٢

وعادة نرمز لاى قيمة للمتغير س بالرمز س رر حيث ن تأخذ القيم 1 إلى ن . فإذا أردنا جمع قيم المتغير س أى : ـ

س, + س, + ۰۰۰ ۰۰۰ + س

فإنه يمكن التعبير عن هذا المجموع بطريقة مختصرة ومناسبة باستجدام رمن التجميع بجد أو ∑ وهذا الرمز هو اختصار لمكلمة , بجوع ، أي أخذنا الحرفين الآول والثانى من الكلمة ، وأحيانا نستخدم الرمز ∑ (ويقرأ سيجما) وهو أحد حروف اللغة اليونانية ليعبر أيضا عن المجموع .

و بذلك يمكن التعبير عن بحموع قيم المتغير كالآتي :

ن بجــ س ن = ۱ د

والرمز الموضوع تحت و فوق علامة نجم يشير إلى حدود التجميع، أي نجمع قيم المتغير س من ١ إلى ن

ن تعنى مجموع القيم الخس الأولى للمتغير س
 ن الله ن ال

7 =
 10 7 =
 10

الى ن=١٠

فإذا أردنا أن نعبر عن مجموع القيم ١٠ ، ١٧ ، ١٩ ، ٢١ ، ٣٢ باستخدام الرمز بم فإننا بدلا من كتابة الجموع كالآتي:

18= 47+ 41+ 14+ 14+ 1.

 $\sum_{i=1}^{6} \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$ $\sum_{i=1}^{6} \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$ $\sum_{i=1}^{6} \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$ $\sum_{i=1}^{6} \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$

قواعد رمز التجميع :

هناك قواعد هامة تفيد عند استخدام رمز التجميع المخصما فيها يلى بالاستعاالة عجموعة من الأمثلة .

١ ــ افترض أن درجات ممانية طلاب في اختبارين س ، ص كالآتي :

درجة الاختبار (ص)	درجة الاختبار (س)	المثالب
٨	٧	١
٦	4	۲
£ .	٦	٣
١٠	١.	£
•	٦	٥
١.	٥	٦
٩	٣	٧
٨	ŧ	٨

يمكن التعبير عن مجموع درجات الاختبار س كالآتي .

وبموع درجات الاختبار ص كالآتى :

و يمكننا التحقق من هذه القاعدة باستخدام درجات الاختبارين س ، ص المذكورة كالآتى :

أى أن القاعدة صحيحة لاننا بالطبع نستطيع الحصول على نفس المجموع بنض النظر عن الترتيب الذي تتم به عملية جمع الدرجات .

٧ ــ القاعدة الثانية مي أن :

أى أن جمع حاصل ضرب قيم س ، ص المتناظرة لايساوى حاصل ضرب بحوع قيم س في مجموع قيم ص .

و يمكننا التحقق من هذه القاعدة باستحدام نفس مجموعه الدرجت الداءة كالانى:

ب × × ص = ٠ × ٥٠ م × × س

٣ _ القاعدة الثالثة مي أن .

 $(\circ) \qquad \qquad \cdots \qquad (\Rightarrow \ \)' \neq \ \$

أى أن جموع مربعات قيم س لايساوي مربع بجموع عمس القيم

القاعدة الرابعة هي أنه إذا كانت ك أي مقدار ثابت فإن .

فإذا فرضنا أن ك 🕳 ٣ مكررة ٨ مرات فإن .

76 = 1 × 7 = 4

ه ـــ القاعدة الخامسة هي أنه إذا كانت ك أي مقدار ثابت فار .

ج- (س + ك) = بحس + بدك

عد (محس) ب ن النحيث ن ترمز المدد المم ١٠٠٠ (١٧)

ولتوضيح ذلك افترض أن ك 💎 ه و أن ميم س 🖔 بأتي .

4+0	ك	س
11	٥	٦
18	٥	/>
1.	٥	٥
18	٥	٩
١٠	٥	۰
٧	٥	۲
٨	٠	٣
Į į		

مجہ س =
4
 مجہ س = 4 مجہ ل = 4 ن ك = 4

المتوسط الحسايي: Mean

يعتبر المتوسط الحسابي من أكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما لوصف القيمة المتوسطة لتوزيع ما . والمتوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو خارج قسمة المجموع الجبرى لهذه القيم على عدد القيم ، أو هو تلك القيمة التي لو اتخذتها كل مفردة من مفردات المجموعة لسكان مجموع القيم الجديدة هو نفس مجموع القيم الأصلية .

و يمكن التعبير عن المتوسط الحسابي باستخدام رمز التجميع كالآتي : ـ

$$(9) \qquad \cdots \qquad \frac{\overline{\sigma} - \overline{\varphi}}{\overline{\sigma}} = \overline{\sigma}$$

حيث ﴿ وتقرأ س بار ﴾ = المتوسط الحسابي للمينة ،

، مجہ س = جموع قیم س

، ن = عدد القيم

فثلا متوسط الدرجات ٧ ، ٧ ، ٦ ، ٥ ، ٤ ، ٤ ، ٢ ، ٣

$$a = \frac{\xi \cdot}{\Lambda} = a$$

ويلاحظ أن بجرد جمع الدرجات لا يعد كافيا لتحديد ستوسط هذه الدرجات، إذ ربما يكون لدينا درجتاو فقط ولسكن لهما نفس المجموع ٤٠ ولذلك يلزم قسمة المجموع على عدد الدرجات ن حتى نستطيع مقارنة متوسط مجموعتى الدرجات.

ويمكن الحصول على المتوسط الحساب للمجتمع الأصلى بنفس طريقة حساب المتوسط الحسابي للعينة .

حساب المتوسط الحسابي للبيانات المتجمعة في توزيعات تسكرارية:

إذا كانت قيم المتغير س مكورة عددا من المرات قائنا نستطيع حساب المتوسط الحسابي بأن تضرب كل قيمة في تسكرادها ، "م تجمع تاهج حواصل الضرب، وتقسم النانج على التسكراد السكلي للقيم .

فإذا نظرنا إلى القيم :

الدرجة (س) × التمكرار (ت)	التكرار (ت)	الدرجة (س)
14	,	١٨
78	۲	۱۷
77	۲	14
٤.٥	٣	10
YA	Y	14
70	•	14
٣٦	۲	14
77	, 4	- 11
۲۸۰	۲۰ '	المجسوع

چنول رتم (۱۰)

طرينة حساب المتوسط لمجموعة من البيانات المبوبة

ويمكن اعتبار الجدول السابق جدول توزيع تكراري طولفئة ١٠٠٠ .

فإذا أردنا إيجاد المتوسط الحسابي لهذا الترزيع فإننا نوجد حواصل ضرب الدرجة × التكرار فيكون الناتج ١٨٠ ، ثم نقسم هذا الناتج على التسكرار السكلى وهو ٢٠ فيسكون المترسط الحسابي ٢٨٠ = ١٤

و بوجه عام ، إذا كانت الفيم س ، س ، س ، س ، س مكررة ت مكررة ت ، ت ، ت ، ت على الترتيب حيث ن تدل على عدد القيم المختلفة للتعير س ، فإن المتوسط الحسابي :

وبالنظر إلى هذه السورة الرياضية تلاحظ أننا جمعنا ن من الحدود وهو عدد القيم المختلفة للتغير س .

ويمكن أن يمتد استخدام هذه الطريقة بحيث تشمل البيانات المجمعة في توزيعات نسكرارية مهما كان طول الفشة .

وتستخدم منتصفات الفئات لتمثل جميع القيم الواقعة في الفئة . وهنا تفتربن أن المتغير س يأخذ قيما تناظر منتصفات الفئات ، وتعطى لها أوزانا تناظر السكرارات ، ثم تعنرب منتصفات الفئات بم التكرارات ، وتقسم جموع حواصل الضرب على التكرار السكلى فنحصل على المتوسط الحسابي . وباختصار يمكن الحصول على المتوسط الحسابي البيانات المجمعة في نوزيعات تسكرارية كالآتي: _

- ١ ــــ نوجد منتصف (مركز) كل فئة .
- ۲ نضرب منتصف کل فئة 🗙 تسکرارها .
- ٣ نجمع حواصل ضرب منتصف كل فئة 🗙 التسكرار .
 - ٤ نقسم الناتج على التكرار المكلى ،

ولتوضيح ذلك يمكن أن تطبق هذه الخطوات على المثال الآتى لنوجد المشوسط الحسابى :

£	٣	۲	1
للتسكرار 🗙 مراكز الفئات	الشكرار	مراكز الفئات	الفشات
ت × س _ن	ت ن	سن	
صفو	منفر	Y	صفر - ٤
1 £	۲	٧	١ •
177	11	17	18-1.
111	44	۱۷	14 - 10
7 V £	17	. ۲۲	78 - 7.
717	٨	**	79 - 70
197	٣	44	78 - 4.
111	٣	77	T9 - T0
٨٤	۲	13	££ - £.
٤٧	١	٤٧	19-10
1717	77	ن =	المجموع المكلى

جدوك رقم (١١) طريقة حساب المتوسط الحسابي للبيانات المجمعة في منات

$$\frac{\dot{v}}{v} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}}$$

$$\frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}}$$

الانحرافات عن المتوسط:

يتميز المتوسط الحسابي بعدد من الخصائص التي نفيد في تبسيط طرق حساب كثير من اللقاييس الإحصائية ، ومن بين هذه الخصائص أن المجموع الجبرى لانحرافات قيم المتغير في توزيع ما عن المتوسط الحسابي لهذه القيم يساوى صغر . بمعنى أننا لو طرحنا كل قيمة من قيم التوزيع من المتوسط الحسابي لهذه القيم يكون الناج صفرا .

ويمكن التعبير عن هذه الخاصية باستخدام رمز التجميع كالآتى : ــ

$$\begin{array}{ccc}
\mathbf{i} & & & \\
\mathbf{i} & & \\
\mathbf{i} & & \\$$

ويمكن توضيح هذه الخاصية بالمثال الآتي :

س _ س		سن
Y-=•-' Y	٥	٣
1 = 0 - 7	٥	٦
ه ــه حضر .	0	٥
10-1	0	1
0 = 0 - 1.	0	1.

$$\dot{u} = 0$$
 $\dot{u} = 0$
 $\dot{u} = 0$
 $\dot{u} = 0$
 $\dot{u} = 0$
 $\dot{u} = 0$

من المثال السابق يتضح أن بحموع الانجرافات عن المتوسط ـــ صفر . و تنطبق هذه القاعدة في الحقيقة على جميع التوزيعات التسكرارية .

ولذا يمكن تشبيه المتوسط الحسابي بنقطة اتوان النوزيع أو مركز ثقله . فنزعة الدرجات إلى الانحراف في إحدى جهتى المتوسط تتعادل تماماً مع نزعتها إلى الانحراف في الجهة الاخرى .

ويجب أن تلاحظ أنه بالرغم من أن بحموع انحرافات جميع الدرجات عن متوسطها يكون دائماً صفر ، إلا أن بحموج مربعات هذه الانحرافات عن المتوسط لايساوي منفر .

وفى الحقيقة أن بجوع مربعات انحرافات قيم المتغير عن المتوسط الحسابي هو نهاية صغرى . أى أنه يكون أصغر من بجوع مربعات انحرافات قيم المتغير عن أى قيمة أخرى . وهذا يتكون صحيحا دائماً (إذا لم تسكن جميع الدرجات متساوية) . وبهذا اللمي يعتبر المتوسط عقياساً ظلزعة المركزية ، ولهذه الخاصية أهمية كبيرة في حساب كثير من المقابيس الإحصائية التي ستعرض لها فيها بعد .

استخدام طريقة الانحرافات في حساب المتوسط الحسابي :

إذا اعتبرنا أن قيم المتغير تكون مثلة بالإحداثيات السينية لنقطة مشحركة على المحور السينى ، وعلى اعتبار أن المتوسط الحسابي مثل بالإحداثي س، بالنسبة إلى نقطة تبعد بمقدار س. عن نقطة الاصل ، فإن:

 $\frac{-}{m} + m = \frac{-}{m}$

وإذا افترضنا أن س ترمز إلى قيمة المتغير بالنسبة إلى نقطة الأصل.

سَ لَى قيمة المتغير بالنسبة إلى نقطة الاصل فإن :

$$+ . w = /w$$
 $= \sqrt{w} = \sqrt{w}$
 $= \sqrt{w}$

وبالتعويض في معادلة سَّى السابقة نجد أن :

$$(17) \qquad \cdots \qquad + \cdots \qquad \cdots$$

ويمكن استخدام هذا القانون الذي يعتمد على فكرة نقل نقطة الأصل فيحساب المتوسط الحسابي لمجموعة من الفيم إذا كانت أعداداً كبيرة . إذ بمكن أن سختار قيمة من بين هذه القيم أو من غيرها و نعتبرها نقطة أصل ، و نحسب انحراف كل قيمة عن هذه النقطة ، وبذلك تيسر العمليات الحسابية .

فثلاً لإيجاد المتوسط الحسابي للاعداد ٢٠٠، ٢٩٥، ٢٩٥، ٢٣٢، ١٨٠، مكن أن نختار العدد . ٢٥ كنقطة أصل . فيسكون انحرافات الاعداد الخسة عن هذه النقطة هي ١٥، ٥٥ ، صفر ، ــ ١٨ ، ــ ٧٠ ويكون المتوسط الحسابي :

Y0Y,Y =

و نحصل على نفس النتيجة مهما كان العدد الذي نختاره كنقطة أصل سواء كان من بين مجموعة القيم المطلوب إيجاد اللتوسط الحسابي لها أو من غيرها .

أما فى حالة البيانات الجمعة فى توزيع تسكرارى فإننا نختار عادة نقطة الاصل الجديدة من بين مراكز فثات التوزيع .

ويمسكن التوصل بطريقة بماثلة إلى القانون الذي يمسكن استخدامه في إيماد المتوسط الحسابي لمجموعة من البيانات المجمعة في توزيع تسكراري بطريقة إلى يختصرة وهو :

أى أن المتوسط الحسابي للمتغير الآصلى = اللتوسط الفرضى + المتوسط الحسابي للمتغير الجديد مضروبا في طول الفئة .

ويحسن اختياد المتوسط الفرضى بحيث يناظر مركز الفئة القريبة من وسط التوزيع والتي يكون تكرادها كبيراً .

كا يحسن أن يكون هذا المركز هو مركز الفئة الى نحكم بالبداهة أنه قريب من المتوسط الحسابي الحقيقي للتوزيع .

ولتوضيح كيفية تطبيق همده الصورة نوجد المتوسط الحساني للبيانات المرضحة بمحدول رقم (١٢) وهي تمثل التوزيع النسكراري لدرجات ٧٦ طالباً في أحد الاختبارات :

ت×۲	انحر افات الفشات (ح)	التسكر ا, التسكر ا,	۲ مراکزالفثات	الفئات ا
۔۔۔۔۔۔۔۔	(C)	(ت) صفر	<u> </u>	منفر ۔۔ ٤
٤ —	٧	Y	٧	90
11	١	11	17	18 - 1.
صغر	مبقو	44	14	19 10
14 +	1+	17	77	78 - 7.
17 +	1+	٨	77	79- 70
11/4	7+	٣	44	78 - 4.
17+	\ \ \ +	٣	44	79 - 40
1 1 +	0+	۲	13	ξξ ξ·
7 +	1 7 +	١	£ V	19 10
7.8		٧٦	ن ==	الجموع

جدول رقم (۱۲) توزیع تکراری لدرجات ۷۲ طالبا فی احد الاختبارات

$$\frac{3}{4} = 0. + \frac{3}{4} \times 0. \times 0.$$

$$= 0. + \frac{1}{4} \times 0.$$

$$= 0. + \frac{1}{4}$$

وبلاحظ أننا اخترنا مركز الفئة (١٥ – ١٩) أى 10 + 19 با كتوسط فرضى لأنه يناظر أكبر تكرار ، ولهذا وضعنا أمام هذه الفئة الرفم صفر لآنها تنحرف عن نهسها صفر .

ثم رتبنا انحرافات الفئات الاقل كالآتى :

_ 0 ، _ 0 ، _ 0 وانحرافات الفشات الأكبر + 0 ، + 10

ولما كانت هذه الانحرافات جميعا من مضاعفات الخسة (وهي طول الفئة)، يفضل قسمة كل من هذه الانحرافات على طول الفئة وهو ٥ تبسيطا للعمليات الحسابية . وبذلك تسكون الاتحرافات محسوبة بدلالة طول الفئة .

ولا تختلف قيمة المتوسط الحساني النانج لنفس النوزيع مهما كان مركز الفئة التي نختارها كمتوسط فرضي .

ولكن يحب أن غلاحظ أن قيمة المتوسط الحسابي المحسوبة من البيانات المجمعة في توزيع تسكراري تكون مختلفة اختلافا قليلا عن القيمة الحقيقية لحذا المتوسط أي عن القيمة المحسوبة لهذه البيانات قبل تجميعها وذلك لاننا لتسهيل المحليات الحسابية في التوزيعات التكرارية نضطر إلى افتراض أن جميع الدرجات الواقعة في فئة ما تسكون متساوية ومساوية لمركزهذه الفئة ،وهذا الفرض لا يخلو من الخطأ . فالدرجات الواقعة في فئة ما تختلف بالطبع من مركز هذه الفئة بمقادير معينة . إلا أن هذه الاختلافات أو الفروق نميل إلى تمويض بعضها البسض في الفئة الواحدة ، إذ أن بعضها موجب والبعض الاحت سالب ، كا أنها تميل إلى تمويض بعضها البعض في التوزيع كله ، وبخاصة إذا كان عدد الدرجات كبيراً ، ولو أن الخطأ ... ويسمى بخطأ التجميع - لا ينعدم تماما في معظم الحالات . وعلى كل حال فإن هذا الخطأ يكون طفيفا في العادة ، إذ لا بأس من التضحيه وعلى كل حال فإن هذا الخطأ يكون طفيفا في العادة ، إذ لا بأس من التضحيه بشيء طفيف من الدقة في سبيل تودير السكثير من مشقة العمديات الحسابية إذا

لم يتوفر لدى الباحث آلة حاسبة أو حاسب الكتروثى . ومع هذا فلابد من التدقيق في طريقة تجميع السرجات للتقليل من هذا الخطأ بقدر الإمكان .

حساب المتوسط الحسافي لمجموعة من العرجات باستخدام متوسطات مجموعاتها الجزائية :

أحيانا يكون لدينا متوسطات مجموعات من الدرجات و نود حساب المتوسط الحسابي للجموعة الكلية الى تشتمل على هذه المجموعات جميعا . فإذا على اللارجات الأصلية لكل مجموعة ، فإنه يسهل علينا جمع جميع هذه الدرجات وقسمة المجموعة على عدد هذه الدرجات ، وبذلك نحصل كالمعتاد على المتوسط الحسابي للمجموعة السكلية . إلا أن هذه العاريقة تكون شافة ، كا أننا ربما لا يكون لدينا الدرجات الاسلية لمكل مجموعة . فلمكي نوجد المتوسط الحسابي في هذه الحالة دون الاعتماد على وجود الدرجات الاصلية ، يجب أن تعطى أوزانا لمتوسط كل مجموعة منها تبعا لعدد الدرجات الى تشكون متها المجموعة ، ويمكن أن تجرى ذلك باستخدام الصورة الآنية :

$$\frac{1}{\omega} = \frac{e_1 \overline{w}_1 + e_2 \overline{w}_2 + \cdots + e_{ij} \overline{w}_0}{e_1 + e_2 + \cdots + e_{ij}} \cdots (31)$$

وتشير الحروف و ، ، ، ، ، ، و إلى عدد قيم الجموعات ، تش و ش ، ، ، و وتشير الحروف و ، و ش ، ، و س ، ، . ، و يمكن توضيح ذلك بالمثال التالى :

إذا ابترضنا أن لدينا ثلاث مجموعات من القيم تتكون الجُموعة الاولى من من ٥ قيم ، والمحموعة الثانية من ٤ قيم والمجموعة الثالثة من قيمتين ، والمطلوب إيجاد المتوسط الحسابي للمجموعة المكلية

فالخطوة الأولى هير أن تحسب المتوسط الحسابي لكل من المحموعات الثلاث كالآتى :

المجموعة (٣)	المجموعة (٢)	المجموعة (١)
1.	٨	•
ŧ	11	V
	۲٠	1.
	•	•
		ŧ
**************************************	£ •	المجدوع ٣٥ المتوسط ٧
Y	١٠	المتوسط ٧

ثم بعلبتي الغابون السابق :

$$\frac{e_{1} w_{1} + e_{2} w_{3} + e_{4} w_{5}}{e_{1} + e_{4} + e_{7}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{7} + e_{7}}{e_{1} + e_{7} + e_{7}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{7} + e_{7} + e_{7}}{e_{7} + e_{7} + e_{7}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{7} + e_{7} + e_{7}}{e_{7} + e_{7} + e_{7}}$$

$$= \frac{e_{1} + e_{7} + e_{7} + e_{7}}{e_{7} + e_{7} + e_{7}}$$

Weighted Mean : المتوسط الحسابي المرجح

فى بعض الأبحاث يعطى المتغير أوزانا معينة بحسب أهميته أو قيمته فى المبحث . فنى بعض الاستبيانات نعطى وزنا قدره ٥ للإجابة . أوافق جداً ، ، ووزنا قدره ٣ للإجابة . لا أدرى ، ، ووزنا قدره ٣ للإجابة . لا أدرى ، ، ووزنا قسدره ٢ للإجابة . لا أوافق ، ، ووزنا قسدره ٢ للإجابة . لا أوافق إطلاقا . .

كذلك فى تقدير الدرجة النهائمية نجموعة من الطلاب قد نعطى أورانا خاصة لكرمن الدراسة العملية ، ومتوسط الاختيارات الشفهية ، ومتوسط الاختيارات التحريرية بحسب أهمية كل منها فى تقويم الطلاب فى الدراسة .

ونسمى هذه الطريقة بطريقة الترجيح بالأوزان ،كما يسمى المتوسط الحسابي لها بالمتوسط الحسابي المرجح أو الموزون · أى أن :

$$\frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

حيث ور ترمز إلى الوزن الذي نختاره .

6 · ن = بحوع الأوزان

وهذه المعاذلة تشبه المعادلة التي استخدمناها في حساب المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات باستخدام متوسطات مجموعاتها الجرئية ، ولذلك يمكن اعتبار المتوسط الحسابي لتوزيع تسكراري متوسطا حسابيا مرجحا بأوران تساوى التسكرارات .

مزايا وعيوب المتوسط الحسابى كمقياس للنزعة المركزية :

المتوسط الحسابي هو أكثر مقاييس النزعة المركزيه استخداما وبخاصة في حالة القياس الفترى والنسي ، كا أنه أقربها إلى تحقيق جميع شروط يول Yule التي سبق أن ذكر ناها ، والمتوسط الحسابي أكثر هذه المقاييس ثباتا (أي لا نتغير قيمته كثيراً من عينة إلى أخرى) إذا كان التوزيع متها أسلا (غير ملتويا) . كا أنه أكثرها قابلية للمالجة الرياضية و آستخدم في حسابه طريقة موضوعية تشمل جميع قيم المتغير ، والمتوسط الحسابي يتأثر بدرجة أكبر بأي تغيير يحدث في قيم المتغير ، وهذه الخاصية نفيد في البحث التجريبي عند ما يود الباحث دراسة أثر طريقة تجريبية معينة على متغير ما .

كا أن المتوسط الحسابي يرتبط بغيره من المقاييس الإحصائية الهامة والشائعة الاستخدام مثل التباين ، ومعامل ارتباط بيرسون واختيار (ت) وغيرها كا سنرى قيا بعد .

غير أن المتوسط الحسابي لايصلح لتمثيل البيانات التي تؤدى إلى توزيعات شديدة الالتواء لانه يتأثر بالقيم المتطرفة أي التي تشذ عن بقية قيم المجموعة .

فشلا إذا كنا تريد حساب متوسط دخل مجموعة من الآفراد أغلبهم من ذوى الدخل المحدود ، وكان من بينهم أقلية صغيرة من ذوى الدخل المرتفع جداً ، فإن المتوسط الحسابي يكون أعلى مما ينبغى ، ولا يصلح لتمثيل المجموعة .

الوسيط: Median

إذا كانت س، ، س، ، س، ، س، ، . . . هى قيم مفردات مجموعة ما ، وكانت هذه القيم مرتبة ترتيبا تصاعديا أو تنازليا ، فإن الوسيط هو قيمة المفردة التي يسبقها عدد من المفردات يساوى عدد المفردات التي تعقبها .

أى أن الوسيط هو النقطة التي تقسم التوزيع إلى قسمين بحيث يعكون عده الدرجات التي تقنع أعلى هذه النقطة يساوى عدد الدرجات التي تقع أسفل النقطة .

ويعتمد حساب الوسيط على ما إذا كان عدد الدرجات فرديا إأم زوجيا، وعلى ما إذا كان هناك تكرار لدرجة معينة بالقرب من الوسيط، ونهتم بهـذا السكرار فقط عند ما يحدث بالقرب من الوسيط، وفيا عدا ذلك يمكن إغفال هذا التسكراد.

رفيها يلي طريقة حساب الوسيط في حالات ثلاث : ــ

ر ـــ إذا كان عدد الدرجات فرديا ، ولا يشكرر أى منها بالقرب من لوسيط :

فهنسا يكون الوسيط هو الدرجة الوسطى . فإذا كانت الدرجات هي

(۲ ، ۵ ، ۲ ، ۷ ، ۱) فإن الدرجة ٦ تقسم هذا التوزيع إلى نصفين ، نظرآ لان الدرجتين ٣ ، ٥ أقل من ٣ ، والدرجتين ٧ ، ، ١ أكبر من ٣ .

الوسيط : الدرجات زوجيا ، ولا يشكرر أى منها بالقرب من الوسيط :

فهذا يكون الوسيط مساويا لمتوسط الدرجتين اللتين تقمان في وسط التوزيع . فإذا كانت الدرجات هي (٣،٥،٣،٧،،١٠) فإن الدرجة التي تقسم هذا التوزيع إلى نصفين تقع بين الدرجتين ٣،٧ وهنا يكون الوسيط مساويا

٣ ــ إذا كانت بعض الدرجات نشكرر بالقرب من الوسيط:

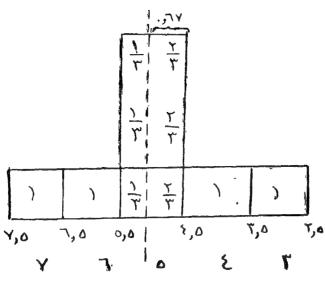
إذا تسكرر عدد من الدرجات بالقرب من الوسيط ، فإننا بمكن أن نحصل على الوسيط بواسطة عملية استخال Interpolation بغض النظر عما إذا كان عدد الدرجات فرديا أو روجيا . فإذا كانت الدرجات هي (١٠٤ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٧) فهنا يجب أن يقع الوسيط بين الدرجتين الرابعة والحامسة وكل منهما ٥، وفي مثل هذه الحالة نفتر ض أن الدرجات ٢ ، ٤ ، ٥ ، ٥ تقع أسفل الوسيط ، والدرجات ٥ ، ٣ ، ٣ ، ٧ تقع أعلى الوسيط . فإذا قلنا أن الوسيط يقع بين الدرجتين الرابعة والخامسة ، وكل منهما ٥ ، لانكون بذلك قد حددنا قيمة واحدة دقيقة للوسيط ، واذلك بفضل تحديد هذه القيمة .

وبالنظر إلى شكل رفم (١١) الذي يمثل هذه المجموعة من الاعداد بيائيا نجد أننا قد مثلنا كل درجة مها بمستطيل صغير على ميران القياس فوق الحدود الحقيقية للدرجات.

و نظراً لأن لدينا ٨ درجات تقع أربع منها أعلى الوسيط ، والار بع الآخرى أسفله ، لذا يجب أن تقع الدرجتان ٣ ، ؛ أسفل الوسيط ، كما يجب أن تقع الدرجتان ٥ ، ٥ أى ثلثا عدد تكرار الرقم ٥- لأن الرقم ٥ مكرر تلاث مرات

أسفل الوسيط أيضاً ، أى ثلثا المسافة على خط الدرجات ، الى تناظر القيمة ه . رهذه تساوى ﴿ × ١ = ٧٠ . • تقريباً .

الوسيط = ١٧.٥



شكل رقم (۱۱)

طريقة حساب الوسيط اذا كانت بعض الدرجات تتكرر بالقرب من الوسيط (عدد الدرجات زوجي)

ويجب أن تعنيف هذه القيمة على الحد الحقيقي الآدني للدرجة ، و ٤ لنصل إلى النقطة التي تناظر ثلثي المسافة المذكورة .

أى أن الوسيط = ٠,٦٧ + ٤,٥ . وباختصار فان الوسيط (الذي يمثله الخط الرأسي المتقطع) يقسم المسافة السكلية إلى جزأ ين متساويين .

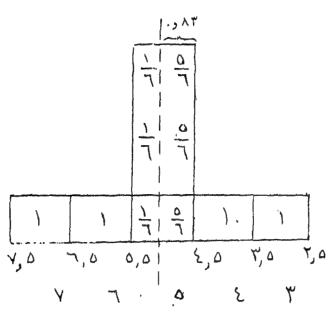
ويمكن اتباع نفس الطريقة إذا كان عدد الدرجات فرديا . فاذا افترضنا أن الدرجات هي (٣،٤،٥،٥،٥،،،،،،،) فإنه يمكن تمثيل هذه الدرجات بيانيا في شكل رقم (١٢)، ونظراً لأن عدد الدرجات فردى وهو ٥، فإن الوسيط يحب أن يكون هو النقطة التي تقع أسفلها ٥٤٥ من الدرجات، وتقع أعلاها ٥٤٥ من الدرجات ، فإذا بدأنا العد من أصغر الدرجات إلى أكرها

نجد أن الدرجتين ٣ ، ٤ سوف تقعان أسفل الوسيط ، ويتسقى ٢٫٥ من الدرجاث الثلاث التي تساوى كل منها ٥ ٠

$$\frac{0}{7} = \frac{0}{7} = \frac{7}{7} = 7,0$$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{7} = 7,0$$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{7} = 7,0$$



شکل رقم (۱۲)

طريقة حساب الوسيط اذا كانت بعض الدرجات تتكرير بالقرب من الوسيط (عدد الدرجات فردى)

ولذلك فإن الدرجة ين ٣، ٤ مصافا إليها ٨٣,٠ من المسافة التي تناظر الدرجة ه كلها سوف تقع أسفل الوسيط ، فالوسيط سيكون أعلى من الحد الحقيقي الاسفل للفئة ه وهو ه ٤,٥ بقدر ٨٣٠.

فالوسيط إذن = ٥,٥ + ٨٣٠٠ = ٣٣٠٥

ويمكن التمبير عن هذه الخطوات بالصورة اللفظية الآتية الى يمكن أن تستخدم لاختصار هذه الخطوات وهي : ــ الوسيط = الحد الادني للقيمة الوسيطية +

تر نيب الوسيطـــعدد الدرجات الى تقع دون الحد الحقيقي الآدني للقيمةالوسيطية تكرار القيمة الوسيطية

(11):-----

فإذا طبقنا هذه الصورة علىأحد المثالين العابةين وليكن المثال الثانى نجد أن :

$$\frac{7 - \frac{1}{7}}{7} + \frac{1}{5},0 = \frac{7}{7}$$

$$\frac{7}{7} + \frac{1}{5},0 = \frac{7}{7}$$

$$\frac{7}{7} + \frac{1}{5},0 = \frac{7}{7}$$

$$\frac{7}{7} + \frac{1}{5},0 = \frac{7}{7}$$

و ثلاحظ في هذا المثال أن الحد الادنى للقيمة الوسيطية في هو و و و و ان هناك درجتان هما ٣ ، ٤ تقعان دون هذا الحد الادنى ، كما أن القيمة الوسيطية تكررت ٣ مرات .

حساب الوسيط إذا كانت البيانات يجمعة في توزيع تكراري إ:

إذا كانت البيانات مجمعة فى توزيع تكرارى فيمكن تمثيلها بيانيا بواسطة المدرج التكرارى أو المضلع التكرارى ويكون الوسيط هو النقطة التى على المحور الأفقى التى لو رسم منها مستقيم مواز المحور الرأسى يقسم المدرج أو المضلع إلى قسمين متساويين في المساحة .

و يمكن بطريقة عائلة للطويقة السابقه أن نستنتج صورة يستخدم لحساب الوسيط إذا كانت البيانات مجمعة في توزيع نكراري وهي . .. الوسيط : يه الحد الآدني الحقيقي للفئة الوسيطية ب ترتيب الوسيط . . التكرار المتجمع للفئه السابقة لعنة الوسط خول الفئه المرار الفئة الوسيطية

(\V;

وعلى هذا فإن إيجاد الوسيط يتطلب تحديد الفئة الوسيطية كا يتعالمب تحديد مجموع التكرارات السابقة لهذه الفئة .

وهذا كاه يمكن تحديده من جدول التوزيع الشكرارى المتجمع الصاعد. كما يمكن أن نتوصل إلى صورة مماثلة إذا أردنا حساب الوسيط من جدول التوزيع التكرارى المتجمع النازل وهي :

الوسيط الحد الاعلى الحقيقي للفئة الوسيطية ـــــ

ترتيب الوسيط ـــ التكرار المتجمع للفئة اللاحقة بفئة الوسيط × طول الفئة الوسيطية

مثال: احسب الوسيط للبيانات الجمعة الموضحة بجدول رقم (١١)

	1			
(0)	(٤)	(٣)	(٢)	(1)
التكرار المتجمع	الشكرار المتجمع	التدكرار	الحدود الحقيقية إ	الفتات
النازل	الصاعد		للفيات	
V T	صفر	صفر	٤,٥ ٠,٥	صغر ۔ ۽
V٦	۲	. ¥	4,0 1,0	9 - 0
V \$	۱۳	11	18,0 9,0	16-1.
74"	49	47	19,018,0	19-10
**	•1	17	78,019,0	YE Y.
۲.	7 8	٨	14,0 18,0	79 - 70
18	٧٠	٦	74,079,0	TE T.
٦	1 . 44	٣	44,0 45,0	79 - 70
٣	\ Yo	۲	22,0 4,0	£\$ \$ -
	٧٦	1	19,011,0	14-10
	- And to implement and to a	٧٦		الجموغ

جدول رقم (۱۲) الريقة حساب الوسيط للبيانات المجمعة في توزيع تكراري

و بتأمل العمود رقم (٤) من جدول رقم (١٣) نرى أن ١٩طالبا حصلوا على درجات أقل من ١٩,٥، ٣ طلى درجات أقل من ١٩,٥، ٣ طلى درجات أقل من ١٩,٥، ٣ طالبا حصلوا على درجات أقل من ١٩,٥، وإذن يقع الوسيط بين القيمتين ١٤,٥، ١٩,٥، أى أن الفئة الوسيطية هي الفئة الرادات الحد الأدنى لها هو ١٤,٥ وتسكر ارها ٢٦، أما مجموع التكرارات السابقة لهذه الفئة فهو ١٣، وبتطبيق القانون المشار إليه فيما سبق عجد أن:

$$0 \times \frac{17 - 7}{77} + 15,0 = \frac{1}{77}$$

$$0 \times \frac{70}{77} + 15,0 = \frac{1}{77} + \frac{$$

وليس من الصرورى حفظ الصورة السابقة ، إذ يمسكن حساب الوسيط من المسكرار المتجمع الصاعد بعملية تناسب بسيطة . فبعد حساب ترتيب الوسيط واكتشاف الفشة الوسيطية كاسبق ، تلاحظ أننا عند الدرجة ١٤ سكون قد مرونا بعدد قدره ١٣ طالبا . ولسكى نصل إلى الطالب الذي ترتيبه ٣٨ ، فن اللازم أن تضيف الدرجة الني حصل عليها ٢٥ طالبا آخر (٣٨ – ١٣ = ٢٥) من فتة الوسيط ، ومي (الفئة ١٥ – ١٩) . وعلى فرض أن الدرجات في هذه الفئة

موزعة توزيما منتظاعلى طولها وهوه ، يكون نصيب كل طالب الم من هذا

الطول
1
 \times هـ د و محون نصيب 1 طالبا 1 هـ ده الفئة 1

وإذن الوسيط =
$$0.7+ \frac{7}{77} \times 0 = 19,7$$
 تقريباً .

و يمكن أيضا أن تحسب الوسيط من نفس جدول التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد كالآني: ـــ

وبالمثل يمكن حساب الوسيط من جدول التوزيع السكرارى المتجمع النازل باستخدام العمود رقم (٥)، ومنه يتضح أن ٣٣ طالبا حصلوا على درجات أكبر من ١٤٥ (الحد الآعلى الحقيقي للفشة ١٥ — ١٩)، ٣٧ طالبا حصلوا على درجات أكبر من ١٩٥ (الحد الحقيقي الآعلى للفشة ٢٠ — ٢٤)، وإذن يقع الوسيط بين القيمتين ١٩٥٥، ١٩٥،

أى أن : __

وهي نفس القيمة السابقة.

مزايا وعيوب الوسيطكقياس للنزعة المركزية :

الموسيط أهمية كبيرة كمقياس النزعة المركزية ، وأهم ميزاته أنه لا يتأثر بالقيم المتطرفة ، ولهذا يفضل استخدامه في تحليل البيانات التي تمثل بتوزيعات ملتوية ، كا هو الحال في قياس متوسط الدخول أو المرتبات أو عدد ساعات العمل حيث يكون الاهتمام منصبا على دراسة الظروف الاجتماعية أو الاقتصادية للمجموعة موضع البحث .

كا أن الوسيط يصلح لتمثيلالتوزيعات المفتوحة التي تشتمل على فئات مفتوخة مثل (٤-٤) أو (٤-٩) حيث لا يصلح المتوسط الحسابي لتمثيلها .

كما يصلح الوسيط لتمثيل البيانات النوعية حيث يصعب القياس الـكمى و إنما ت فستطيع ترتيب البيانات مجسب نوعها أو حجمها ،

هذا فضلاً عن أن الوسيط هو أنسب مقياس في حالة تفسير البياءات على أساس الإرباعيات أو الإعشاريات أو المشينيات ، كما سنرى فيها بعد .

وطريقة حساب الوسيط هي طريقة موضوعية غير أنها لا تتضمن جميع قيم المتغير ، والوسيط أقل ثباتا من المتوسط الحسابي ، إذ تختلف قيمته كثيراً من عينة إلى أخرى من نفس المجتمع .

ومن عيو به أيضا أنه قليل الحساسية بمعنى أننا قد نستبدل كثيراً من قيم المتغير بقيم أخرى دون أن يتأثر الوسيط. ولتوضيح ذلك نعتبر الاعداد: ١٥ ، ١٧ ، ٢٥ ، ٣٥ ، ٣٥ . وقيمة الوسيط ٢٥ .

فإذا استبدلنا بالاعداد الثلاثة الاولى الاعداد ، ، ، ، مثلا لما تغيرت قيمة الوسيط. بل لو استبدلنا جميع الاعداد ما عدا العدد ، ، مم الاحتفاظ بالترتيب التصاعدى لما تغيرت هذه القيمة ، بينها يتأثر المتوسط الحماني بأثراً كبيراً بتغيير أى قيمة من قيم المتغير .

المنسوال:

المنوال هو قيمة المتغير الذي تكراره نهاية عظمي. أي هو القيمة الأكثر شيوعا أو تكراراً في الجموعة .

ويصعب تعيين القيمة الحقيقية للمنوال إذا كانت البيانات مجمعة في توريع تكراري، ولذا نشير في هذه الحالة إلى ، الفشة اللنوالية، وليس ، المنوال، ولعل الطريقة الوحيدة التي تعطينا قيمة المنوال بدقة في هذه الحالة هي طريقة توفيق منحني تكراري نظري نظري Curve Fitting لبيانات التوزيع ثم إيجاد الإحداثي السيني لنقطة النهاية العظمي لهذا المنحني، ولسكن الجال لا يسمح هنا بذكر تفاصيل هذه الطريقة.

على أن هناك طرقا مختلفة للحصول على قيم تقريبية للمنوال ، منها أن برسم المنحنى التكرارى بالنظر منعتبر أن المنوال هو الإحداثى السينى لأعلى نقطة فيه . ولسكن هذه الطريقة بعيدة عن الدقة الواجبة لأن رسم هذا المنحنى لا يمكن أن يكون دقيقا، فهو ناشىء عن تمهيد المضلع التكرارى تمهيداً ذاتيا ، فضلا عن صمو به تحديد أعلى نقطة فيه ، كا يمكن أن نعتبر أن المنوال هو مركز الفئة المنوالية (أى الفئة الاكثر تكرارا) ، مدهذه الطريقة بعيدة أيضا عن الده لأن المنوال لا بكون واقعا بالضبط عند مركز الفئة المنوالية إلا إذا كان النوزيع متماثلا حول هذه الفئة على الأدل ، بعمتى أن يكون تكرار الفئة على الأدل ، بعمتى أن يكون تكرار الفئة بالمنوالية متساويا ،

وهذا قليل الحدوث . والأغلب أن تراكم السرجات أو القيم يكون مختلفاً في هاتين الفئتة المنوالية بل الفئتة المنوال في منتصف المسافة بين حدى الفئة المنوالية بل يكون أقرب إلى الحد المجاور للفئة الاكثر تسكراراً منه إلى الحد الآخر .

وعلى هذا الآساس يمكن أن نحسب المنوال للبيانات المجمعة فى توزيع تكرارى باستخدام إحدى الطريقتين التقريبيتين الآتيتين ، وكل منهما يعتمد على حداسة ثلاث فشات هى الفئة المنوالية والفئتان المحيطتان مها .

ولإيضاح هاتين الطريقتين تتناول المثال الآتى وتلخصِه في البيانات الآنية :

التـكرار (ت) .	الغئسات
١٤	175 - 17.
٢٢ (الفئة المنوالية)	179 170
1.	175 - 14.

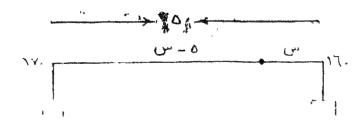
الطريقة الاولى : (طريقة الرافعة)

فى علم الإحصاء كثيراً ما نفتوض أن كل قيمة (ن) من قيم التوزيع تمثل وحدة قوة وهذه الوحدة تساوى ﴿ من القوة السكلية (جميع قيم التوزيع) التي يمثلها التوزيع بأكله . وعلى أساس هذا الافتراض يمكن أن نعتبر أن الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية تجذبان المنوال بقوتين تتناسبان مع تكرار بهما .

و إذن يكون المنوال هو النقطة التي تقسم طول الفئة المنوالية بنسبة نكراري الفئتين الاخريين .

ای آن المنوال می المثال السابق
$$= 170 + \frac{1}{r_2} \times .$$
 $= 170 + 170 = 170 + 170 = 170$

ويمكن تمشيل ذلك بيافيا بالرافعة المبينة بالشكل الآتى :



شكل رقم (١٣) حساب المنوال بطريقة الرامعة للبيانات المجمعة

قسب قاعدة العزوم: ۱۶ × س ۱۰ = ۱۰ (٥ – س) ۱۰ ۱۰ ه ۱۰ + ۱۰ س = ۰۰ ۱۰ ۲۰ س = ۲۰۰ تقریباً

إذن المنوال = ١٦٥ + ٢٠٠٨ = ٨٠, ١٦٧ تقريبا

ويلاحظ أننا هنا قد وضعنا التسكرارين ١٠، ١٠ عند طرفى الفئة المنوالية ، والافضل وضعهما في مركزي الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية ، كما أننا أهملنا تسكرار الفئة المنوالية ذاتها . ولذا فهذه الطريقة غير دقيقة ، و تفضل عليها الطريقة الثانية .

الطريقة الثانية (طريقة الفروقأو طريقة بيرسون) :

فى هذه الطريقة تعتبر أن القوتين الجاذبتين للمنوال هما فرق سكرار الفئة المنوالية عن تسكرارى الفئة المنوالية عن تسكرارى الفئتين المحيطتين بهما . ويكون المنوال هو النقط. التي نقسم طول الفئة المنوالية بنسبة هذين الفرقين .

ألفروق	التكرار	الغذات
1 = 14 - 31 = A	1 &	178 - 17.
	77	179 - 170
17=10-17=3	1.	145 - 14.

حيث أ ترمز إلى الحد الادنى للفئة المنوالية

ل ، ل مران إلى فرق تكرار الفئه المنوالية عن تكرارى الفئتين المحيطةين بها .

، ف ترمز إلى طول الفئة

افن المتوال في المثال السابق
$$= 0.71 + \frac{1}{7} \times 0$$
 $= 0.71 + 7$

مزايا وعيوب المنوال كمقياس للنزعة المركزية :

يمكن للباحث النفسى أو التربوى الذى يهتم بدراسة مدى شيوع ظاهرة معينة أن يستخدم المنوال كمقباس للنزعة المركزية . و يمتاز المنوال بأنه لا بتأثر بالقيم المتطرفة ، وهو فى هذه الحالة يفضل المتوسط الحساب كا يفضله في حالة التوزيمات الشديدة الالتواء ، غير أنه لا يعتمد على جميع التكرارية المفتوحة والتوزيمات الشديدة الالتواء ، غير أنه لا يعتمد على جميع قيم المتغير موضع البحث ، ولذا فهو قليل الحساسية وقليل الثبت . كا أنه

لا يدخل فى حساب غيره من المقاييس الإحصائية إلا نادراً ، ويقتصر استخدامه فى التحليل الوصنى النفسية والتربوية قليل ، فهو لا يصلح إلا كمقياس تقريبي سريع للنزعة المركزية .

الوسط الهندسي :

الوسط الهندسي لمجموعة من القيم عـــددها ن هو الجذر النوني لحاصل ضرب.هذه القيم ، ويرمز له بالرمز هـ .

فثلا الوسط الهندسي للقيم ٢،١، ٤ هو

$$Y = \overline{\Lambda} V^{r} = \overline{(\xi)(Y)(1)} V^{r}$$

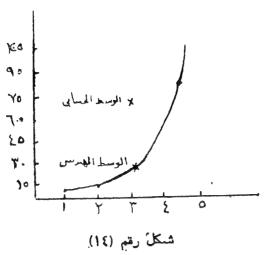
والوسط الهندسي هو نوع خاص من المتوسطات يستخدم في دراسة الظواهر التي تميل إلى التغير بنسبة ثابتة كما في دراسة نزايد السكان أو النمو الجسمي أو العقلي للاطفال. فقد لوحظ أن التغير في مثل هذه الحالات يحدث بنسب تكاد تكون ثابتة .

فإذا اعتبرنا القيم ٣ ، ٩ ، ٢٧ ، ٨١ ، ٢٤ وهي قيم تتغير بنسبة ثابتة ، فهذا ليس من المعقول أن نمثل هذه المجموعة ــ أى نوجد القيمة النوذجية Typical التي تمثلها ــ باستخدام المتوسط الحسابي .

أما الوسط الهندسي لهذه القيم فهو 🚐

$$YV = \overline{(Y\xi)(\Lambda I)(YV)(A)(Y)}V$$

فقيمة الوسط الهندمى بلاشك تتوسط المجموعة بل هى فى الواقع إحدى قيم المجموعة وتقع على المنحنى الممثل لها ، وبذلك فهى تمثلها بدرجة أفضل من المتوسط الحسابي كما فى الشكل رقم (١٤) الآتى :



الوسط الهندسي والوسط الحسابي لمجموعة من القيم

ويلاحظ أننا نستخدم جميع القيم الملاحظة فى حساب الوسط الهندسى ، وهو قليل التأثر بالقيم المتطرفة ، ويصلح للمالجة الرياضية . غير أنه لايكون له معنى إذا اشتملت البيانات على أى قيم صفرية أو سالبة . وهو لا يستخدم أيضاً إلا نادراً فى البحوث النفسية والغربوية .

كيف يختار الباحث مقياس النزعة المركزية المناسب عند تحليل البيانات:

إن أول ما يجب أن يأخذه الباحث في الاعتبار عند اختيار مقياس النزعة المركزية عند تحليل ياناته هو ميزان أو مستوى القياس المناسب للبيانات. فإذا كان ميزان القياس الحاص بالبيانات من المستوى الاسمى يكون المنوال هواللقياس المناسب. وإذا كان ميزان القياس من المستوى الرتبي يمسكن استخدام المنوال أو الوسيط. أما إذا كان ميزان القياس من المستوى الفترى فإنه يمسكن في هذه الحالة استخدام أى من المتوسط أو الوسيط أو المنوال، وأحياناً يكون من

المرغوب فيه استخدام أكثر من مقياس واحد للغزعة المركزية لنفس بجدوعة البيانات.

والاعتبار الثانى الذى يجب مراعاته عند اختيار مقياس النزعة المر درية هو الغرض من استخدامه . فاذا كان الباحث يود مجرد وصف البيانات بدرجة أفضل، فالمهم هنا هو أن يكون مقياس النزعة المركزية معبرا حقيقيا عن البيانات التي عشلها .

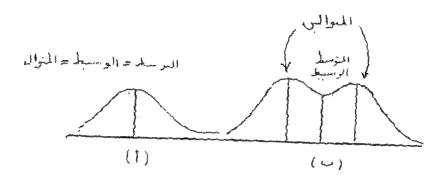
أما إذا أراد الباحث أن يستدل على خصائص المجتمع الاصل من نتاتج العينة فإن اختياره لمقياس النزعة المركزية سوف يتحدد للى درجة كبيرة بالاسلوب الإحصائي الذي يناسب البيانات و فروض البحث .

وسوف يبعد الباحث كثيرا من هذه الاساليب الإحصائية الاستدلالية في الجزء الثاني من هذا الكتاب.

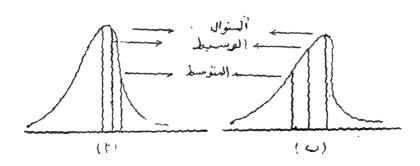
والمتوسط الحسابي يتميز بعدة ميزات ، فنظرا لاله يمنكن تعريفه بطريقة جبرية فإنه يسمح بكثير من العمليات بما يجعل استحدام المتوسط الحسابي امراً اساسيا . كا أن المتوسط الحسابي يعد أكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما في الاستدلال الإحصائي من العينة إلى المجتمع الاصل . فتوسط العينة يحتمل بدرجة أكبر أن يستخدم لتقدير بارامتر الجنمع الاصل عن غيره من مقاييس النزعة المركزية ، إلا أن المتوسط يتأثر بدرجة أكبر بالقيم المتطرفة عن غيره من المقاييس يفضل المقاييس . وينطبق هذا بصغة عاصة في حالة العينات الصغيرة . وهنا يفضل استخدام الوسيط بدلا من المتوسط .

ويبين الشكل رفم (10) العلاقـة بين المتوسط . والوسيط ، و المنو ال، للتوزيمات المنائلة .

هالمنحني (أ) أحادي المنوال، والمنحني (ب) ثنائي المنوال، ويبين الشكل رقم (١٦) العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوال للتوزيعات غير المتماثلة. فالمنحني (أ) في هذا الشملامنتو التواء ، وجرا، والمنحني (ب) علتو التواء سالباء وبحسن في مثل هذه التوزيعات استخدام الوسيط كقياس للمنزعة المركزية ، و مو النقطة التي على المحود الافقى للتي لو رسمنا منها مستقيها عموديا على هذا المحور بقسم المنحنى إلى جزأين متساويين .



· شكل رقم (١٥) المتماث المتماثلة



شكل رقم (١٦) المتوسط والوسيط والمنوال للتوزيعات غير المتماثلة

وفى التوزيعات المتماثلة تتسامى قيم المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال . أما فى التوزيعات القربية من التوزيعات المتماثلة فإن هذه المتوسطات الثلاثة تمارن قربية من بعضها . وقد وجد ييرسون أن هناك علاقة تقريبية بينها وهي أن : ــ

المتوسط ـ المتوال =: ٣ (المتوسط الوسيط)

والمواضع النسبية لهذه المتوسطات موضحة في الشكل رقم (١٦) •

وبما أن الوسط الحسابي والوسيط أسهل في حسابهما من المتوال. فإن هذه المعادلة تستخدم أحيانا لإيجاد قيمة تقريبية للمنوال في الحالات التي يكون فيها التوزيع قريبا من التماثل.

ويلاحظ أن المنوال هو موقع العمود النازل من قمة المنحنى على المحود الافتى . وأن الوسيط هو موقع العمود الذى يقسم مساحة المنحنى إلى قسمين متساويين . أما المتوسط الحسابى فهوموقع العمود المار بمركز ثقل التوزيع ، كما يلاحظ أنه أكثر ميلا نجمو الجانب الملتوى .

تمارين على الفصل الثالث

١ = أوجد المتوسط، والوسيط، والمنوال لمكل مجموعة من مجموعات الدرجات الآتية، وبين أن: جـ (س = س) = .

- (أ) ۸،۲،۲،۳،۸،۰،۹،۲،۲،۲،۸،۱۰
 - (ب) ۲،۳،۳،۱ (ب)
 - (ج) ۱۲۰، ۵، ۱، ۱، ۱، ۱، ۱، ۱، ۱، صفر

لا يست في أي مجموعة من مجموعات الدرجات السابقة يعتبر المتوسط الحسابي
 مقياسا غير مناسب النزعة المركزية ؟ ولمساذا ؟

به مجموعات الدرجات السابقة بين أن مجموع مربعات انحرافات
 الدرجات عن المتوسط أقل من مجموع مربعات الانحرافات عن أى درجة أخرى.

إذا غيرنا الدرجة ١٢٠ في السؤال رقم ١ (ج) إلى ٢٠ ، ما تأثير ذلك على كل من المتوسط، والوسيط، والمنوال.

- ه ـــ أوجد الوسط الهندسي للقيم ٣ ، ٥٠ ، . ٩ .
- بين باستخدام البيانات الآتية ، إذا كان هذاك دليل على التواء التوزيع .
 وإذا تبين لك أن التوزيع ملتو ، عين اتجاه الالتواء .
 - (أ) المتوسط = ٦٥، الوسيط = ٦٢، اللنوال = ٦٨
 - (ب) المتوسط = ٦٨، الوسيط = ٦٢، المنوال = ٥٩
 - (ج) المتوسط = ٦٢ ، الوسيط = ٦٢ ، المنوال = ٦٢
 - (د) المتوسط = ٣٠، الوسيط ي ٢٠، المنوال = ٣٠
 - ٧ ما نوع التوزيمين رقم ه (ج) ، ه (د) في السؤال السابق .
 - ٨ احسب قيمة المتوسط الحساني الدرجات ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٥ ، ٢ ، ٧ .

اجمع الرقم ٢ على كل درجة من الدرجات السابقة . أعسد حساب قيمة المتوسط . ما تأثير إضافة أى عسدد إلى كل درجة أو طرح أى عدد من كل درجة على المتوسط الحسابي .

هـ إذا علمنا أن المتوسط الحسابي والوسيط لمجموعة من الدرجات
 متساويان . ماذا يمكننا القول عن شكل توزيع الدرجات .

١٠ _ اذكر أمثلة لبيانات يفضل فيها استخدام:

(أ) المتوسط الحسابي

(ب) الوسيط

(ج) المنوال

١١ _ بمعلومية التوزيع الآتى :

ت	س
١	7.
1	۱۸
٣	۱۷
۲	١٦
٤	1 8
0	17
٥	11
٣	1.
٤	٩
٢	, 7

⁽أ) إحسب المتوسط الحسابي

⁽ب) حدد قيمة الوسيط

(ج) حدد قيمة المنوال

و المتوسط الحسافي لدرجات تلاميذ فصل مكون من γ_0 طالبا في إحدى المواد الدراسية هو γ_0 و المتوسط الحسافي لدرجات تلاميذ فصل التحر مكون من γ_0 طالبا في نفس الاختبار هو γ_0 ، احسب المتوسط الحسافي العام لدرجات طلاب الفصلين معا في الاختبار .

۱۳ ــ احسب المتوسط الحسابي ، وحدد قيمة كل من الوسيط والمنوال الماية : ــ للبيانات الآنية : ــ

التسكرار	الفئات .		
10	79 - 70 78 - 70		
17	£4 - £0 £4 - £0		
YV 1V	01 - 00		
£9 77	78 - 70		
۸ ۸	VE- V.		

۱ ارسم المنحى التسكرارى لحسسناه البيانات محددا فيم المتوسط والمنوال .

(١. ــ التحليل)

١٥ أوجد المتوسط الحسابي المرجح للمتوسطات الآنة:

10 ' 17 ' 10 ، 11 إذا استخدم في حساب هذه المتوسطات عينات عدد أفراد كل منها ٦ ، ١٠ ، ٢٥ ، ٢٠ على الترتيب. أوجد أيضا المتوسط الحسابي غير المرجح لهذه المتوسطات. قارن بين النتيجتين مع التفسير.

الفص لمالابغ

خصائص التوزيعات التكرارية

(ثانياً) مقاييس التشتت والالتواء والتفرطح

المدى المعللق

الانحراف الربيعي

الانحراف المتوسط

الانحراف المعيارى والتباين

المقاييس النسبية للتشتت

العزوم حول المتوسط الحسابي

مقاييس الالتواء

مقاييس التفرطح

مقدمة.

عرضنا في الفصل السابق جنوعة من المقاييس التي تعبر بطرق مختلفة عن قيم نموذجية Typical صالحة لتمثييسال أو نلخيص البيانات ووصف التوزيعات الشكرارية . غير أن هذه القيم لا نبكن و حدها للوصف والمقارنة . فقد تشترك عدة بجموعات في أحد المتوسطات ، ومع هذا يكون الفرق بينها كبيرا فإذا افترضنا أن البيانات الآتية تعبر عن درجات خسة طلاب في مادتين مختلفتين :

70	20	70	13	40
1	٧٢	ξ 6	74	١.

الاحظ أن المتوسط الحسامي واحد في الحالتين ومقداره . • ، ومع هذا فهناك اختلاف واضح بين توزيع الدرجات في المبادتين . فالدرجات في المبادة الثانية الأولى تقع بين ٣٠ ، ٢٠ فهي متراكمة بالقرب من المتوسط ، أما في المادة الثانية فالدرجات تقع بين ١٠ ، ١٠ ، فهي تمتد بعيداً عن المنوسط . أي أن الدرجات في المادة الأولى تسكون أكثر تجانساً وتقارباً منها في المادة الثانية . ويقال حينئذ أن وتشتت ، القيم في الحالة الأولى أقل منه في الحالة الثانية .

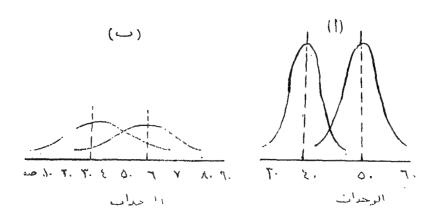
وكانهتم بدراسة متوسطات المجموعات ، يجب أن نهتم أيضاً بدراسة تشتت قيم المتغير حول هذه المتوسطات . فخاصية التغير من أهم خصائص المتغبر Variable حيث تؤدى إلى درجات مختلفة للأفراد المختلفين .

فالمجتمع الذي يقوم عادة الباحث النفسي والنربوي بدراسته ينباين في بعد أو أكثر من أبعاده . وهنا يهتم الباحث بتحديد مقدار هذا النباين .

فثلا قد لا يهم الباحث معرفة متوسط دخل أفراد المجتمع بقدر اهتمامه بكيفية توزيع الدخول بين هؤلاء الآفراد لآن هذا هو الذي يبين مدى التجافس ومدى العدالة في هذا التوزيع . فن الصروري إذن أن يستخدم الباحث مقاييس

تعبر عن مدى تشتت قيم المتغير تساعده بالإضافة إلى مقايبس النزعة المركزية على نكوين فكرة أكثر ورضوحاً لما يقوم بتحليله من بيانات فكاما زاد تشتت التوزيعات التكرارية كلما كانت مقاييس النزعة المركزية أقل تمثيلا لهذه التوزيعات، وبالتالى يقل احتمال انطباق ما نتوصل إليه من استنتاجات على المجتمع الاصل الذي اشتقت منه هذه التوزيعات. وعند مقادنة العينات نبعد أنه كلما زاد تشتت درجات هذه العينات كلما قل احتمال الحصول على نفس الفروق بين عينتين منها إذا ما حلت عينتان أخريتان عائلتان لهما محل هاتين العينتين .

فإذا نظرنا إلى كل من التوزيعين الموضحين فى الشكاين رقم (١٧) أ، ب حيث تمثل مقاييس النزعة المركزية بالخطين الرأسيين فى كل من الشكلين ا، ب، نجد أن مقياسي النزعة المركزية يبتعدان عن بعضهما بقدر ١٠ وحدات، إلا أن التشتت فى الشكل أ مما يدل على ابتعاد التوزيعين فى الشكل ب عن بعضهما بدرجة أكبر مما هو الحال فى الشكل أ .



شكل رقم (١٧) مجموعتان من التوزيعات التكرارية متفقتان في مقياس النزعة المركزية ولكنها مختلفتين في التشتت

و من بين مقاييس التشتت التي سنعرض لها في هذا الفصل :

1 __ المدى العالق Range

الدي الربيعي Interquartile Range

س _ الانحراف المتوسط The Mean Deviation

3 _ الانحراف المعياري Standard Deviation

o _ التمان Variance

المدى الطلق:

الانحراف الربيعي :

يفضل استخدام الانحراف الربيعي إذا استخدم الباحث الوسيط كقياس المنزعة المركزية، وهويسمي أيضا بنصف المدى الربيعي الكاول (دم) والربيع الثالث (دم) Range

أى يعتمد على نعبين نقطتين على ميزان الدرجات نقع دون أحدهما و ١ / من الحالات . الحالات و نقع دون الاخرى ٧٥ / من الحالات .

ويرمن لنصف المدى الربيعي بالرمز د و ،

$$|b| i : c' = \frac{c_{\gamma} - c_{1}}{\gamma} \cdots (1)$$

وهذا المقياس يتوقف كذلك على قيمتين فقط من قيم التوزيع هما قيمتا الربيعين الأول والثالث ، ولهذا فهو يتأثر أيضا باختلاف العينة . ولسكنه أفضل من المدى المطلق لانه لايتأثر بالقيم المتطرفة التي تكون عادة شاذة عن بقية الثيم ، فعند حسابه نستبعد الربع الاول والربع الاخير من قيم المتغير .

ولتوضيح ذلك اعتبر البيانات الموضحة بجدول رقم (١٤) والتي تبين درجات. بحموعة من الازواج (عددها ٢٠) وبحموعة من الزوجات (٢٠ زوجة) في مقياس للاتجاه نحو العمل اليدوى .

لزوجات	بجموعة الزوجات		بحموعة ا
ٿ	س	ٿ	
١	٩	١	٩
١	٨	١	٨
صفر	٧	٣	٧
٣	٦	٣	٦
1.	۰	٤	0
۲	٤	٣	
۲	٣	۲	٣
صغر	۲	۲	۲
,	١	١	١

جدول رقم (١٤)

درجات مجموعة من الأزواج والزوجات في متياس للاتجاه نحو العمل اليدوى

فن الجدول يمكن أن نحدد بسهو لة الوسيط لكل من المجموعتين و هو يساوى ه ، والمدى المطلق لكل منهماويساوى ٨، وهذا يشير إلى أنه لاتو جد فروق في اتجماهات كل من المجموعتين نحو العمل اليدوى .

فإذا حسبنا نصف المدى الربيعي المجموعة الأولى نجده =
$$\frac{V}{V}$$
 = 0,1 (V = 3 ، V = 0,1 (V = 4 أن V = 3 ، V = 0,1

وهذا يدل على أن اتجاهات بحموعة الزوجات أقل تشتنا من انجاهات بحموعة الأزواج ، ولذلك ربما يفسر الباحث هذه النتيجة بأن يقول أن بحموعة الزوجات أقل تطرفا فى انجاهاتهن وأنها أكثر نجائسا من بحمرعة الازواج فى الانجاه موضع الاهتمام .

و يمكن حساب تصف المدى الربيعي من البيانات المجمعة في توزيع تسكراري بنفس الطريقة الى سبق أن اتبعناها في الفصل الثالث عند حساب الوسيطالبيانات المجمعة ، إلا أننا هنا نهتم بالربيعين الأول والثالث ، ولذا يجب أن نستعين بجدول الشكراد المتجمع الصاعد (أو النازل) أو بالمنحى المتجمع الصاعد (أو النازل) لحساب كل من الربيعين .

ويجب أن تتذكر أن رتبة الربيع الاول $\frac{\dot{u}}{2}$ ، ورتبة الربيع الثالث $\frac{\dot{u}}{2}$. $\frac{\dot{u}}{2}$. $\frac{\dot{u}}{2}$. $\frac{\dot{u}}{2}$. $\frac{\dot{u}}{2}$. $\frac{\dot{u}}{2}$.

ولتوضيح ذلك نفترض أن لدينا التوزيع التكراري لدرجات اختبار ما وهو مبين بالجدول رقم (١٥) الآتي :

التكرار المتجمع الصاعد	التكراد	الدرجات
Y	۲	18 - 1.
1.	٨	14 10
17	٦	71 - 7.
44	17	79 - 70
70	٧	TE - T.
٤١	٦	79 70
٤٥	٤	1 = 1 = 1
٤٨	•	19 - 10
٤٦	١	08 0.
٥٠	١ ١	09 - 00
	[[<u> </u>

V ----- C

چدول رقم (١٥)

$$17,0 = \frac{\circ \cdot}{2} = 0$$
ترتيب الإرباعي الأول

$$\bar{\tau}$$
 in $\bar{\tau}$ in $\bar{\tau}$

$$\sim \times \frac{1. - 17,0}{7} + 19,0 = 1$$
الإرباعي الأول = 19,0

$$V_0 := \frac{10}{r} = \frac{r_{1,0} \wedge - r_{3,0} \wedge}{r} =$$

وكلما كان التوزيع متماثلا كان الوسيط على بعدين متساويين من الربيع الادنى والربيع الاعلى .

فني المثال السابق نجد أن الوسيط وفيمته ٢٨,٢٥ أفرب قليلا إلى الربيع الآدن منه إلى الربيع الاعلى ما يبين أمن النوزيع ليس اعتدالى ولسكنه قريب من الاعتدالية .

و بصلح الانحراف الربيعي لقياس التشتت لآن قيمته تتناسب مع مدى انتشار قيم التوزيع . فإذا كانت قيمته كبيرة دل ذلك على زيادة تشتت والحتلاف القيم و إذا كانت قيمته صغيرة دل ذلك على قلة التشتت والاختلاف بين الفيم . وهو كمقياس المشتت يتمشى مع الوسيط رم كمقياس الركزية ، ف كلاهما يعنمد على ترنيب القيم ترتيبا تصاعديا أو تنازليا . و يمكن للباحث المتخدام الوسيط والا محراف الربيمي لوسف التوزيمات الشكرارية و تلخيص البيانات .

و من الملاحظات الجديرة بالذكر أنه في حالة التوزيعات الاعتدالية تقع قيم ه / من الحالات بين القيمتين (الوسيط عليه الانتحراف الربيعي) نظرا لتماثل هذه التوزيعات .

وعلى هذا نستطيع أن نحمكم على درجة اعتدالية توزيع ما بمدى انطباق هذه القاعدة عليه .

فنى المثال السابق نستطيع أن نقول أن التوزيع يكون قريباً من الاعتدالية إذا وقعت نصف الحالات تقريباً بين القيمتين (٧٫٥ ± ٢٨,٢٥) أى بين القيمتين (٣٠,٧٥ ، ٢٠,٧٥) .

فإذا كانت البيانات غير المجمعة الخاصة بهذا المثال متوافرة لأمكن التأكد من صحة هذا الفرض .

وفى وصف التوزيمات بواسطة الإرباعيات يحسن تسجيل قيمة كل من رم ، رم لأن هذه القيم مما تعطى صورة واضحة عن التوزيع ، وخاصة أرب الانحراف الربيعي لايسهل معالجته رياضيا ، وهذا أحد عيوبه . ومن عيوبه أيضا . فضلا عن تأثره باختلاف العينة أنه لايدخل في حسابه قيم الإرباعي الأولى وقيم الإرباعي الأوسط .

الانحراف المتوسط:

إن المقياسين السابق ذكرهما لا يدخل في حسابهما جميع قيم المتعير ، فسكل منهما بمتمد على تقطتين معينتين في التوزيع . أي أن كليهما لا يتضمن الاختلافات الفردية لقيم المتغير . فإذا أراد الباحث أن يهتم بذلك وهو ما يجب أن يكون فلا د من استخدام مقابيس تتناول هذه القيم جميعا . وأبسط طريقة تصلح لذلك هي إيجاد متوسط المحرافات كل قيمة في التوزيع عن قيمة ما في وسط التوزيع ، لأن مدى اقتراب أو ابتعاد قيم المتغير عن قيمة ما لا بد أن يشير إلى مدى تشتت هذه القيم . ومن البديمي أن تسكون هذه القيمة التي نختار ها لهذا الفرض هي إحدى قيم مقاييس النزعة المركزية . ويفضل بعض علماء الإحصاء استخدام المتوسط الحسابي كنقطة تقاس منها الانحرافات لأن يحموع الانحرافات المطلقة عن المتوسط الحسابي هو نهاية صغرى .

وبهذا يكون لدينا مقياس فريد لهذا الانحراف ، ولتوضيح ذلك نفترض الدرجات الاتية :

٨	٨	^ ^			المينة أ	
١٣	1.	٧	٤	١	الميئة ب	
44	Y9 Y0	۲.	٥	1	المينة ج	

فدرجات العينة أ أقل تشتتا من درجات العينة ب. وهذه بدورها أقل تشتتا من درجات العينة ج. ومتوسط العينات الثلاث هي ٨ ، ٧ ، ١٦ على الترتيب . فإذا ما عرنا عن درجات كل عينة بالانحرافات عن متوسطها فإننا نحصـــل على الانحرافات الآنية :

صفر		صفر صفر صفر		صغو	المينة أ	
7+	4+	صغر	٣ —	7	المينة ب	
14+	٩+	1+	11 -	10 -	المينة ج	

ولذلك فإنه يمكننا استخدام هذه الخاصية لإيجاد مقياس التشتت يطلق عليه الانحراف المتوسط ، ويعرف الإنحراف المتوسط بأنه متوسط الانحرافات المطلقة لقيم التوزيع عن المتوسط الحسابى ، وتقصيد بالانحرافات المطلقة الانحرافات بغض النظر عن إشارتها الجبرية + أو ...

وللحصول على الانحراف المتوسط لمجموعة من القيم نحسب الانحرافات عن المتوسط الحسابى و أجمع هذه الانحرافات بغض النظر عن إشارتها الجبرية ، ثم نقسم الناتج على عدد هذه القيم .

فبالنسبة للمجموعة أيكون الانحراف المتوسط صفرا . وبالنسبة للمجموعة بكون الانحراف المتوسط $\frac{7+7+7}{0}=\frac{1}{0}$

وبالنسبة للمجموعة ج يكون الانحراف المتوسط $10, \xi = \frac{07}{2} = \frac{17+9+1+1+10}{2} = \frac{07}{2} = 10, \xi$

وبذلك يكون الانعراف المتوسط = بمسر اس - سلَّ إِ

و يرمز الحطان الراسيان المحيطان بالفرق س - ش إلى القيمة المطلقة للفرق. أما إذا كانت جميع القيم أو بعضها مكررا فيمكن استخدام الصورة الآتية:

الالمراف المتوسط = محد الماس - س الالمراف المتوسط = (٢)

حيث ك ترمز إلى التكرار .

ويلاحظ أننا تأخذ القيم المطلقة للانحرافات ــ أى بصرف النظر عن المتوسط الحسابى المارتها ــ وذلك لان بحوع الانجرافات الفعلية عن المتوسط الحسابى يساوى صفر أ

والمثال الآني يوضح كيفية إيجاد الانحراف المتوسط البيانات المجممة .

	آمرا کر الفئات × ك (س س)ك (س			التسكرار	الفثات
ا ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	(0 - 0)		_ (w)	(4)	القيهات
صغر	19, 71	مفر	۲	صفر	صغر _ ع
44, 14	18, 71	155	٧	۲	٩٥
1.,181	۹, ۲۱	144	17	11	18 - 1.
1.9, 27	٤, ٢١	124	١٧	77	19 - 10
17, 17	, ۷۹	474	77	17	75 - 70
٤٦, ٣٢	٥, ٧٩	717	77	٨	79 70
71, 71	1., ٧1	197	4 4.	٦	ire 4.
٤٧, ٣٧	10, 44	111	* ∨	. 4	T9 To
٤١, ٥٨	4., 49	٨٤	٤٢	۲	٤١ ٤٠
70, 49	Y0, V1	ξ V	\$V	1	٤٩ ٤٥
۲۸۷, ۲٤۱		1717		٧٦	المجموع 🛥

جدوك رقم (١٦) طريقة حساب الانحرامات المتوسطة للبيانات المجمعة

$$71,71 = \frac{1717}{77} = \frac{\cancel{5} \times \cancel{5} + \cancel{5}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{5}}{\cancel{5}}$$

ومن خواص التوزيعات الاعتدالية أن المدى بين المقدارين (المتوسط الحسابي لل المتوسط) يشمل حوالي ٥٨ / من التسكرار السكلي . فإذا افترضنا أن توزيع البيانات المبينة في الجدول السابق قريب من الاعتدالية تتوقع أن يقع ٥٨ / من القيم تقريبا بين المقدادين (٢١,٢١ لـ ٢١,٥٥) أي بين (٢٦,٢١ ، ٢٦,٧٠٥)

وبالطبيع كان من الممكن التأكد من اعتدالية التوزيع إذا كان لدينا البيانات غير المجمعة للتحقق من النسبة المثوية للقيم التي تقع بين القيمتين ١٦,١ ، ٢٦,٣ ٠

والانحراف المتوسط يفيد فى بعض الحالات مثل تحليل البيانات الافتصادية، ولكنه قليسل الاستخدام فى البحوث النفسية والتربوية لأن إهمال إشارة الانحرافات يؤدى إلى قصور هذا المقياس عن المعالجة الرياضية.

الانحراف المعيارى والتباين للعينات :

Sample Standard Deviation and Variance

هذا المقياس هو أدق مقاييس التشتت وهو مبنى على نفس الأساس الذى بنى عليه الانحراف المتوسط ، أى على أساس أن متوسط بجموع انحرافات قيم المتغير عن المتوسط الحسابي هو قيمة صالحة لقياس مدى تشتت هذه القيم . غير أن الانحراف المعيسارى لا يهمل إشارات الانحرافات بل يتخلص من وجودها بطريقة رياضية مقبولة وهي إيجاد مربعات هذه الانحرافات .

أى أننا في هذا المقياس نستخدم المقدار مع (س - س)

ولكن يمنا أن الآساس هو متوسط الانحرافات ذاتهما وليس متوسط مربعاتها، لذا يكون من الضرورى أخذ الجذر التربيعي لهذا المقدار، وهذا الإجراء مكننا أبضاً من الاحتفاظ بوحدة القياس الاصلية للمتغير.

وعلى هذا يعرف الانحراف المعيارى لتوزيع ما بأنه القيمة الموجبة للجذر التربيعي لمتوسطات مربعات انحرافات قيم التوزيع عن متوسطه الحسابي، ويرمز له بالرمز ع ، ، أى أن :

$$(\forall) \cdots \qquad \overline{(\neg \neg \neg \neg)} = \sqrt{+ (\neg \neg \neg \neg)}$$

ويلاحظ أانا تحسب الاتحرافات عن المتوسط الحسابي ، وذلك لأن بجموع مربعات انحرافات قيم التوزيع يكون أقل ما يمكن إذا كانت هذه الاتحرافات عسوبة عن المتوسط الحسابي ، وبهذا يكون لدينا مقياس فريد اللانحرافات .

كا يلاحظ أن مربع الانحراف المعيارى أى (ع) يسمى التباين Variance ، ولذا فهو يسمى أيضاً بالانحراف التربيعي المتوسط.

والانحراف المعيارى والتباين يكونان ركنا أساسيا في علم الإحصاء وفي تحليل البيانات.

ولكننا يجب أن نفرق بين الانحراف المعيارى وتباين العينة Sample والانحراف المعيارى وتباين المجتمع الآصل Population . وفي الحقيقة فإن استخدام الصورة :

يعطينا تقديراً للإنحراف المعيادى للمجتمع الأصل. أى أن القيم الناتجة من استخدام هذه الصورة تميل إلى أن تسكون أقسسل من القيم الحقيقية للانحرافات المعيادية للمجتمعات الأصل.

والقسمة على ن ـــ ١ بدلا من ن تعطينا قيماً تقديرية غير متحيزة . ولذلك يفضل استخدام الصورتين الآنيتين :

إذا أردنا تقدير الانحراف المعياري لتباين المجتمع الاصل من البيانات المستمدة من عينات مسحوبة من هذا المجتمع .

و الاحظ أن الرمز ن يشير إلى عدد الدرجات أو القيم أو القياسات أو الملاحظات، بينها يشير المقدار ن _ 1 إلى عدد الانحرافات عن المتوسط التي يمكن أن تتفير. ولتوضيح ذلك، ففترض أن لدينا القيم ٧، ٨، ٥ ٥ و متوسطها ١٠٠ وبذلك تسكون اعرافاتها عن المتوسط هي _ ٣، _ ٧، + ٥، و بعوع هذه الانحرافات صفر : أي (_ ٣) + (_ ٧) + (+ ٥) = صفر. وحيث إن المجموع صفر، فإننا نستطيع بمعلومية أى انحرافين منها أن نحدد الانحراف الثالث، أى لا تختلف قيمته إذا علمنا قيمتي الانحرافين الآخرين. وبحموع مربعات الانحرافات هي ٩ + ٤ + ٥٧ = ٣٨، و بالرغم من أننا حسلنا على هذا المجموع المتيجة إضافة مربعات القيم الشلاث، إلا أن قيمتين فقط حسلنا على هذا المجموع التنجة إضافة مربعات القيم الشلاث، إلا أن قيمتين فقط من هذه القيم لها حرية التغيير . ويطلق على عدد القيم الحرة التعيير اسم و درجات الحرية Degrees of Freedom . فالمقدار بحد (س _ س) يقترن بدرج ت المتطيل)

الحرية ن _ 1 لانه يمكن لقيم عددها ن _ 1 من بين مربعات الانحرافات التي عددها ن أن تتغير .

وفى الحقيقة أن مفهوم و درجات الحرية ، يعتبر من المفاهيم الاساسية العامة والمفيدة فى علم الإحصاء . وسوف يرى الباحث بنفسه أهمية هذا المفهوم عند دراسته للاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات والى سنعرض لها فى الجزء الثانى من السكتاب .

مثال تطبيقي :

لكى تشرى فهمنا لطبيعة التباين والانهراف المعيارى نعتبر المشال التطبيقى الآنى حيث قام باحث بتصميم موقف تجريبي لبحث أثر تعاطى عقاد معين على الاداء في مطلب معرفي ما مثل الترميز Coding، فاختار عينتين عشوائيتين من الطلاب إحداهما تجريبية أعطيت العقار، والآخرى صابطة لم تعط العقار، وشكون كل بجموعه من ١٠ أفراد. ونفترض أن درجات الطلاب في المطلب المعرفي التي حصل عليها كل منهم كانت كا يلي:

المجموعة التجريبية ٥ ٧ ١٧ ٧١ ٢٦ ١٥ ١٨ ٩٩ ٩٩ ٩٩ ٩٩ ٩٩ المجموعة التجريبية ٥ ٧٠ ٩٩ ٩٦ ٩٠ ٩٠ ٧٠ ١٩ ٩٠ ١٠ ١٠ ٩٠ ١٠

فتوسط المجموعة التجريبية يساوى ٥٠، ومتوسط المجموعة الصابطة ٥١،٥ وهنا ربمها يتسرع الباحث ويستنتج من هذين المتوسطين أن المقارليس له تأثير على الإطلاق على أداء الفرد.

ولسكن إذا حسبنا الانحراف المميارى لدرجات كل بحموعة نحده ٣٥,٦٣، ٢٥، ١٤,٨٦ على انترتيب ، أى أن درجات المجموعة المجريبية أكثر تشتتاً وانتشاراً من المجموعة الضابطة مما بدل على أن أداء المجموعة انتجريبية في المطلب المعرفي

أكثر تباينا من أداء المجموعة الضابطة . وبذلك يتضح للباحث أن العقار يبدو أن له تأثيراً كبيراً على تباين الآداء بالرغم من أن تأثيره على مستوى الآداء كان طفيفاً .

فعند نحليل البيانات المستمدة من الوقائع التجريبية يجب على الباحث إلى جانب تفسير الفروق بين المتوسطات الحسابية أن يعتنى أيضا بتفسير اختلاف التباين أو الانحرافات المعيارية للبيانات التي يحصل عليها .

حساب الانحراف المعيارى والتباين للبيانات غير المجممة :

إذا أردنا حساب الانحراف المعيارى والتباين لمجموعة من القيم مثل ه ، ٧ ، ٩ فما علينا إلا أن نسكون جدولا بسيطا كالآتى لتيسير العمليات الحسابية . ر

(س – س)	— س س — س	س.	س
ŧ	۲	٧	٥
صفو	منقر	٧	٧
٤	7+	٧	4
٨	صفر		

$$V = V$$

لاحظ أننا حسبنا المتوسط أولا ($\overline{w} = \vee$) ثم طرحناكل درجة مر المتوسط ($\overline{w} = \overline{w}$) ، ثم قسمنسا المتوسط ($\overline{w} = \overline{w}$) ، ثم قسمنسا بحرع هذه الفروق على عدد القيم مطروحاً منها الواحد الصحيح ،

ونستطيع حساب الانحراف المعيارى والتباين باستخدام القيم ذاتها دون الحاجة إلى حساب انحرافات هذه القيم عن المتوسط الحسابى ، وذلك باستخدام قانون يمكن اشتقاقه من القانون الاصلى السابق كالآنى :

$$\frac{\sqrt[4]{\omega-\omega}}{\omega-1}$$

$$(V) \cdot \cdot \frac{V(\omega - \omega) - V(\omega - \omega)}{(V - \omega)} =$$

وهذا القانون لا يتطلب إلا جدولا مكونا من عمودين كا يتضح من الجدول الآتي :

$$3 = \sqrt{\frac{6 \div w^{2} - (2 - w)^{2}}{\dot{v}(\dot{v} - 1)}}$$

$$= \sqrt{\frac{7 \times 0.01 - (17)^{7}}{7 \times 7}}$$

$$= \sqrt{\frac{7 \times 0.01 - (17)^{7}}{7}}$$

$$= \sqrt{\frac{7 \times 1}{7}} = \sqrt{\frac{133}{7}} = \sqrt{\frac{133}{7}} = \sqrt{\frac{133}{7}} = \sqrt{\frac{133}{7}} = \sqrt{\frac{133}{7}}$$

غير أن هناك حقيقة هامة تعيننا على تبسيط هذه الاعداد وخاصة إذا كانت الاعداد كبيرة أو كان متوسطها الحسابي عدداً كسرياً ,

وهذه الحقيقة هي أن الانحراف المعياري لا يتغير بتغير نقطة الآصل. وذلك لا نتا حين تنقل نقطة الآصل إلى نقطة أخرى على نفس المحور الممثل لقيم المتغير فإن جميع القيم تتغير بمقدار ثابت ، و تظل المسافة بين أى قيمتين للمتغير ثابتة ، ويظل المقدار (س – س) وهو انحراف أى قيمة عن المتوسط الحسابي ثابتاً ، وعلى هذا فإن المقدار عب (س – س) هو مقدار ثابع للتوزيع الواحد ، ومن ثم فالانحراف المعياري هو أيضا مقدار ثابت ،

وهذه الحقيقة تسهل العمليات الحسابية بدرجة كبيرة لانها تعنى أننا لوطرحنا أو أصفنا مقدارا ما من أو إلى جميع قيم المتغير لمسا نأثرت قيمة الانحراف المعيارى .

فنى المثال السابق ، لتوفير الجهد فى حساب الانحراف المعيارى تطرح مقدار ا ثابتا من كل من الاعداد الثلاثة وليكن ٧ . ثم نكون جدولا مكونا من ثلاثة اهمدة كا يلى •

-		The state of the s
۳	٧	س
1	۲ –	٥
صفر	صفر	l v i
٤٠	۲+	٩
٨	صفر	الجموع ٢١

$$3 = \sqrt{\frac{\dot{v} + \dot{v} - (\dot{v} + \dot{v})}{\dot{v} + (\dot{v} - 1)}}$$

$$r = \sqrt{\frac{r}{r}} \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{\frac{r}{r}}$$

و هو نفس الجواب السابق .

وتفسير التباين لا يعد أمرا سهلا ، فهو لا يعدو أن يكون قيمة عددية صرفة تزيد بزيادة تشتت واختلاف السرجات .

ولحن التباين له أساس منطقى . فالمتوسط الحسابى هو القيمة المركزية للتوزيع ، وبذلك يكون من الطبيعى أن يعتمد مقياس التشتت على الانحراف عن هذه القيمة المركزية ، كما أننا ذكر تا فيما سبق أن بجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط أقل من بجموع مربعات الانحرافات عن أى قيمة أخرى . فهذه تدعم الاساس المفطقى لاختيار بجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط كمقياس التشتيت .

و تتيجة المملية تربيع الانحرافات تسهم جميع الانحرافات إسهاما موجباً في المجموع الكلى لمربعات الانحرافات لأن الانحرافات السالبة تصبح موجبة بعد تربيعها .

كا أن الانحرافات المحبيرة بعد تربيعها تسهم بدرجة كبيرة فى المجموع الكلى (فالانحراف ۽ وحدات مثلا يصبح ١٦ بعد تربيعه ، أما الانحراف ٨ وحدات وهي صعف الانحراف ۽ وحدات فيسهم بعد تربيعه بقدر ١٦ في المجموع السكلي لمربعات الانحرافات) . ولذا فإن القيمة النهائية تتأثر بوجه خاص بالقيم التي تبعد كثيرا عن المتوسط بسبب عملية التربيع .

كا أن قسمة بجموع مربعات الانحرافات على ن ــ 1 يجمل التباين من نوع م متوسط مربعات الانحرافات ، وبذلك يمسكر للباحث أن يقارن تباين التوزيعات الى تشكون من عدد مختلف من القيم أو الدرجات بنفس الطريقة التي يقارن بها متوسطات التوزيعات التي نتسكون من عدد مختلف من القيم .

التثنيل الهندسي للانحرافات والتباين والانحراف المحياري :

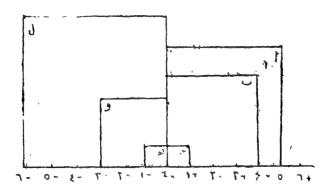
مربع الانحراف (۳ ^۲)	الانحراف(ح)	الدرجة (س)	العاً لب
70	o +	10	1
14	٤+	18	ب
\	۱ +	11	*
•	منفو	1.	د
,	1	4	A
٩	٣	٧	و
77	٦ —	٤	J
۶- ۲ = ۸۸	مجے ح = صفر	ب- س -+	الجموع
17,01=	= صفر	1.=	المترسط الانرادا
7,00=			الانحراف المعياري

جدول رقم (١٧) متوسط ومربعات الانحرافات عن المتوسط لدرجات عينة مكونة من سبعة طلاب

ولكى نمثل هذه البيانات هندسيا يجب أن نرسم خطأ أفقيا يوضح ميزان القياس، ولمكننا هنا أن نضع الدرجات الأصلية للطلاب السبعة على هذا المحط، ولمكننا سنجمل نقطة الأصل (نقطة الصفر) هي المتوسط الحسابي . وهذا هو ما يحدث عندما نعتمد على انحرافات الدرجات الاصلية عن المتوسط الحسابي .

واستخدام هذه الانحرافات لا يغير من الترتيب النسبى للطلاب السبعة . ولمكننا فقط نسكون قد أزحنا نقطة الصفر ١٠ وحدات (قيمة المتوسظ) على ميزان القياس (الحط الافقى) .

ومربعات الانحرافات عندئذ تمثل بالمساحات أو المربعات المنشأة على خط الانحرافات كما هو موضح بالشكل رقم (١٨) . وهذه المربعات تناظر مربعات الانحرافات المبينة بجدول رقم (١٧) .



شكل رقم (١٨) الانحرافات عن المتوسط والتباين والانحراف المعيارى لعينة مكونة من سبعة طلاب

ويتضح من هدذا الشكل كيف أن الانحرافات السكبيرة بعد تربيعها تزيد بدرجة أكبر من تربيع الانحرافات الصغيرة، وبحوع مربعات الانحرافات يمثل هندسيا بالمساحة المساوية لمجموع جميع المربعات وهي ٨٨ وحدة مربعة، وإيجاد المتوسط الحسابي لهذه المساحة السكبرى يكون بمثابة تقسيم تناسي المساحة بين الطلاب السبعة، فهذا المتوسط هو الجزء من المساحة الذي يخص كل طالب إذا كان تصيب كل منهم يساوى تصيب الآخر، فهذا هو التباين الذي يمكن تمثيله هندسيا بالمربع المبين بالشكل رقم (١٩) الآتي:



شكل رقم (١٩) التمثيل الهندسي للانحراف المعياري والتباين

عالمربع المنشأ على خط القاعدة طول مناهه الذي إيمثل الانجراف المعياري هو الجذر التربيعي للمساحة ، ويمكن بشروط معينة تجزئة التباين إلى مكونات ترجع إلى مصادر مختلفة ، وهذه تمكن الباحثين من إجابة سؤال مثل ، إذا كان هناك تباين في بحوعة من الدرجات ، ما هي نسبة التباين التي ترجع إلى السبب أفي مقابل السبب ب ؟ وغيرها من الاسئلة ،

وسوف تتناول هذا النوع من التحليل بالتفصيل في الجزء الثاني من الكتاب.

أثر الإضافة أو الطرح أو الضرب فى ثابت على الانحراف المعيارى :

إذا أضفنا مقداراً ثابتاً إلى كل درجة من درجات العينة لا يتغير الانحراف المعيارى . إذ ربما يجد الباحث أن الاختبار الذى طبقه على الطلاب غاية في الصعوبة فيضطر إلى إضافة ، إ درجات مثلا إلى كل درجة ، وبالرغم من هذا يظل الانحراف المعيارى للدرجات بعد الإضافة مساويا للانحراف المعيارى للدرجات الاصلية ، وذلك لا تفا إذا فرضنا أن الدرجة الاصلية هي س ، فإن الدرجه بعد إضافة مقدار ثابت وليكن جه تصبح س لله جه وإذا كان متوسط الدرجات الاصلية س ، فإن متوسط الدرجات بعد إضافة الثابت بصح س لله جه س المحد .

ويكون الانحراف عن المتوسط الجديد هو :

وهذا بالطبع يساوى انحراف الدرجات الأصلية عن المتوسط الاصلى .

و نظراً لمدم تغير قيمة الانحراف بعد إضافة مقدار ثابت فإن الانحراف المعياري لا يتغير أيضاً تتيجة لإضافة المقدار الثابت .

ولتوضيح ذلك نفترض أننا أضفنا مقداراً ثابتاً وليكن ه على كل درجة من السرجات (، ؛ ، ۷ ، ۱۰ ، ۷ التي متوسطها ۷ فتصبح الدرجات في ۳ ، ۹ ، الا ، ۱۰ ، ۱۰ ومتوسطها يصبح ۷ + ه أي ۱۲ ، والانحرافات عن المتوسطالتي تساوى - 7 ، - ۳، صفر ، + ۳ ، + ۳ هي نفسها في الحالتين و بذلك تظل قيمة الانحراف المعياري ٤٠٤ .

و بمسكن الحصول على نتائج بماثلة إذا طرحنا مقداراً ثابتاً من كل درجة .

أما إذا صربناكل درجة فى مقدار ثابت فإن قيمة الانحراف المعيارى تساوى القيمة الاصلية مصروبة فى القيمة المطلقة لهذا المقدار الثابت

فإذا كان الاثحراف المعيارى لدرجات اختبار ما هو ؛ ، وضربنا كل درجة منها فى ثابت مقداره ٣ ، فإن الانحراف المعيارى الناتج يساوى ؛ ٣ × = ١٢ .

ولتوضيح ذلك نفترض أن المتوسط الأصلى لمجموعة من الدرجات هو س . فإذا ضربناكل درجة منها في أابت مقداره ج يصبح المتوسط ج س . ويصبح الانحراف عن المتوسط هو ج س ... ج س ... ج س ... ج س ... س)، وبعد تربيع هذا المقدار و جمع انحرافات الدرجات عن المتوسط والقسمة على ن ... ١ نحصل على :

ويكون الانحراف المعيارى الجديد = جد ع أى يساوى الثابت مضروبا في الانحراف المعياري الاصلي .

وخلاصة هذا أن إضافة مقدار ثابت إلى كل درجة يؤدى إلى زيادة متوسط الدرجات بقدر هذا الثابت ، ولسكن هذه الإضافة لاتؤثر في قيمة الانحراف المياري .

فإذا نظرنا إلى شكل رقم (٧٠) تتبين أن إضافة مقدار ثابت إلى كل درجة يؤدى إلى إزاحة التوزيع إلى اليمين على طول المحور الأفقى و لكنه لايغير من شكل التوزيع أو تبشت الدرجات .

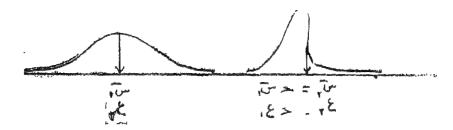


شكل رقم (۲۰)

المنافة متدان ثابت موجب ج

أما ضرب كل درجة فى مقدار ثابت جد أكبر من الواحد الصحيح يؤدى إلى إداحة موضع المتوسط الحسابى إلى اليمين على طول المحور الافقى، وفي نفس الوقت عد النصف الاسفل ، وبذلك يتنبر المنحنى

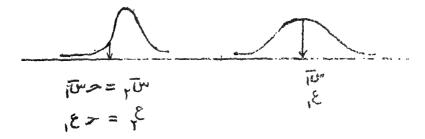
المتماثل حول المحور الرأسي إلى منحى ملتو التواء موجبا كما هو مبين بشكل رقم (٢١) ويزيد الانحراف المعياري بمقدار يتناسب مع هذا المقدار الثابت.



شكل رقم (۲۱)

خبرب كل درجة في مقدار ثابت ج اكبر من الواحد الصحيح

وبالعكس إذا ضربناكل درجة في مقدار أابت جم أقل من الواحد الصحيح فإن هذا يؤدى إلى إزاحة التوزيع إلى اليسار على طول الخط الأقفى كأ هو مبين بشكل رقم (٢٧) كما يؤدى إلى تقلص النصف الأعلى للتوزيع أكثر من التصف الاسفل عا يجعل المنحى ملتويا التواء سالبا ويقل الانحراف المعياري بمقدار يتناسب مع هذا المقدار الثابت .



شكل رقم (٢٢) ضرب كل درجة في مقدار ثابت ج اقل من الواحد الصحيح ويمكن أن تمين أهمية استخدام هذه القواعد بالمثال الآني :

نفترض أن مملما طبق على طلابه اختبارا غاية فى الصموبه ووجد أن متوسط السرجات . ٥ والانحراف المميارى ١٠ ، وأراد أن بعدل الدرجات بحيث يصبح المتوسط ٥٠ . فإحدى طرق إجراء ذلك أن يضيف ٢٥ إلى كل درجة وبذلك نويد المتوسط الحسابى من ٥٠ إلى ٧٠ ، ولكن هذا لن يغير من قيمة الانحراف المميارى وهي ١٠٠٠.

والطريقة الآخرى أن يعشرب كل درجة فى اللقدار ه ، ، فهذا النحو يل للدرجات يؤدى إلى ريادة المتوسط بقدر ٢٥ درجة أى يزيد المتوسط من ٥٠ الحل ٥٠ ، كما يزيد الانحراف المعيارى من ١٠ إلى ١٥ درجة ٠

ويستفيد من هذه التحويلة الطلاب الذين تقع درجاتهم أعلى المتوسط . فالطالب الذي سهل على الدرجة . ٦ في الاختبار الاصلى تصبح درجته . ٦ تقيجة المملية العنوب في المقدار الثابت . ولسكن درجته تصبح ٥٨ إذا أضفنا إليها ٥٧ . وعلى المكس من ذلك ، فإن عملية العنوب في مقدار ثابت لاتفيد الطالب الذي حصل على درجة أقل من المتوسط ، فإذا كانت درجته ٢٥ مثلا في الاختبار الاصلى فإن درجته تصبح ٥٠٠٥ فقط نتيجة لعملية العنرب ولكنها تصبح ٥٠٠٥ أضفنا إلى الدرجة الإصلمة ٢٥ .

حساب الابحراف المعيارى إذا كانت البيانات مجمعة :

توجد عدة طرق لحساب الاعراف المعيارى إذا كانت البيانات بجمعة في توزيع تسكرارى أبسطها الطريقة الني سنعرض لها هنا وتسمى الطريقة المختصرة. لانها توفر كثيرا من الوقت اللازم لإجراء العمليات وخاصة إذا كانت الفتات

كشيرة ، وقيم الدرجات كبيرة ، فضلا عن أن الجدول الذى تتطلبه هذه الطريقة نحسب عن طريقه المتوسط الحسابي ، وبالطبع فإننا نحتاج دائما إلى المتوسط الحسابى فى دراسة ووصف التوريعات .

وفكرة هذه الطريقة تعتمد أيضا على الحقيقة التي سبق أن ذكرتاها وهي أن الإنحراف الممياري هو مقدار ثابت للتوزيع الواحد ، ولا تتأثر فيمته بنقل نقطة الاصل الى مركز الاصل طالما كنا محتفظين بوحدة القياس ، وعادة ننقل نقطة الاصل إلى مركز إحدى فئات التوزيع ،

و تعتمد هذه الطريقة على فسكرة الحصول على مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن مركز هذه الفشة الافتراضية بدلا من استخدام المتوسط الحقيقي الذي ربما نسكون قيمته كسرية . أما المتوسط الفرضي فهو القيمة الى تنحرف عن مراكز العشات بأعداد صحيحة مثل - ٣ ، - ٣ ، . ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، الن ، و يمكن إيجاد بحموع مربعات هذه الانحرافات عثلة بطول الفئة شم قسمة الناتج على الدكرار السكلي لسكي تحصل على متوسط بحموع مربعات الانحرافات .

مم تجرى عملية تصحيح هذا المتوسط بحيث ندخل فى اعتبارنا أننا قد حسبنا الانحرافات عن متوسط فرضى بدلا من المتوسط الحقيقى كما هو مبين بالصورة الرياضية الآتية . فإذا ما تساوى المتوسطان الفرضى والحقيقى كان المقدارالمستخدم فى التصحيح يساوى صفرا . و بعد استخراج الجذر التربيعي لمتوسط بحمو عمر بعات الانحرافات بعد تصحيحها نضرب الناتج فى طول العثة لنحول وحدات القياس مرة أخرى إلى وحدات الدرجات الخام .

والفانون المستخدم في هذه الحالة هو :

$$3 = \sqrt{\frac{1}{3}} - \frac{\sqrt{1}}{3} \times \sqrt{\frac{1}{3}} \times$$

حيث ف ترمز إلى طول الفئة

ولتوضيح كيفية نطبيق هذه الصورة نفترض أن الدينا جدول التوريع التكراري الآتي (جدول رقم ١٨) ،

(v)	(۲)	(0)	(1)	(r)	(٢)	(1)
(1+2)	ت × ح'	c×ت	۲	مراكن	التمكرار	الفثات
	- 10-5-14-mg			الفئات	(ت)	
						Billionstein ein ausbille (Friedrich ausbildung)
۷۰	٤٨	14	٤+	78,0	٣	79-7.
147	٧٢	74	٣+	1 450	٨	mg m.
1 • ^	٤٨	71	7+	1 88,0	14	٤٩ ٤٠
٧٠	۲٠	۲٠	1+	0 & 0	۲٠	09-0.
77	صفر	صفو	منفر	78,0	47	79 7 .
صغر	44	٣٢	1-	Y & 0	44	V9V•
74	97	£A	۲	A£,o	7 5	۸۹-۸۰
78	128	٤٨-	٣	18,0	14	19-9.
77	117	71	£	1.50	V	1 - 9 - 1 - 0
44	••	1	0	118,0	۲	119-110
		}		<u> </u>	1	
٠١٣.	775	vv —			171	الجموع

جدول رقم (۱۸) خطوات حساب الانحراف المعياوي بالطريقة المختصرة

ويمكن تلخيص الخطوات الى تتبع لحساب الانحراف المعيارى للبيانات المجمعة في الخطوات الآتية :ـ

١ ــ نختار فئة منتصف التوزيع بحيث تناظر أكبر نسكرار لتيسير الممليات الحسابية ونضع أمامها صفرا .

ب ـ نضع أهام الفئة التي تعلوها مباشرة إ والتي تليها إ وهكذا .
 ثم نضع أمام الفئة التي تقع أسفلها مباشرة _ 1 والتي تليها _ ٧ وهكذا .
 وهذه تمثل الانحرافات (ح) عن مركز الفئة الافتراضية وندونها في العمود رقم (ع) بالجدول السابق .

۳ نصرب التسكر ار (ت) ى الانحراف (ح) ، ونسجل النتامج فى
 العمود رقم (ه) وتجمع قيم ت برح وتدونها أسفل الجدول .

على قيم ت \times ح و ندون النتائج في العمود رفم γ و نجمع قيم ت χ ح وندون النتائج في العمود رفم γ و نجمع قيم ت χ ح وندونها أسفل الجدول .

ه . نجمع التسكرار السكلي ت وندونه أسفل الجدول .

$$1 \times \left(\frac{NV}{171}\right) - \frac{7VV}{171} = \frac{1}{171}$$

$$\vee \times \overset{r}{(\cdot,\bullet \epsilon \cdot)} \overset{r}{,} \wedge \vee \cdot \vee =$$

التحقق من صحة الممليات الحسابية :

يمكن التحقق من صحة العمليات الحسابية في الجدون السابق لو أصفنا عموداً آخراً لحساب القيمة ت (ع + 1) واستخدام المتطابقة :

فني المثال السابق :

وبذلك نتأكد أن العمليات الحسابية صحيحة .

و نظراً لانذا اعتمدا في تطبيق القانون السابق على أو حميع الدرجات (التسكرار) في فئة ما تتركز في منتصف الفئة ، فإن الحطأ الناشيء عن هدا الامراص رابدي يسمى بخطأ التجميع Grouping Peror) يكون دبراً إذا كان مدى الفئة متسماً . وهنا يرحب تصحيح هذا الحطا با تتخدام معادلة نصحيح شبرد Sheppard's Correction وهي :

الانحراف المعياري بعد تصحيحه من خطأ التجميع

$$(1\cdot) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{7}{17} - \frac{7}{5} = \frac{1}{17} - \frac{1}{17} = \frac{1}{1$$

حيث ع ترمر إلى الانحراف المعيارى المحسوب من البياقات المجمعـــة ، ف طول الفئة .

وبالتعويض من معادلة تصحيح شبرد في الصورة رقم (٨) وهي :

$$\omega \times \sqrt{\frac{\zeta - \omega + \zeta}{\dot{\upsilon}} - \frac{\zeta - \omega + \zeta}{\dot{\upsilon}}} = \varepsilon$$

تجد أن الانحراف المعياري بعد تصحيحه من خطأ التجميع

وقد وجد أنه عندما يكون طول الفئة م مساوياً ٤٩ , ع ، فإن معادلة شيرد تعطى فرقاً قدره ٢٠ , . بين قيمتى الانحراف المعيادى بعد وقبل تصحيحه.

وهذا الخطأ يمكن التماضي عنه إلا إدا أردنا الدقة الكاملة أو احتجنا استخدام الانحراف المعياري الناتج في عمليات إحصائية أخى . إما إذا كان طول الفئة حوالي نصف فيمة الانحراف المعياري (أي ٩٤٠ ع) كا ذكرنا وكانت العينة كبيرة ، وإذا كان المدى حوالي ستة انحرافات مساديه فإنه يكون لدين ١٢ فئة وإذن يجب أن تكون ٢ فئة هي الحد : لار حساب الانحراف المعياري بدقة في حالة العينات الكبيره . فإد كان بدينا أول من ١٢ فئة يجب استخدام معادلة تصحيح شبرد لمزيد من الدفه أي أن حجم العينة ، وعدد فئات النوريع ،

والهدف من الحصول على الانحراف للعياري هو الذي يحدد استخدام هذهالمعاد . من عدمه . . .

تفسير الانحراف المعياري :

فى منافشتنا للانحراف المميارى رأينا أن تشتت بجموعة من الدرجات يكون صغيراً إذا تجمعت الدرجات بدرجة أكبر حول المتوسط ، ويكون التشت كبيراً إذا المتشرت الدرجات المتشارا والسما حول المتوسط . ولذا يمكن القول أنه إذا كان الانحراف المعيارى لمجموعة من الدرجات صغيراً تميل الدرجات إلى التراكم حول المتوسط ، وإذا كان الانحراف المعيارى كبيراً تنتشر الدرجات المتشاراً واسعاً حول المتوسط .

وربما يتساءل البعض عما نقصده بانحراف معيارى صغير وانحراف معيارى كبير . ولتوضيح ذلك يجب أن تذكر نظرية هامـــة تسمى تظرية شيبيشيف Chebyshev's Theorem فسبة إلى عالم الوياضيات الروسى شيبيشيف (١٨٢١ – ١٨٩٤) وهي أنه تقع (١ ﴿) × ١٠٠ في المائة من بجوعة الدرجات في مدى قدره ك انحراف معياري عن متوسطها الحسابي .

فإذا كانت ك = 7 فإنه يمكننا الهول بأنه تقع (1 $- \frac{1}{7}$) $\times 100$ فإذا كانت ك $= 7 \times 100$ فإذا كانت ك $= 7 \times 100$ في المائة على الأقل من أى خمو عة بيانات في مدى قدره انحرافان معياديان عن المتوسط.

فق المثال السابق الموضح بالجدول رقم (١٨) تبعد أن ٧٥٪ على الآقل من الدرجات تقع بين س ← ٢ع، س ← ٢ع أى بين ١٩٥١ – ٢ × ١٨,٩٢ = ١٨,٩٢ = ٢٢,٢٢ = ٢٢,٢٢ ، ١٩٥١ – ٢ × ٢١,٩١ = ١٩,١٠ مر ٢٤ = ٢٢,٢٢ و يمسكن التحقق من ذلك بالرجوع إلى البيانات الموضحة لجدول رقم (١٨) حيث فجد أن هناك حوالى ٥٥ وبالمائة من الجالات تقع بين ٢٦١ أن أن نسبة لا نقل عن ١٠٧ نفع بين هاتيل الدرجتين .

كما توصح ظرية شيبيشيف أنه عندما كون ك ن ه فإنه يجب أن تقع ٩٦ / من الدرجات على الآقل بين ٥ انحرافات معيارية عر متوسطها . وعندما مكون ك من الدرجات على الآقل بين ١٠ انحون ك من الدرجات على الآقل بين ١٠ إنحرافات معيا ية عن متوسطها .

وللنظرية تطبيقات أكثر عند استخدام الاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات. وقد قصدنا ذكرها هنا باختصار لتوضيح كيف يدل الانحراف المعياري على انتشار مجموعة من البيانات.

ومن هذا يتضح أن الانحراف المعيارى هو مقياس حساس لدرجة انحراف أو ابتعاد فيم المتغير عن المتوسط الحسابي . وصغر قيمته تدل على أن هذه القيم متقاربة ومتراكمة بالقرب من هذا المتوسط .

وهذا يعنى أن تشتتها صغير والعكس بالعكس. فالانحراف المعيادى هو إذن أفضل مقاييس التشتت لانه مبنى على أساس منطقى سليم ويستخدم فى حسابه طريقة موضوعية تتناول جميع قيم المتغير. وهو بتميز على بقية مقاييس التشتت بأنه يستجيب للعالجة الرياضية.

ولذا لا يمكن الاستغناء عنه في حساب أهم المفاييس الإحسائية الآخرى كما ملات الالتواء والتفرطح والارتباط، كا لا بمكن الاستغناء عنه في محليل التباين ودراسة المينات والحدكم على ثبات التفسيرات والتنبؤات الإحصائية فهو يعد العمود الفقرى لسكثير من طرق تحليل البيانات.

المقايبس النسبية للتشتت:

إن جميع مقاييس التشتت السابن ذكرها تسكون فيمتها معطاة بدلالة وحدات ، قياس المتغير . وهي صالحة إذن لمقارئة المجموعات التي لها نفس الوحدات ، وبشرط أن سكون متوسطاتها متقاربة لأن التشتت مقياس بعدد على الانحراف عن المتوسط .

ولسكن ما هو الحال لو أراد الباحث مقارنة توزيعات ليس لها تفس الوحدات أو متوسطاتها عتلفة اختلافاً كبيراً ؟

و حتى لو استخدم الباحث نفس الوحدة لفياس نوعين س النوزيعات ، فإن مقارنة تجانس هذين التوزيعين لا يسكون صحيحاً إذا اختلفت الدقة في قياسهما .

فثلا إذا قلنا أن الانحراف المعيارى لجمه عة مقايدس لوزن بعوضة هو ١٫٠ من الجرام ، وأن الانحراف المعيارى لجموعة مقاييس لوزن بيضة دجاجة هو . ٣٫٠ من الجرام ، فإن مقارئة هذين المددين لا تسكون معقو لة إذ من الواضح أن . القياس في حالة البيضة أدق كثيراً منه في حالة المعوضة .

ومن هنا نشأت الحاجة إلى مقاييس نسبية للتشتت . فني مثل هذه المقارنات لابد أن يكون لدينا مقاييس يتوفر فيها شرطان :

الاول: أن يكون المقياس مطلقا أى لا يعتمد على الوحدات المستخدمة . والثانى : أن يجمع بين مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت .

وأكثر هذه المقاييس استخداما هو المقياس الذي اقترحه . سيرسون ، والذي يسمى . معامل الاختلاف Coefficient of Variation .

وهو النسبة بين الانحراف المعيارى والمتوسط الحسابى . و تحول هذه النسبة عادة إلى نسبة مثوية .

آی آن : معامل الاختلاف
$$=$$
 $\frac{3}{m} \times 1.0$. . . (۱۰) فإذا کان الانحراف المعیاری لعینة ما $=$ γ .

و المتوسط الحسابی $=$ γ .

فإن معامل الاختلاف $=$ γ .

فإن معامل الاختلاف $=$ γ .

فبدلا من مقارنة الأوزان المقيسة بالسكيلو جرام مثلا بالاطوال مقيسة بالبوصة ، وبالاحمار مقيسة بالاعوام ، وبالاسعار مقيسة بالجنيهات فإنقة تقارن معاملات الاختلاف المناظرة والتي تسكون جيمها على صورة نسب مثوية .

غير أنه فى بعض التوزيمات التسكرارية يتعذر حساب المتوسط الحسابى والانحراف المميارى كما فى التوزيعات المفتوحة ، كما أن هذين المقياسين قد لا يكونمان أنسب المقاييس فى بعض التوزيعات ، ولهذا نلجاً إلى مقاييس فسبية أخرى .

ومن هذه المقابيس ما يتوقف على الربيمين الأعلى والآدنى ويسمى : معامل الاختلاف الربيعي وهو

وهو مقياس مطلمن يصلح لجميـع التوزيمات كما يسهل إيجاده بالرسم .

كيف يختار الباحث مقياس التشتت المناسب عند تحليل البيانات:

هناك عدد من الاعتبارات يجب أن يأخذ بها الباحث عند اختياره لمقياس التشت الذي يناسب موقفا معيناً أو بيانات معينة نلخصها فها يلي:

حساسية المقياس لتذبذب العينات عمى نموت القدمه المسببه المقياس للعينات المسحوبة من نفس المجتمع الاصل فإذا كانت العينات مسحوبة بطريقة عشوائية فإنه يمكن برنيب مقاييس التشتت من حيث مدى حساسيتها لتدبدب العينات من الاكثر ثباتا إلى الاقل ثماتا كا يلى :

الانحراف المعياري ، الانحراف المتوسط ، نصف المسدى الربيمي المدى المطلق .

وينعكس الترتيب السابق من حيث سرعة وسهولة حداب مقياس التشتت . وإذا كان الباحث مهتما بحساب مقاييس إحصائية أخرى لمجموعة بياناته مثل تقدير متوسط المجتمعي الأصل أو دلالة الفروق بين متوسطات أو حساب معاملات الانحداد بوما شابه فلك فإن الانحراف المعيادي يفعنل على جميع مقاييس التشت الاخرى .

ويمكن الباحث أن يختار بين الإنجراف المعيارى ، والانجراف المتوسط . ونظراً لان الانجراف المتوسط ونظراً لان الانجراف المعيارى يعتمد على بجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط فإنه يعطى وزنا أكبر للانهموافات المتعارفة . فإذا كان التوزيع يحتوى على عدد كبير من القيم المتطرفة في اتجاه ما أو في الانجاهين ربمسا يستخدم الباحث الانحراف المتوسط، وبخاصة إذا كان النوزيع ملتو التواء با شديداً

أما نصف المدى الربيعي فهو لا يدخل في حسابه القيم المتطرفة وهو يفعشل أحيانا لهذا السبب على الانحراف المعيادي والانحراف المتوسيط، وهو يهتم بدرجة أكبر بالقيم الوسطى.

فإذا ما استخدم الباحث الوسيط كقيداس النزعة المركزيه يكون من الطبيعي أن يستخدم نعنف الحسدى الربيعي كقياس التشكت، فكلاهما يعتمد على نفس القواعد وإذا كان التوزيع نافصا أو منوراً Truncated أو يحتوى على نفس المقواعد وإذا كان التوزيع نافصا أو منوراً على تاب المناسب.

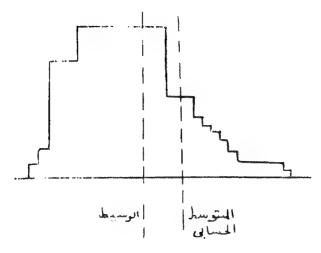
خصائص أخرى للتوز بعات التسدر اربه

عرضنا فيا سبق بعض خصائص التوز بعاب السكر اديه ومقابيس البرعمه المركزية ومقاييس التشتت . وفي الحقيقة يمسكن وصف البيانات بطرق كثيرة ومتعسددة . فطلماء الإحصاء يمدوننا باستمرار بطرق جديدة أوصف البيانات المددية والبيانات النوعية ، وسوف تعرض هنا باختصار لطرق وصف السكل العام للتوزيعات الشكرارية .

وبالرغم من أن التوزيع التسكرارى يمسكن أن بتخذ أى شكل إلا أنه نوجد بعض الاشكال التوذيجية التي تناسب معظم التوزيعات التي يقابلها الباحث في المواقف الفعلية ، وقد عرضنا علقه في المقصل الثانى ، ومن بين هذه التوزيعات التوزيع الاعتدالي وهو توزيع يشبه الجرس المقلوب ، والتوزيع الملتوى التواء موجبا والنبى لتراكم فيه قيم المتغير حول النهايه الدنها للتوريع ، والتوزيع الملتوى التواء سالها حيث تتراكم فيه قيم المتغير حول النهاية العليا للتوريع

فإذا لم يكن التوزيع اعتداليا فإنه يجب أن لا يكتو الداحث عنسد وصف التوزيع بالمتوسط والانحراف المعيارى، و(١) يحتاج الى مقياس آخو يعبر عن مدى ابتعاد التوزيع عن الاعتدالية أن درجه التوائه ومن المرغوب فيه أيضا أن يصف التوزيع بمقياس آخو يعبو عن درجه تعرطح أو تدبب التوزيع

و توجد عدة طرق لقياس مدى أمواه التو. بعات التسدر أربه ، وأسط هسده الطرق تعتمد على الفكرة الموضحه بالشكل الأبر رفيم (۲۰) .



شكل رقم (٢٣) موضع كك من المتوسط الحسابي والوسيط في توزيع ملتو التواء موجبا

فهنا نحد أن التوزيع له ذيل متجه نحو البمين . ولذلك نجد الوسيط يسبب المتوسط الحساق (وينعكس هذا الترتيب إذا كان التوزيع ملتو التواء سالبا) . واعتماداً على هذا الفرق توصل بيرسون Pearson إلى مقياس يسمى معامل الالتواء وهو:

وهنا نقسم ثلاثة آمثال الفرق بين المتوسط والوسيط على الانحراف المعيارى وذلك لسكى تحمل شكل التوزيع مستقلا عن وحدات القياس المستخدمه .

فإذا كان متوسط بو زبع ما ٢٠,٣٥ ، والوسيط ٢,٣٥ ، ، الانحراء ، المعيارى ع. ١ فان :

and the letter
$$\frac{\Upsilon(V, 70 - 7, 70)}{3,01}$$

. . 97 ==

و نظراً لأن هذه القيمة قريبة جـــداً من الصفر فهذا يدل على أن التوزيع متهائل تقريباً .

العزوم حول المتوسط الحسابي :

ف الحقيقة يمكن وصف التواء التوزيع بدرجة تقريبية بطرق مختلفة أحدها هو الطريقة السابقة التي اعتمدت على الفرق بين المتوسط الحسابي والوسيط مقسوما على الانحراف المعياري .

ويمكن الاعتباد على الإرباعي الاعلى والإرباعي الادنى التوزيع كا رأينا عند مناقشتنا لنصف المدى الربيعي وهو أحد مقاييس التشتت .

أما إذا أردنا الحصول على مقاييس دقيقة وثابنة لوصف الالتواء والتفرطح فإنه يفضل استخدام طريقة تعتمد على العزوم حول المتوسط الحسابي .

فالمتوسط الحسابي والانحراف المعياري يرتبطان بعائلةمن المقاييس الإحصائية تسمى الدوم Moments ، والعزوم الأربعة الأولى حول المتوسط هي :

$$(10) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdots \quad = \frac{(\overline{w} - \overline{w})}{\overline{v}} = 1$$

$$(1V) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\text{``}(\ \ \ \ \ \)}{\text{``}} = \text{``} \quad \cdot$$

ويرتبط مفهر سروم بعلم الميكانيكا . فإذا افسرصنا أن لدينا رافعة مو نسكزه على معود ، وأن هناك قوة ق توثر على فراع الرافعة على مسافة س من المحود فإن حاصل ضرب ع لا س تسمى عزم القوة حول المحود . وإذا أثرت قوة أخرى ن على مسافة س من المحود ، فإن العزم السكلى يسناوى ق \ الس ب من المحود ، فإن العزم السكلى يسناوى ق \ س ب ب على المزم الثانى ، وإذا رفعناها إلى القوة الثالثة تحصل على العزم الثالث ، وهكذا .

ون حالة التوريعات التكرارية ، يمكن اعتبار نقطة الاصل تشبه محور ارتكاز الرافعة ، رأن تسكرارات الغشات المختلفة تشبه القوى المؤثرة على مسافات عتنلفه من نقطة الاصل .

وللاحظ أن العزم الأول حول المتوسط يساوى صفر، والعزم الثانى يساوى ن - ١ ن - ١ مضروباً فى التباين غير المتحيز للعينة (ستى أن أوضحنا معنى عدم التحيز ن التحيير فى مناقشتنا للانحراف المميارى)، والعزم الثالث يستخدم عددول على مقياس الالتواء، ونحصل عن طريق العزم الرابع على مقياس التفرطح

مقاييس الالتواء والتفرطح باستخدام العزوم:

أولا: مقياس الالتواء (ل,) : Skewness

المقياس الشائع الاستخدام و الذي يعتمد على الهزم الثالث يعرف كالأقي :

$$(14) \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{1}{16} \sqrt{16} = 1$$

و.هذا المقياس مبنى على فكرة أنه عندما يكون التوزيع ، أو توزيع أى بحوعة من القيم متياثلا ، فإن بحوع الاخرافات الموجبة عن المتوسط مرفوعة للقوة الثالثة (أى بعد تكميبها) سوف تتوازن مع بحموعة الانحرافات السالبة عن المتوسط مرفوعة للقوة الثالثة .

ولذلك فإنه إذا كان النوزيع متهائلا تسكون مي عد ، وينتج أن ل عدم أم أما إذا كان التوزيع غير متهائل فإن الانحرافات الموجبة ، ويفوعة للقوة الثالثة لا تتوازن مع الانحرافات السالية مرفوعة للقوة الثالثة ، وسينتذ مي مهر مفر ، وبالتالى ل مهر صفر ،

فإذا كان التوزيع ملتوياً التواء موجباً فإن لم تكون موجبة ، ورإذا كان التوزيع ملتويا التواء سالبا تسكون لم سالبة . أما المقدار مهر/م قد استخدم في مقام السكسر اعتبان إمكانية مقارنة لم عندما تسكّرون الثوزيمات مختلفة في التشدت .

لذلك فإن لى هو .قياس مستقل عن ميزان القياس أى أننا يمسكننا مقارئة التواء بجوعة من القيم و القياسات مقارئة مباشرة سواء كانت بالجرام أو المتر أو درجات اختبار نفسي معين باستخدام المقياس ل.

ولتوضيح ذلك ، افترض أن لدينا مجموعتين من الاعداد أ ، ب :

المتوسط						
1.	18	14	١٠	٨	٦	1
			1.			

ويمكن التعبير عن هذه الدوجات بواسطة الحرافاتها عن متوسطها كالآنى:

فجموعة الاعداد 1 متماثلة أما الحموعه ب فهى غير متماثلة وعندما نرمع هده الانحرافات إلى القوة الثالثه نجد أن :

مبالنسبة إلى المجموعة أ سكون مي = ٠ لان :

$$\frac{\sqrt{m-m}}{v} = \frac{\sqrt{m-m}}{v}$$
 و بالتالی فان ل = : صفر ،

أما بالنسبة إلى المجموعة ب تـكون مم = ١٠٫٨٠

أى أن توزيع المجموعة ب ملتو الثواء موجباً .

ثانيا : مقياس التفرطح (لي) : Kurtosis المقياس الشائع الاستخدام والذي يعتمد على العزم الرابع يعرف كالآتي :

ويعتمد هذا النعريف على فسكرة أن الانحرافات الكبيرة عن المتوسط عندما ترفع إلى القوة الرابعة سوف تسهم إسهاما أكبر ن العزم الرابع للتوزيع من الانحرافات الصعيرة ، واستخدام ٢٠, في المقام بمكننا من مقارنة التوزيعات

المختلفة ، أما الرقم ٣ الذي طرحناه من النسبة ٢٠ عدلك لان هذه النسبة ٣ في

التوزيمات التكرارية فاذا كان التوزيع اعتداليا نصبح لي من صفر . أما في التوزيمات المسطحة إلى التوزيمات المسطحة إلى حد ما تسكون لي أصعر من الصفر .

و لتوضيح ذلك ، افترض أن لدينا بحموعتين من الاعداد أ ، ب :

ا ۱۲ ۱۰ ۸ ۲ ا ب ۲۶,۵ ۱۱ ۱۰ ۹ ۱۲,۲۲

فإذا تأملنا الاعداد في المجموعتين ربما للاحظ أن توزيع كل من المجموعتين ليس مديبا . وفي الحقيقة قإن المجموعة أ أكثر تفرطحا من المجموعة ب ، وكل منهما له تفس المتوسط والانحراف المعياري تقريبا ، وكلاهما متماثل ، والكنهما يختلفان في خاصية التفرطح ، فعندما ترفع انحرافات أعداد كل من المجموعتين عن المتوسط إلى القوة الرابعة تصبح الاعداد كما يلي :

أ ٢٥٦ ١٦ صفر ١٦ ٢٥٦ ب ٣٦١,٣٦ ١ صفر ١ ٣٦١,٣٦ فبالنسبة إلى المجموعة أ تكون مع = ١٠٨,٨٠ و بالنسبة إلى المجموعة ب تسكون م == ١٤٤,٩٤

أما بالنسبة إلى كل من المجموعتين فإن من ﴿ ٥٠ ، ٥ ، و بالنسبة إلى المجموعة أنسكون لن ﴿ ١٠٠٠ - ١٠٥٥ و بالنسبة إلى المجموعة ب تسكون لن ﴿ ١٠٣٠ - ١٠٥٥ أَى أَنْ كَلَا مَنْهِمَا مَفْرِطُحَ ، وأسكن المجموعة أ أكثر تفوطحا من المجموعة ب كا هو واضح من قيمتي لن .

متى يلجأ الباحث إلى حساب مقاييس الالتواء والتفرطح :

ذكرنا فيما سبق أن التوزيع يكون ملتويا إذا تراكت الدرجات عند أحد أطراف التوزيع دون العارف الآخر ، وتوجد عدة أسباب لالتواء توزيعات الدرجات ، فمثلا إذا كان اختبار علمي معين غاية في السهولة أو عاية في الصعوبة مأل توزيع درجات هذا الاختبار يكون ملتويا ، وبعض المقاييس الفسيولوجية مثل مقاييس زمن الرجع وسرعة الاداء ... زلخ يحتمل أن تسكون توزيعات درجاتها ملتوية .

و يمكن أن يكون بوريع البيانات المقاسة على ميزان فترى أر رتبى ملتوياً . هاذا كانت البيانات الفترية ملتوية فانه يفضل استخدام الوسيط كمقياس للنزصة المركزية ، ونصف المدى الربيعي كمقياس للتشتت. وكثير من الاساليب الإحصائية تفترض أن توزيع الدرجات الخام لمتغير ما اعتدالي أو ليس بملتو .

فإذا كان التوزيع فى حقيقته اعتداليا يكون مقياس الالتواء صفراً وعندئذ ينطبق الوسيط على المتوسط ، وهنا لا داعى لتطبيق مقياس إحصائى ليبين أن التوزيع ليس ملتويا ، ولكن الباحث يمكنه تحديد درجة الالتواء ريقرر ما إذا كان لابد من إجراء بعض التصحيحات (مثل تحويل ميزان القياس كما سنرى فيا بعد) قبل أن يستمر فى تحليل بياناته ،

فلسكى يجعل الباحث؛ نوزيع الدرجات فريبا من الاعتدالية ... إذا لم يكن كذلك ... ربما يلجأ إلى نوع من أنواع التحويلات غير الخطية على البيانات ولكن لسوء الحظ فإن هذه التحويلات تؤدى إلى مشكلات من نوع آخر عند تفسير البيانات.

وفى الحقيمة أن طبيعة البحث ، وبموع المتغيرات، موضح الدراسة ، وحجم المينة تعتبي جميعها من العوامل التي يحب أن يأخذها الباحث في اعتباره قبل أن يقرر ما إذا كان لابد من حساب مقاييس الالتواء والتفرطج . وينعسع ماكنهاو Monemar بمدم استخدام هذه المقاييس إذا كان صدد الدرجات يقل عن ١٠٠٠ ويجب أن يدوك الباحث أن التوزيعات الاعتدالية والملتوية لمكثير من المتغيرات النفسية تكمن مصطنعة وذلك لآنه يندر أن تكون الوحدات المستخدمة في بناء المقاييس النفسية متساوية

فوحدات القياس غالباً ما تدكون اعتبارية أو ربما تدكمون عرضية . مسكثير من المتغيرات النف ية والتربوبة تقاس بعدد العبارات التي يعطى كل فرد رأيه فيها أو عدد الاسئلة التي يحيب عنها كل منهم إجابة صحيحة . وهنأ يتحدد شكل النوريع الناتج بدرجة كبيرة بالنسبة المثوية للعبارات التي أجيب عنها أو بصعوبة الاسئلة . فإذا كانت الاسئلة متوسطة الصعوبة بالنسبة لجموعة ما ، فإننا نتوقع أن مزان القياس سوف يؤدى إلى توزيع متائل لدرجات المجموعة . وإذا كانت الاسئلة سهلة فإن الدرجات سوف تتراكم عند النهاية العليا للتوزيع (أى ينتج عنها توزيع ملتو التوام سالبا) . وإذا كانت الاسئلة صعبة فإن الدرجات سوف تتراكم عند النهاية السفلي للتوزيع . وفي غياب وحدات قياس متساوية لاداة القياس لا يمكننا حقيقة القول بأن التوزيع متهائل أو ملتوء ولسكن يمكننا القول فقط أن شكل التوزيع يعتمد على وحدات القياس المستخدعة .

مُّارِين على الفصل الرابع

- 1 _ احسب مقاييس التشتت الآتية للدرجات
 - : 19 . 10 . 1 . . 9 . 0 . 4
 - (أ) المدى المطلق .
 - (ب) الانحراف المتوسط.
 - (ج) التباين .
 - (د) الانحراف المعياري .
- ۲ ـــ إذا كان تباين عينة مكونة من ١٠٠ درجة هو ١٥ . أوجد جموع مربعات الانحرافات عن المتوسط الحساني للدرجات .
- ٣ ـــ إذا كان التباين المتحير المحسوب لمينة مكونة من ٥ درجات هو ١٠٠
 أوجد تقدير التباين غير المتحير المناظر للتباين المتحير .
- إذا كان تباين عينة مكونة من ن من الدرجات هو ٢٠ ، أوجد التباين
 إذا لله الآنيتين :
 - (أ) إذا ضربنا كل درجة فى أابت مقداره ٥ .
 - (ب) إذا قسمنا كل درجة على ثابت مقداره ي .
- احسب العزم الثانى والثالث والرابع للدرجات ٤، ٦، ٦، ١٤، ١٦، ١٦ ما ١٠٠ ما
 - 7 فيما يلي درجات بحموعتين من الطلاب:
 - المجموعة أ ٢٠ ١٠ ٥ ٢٠
 - المجموعة ب ٢ ١٤ ١٢ ٨ ١٤
 - احسب مقياسي الالتواء لمكل من المجموعتين ، وقارن بينهما .

احسب الانحراف المعیاری التوزیع التسکراری الآثی مستخدما تصنیخ شهرد مرة وبدون استخدامه مرة آخری .

التكرا	الفثات	
١	79 - r.	
٤	r1 - r.	
1.	14 - 10	
10	04 - 0.	
٨	79 - 70	
۲'	v4 - v.	

وبين مل يحوز استخدام تصميح شبرد في هذا التوزيع ؟ ولماذا ؟

٨ ــ احسب نصف المدى الربيعي للدرجات:

· 170 · 170 · 17. · 114 · 11. · 11. · 1..

· 17. (10. () 150 () 16. () 16.

و اختار باحث . ١ أفراد بطريقة عشوائية في تجربة سيكلوجيه وعيم خسة أفراد منهـــــم للمالجة التجريبية الأولى والخسة الآخرين للمالجة التجريبية الثانية ، وحصل الباحث بعد انتهاء التجربة على البيانات الآنية :

المعالجة الثانية	لمعالجة الاولى	
1 £	١٧	
٣	٤	
٣	٧	
11	11	
1	11	

- (أ) احسب المتوسط وتباين بجموعة المعالجة الأولى .
- (ب) احسب المتوسط وتباين بحموعة المعالجة الثانية .
- (ج) ما هو أفضل تقدير لمتوسط المجتمع الاصل وانحرافه المعياري .
- (د) هل يمكنك استنتاج وتبرير أن متوسط المجتمع الأصل الذى سحبت منه بحوعة المعالجة الأولى أكبر من متوسطالمجتمع الاصل الذى سحبت منه بحوعة المعالجة الثانية ؟ وأن الانحرافين المعياريين لمها متساويان؟ ولماذا ؟

. ۱ ـــ احسب نصف المدى الربيعى و الانحراف المعيارى للتوزيع التكراوى الآفى وقارن بينهما .

التكرار	الغثات
١	73 - 70
صفر	TE - T.
۴	r4 - r0
٦	£
٦	11-10
٦	08-01
٧	09 00
١ ٤	78 70
1 &	79 - 70
١	V\$ V+
١	V4 — V0
1	۸٤ — ۸۰
٤٠	ن ==

الفصل *الخاكي*س الدرجات المحولة

المثينيات الرتب المثينية الإعشاريات العرجات المعيارية الدرجات التائية تحويلات خطية أخرى

مقدمة:

بالرغم من أن خصائص التوزيعات التسكرارية التي عرضنا لها في الفصول السابقة تساعدنا على وصف تلك التوزيعات ، إلا أنها لا تساعدنا كثيراً في تفسير كل درجة على حدة في التوزيع .

فثلا، إذا افتر صنا أن أحد الطلاب في فصل ما قد حصل على الدرجة ١٨ ف اختبار ما ، فعرفة قيمة الدرجة فقط دون معرفة طبيعة أو شكل توزيع درجات الاختبار لا تمكننا من تفسير هذه الدرجة ، إذ ربما تسكون الدرجة أعلى أو أقل درجة في الفصل ، ولسكى تحدد موقع الدرجة بالنسبة إلى غيرها من الدرجات فإننا تحتاج إلى مريد من المعلومات ، فإذا علمنا أن متوسط الدرجات في هذا الاختبار ١٨ ، فإن هسذا لا يعني أكثر من أن الدرجة محم تقع أعلى من المتوسط ويظل تفسير نا للدرجة غير عدد ، ولذلك فإننا تحتاج إلى مقاييس تعبر عن المركز النسبي للدرجة في التوزيع السكلي للدرجات ، وتعتمد هذه المقاييس على إجراء أنواع معينة من التحويلات المدرجة المعلوب تفسيرها ، وهو ماستعرض له في هذا الفصل وتعتمد جميع هذه المقاييس على فكرة تحويل الدرجة الاصلية (تسمى الدرجة الخام) إلى درجة أخرى يمكن عن طريقها مقارئة درجة طالب ما بالنسبة إلى غيره من طلاب فصله ، أي أنها تمدنا بإطار مرجعي يمسكن أن نقارن في ضو ثه الدرجة من طلاب فصله ، أي أنها تمدنا بإطار مرجعي يمسكن أن نقارن في ضو ثه الدرجة من طلاب فالدرجات .

: Percentiles

سبق أن عرفنا الوسيط بأنه النقطة التي تقسم التوريع إلى قسمين متساو بين . كا سبق أن عرفنا الإرباعيات بأنها النقط الثلاث التي تقسم التوزيع إلى أربعة أقسام متساوية. وعلى نفس الاساس يمكن تقسيم التوزيع إلى مائة جزء متساو ،

وتسمى نقط التقسيم حينئذ بالمشينيات. فالمثينيات هي السرجات التي تقــــل عنها أو تقابلها نسبة مثوية معينة من الأفراد.

فدرجة الفرد التي تقابل المثينى الحامس بالنسبة لمجموعته تدل على أنه يفوق ه / من أفراد المجموعة ويقل عن ٥٥ / من هؤلاء الأفراد . واذلك فإن المثينيات تحدد بطريقة مباشرة المركز النسى للفرد في مجموعته .

: Percentile Ranks الرتب المثينية

الرتبة المثينية المناظرة للسرجة ما هى النسبة المئوية لعدد الدرجات التي تقلقيمتها عن قيمة هذه الدرجة بالنسبة إلى المجموع السكلى للدرجات. وفسكرة هذه الرتب فكرة مفيدة لانهما تعبر بوصوح عن وضع أو مركز أو رتبة أى درجة على مقياس مثوى.

فإذا كانت الرتبة المثينية للدرجة ٨٨ م ١٩٠ ، فإن هذا يعني أن ١٩٠ / من طلاب الفصل تقل درجتهم عن الدرجة ٨٨ ، بينها تزيد درجة ٨٨ / من طلاب الفصل عن هذه الدرجة . و يجب أن نراعي أنه لا يمكننا تفسير الرتبة المشيئية تفسيراً صحيحاً دون أخذ المجموعة المرجمية في اعتبارنا . فثلا إذا حصل طالب على درجة رتبتها المشيئية . ٩ في اختبارما فإيه يمكن لأول وهلة اعتبار أداء الطالب مرتفعا لأن الدرجة التي حصل عليها تجعله يفوق . ٩ / من أقرائه . ولسكن إذا كانت المجموعة المرجمية التي نقارئه بها تتسكون من مجموعة من الطلاب المتخلفين عقليا مثلا ، فإنه في هذه الحالة تعتبر أداءه في الاختبار منخفضاً . وبالمثل إذا حصل طالب على درجة رتبتها المثبنية ١٢ مثلا في اختبار ما فإنه ربما يدو لأول وهلة أن أداء الطالب منخفص لأن أداءه يفوق أداء ١٢ / أفقط من مجموعته ، ولسكن

إذا كان هذا الطالب في الصف السابع مثلاً وقارناه بطلاب الصف التاسع فإنه يمكن اعتبار أن هذه الدرجة تدل على أداء جيد بالنسبة لطلاب الصف السابع .

ولذلك يجب أن نحتاط عند مقارنة المثينيات بمضها ببعض إذا اختلفت المجموعة المرجعية . فإذا حصل فرد ما على درجة تناظر المثينى ٣٠ فى اختبار نصف العام فى مادة الإحساء ، وحصل زميل له فى فصل آخر على درجة تناظر المثينى ٥٠ فى نفس الاختبار ، فذلك لا يدل بالضرورة على أن زميله فى مركز أفصل منه فى هذه المادة . إذ ربما يكون أداء طلاب فصل زميله ضعيفا فى مادة الإحساء ما جعله فى مركز فسي مرتفع بالنسبة لاقرائه فى الفصل .

ولذلك يجب أن نتذكر دائمًا أن المثيني يستخدم لمقارنة درجة فرد ما في بحوعة معينة بمجموعته حتى لا نقع في مثل هذه الاخطاء التي ذكرناها .

إيحاد الرتب المثينية باستخدام المنحني المتجمع النسبي

عرضنا في الفصل الثاني كيفية تكوين جدول التوزيع التسكراري المتجمع وجدول التوزيع التكراري المتجمع النسي ، ويمكن باستخدام منحني التوزيع التكراري المتجمع النسي تحديد الرتب المتينية المناظرة لأى درجة في التوزيع ، وبالعسكس يمكن تحديد الدرجة المناظرة لأى رتبة متينية .

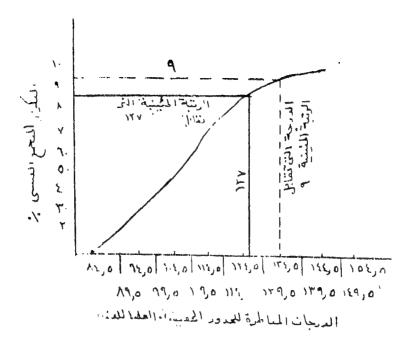
ولتوضيح ذلك افترض أن لدينا جدول التوزيع التسكراري المتجمع الآتي (جدول رقم ١٩) :

	التكرار المتجمع	التسكر ار	الفئات
النسبي /	الصاعد		
٣	Y	۲	V8 - V.
٧	٨	•	A1 - A0
14	18	0	18- 4.
10	17	٤	11 - 10
77	44	۱۲	1.8 1
۲٦	٤٣	18	1.9-1.0
00	٣٠	1%	116 11.
77	٧٣	17	111-110
۷٥	۸۲	٩	148 - 14.
۸۳	41	٩	174 - 170
۸۹	٩٨	٧	148 - 14.
48	1.4	5	179 - 170
41	1.4	٣	116-16.
٩٨	1.4	Y	184 180
1	11.	Y	108 10.

جدول رقم (۱۹)

توزیع تکراری متجمع صاعد وتوزیع تکراری متجمع نسبی لدرجات ا

ويمكن تمثيل هذا التوزيع التسكراري المتجمع النسى بيانيا بالطريقة التي سبق أن ذكرناها في الفصل الثاني كا هو مبين بشكل رقم (٢٤) ·



شكل رتم (٢٤) التمثيل البياني للتوزيع التكراري المتجمع النسبي

فإذا أردنا تحديد الرتبة المثينية المناظرة للدرجة ١٢٧ مثلا ، فإننا نرسم خطا موازيا للمحور الرأس عند النقطة ١٢٧ التى تقع على المحور الآفقى و معده حتى يقطع المنحى ، ثم نسقط من نقطة التقاطع عموداً على المحور الرأسي حيث يوجد التسكرار المتجمع النسبي / ونقرأ العدد الذي يحدث عنده التقابل فيسكون هو الرتبة المثينية إلمناظرة للدرجة ١٢٧ ، والرتبة المثينية في هذه الحالة هي ٧٩ .

أما إذا أردنا إيجاد الدرجة المناظرة لرتبة مثينية معينة فإبنا يمكن أن نسير بطريقة عكسية . فثلا إذا أردنا إيجاد الدرجة التي تناظر الرتبة المشينية . ٩ مثلا ، فإبنا نعين النقطة المناظرة للعدد . ٩ على محور التسكر از المتجمع المسي و ترسم منها مستقيما موازيا للمحور الآفقي و تمده حتى يقطع المنحى . ثم أ. مقط من تقطة التقاطع عموداً على المحور الآفقي حيث توجد الدرجات و نقرا العدد الذي

يحدث عنده التقابل فيكون هو الدرجة المناظرة الرتبة المثينية . و . والدرجة في هذه الحالة هي ١٣٥ تقريباً .

وبهذه الطريقة التقريبية المباشرة يمكن الحصول على الرتب المثينية المناظرة للدرجات، والدرجات المناظرة للرتب المثينية.

إيحاد الرتب المئينية من الدرجات مباشرة:

نحتاج أحيانا إلى إيجاد الرتب المشينية للدرجات دون اللجوء إلى التشبل البيانى التوزيع التسكرارى المتجمع النسي ، حتى نضمن قدرا أكبر من الدقة . وهـــذا يتطلب بالضرورة عملية استكمال Interpolation للممود الخاص بالتكرار المتجمع المناظر لدوجة معينة بدقة .

فإذا أردنا تحديد الرتبة المثينية التي تقابل الدرجة ١٢٧ من جدول رقم(١٩) والتي حددناها بالتقريب من الشكل البياني فإننا يجب أن تلاحظ أن الدرجة ١٢٧ تقع في الفئة ١٢٥ ١٢٥ . والتكرار المتجمع الصاعد الفئات التي تقع دون هذه الفئة هو ٨٢ .

ونظراً لآن الرتبة المثينية التي تقابل درجة ما يمكن التعبير عنها دياضيا كالآتى:

التسكر ال المتجمع الصاعد
الرتبة المئينية = التسكر ال المتجمع العاعد التنكر الله المناء المئينية المئينية المثل التسكر الله المناء ا

لذلك يكون من الضرورى تحديد التكرار المتجمع الذى يقابل الدرجة ١٢٧ بدقة. ومن الواضح أن التسكرار المتجمع الذى يقابل الدرجة ١٢٧ يقع بين السكرارين المتجمعين ١٨٧ ، ٩١ وهما التكراران المتجمعين الحديان الآدنى والأعلى الفئة .

وهنا يجب أن نستكمل Interpolate داخل الفئة ١٢٥,٥ - ١٢٩,٥ لكى نوجد التكرار المتجمع للدرجة ١٢٧ بدقة . أى أننا نحاول في الواقع أن نحدد المسافة التي يجب أن نتحر كها داخل هذه الفئة لنحصل على عدد الآفراد الذين تضمهم هذه المسافة والذين حصلوا على درجات تصل إلى الدرجة ١٢٧٠ .

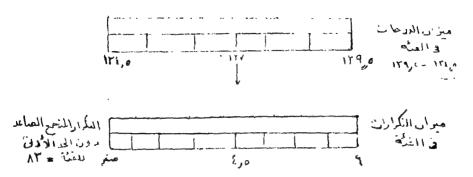
فإذا رجمنا إلى جدول رقم (١٩) نجد أن الدرجة ١٢٧ تفوق الحد الآدنى الحقيقي للفئة ١٢٥ – ١٢٩ بقدر ٢,٥ درجة (أى ١٢٧ – ١٢٥،٥). وحيث إن هذه الفئة طولها ه ، فإن الدرجة ١٢٧ تتطلب أن نتحرك داخل الفئة مسافة قدرها ٢٠٠ . وهنا مكون قد افترضنا فرضا أساسيا وهو أن عدد الحالات أو تسكرار فئة ما موزع توزيعا متكافئا على طول الفئة .

و نظراً لأن هناك و حالات داخل هذه الفئة ، فإنه يمكننا أن تحسب عدد الخالات التي تحتويها المسافة $\frac{7}{6}$ بأن نضر ب هذه النسبة في و .

أى أن عدد الحالات الذين تضمهم هذه المسافة والذين حصلوا على درجات ممل إلى ١٢٧ $= \frac{7.0}{0} \times 9 = 0$

وقد وجدنا أن ٨٧ حالة تقع دون الحد الادنى الحقيقى لهذه الفئة . فإذا جمنا عدد الحالات معا نجد أن التكرار المتجمع للفئة ١٢٧ هو :

وهذا يتفق تقريباً مع الرتبة المثينية التي حصلنا عليها من الرسم البياني . ويمكن تلخيص طريقة إيجاد التسكرار المتجمع لدرجة معينة باستخدام الشكل التوضيحي الآتي :



شكل رقم ((٥٧)) مناتة المجاد التكران المتجسع لدرجة معينة

ومن هسندا الشكل يتضح أننا قسمنا الفئة ه ١٧٤ س ١٢٩ إلى خمن وحدات متساوية تناظر العرجات التي تضمها هذه الفئة . بينها قسمنا ميزان التكرارات داخل الفئة إلى تسع وحدات متساوية تناظر التكرارات التسعة الفئة، وهذا يعنى أننا عندما نوجد التكرار الذي يناظر درجة معينة فإننا نكون بعدد إجراء نوع من التخويل الخطى من ميزان الدرجات إلى ميزان التكرارات، وهذا يماثل عملية تحويل درجات الحرارة من ميزان فهرنهيتي إلى تميزان مثوى أو العكس .

والصورة الرياضية الآنية تعتبر صورة عامة تستخدم لإيحاد الرتبة المئينية المقابلة لسرجة معينة .

حيث التكرار المتجمع تم عصم التكرار المتجمع للحد الادنى الحقيقي للفتق . التي تعتوي الدرجة س.

- ، س == الدرجة المطاوبة ليجاد الرتبة المئينيسة المثالة لها .
- ، سم = الدرجة المقابلة للحد الادنى الحقيقي للفئة التي تحتوى الدرجة س .
 - ، ف = طول الفثة .
- ، ت خے عدد الحالات الوافعة فى الفئة التى تحتوى الدرجة س .

ويمكن أن نستخدم هذه الصورة الرياضية لإيجاد الرتبة المثينية المناظرة للدرجة ١٢٧ نى المثال السابق كالآتى :

$$1 \times \left(\frac{178, 0 - 177}{\bullet}\right) + 17$$
 الرتبة المثنينية = $\frac{1}{110}$

$$\frac{1 \cdot \cdot \times \frac{1}{1 \cdot \times \frac{1}{1 \cdot \times \frac{1}{1 \cdot \times \frac{1}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}$$

$$\cdots \times \frac{\xi, 0 + \lambda \gamma}{11} =$$

$$VA, 16 = \frac{\Lambda 70}{11} = 1 \times \frac{\Lambda 7,0}{11} =$$

وهي نفس القيمة الى حصلنا عليها فيما سبق .

أيجاد الدرجات الى تقابل رتبا مئينية معينة :

إذا افترضنا أن الرتبة المثينية المقابلة لدرجة معينة في اختبار ما هي ٩٩ ، فما هي الدرجة ؟

لإجابة هذا السؤال يجب أن نتبع نفس الخطوات السابقة ولسكن بطريقة عكسية . أى نبدأ بميزان التكرارات المتجمعة وننتقل إلى ميزان الدرجات .

ولذلك يجب أن نوجد التكرار المتجمع الذي يقابل المئيني ٩٦ باستخدام الصورة الرياضية الآتية :

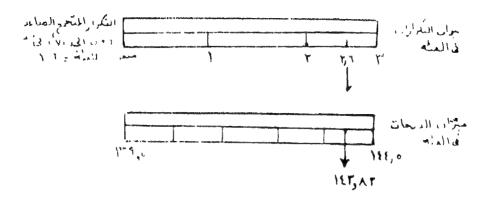
ونظراً لانتا نريد إيحـاد الدرجة التي نقابل المثيثي ٩٦ ، والتسكرار السكلي ١١٠ فإن :

$$1.0,7 = \frac{11. \times 47}{1..} = 7,000$$
 التكرار المتجمع

فإذا رجعنا إلى الجدول رقم (١٩) تبعد أن التكرار المتجمع ٢٠٥٠ يقع في الفئة التي حدودها الحقيقية ٥١٠٩ – ١٤٤٥ . ونظراً لآن التكرار المتجمع عند الحد الآدني الحقيقي لهذه الفئة هو ١٠٥ فان فرق التكرادين هو ٢٠٥٠ – عند الحد الآدني الحقيقي لهذه الفئة ، وبذلك يكون التكرار ١٠٥٣ وحدها الآعلى ١٠٥٠ عبارة عن ٢٠٠ من الفئة التي حدها الآدني الحقيقي ٥١٩٩ وحدها الآعلى الحقيقي ٥١٩٩ وحدها الآعلى الحقيقي ٥١٤٤ . أي أننا تمكون أعلى من الحد الآدني الحقيقي بقدر :

وحدة من الوحدات،
$$\times \circ = 7,7$$

فإذا جمعنا الدرجتين مما نحصل على الدرجة التي تقابل المثنيني ۴ م ، وهي ١٣٩٥ - ١٤٣٠ م. ١٣٩٠ م. ١٣٩٠ م.



شكك رقم (٢٦) تلخيص طريقة ايجاد الدرجة التي تقابل رتبة مئينية معيئة

ومن هذا الشكل يتضح أن إيجاد الدرجة التي تقابل رتبة مثينية معينة هو بمثابة إجراء عملية تحويل لوحدات ميزان التكرارات إلى وحدات ميزان الدرجات.

والصورة الرباضيه الآتية هي صورة عامة يمكن استخدامها لتحديد الدرجات المقابلة للتبنيات مصنة:

الدرجة المقابلة لمثيني ممين =

سم + ف (التكرار المتجمع ت ـ التكرار المتجمع ت ـ التكرار المتجمع ت ـ ١٠٠ (٤)

حيث سم = الدرجة المقابلة للحد الادنى الحقيقى للفئة التي تحتوى على التكرار المتجمع .

ف == طول الفئة

التكرار المتجمع ت 😑 التكرار المتجمع للدرجة .

التكرار المشجمع ت التكرار المتجمع للحد الأدنى الحقيقي للغثة التي التكرار المتجمع ت .

و يمكن توضيح كيفية تطبيق هذه الصورة لإيجاد الدرجة المقابلة للرتبة المثينية ٧٨,٦٤ في المثال السابق مثلا كالآتي :

$$\lambda 7, \bullet \cdot = \frac{11 \cdot X \vee \lambda, 7 \cdot \epsilon}{1 \cdot \cdot \cdot} =$$

والدرجة التى تقابل الحد الآدنى الحقيقى للفئة التى تحتوى على التكوار ٥٠,٥٠ هى ه ١٧٤, ، وطول الفئة = ه ، والتكرار المتجمع للحد الآدنى الحقيقى للفئة هو٨٦ ، وتكرار الفئة التى تحتوى التكرار المتجمع = ٩ .

و بالتعويض فى الصورة الرياضية السابقة نجد أن :

الدرجة المقابلة للشيني ٢٨٠٦٤ ==

$$\frac{(\Lambda Y - \Lambda Y, \circ \cdot) \circ}{4} + 175, \circ$$

T,0 + 178,0 ==

111 ==

وتلاحظ أن هذه الدرجة هي التي حصلنا منها فيها سبق على هذا المثنيني .

و يمكن أيصاً استخدام هذه الطريقة للتحقق من صحة العمليات الحسابية . (١٣ ـــ التحليل) يمهنى أنه إذا كان ادينا الرتبة المثينية ، فيمكن استخدامها لتحديد الدرجة المقابلة لها ، وهنا يجب أن نحصل على الدرجة الاصلية . وبالمثل إذا كان لدينا الدرجة التى تقابل رتبة مثينية معينة ، فيمكن استخدامها لتحديد الرتبة المثينية ، وهنا يجب أن نصل إلى نفس الرتبة المثينية الاصلية ، فإذا لم يتحقق ذلك يكون هذا دليلا على أن هناك خطأ ما في العمليات الحسابية .

حالات خامة عند حساب المثينيات:

أحيانا يواجه الباحث عند حساب المثينيات من بمض التوزيمات التكرارية حالات خاصة لا تنطبق عليها الفواعد السابقة ، ومن بين هذه الحالات .

۱ ـــ إذا وقعت المثينيات بين الغثات . ولتوضيح ذلك نفترض أننا نريد إيجاد الوسيط (وهو المثينى ٥٠) من البيانات الموضحة بجدول رقم (٢٠) الآتى :

التكرار المتجمع الصاعد	التكرار	النهات
۲ .	4	18 - 1.
•	٣	19 10
•	منفو	78 - 7.
١.	٥	79 - 70
18	٤	78 - 4.
17	٣	T9 T0
19	۲	£ = + +
۲۰	١	19, - 40
	r. iii ú	المجموع

جدول رقم (۲۰) توزیع تکراری یوضح بعض الحاسة عند حسساب المئینیات

ومن هذا الجدول نجد أن ترنيب الوسيط هو ١٠ (٥٠/ من التسكرار المكلى وهو ٢٠). فإذا نظرنا إلى التسكرار المتجمع الصاعد نجد أننا لسكى نصل إلى الحالات العشر بدءاً من أعلى يجب أن أخذ جميع الحالات التي تقع في الفئة ٢٠ – ٢٩ لأن هذه الحالات العشر هي التكرار المتجمع الصاعد لهذه الفئه وبالمكمى فإن الحالات العشر الآخرى يجب أن تشتمل على جميع الآفراد في الفئة ٣٠ – ٣٤ وبذلك يحكون المثيني . و (الوسيط) هو الحد الحقيقي المفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ (أو الحد الآدفي الحقيقي المفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ (أو الحد الآدفي الحقيقي المفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ (أو الحد الآدفي الحقيقي المفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ (أو الحد الآدفي الحقيقي المفئة ٣٠ – ٣٤) أي ٥٠ (٢٩ أي أن٥٠) أي أي ٥٠ (١٠ أي أن٥٠) أي من هذه الدرجة أقل من ٥٠ (٢١) والـ٥٠) الآخرى حصلت على درجة أعلى من هذه الدرجة .

٧ -- إذا وقع أحد المشيئيات في فئة تكرارها صفر . وهذه الحالة تشبه الحالة السابقة ولكنها أكثر تعقيداً . ولتوضيح ذلك نفترض اننا زيد إيجاد الإرباعي الاول أي المشيئي ٢٥ من الجدول رقم (٢٠) السابق . أي أننا زيد معرفة الدرجة التي يقل عنها ٢٠ / من العلاب ويزيد عنها ٢٥ / منهم . فإذا فحصنا التكرار المتجمع الصاعد المبين بالجدول نجد أنه نظراً لأن الفئة . ٢ - ٢٤ تسكرارها صفر توجد ٥ حالات بالضبط (٢٥ / /) تقع دون الدرجة ٥ , ١٩ ، مداة (٢٠ / /) تقع دون الدرجة ٥ , ٢٠ .

ونظراً لأن المثيني هو نقطة ، أي قيمة أو درجة واحدة ، فإننا يجب أن نختار قيمة معينة للشيمي ٢٥ تنحصر بين الدرجنين ١٩٫٥ ، ٢٤٫٥ . ولحل هذه المشكلة نختار الدرجة التي في المنتصف أي :

$$YY = \frac{\xi\xi}{Y} = \frac{Y\xi, 0 + 14, 0}{Y}$$

وهي في الحقيقة منتصف الفئة ٢٠ ٪ ٢٤ الني سكرارها صفر

ويمكن أن تنطبن هذه "طريقة على أي نوزيع تكراري من هذا النوع .

وسوف نعرض فى الفصل السادس لمزايا وعيوب المثينياب عند مناقشتنسا لخصائص المنحنى الاعتدالى ، وكذلك كيفية تحويل المثينيات إلى أنواع أخرى من الدرجات المحولة .

الإعشاريات:

رأينا مما سبق أن المثينيات هي النقط التي تقسم التوزيع إلى مائة جزء متساوية . متساو . كذلك الإعشاريات تقسم التوزيع إلى عشرة أجـــزاء متساوية . ويمكن للباحث أن يتبع في حسابها نفس طريقة حساب الوسيط أو الإرباعيات أو المثينيات .

وفيها يلى ملخصاً للعلاقة بين المثينينات والإعشاريات والإرباعيات.

	ئى	الإرباد	1	الإعشاري		المثيني
				٩	and desired	4.
				٨		۸٠
		٣		,	***********	٧٥
				٧	Magazina Magazina	٧٠
				٦	American American	٦.
الوسيط	we mile read religion	۲		٥	444 t 1 677 0	٥٠
				£ .	-	٤٠
				٣	ego y maticip Magagap and P	٣٠
		١			a maja men P	40
				۲	Standard	7.
				١	v venděn, a v sa Příměk	١.

: Standard Scores الدرجات المعيارية

رأينا فيها سبق أن قيمة الدرجة التي يحصل عليها طالب في اختبار ما هي قيمة اختيارية ، أى لا يكون لها معنى إلا في إطار بجوعة الدرجات التي حصل عليها أقران هذا الطالب في الفصل مثلا . ولذلك فإنه من المرتبوب فيه في معظم الاحيان أن نحول هذه الدرجة الحام إلى نوع آخر من الدرجات (مثل الرنب المثينية) حتى يمكننا مقارئتها بغيرها من الدرجات التي حصلت عليها المجموعة المرجمية .

وقد أوضعنا فى الفصلين الثالث والرابع أن المتوسط والانحراف المعيارى يمكن أن نفيد منهما فى تيسير مقارنة درجة معينة فى اختبار ما بدرجات بجوعة مرجعية فى نفس الاختبار ، ويفعنل فى أغلب الاحيان أن نجرى عملية تحويل الدرجة الحام بحيث تأخذ فى اعتبارها متوسط درجات المجموعية المرجعية وانحرافها المعيارى ، أى تحول الدرجة الحام إلى انحرافات معيارية أعلى أوأدفى من المتوسط كوحدة قياس، وحينتذ تسمى الدرجات المحولة بالدرجات المعيارية .

فشلا إذا حصل طالب على الدوجات الخيام الثلاث الآتية في اختبارات نصف العام:

افة إنجليزية م. مواد اجتماعية م. علم نفس ه.

فريما يبدو لاول وهلة أن الطالب متفوق في اللغة الإنجليزية وضعيف في المواد الاجتماعية ، إلا أن هـــــذا الاستنتاج السريع غير صحيح وذلك لان .

هناك أسبابا متعسددة تجمل السرجات الخام غير صالحة المقارنة بطريقة مناشرة.

إذ ربما كان اختبار اللغة الانجليزية سهلا بما أدى إلى ارتفاع درجات العللاب بينها كان اختبار المواد الاجتهاعية صعبا . أو ربما تنت النهاية العظمى لدرجات اختبار اللغة الانجليزية . ١٠ ، واختبار المواد الاجتهاعية . ٨ .

فالدرجات الخام تمدنا بمعلومات عن عدد النقاط التي حصل عليها الطالب في اختبار ما ، ولكنها لانقدم لنا أيأدلة عن مدى تفوق أو ضعف الطالب في الآداء في الاختبار ، وكذلك لاتسمح لنا بمقارنة أدائه بأداء غيره من الطلاب .

ولكن نفترض أننا حصلنا إلى جانب الدرجات الحام على المتوسط و الاعراف المعياري لكل اختباركما يلي :

الاختبار	اللغة الانجليزية	المواد الاجتباعية	علم النفس
الدرجة الخام	۸۰	70	٧٠
المتوسط	۸٠	• •	٦.
الانحراف المعيار	١٠ ٥	٥	1.

فما لاشك فيه أن هذه المعلومات الإضافية تلقى مزيداً من الضوء على درجة هذا الطالب .

فإذا نظرنا إلى المتوسطات نجد أن درجته في اللغة الانجليزية بالرغم من أنها مرتفعة إلا أنها تقل عن متوسط درجات أقرائه في الفصل ، ولكن درجته في كل من المواد الاجتماعية وعلم النفس أعلى من المتوسط ، ولذلك فإن درجته في اللغة الانجليزية تعتبر أقل الدرجات الثلاث بالنسمة لاقرائه .

وهنا ربداً يتسرع الباحث ، يستنتج أن درجه اطالب بن علم النفس ستمر أعلى الدرجات الثلاث ، لانها أعلى من المتوسط بقدر 10 د جه بينها درجة

المواد الاجتماعيه أعلى من المتوسط بقدر ١٠ درجات ، ولكننا قد أشرنا فى الفصل الرابع إلى أننا يجب أن نأخد نشتت الدرجات فى الاعتبار عند تفسيرنا للركو النسي لدرجة معينة .

فإذا نظرنا إلى الانحرافات المعيارية لدرجات الاختبارات الثلاث نجد أن الانحراف المعيارى يبين أن متوسط تشتت درجات اختبار عز "لنفس عن المتوسط هو ١٥ نقطة ، وهذا يعنى أن بعض الدرجات تزبد أو تقل عن المتوسط بأكثر من أو أقل من ١٥ نقطة .

ولذاك فإن درجة الطالب فى علم النفس وهى ٧٥ وتزيد عن المتوسط بقدر ١٥ وحدة أى انحراف معيارى واحد يسبقها عدد قليل من الدرجات الاعلى ، . ويعتمد هذا العدد على شكل توزيع الدرجات .

أما متوسط تشتت اختبار المواد الاجتماعية عن المتوسط فهو و نقظ ، لذلك فإن درجة الطالب في المواد الاجتماعية وهي ٦٥ وتقع :أعلى المتوسط بقدر ١٠ نقط أو انحرافين معياريين من المحتمل أن تدكون أعلى الدرجات الانها أعلى من المتوسط بكثير .

من هذا يتضح أن الدرجات الخام نعطى صورة مضللة لمثل هذا الموقف، فإذا ما قارنا درجات الظالب بأقرائه في الفصل على أساس المناقشة السابقة نجد أن أفضل الدرجات هي درجة المواد الاجتماعية يليها درجة علم النفس وأقلها هي درجة اللمة الانجليزية.

والدرجات الخام ، ٨ ، ٢٥ ، ٧٥ إذن لا يمكن مقار تتها بطريقة مباشرة لآن التوزيع التكرارى لدرجات كل اختبار منها مختلف عن الآخر من حيث المتوسط والانحراف المعيارى ، و بذلك تختلف وحدات قياس كل منها .

وللتغلب على هذه المشكلة تلجأ إلى تحويل الدرجات الحام في كل اختبار إلى ميزان مشترك متفق في المتوسط والانحراف المعياري، وبذلك نستطيع إجراء

عمليم المقارنة وهذا التحويل هو من نوع التحويل المعطى، أى أن عملية التحويل الاتغير من شكل التوزيع التكراري للدرجات الحام .

و يجب أن تؤكد على هذا لان كثيراً من الباحثين المبتدئين يمتقدون خطأ أن الدرجات المعيارية الدرجات المعيارية توزيع الدرجات الاصلية (أى قبل تحويلها إلى درجات مميارية) اعتدالي ، أو يمكن استخدام تحويل غير خطى لهذه الدرجات ليصبح التوزيع اعتداليا إن لم يكن كذلك ، وهو ماسنعرض له في الفصل السادس ،

وعلى عكس الرتب المثينية يمكن تعريف الدرجات المعيارية تعريفا رياضيا . فالرتب المثينية ميوانها رتبى ، ويمكن اشتقاقها من الدرجات الحام سواء كان ميزانها رتبى أو فترى أو نسبى .

ولكن الدرجات المعيارية التي تنتج من عملية تحويل خطى بجب أن يكون ميزانها فترى ، و يمسكن اشتقاقها من الدرجات الحام التي تكون على ميزان فترى أو نسبى .

قواعد تغيير المتوسطات والانحرافات المعيارية :

عما سبق يثمنح أنه من المدكن تحويل الدرجات الخام إلى درجات أخرى تختلف فى المتوسط والاتحراف المعيارى عن المتوسط والانحراف المعياري للدرجات الاصلية.

ومن الطبيعي أن تلجأ إلى اختيار المتوسط والانحراف المعياري الجديدين بحيث بيسران عملية المقارنة بين الدرجات .

فنى المثال السابق إذا أودنا مقارنة درجة الطالب فى اللغة الإنجليزية بدرجته فى المواد الاجتماعية ، ربما يبدو من المعقول أن تحول درجات اللغة الإنجليزية لله درجات متوسطها الجديد ه و الحرافها المعيارى الجديد ه لأن هاتين القيمتين

تناظران قيمتي المتوسط والاتحراف المعياري للمواد الاجتماعية والتي نريد اللقارنة بها ويتم هذا التحويل كالآتي :

الانحراف المسارى الجديد	المتوسط الجديد	الخط_وات
•= 	$\xi Y, \circ = \frac{\Lambda \circ}{Y}$	 انقسم كل درجة من درجات اللغة الإنجليزية
الانحرافالمعيارىالجديد يكون نصف الانحراف المعيارى الآصلى •		على ٢
• لا يتغيرالانحرافاللميارى	17,0 + £7,0	۲) نضیف ۱۲٫۵ الی کل درجة حسلتا علیها نی (۱)

و تلاحظ أن الخطوة الأولى هي أن تغير الانحراف المعياري إلى القيمة المطلوبة بضرب أو قسمة الانحراف المعياري في أو على مقدار ثابت مغين . فني مثالنا هذا اخترنا الانحراف المعياري و ولذا قسمنا الانحراف المعياري الاصل على ٧ . وهذا تتأثر قيمة كل من المتوسط والانحراف المعياري بهذه العملية (يمكن الرجوع في ذلك إلى الفصل الرابع) .

ويمكن الحصول على المتوسط المطالوب بإضافة أو طرح مقدار ثابت معين وهذا لا بؤثر في قيمة الانحراف المعياري .

ويمكن أن بتم تحويل درجة الطالب فى اللغة الإنجليوية وهى ٨٠ باستخدام المتوسط والانحراف المعيارى الجديدين كالآتى :

$$0.7.0 = 1.7.0 + \frac{4}{4}$$

و واضم أنها أقل من درجته في المواد الاجتماعية ، كما أن درجة الطالب في اللغة

الإنجمليزية قبل و بعد تحويلها تقل عن متوسطى التوزيمين المناظرين الدرجات هذه المادة بقدر نصف انحراف معيارى .

الدرجات المعيارية التي متوسطها صفر وانحرافها المعياري الواحد الصحيح ب

من التحويلات الخطية الاكثر أهمية واستخداما هي تلك التي تعتمد على جعل متوسط التوزيع صفراً ، وانحرافه المعياري الواحد الصحيح ، وهذه تسمى السرجات المعيارية ويرمز لها في اللغة الإنجليزية بالرمز Z ولسكننا سنرمز لها في هذا السكتاب بالرمز د . ويعبر عن الدرجة التي تنتج عن هذا الميزان بعدد الانحرافات المعيارية التي تنحرف بما الدرجة الخام عن المتوسط .

ولهذه الدرجات المعيارية معزتان هما :

١ - نظراً لأن متوسط هذه الدرجات صفر فإنه يمكننا بمجرد النظر معرفة ما إذا كانت درجة معيارية معينة أعلى أو أقل من المتوسط . فالدرجة المعيارية الموجبة تسكون أعلى من المتوسط ، والدرجة المعيارية السالبة تسكون أقل من المتوسط .

۲ — نظراً لان الانحراف المعيارى لهذه الدرجات هو الواحد الصحيح ، فإن مقدار الدرجة المعيارية يدل على عدد الانحرافات المعيارية التى تبعد بهما الدرجة عن المتوسط إما إلى اليين أو إلى اليسار ، وقد رأينا فيها سبق أن هذه المعلومات يمكن استخدامها كؤشر للدلالة على ارتفاع أو انخفاض مستوى أداء طالب في اختيار ما .

ولتحويل بجموعة من الدرجات الخام إلى درجات معيارية ينبعى أن نطرح المتوسط الأصلى من كل درجة خام ، ثم نقسم ناتج كل منهما علم الانحراف المميارى للدرجات الخام .

والصورة الرياضية المناظرة لهاتين الخطوتين هير:

$$\frac{\overline{w} - w}{e} = s$$

وإذا عدنا إلى المثال السابق الذي حصل فيه الطالب على ثلاث درجات في مواد اللغة الإنجليزية ، المواد الاجتماعية ، وعلم النفس وهي :

	اللغة الإنجليزية	المواد الاجتماعية	علم النفس
الدرجة	۸•	70	٧٠
المتوسط	٨٥	00	٦٠
الاتحراف ال	المعيارى ١٠	0	10

الدرجات المعيارية:

و من هذا ينضح أن درجات الطالب كانت أقل مر المتوسط بقدر اصف انحراف معياري في اللغة الإنجليزية ، وأعلى من المتوسط عقدار انحرافين معياريين فى المواد الاجتماعية ، وأعلى من المتوسط بقدر انحراف معيارى واحد فى علم النفس .

وينبغى أن نعيد التأكيد مرة أخرى أن نحويل الدرجات الخام إلى درجات مميارية (د) متوسطها صفر، وانحرافها المعيارى الواحد الصحيح، لا يغير من شكل التوزيع. فهذا فقط نسكون قد غيرنا النقطة التي نبدأ منها القياس (الصفر بدلا من المتوسط) بوحدة قياس جديدة (الانحراف المميارى بدلا من الوحدات الخام).

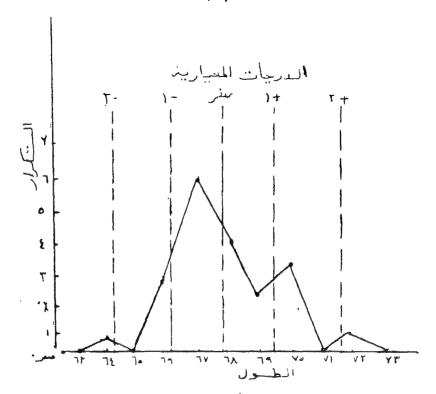
ويمكن زيادة توضيح ذلك باستخدام البيانات الافتراضية الخاصة بأطوال ٢٠ رجلا مقدرة بالبوصات والمبيئة بجدول رقم (٢١) وقد رتبئا الدرجات ترتيبا تنازلياً بغرض التوضيح .

الظون (الدرجات الخام		(الطول) الدرجات	
	ر العول) الدرجات	ر سوول استرجات	الشخص
منصدة على ارتفاع ٢٦	المميارية	الخام بالبوصات	
بوصة من سطح الآرض)			***
11,88	7,47	٧٢	١
۸٦,٣٦	1,78 +	٧٠	۲
۸٦,٣٦	1,78 +	٧٠	٣
۸٦٬٣٦	1,77 +	Vo	٤
۸۳٬۸۲	, TV +	44	٥
۸٣,٨٢	+ ۲۲,	79	٦
A1, YA	,11 +	۸۶	٧
. 11,71	,11 +	٨٢	٨
11,47	,11 +	٠ ٦٨	4
11,44	,11 +	٦٨	1+
VA, V &	, 50 -	٧٢	11
٧٨,٧٤	, 20 -	٦٧ .	17
٧٨,٧٤	, 80 -	٦٧	18
٧٨,٧٤	, 80 —	٦٧	14
VA, V£	, 20	**	10
٧٨,٧٤	,10 —	٦٧	17
٧٦,٢٠	1,01 —	77	17
٧٦,٢٠	1,.1 -	. 44	14
٧٦,٢٠	1,01 —	¥44	14
٧١,١٢	7,18 -	48	۲٠
۸٠,٧٧	صفر	سط ۲۷٫۸۰	المتو
٤,٢٥	1,**	لمعياري ۱٫۷۸	الاتحراف

جدول رقم (٢١) بيانات المتراضية تعبر عن اطوال ٢٠ رجسلا ممثلة بدرجسات خام بالبوصات - ودرجات معيسارية ودرجات خام بالسسيمتر مقاسسة من اعلى المنضسدة ومن هذا الجدول يتضح أن متوسط الدرجات الحام للطول هو ١٠٨٠ والانحراف المعياري هو ١,٧٨ بوصة وقد حولنا هذه الدرجات إلى درجات معيارية باستخدام القانون سرس س. فثلا الدرجة المعيارية المقابلة للدرجة الحام

وكما ذكرنا فإن متوسط الدرجات المعيارية صفر وانحرافها المعيارى الواحد الصحيح .

وهذه البيانات ممثلة بيانياً فى شكل رقم (٣٧) . ويجب أن تلاحظ أنشا مثلنا الدرجات الحام والدرجات المعيارية فى شكل واحسد لآن شكل التوزيع لا يتغير بالنسبة لكل من بجوعى الدرجات . ولذلك فإن العلاقة بين نوعى الدرجات لا تتغير نتيجة لتحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية . ولسكن الذي يتغير هو موقع الدرجات الحام ميزان القياس Scaling .



شكل رقم (۲۷) التوزيع التكرارى للدرجات الخام والدرجات المعيارية المبينة بجدول رقم (۲۱)

وبالرغم من أننا قد حصلنا على الدرجات الخام عن طريق قياس العلول عن سطح الارض ، إلا أنه يتضح مر العمود الرابع فى الجدول رقم (٢١) أن الدرجات المعيارية لم تتغير إذا تم قياس الاشخاص من على سطح منصدة ترتفع عن سطح الارض بمقدار ٣٦ بوصة ، وحتى تغيير وحدة القياس من بوصات إلى سنتيمترات لم يؤثر فى قيم الدرجات المعيارية .

فئلا:

ومذا يدل على أن الدرجات المعيارية تمطى صورة دقيقة عن موضع كل درجة بالنسبة إلى المجموعة المرجمية بصرف النظر عن الموضع الدى تم منه القياس الاصلى أو ميزان القياس المستخدم .

وفى الحقيقسة أن الدرجات المعيارية تستخدم الكثرة فى البحوث النفسيسة والتربوية . كما أنها ترتبط بمقاييس إحصائية متقدمة تلعب دوراً هاماً فى الأساليب الاستدلالية فى تحليل بيانات هذه البحوث كما سنرى فى الجزء الثانى من الكتاب.

خواص الدرجات المعيارية :

لىكى تتضح الفائدة من تحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية ينبغى الإشارة إلى بعض خواص هذه الدرجات.

١ ... جموع الدرجات المعيارية ــــ صفرا.

ای آن : بحد د 🛌 صفرا .

٧ ... متوسط توريع الدرجان المعيارية 🚤 صفراً .

ای ان: د = جدد صفرا .

وبالطبع ينطبق هذا أيضاً على البحرافات الدرجات عن المتوسط .

الدرجات الخام التي تقل عن المتوسط تقابلها درجات معيارية سالمبة ،
 والدرجات الخام التي تويد عن المتوسط تقابلها درجات معيارية موجبة . وتنطبق
 هذه الخاصية أيضا على انحرافات الدرجات عن المتوسط .

عموع مربعات الدرجات المعيارية عليه العدد السكاي للدرجات أى أن : جدد عليه ن

وهذه الخاصية نكون صحيحة فقط إذا حسننا الانحراف المعياري باستحدام ن في المقام بدلا من ن ـــ ١ .

$$=\frac{\dot{v}}{\sqrt{m-m}}\times \times \sqrt{m-m}$$

، سي ن

الانحراف المعياري وتباين توزيع الدرجات المعيارية يساوي الواحد

ويمكين أيمنا البرهنة على ذلك ويلمنيا كالآبى:

$$3'_{c} = \frac{\sqrt{(c-c)'}}{c}$$

$$\frac{2}{\dot{v}} = \frac{2}{\dot{v}}$$
 إذن ع'د

$$1 = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v}}{\dot{v}} = 1$$

(١٤ - التحمليل)

إذا حسبنا الدرجات المعيارية من عبات عبارة على مدى هسده الدرجات يكون دالة لحجم العشسة غمادة غراء ح الدرجات المعيارية للعينات السكييرة بين حسم عبال بينها يقل هذا المدى للعينات الصغيره

ضم الدرجات المعيارية:

تسجل عادة الدرجات التي يحصل عليها فرد ما في اختبارات مختلفة على هيئة عدد الاستلة التي أجاب عنها لرجابة صحيحة أو عدد المصطلحات التي تذكرها ، أو عدد المسائل التي تجمع في حلها ، وهنا نترقع أن تختلف الاحتبارات في سهو لتها أو صعوبتها ، بالإضافة إلى اختلاف وحدات درجانها .

فلهذه الاسباب وغيرها لا يمكن . كا ذكراً ... أن نقارن هذه الدرجات بمضها باليعض الآخر . كذلك لا نستطيع ضم هذه الدرجات معا .

وتتمو بل الدرجات الخام إلى درجات معيارية لنفس بجوعة الطلاب يمكننا من مقارنة هذه الدرجات لأن الدرجات المعيارية هي أعداد مجردة ليس لها وحدة خاصة. وكذلك يمكننا ضم الدرجات المعيارية مما للحصول على درجة معيارية مركبة .

وربما يفضل الباحث أو المعلم أن يعين أوزانا مختلفة للدرجات المختلفة قبل أن يحسب الدرجة المركبة .

إذ ربما يطبق الباحث أو المعلم ثلاثة اختبارات أثناء ســـــــير عملية التعلم وامتحان واحد فى آخ العام . وربما يود أن يسهم أحد الاختبارات الثلاثة بربع ما يسهم به الاختباران الآخران عند تقريره للدرجة النهائية لـكل طالب ، وأن يسهم اختبار آخر العام تقدر مرة ونصف فى هذا التقدير .

فحينتُذ تسكون الدرجة المركبة كالآني :

الدرجة المركبة = ٢٠,٠ د، + د، + د، - ١,٥ د،

: T - Scores الدرجات التائية

من بين العيوب الرئيسية للدرجات المعيادية (د) أنه يصعب على الشخص غير المتمرس في الإحساء تفسيرها ، والمكي ندرك هذه الصعوبة نفترض أن معلماً اد أن يقرر انتائج اختبار ، الطلابه في صورة درجات معيارية ، فإذا كان طلابه لم يعتادوا على هذا النوع من الدرجات ربما يصدم أحدهم عندما يسمع أنه قد مصل على درجة معيارية صفر لانه لا يعرف أن الدرجة المعيادية صفر لا تعنى أنه أخفق الماماً في الاختبار بل إن درجته تمثل الاداء المتوسط بالنسبة الاقرائه في الفسل ، فما بالنا بالطالب الذي يسمع أنه قد حصل على درجة معيارية سالبة والتي ربما يفهم منها أنه أصبح مدينا للعلم بعدد من الدرجات .

و نظراً لان الباحث النفسى والنربوى يقرر نتائج الاختبارات التي يستخدمها لاناس غير متخصصين في الإحصاء ، لذلك نجد أن هناك بدائل مختلفة لهذا النوع من الدرجات المعيارية (د) . وقد تم اختيار المتوسطات والانحرافات المعيارية لهذه البدائل على أساس أن تجعل جميع الدرجات المحولة موجبة ، وبحيث يسهل تذكر هذه المتوسطات والانحرافاهي المعيارية .

وأحد هذه البدائل يسمى الدرجات النائية (ت) T - Scores سبة إلى العالم ثور نديك Thorndike . ويمكن تعريفها بأنها بجموعة من الدرجات التي يكون متوسطها ه، و انحرافها المعيادي ١٠٠ .

ويمكن حساب الدرجات التائية باستخدام الصورة الابية:

0. + 3 1. = 0

أى أنه إذا أراد الباحث تحويل الدرجات الحام إلى درجات تائية فما عليه إلا أن يحول أولا الدرج. الحام إلى درجه معيارية باستخدام القانون

د_ سر من نم يضرب الدرجه المانجه في ١ ويضيم ٥٠ على الناتج

فثلا إذا أردنا تحويل الدرجة الخام ١٣٣ في اختبار للذكاء متوسطه ١٠٠ وانحرافه الممياري ١٦ إلى درجة تاتيه فإننا نتبح الخطوات الانيه :

و تظرأ لأن متوسط الدرجات التائية ٥٠، فيمكن أيضا بمخرد النظر معرفة ما إذا كانت الدرجة أعلى من المتوسط (أكبر من ٥٠) أو أقل من المتوسط (أقل من ٥٠)، كما يمكن أن تحدد عدد الانحرافات المسيارية التي تقل أو تويد بها الدرجة عن المتوسط.

فثلا الدرجة . ٤ تقل عن المتوسط بمقدار انحراف معيارى واحد (تناظر درجة معيارية د معيارية د الله المعارية د الله على النائمة على النائمة التائمة على النائمة التائمة الت

والدرجات التأثية تتراوح بين ٢٠، ٨٠، وإذا أخذنا في اعتبارنا الدرجات المتطرفة فإنها تتراوح بين صفر ٢٠٠٠.

ويمكن ــ من الناحبة الرياضية النظرية ــ أن تـكون الدرجات التائية سالبة ، ولسكن يندر أن يحدث هذا في الواقع ، لأن هذا يتطلب أن تنحرف الدرجة بقدر خمسة انحرافات معيارية سالبة عن المتوسط ، في حين أننا لا يمكن من واقع بيانات البحوث الفعلية أن تحصل على درجات تنحرف أكثر من ثلاثة انحرافات معيارية موجبة أو سالبة عن المتوسط .

تحويلات خطية أخرى :

من بين التحويلات الخطية الآخري الشائمة الاستخدام في الولايات المتحدة الامريكية وتؤدى إلى توزيع درجات معيارية متوسطها . . . والبحرافها الممياري . . . التحة من اختبارات شائمة الاستخدام في هذه الدولة وهي :

معيار اختبار الاستعداد الدراسي

Scholastic Aptitude Test (SAT)

ومعيار اختبار القبول في السكليات

College Entrance Examination Board (CEEB)

ومعيار اختبار بيان أو سجل الدراسات العليا

Graduate Record Examination (GRE)

و تستخدم هـذه الاختبارات فى الولايات المتحدة الامريكية عنــد اختيار الطلاب للدراسة .

أي أن:

درجة SAT = درجة

درجة CEEB درجة

درجهٔ GRE درجهٔ

فلتحويل درجة خام إلى أي من هذه الدرجات المعيارية نضرب الدرجة في

... و وتضيف ... و إلى الناتج . وفي الحقيقة أن للا من هذه الدرجات، الحرلة تساوى عشرة أمثال الدرجة التائية

ولذا لا يحب أن تندهش عندما تحد أن طالبا حصل على الدرجة المعيارية الإعبارات في حين أن العدد السكلي الاسئلة الاختبار ويما لا يزيد عن . . ٣ أو . . ٤ سؤال . فالدرجة ٢٤٣ تعني أن الطالب يفوق المتوسط بمقدار ١٤٢ نقطة أو ٢٤٠ ، انحراف معياري (أي أن هـــــــذا يناظر الدرجة المعيارية د بــــ ٢٤٠ أو الدرجة التائية ت ٢٠٠٠ عن و اختبارات الذكاء الحديثة تستخدم هذه الفسكرة ، أي فسكرة تحويل الدرجات الخام إلى توج ما من الدرجات الحولة تحديلا خطيا ، فاختبار و يكسلو للذكاء يستخدم درجات محولة هتوسطها . . ١ وافحرافها المعياري ١٥ ، وهذا بالطبع أفضل من فسكرة فسبة الذكاء .

وعلى وجه العموم فإنه يمكن تحويل أى درجة معيارية (د) إلى درجة معياري أخرى تناسب الباحث عن طريق اختيار متوسط وانحراف معيارى جديدين وتطبيق الصورة الآنية :

وسوف توضح العلاقة بين مختلف هذه الدرجات المحولة تو منبهما بيانيا عند دراستنا لخواس المنحني الاعتدالي في الفصل السادس

تمارين على الفصل الخامس

۱ ـــ أوجد الرتبة المشينية المقابلة للدرجة الخام ۸۹ في جدول التوزيع التكراري الآتي ، وفسر معناها .

التسكر اد	الدرجة
٣	40
٥	4 8
٧	98
١٠	44
18	41
10	٩٠
17	٨٩
۲.	۸۸
۲۰	۸۷
77	۲۸
18.	الجموع

٧ - أوجد الرتبة المئينية والدرجة المعيارية (د) المقابلة للدرجة النام
 ٤٤ في جدولتوز اليع التكرار، الآمى:

التكرار	الفئات
۲	صفر ــ ٤
٥	۱ – ه
1.	16 - 10
١٦	19 - 10
75	78 - 4.
۱۸	79 40
١٣	WE - Y.
١.	41 - 40
17	££ £•"
70	£1 - £0 [†]
177	08 0+
10.	المجموع

الدرجة الخام المقابلة للرتبة المشينية وسم في التوزيع التسكراري المبين بالمسألة رقم (٣) السابقة . قرب الدرجة الخام إلى أقرب رقم عشرى .

الفرق بين المشينيات والرئب المشينية والنسب المشوية؟

ه - أوجد الدرجات المعيارية (د) والدرجات التائية (ت) ، و درجات (GRE) المناظرة للدرجات المبينة بالتوزيع التكراري الآني :

التكرار	الفئات				
صفر	صفر ۔۔ ۽				
۲	4 - 0				
١	18 1.				
77	19 - 10				
17	78 40				
٨	79 - 70				
٦	TE - T.				
٣	ra - ro				
۲	££ ± £.				
1	64 60				
17	*الجموع				

٣ ـــ ما هى عيوب الميئنيات كمقاييس اللموضـــع النسي وكيف تغلبت الدرجات المعيارية على هذه العيوب؟

احسب الدرجات المميارية المقابلة لكل درجة من درجات التوزيع
 الآتى:

(17 · 1 · A · V · V · o) == w

ثم احسب المتوسط و الانحراف المعياري للدرجات المعيارية الى حصلت عليها . وهل النتائج متفقة مع توقعك لها ؟ ولماذا ؟

۸ ـــ إذا كانت درجتك في اختبار الإحصاء ، ٩ ، فبالنسبة لأى من الفصول
 الاربعة الآتية يكون مركزك النسى أفضل في هذه المادة ؟ ولماذا ؟

- 14= 0. 70= (1)
- (ب) س = ه ۷ ، ع = ۱۰
 - A= º · / = · · (*)
 - (د) س س د ۸۵ د د ۲

ه ... بين لمكل ما يأتى ما إذا كان استخدام المشينيات أم الدرجات المعيارية
 أفضل ؟

- (أ) إذا كان ميزان القياس من النوع الرتبي •
- (ب) إذا كان توزيع البيانات ملتو يا التواء شايداً .
 - (ج) إذا كان عدد أفراد المينة قليلا.
- (د) إذا كان الهدف هو إجراء تهجو بل خطى البيانات .

. ١ ... كون جدول التوزيع التسكرارى المتجمع النسبى للبيانات المبينة بالجدول المذكور بالمسألة رقم (٥) السابقة وحثل هذا التوزيع بيانيا ، ثم أوجد جبريا وبيانيا الرتب المشيئية المناظرة للدرجات : ٥٤١ ، ٢٢ ، ٣٤ وفسر معنى الرتب التي حصلت عليها .

ا بي إذا جاءك زميل لك وأخبرك أنه حصل على الدرجة ١٣٠ فى اختبار الإحصاء. ما هى المعلومات الاخرى التي يجب أن تحصل عليها حتى يمكنك تفسير هذه الدرجة ؟

۱۲ ـــ إذا علمت أن توزيما اعتداليا متوسطه ـــ ۳۰ ، و انحرافه المعيارى ـــ ٣٠ .

- (أ) أوجد الدرجات المعيارية (د) المقابلة للدرجات الخام الآنية :
 - 11 . 27 . 2. . 27 . 50
- (ب) حول الد. جات المعيارية الل حصلت عليها إلى تو زيع آخر متوسطه عليه و اتحرافه المعياري

۱۳ ـ هل الدرجة المعيارية صفر تكافى دائسًا المشيني . 6 مهما اختلف شكل نوزيع البيانات؟ ولماذا؟

- ع . . إذا أعطيت الدرجات الآنية :
- A . V . 7 . 0 . 0 . E . E . 1
- (أ) احسب المتوسط والاتحراف المعياري.
- (ب) احسب الدرجات المميارية (د) المقابلة لكل درجة منها .
- (ج) حول الدرجات بحيث تـكون توزيما جديداً متوسطه . ه وانحرافه المماري .
- (د) حول الدرجات بحيث تكون توزيما جديدا متوسطه ١٠٠ وانحرافه المعياري ١٠٠ ٠
- 10 طبق اختبارین س، ص فی مادة الجبر علی تلامید نفس الفصل ، فإذا كان متوسط درجات الاختبار س یساوی ۳۵ و انجرافه المعیاری ۲۷، و متوسط درجات الاختبار ص یساوی ۸۵، و انجرافه المعیاری ۱۰. حصل تلمید فی الفصل علی الدرجة ۳۲ فی الاختبار س، ۸۰ فی الاختبار ص، بافتراض أن توزیعی الدرجات فی الاختبارین لهما تقریبا نفس الشكل ، فأی عبارة من العیارات التالمة تکون صححة ۶ و لماذا ؟
 - (أ) تحصيل التلميذ في الاختبار س أفضل من تحصيله في الاختبار ص.
- (ب) تحصيل التلميذ في الاختبار ص أفضل من تحصيله في الاختبار س .
 - (ج) تحصيل الملميذ في كل من الاختبارين س ، ص متكافي.
- (د) المعلومات المعطاة ليست كافية لمقارنة تحصيل الطالب في الاختبارين .



الفصّل السّادّ التوزيعات الاعتدالية

المنحى الاعتدالي

خواص المنحى الاعتدالي

المساحة تحت المنحى الأعتدال

استخدام خصائص المنحني الاعتدالي

في تعليل البيانات

إيحاد المثينيات باستخدام المنحى الاعتدالي

تحويل النوزيعات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية

عقدمة:

عرضنا في الفصول السابقة العارق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في وصف نوزيعات البيانات ذات المتغير الواحد مثل الوزن أ العلول أو نسبة الدكاء أو سمة من سمات الشخصية ، وما إلى ذلك ، ومن بين هذه الطرق مقاييس النزعة المركزية والتشتت والالتواء والتفرطح كاعرصنا الطرق التي يمكن أن تستخدم في الربط بين مجموعة الدرجات ككل وموقع كل درجة بالنسبة إلى غيرها من درجات مجموعة البيانات .

وقد وأينا أن هذه الاساليب الوصفية تعد وسيلة هامة لإبراز معنى و دلالة بحدوعة البيانات . إلا أن هذه الاساليب لا تسكون كافية في أغلب الاحيان . فالباحث يحتاج عادة إلى معلومات عن توزيع البيانات أبعد مما تسمح به مثل هذه الاساليب وحدها . والتوضيح ذلك تعرض المال الآبي :

نفترض أنه في إحدى الدراسات الخاصة بالمهارات المرتبطة بالإلماب وي كرة الرياضية المختلفة، قام باحث بقياس المدى الذي يستطيع به كل طالب وي كرة اليد في عينة بحثه التي بلغ عددها ٣٠٧ طالبا في إحدى الجامعات، وقد وجد أن المتوسط يساوي ١٩٤١ قدما، والانحراف المعيادي ٢٧٨ قدما، فإذا آراد الباحث إجابة بعض الاسئلة التي تتعلق بالطالب المنوسط أبه الوردي المعلومات فإن هانين المعلومين تكفيان لهذا الغرص، ولكنه يحماج إلى تربد من المعلومات فإن هانين المعلومين تكفيان لهذا الغرص، ولكنه يحماج إلى تربد من المعلومات إذا أراد إجابة اسئلة مثل: ما هي أقرب أو أبعد مسافة يستطيع ١١/ مسالطلاب أن يرمي الكرة إليها ؟ وما هي النسبة المشوية للطلاب الدين لا يستطيعون رمي السكرة أبعد، من ١٣٥ فدما ؟ وما هو اسمال أن يرمي سخيس اختير بطريقة عموانية من المينة المكرة مسافه ١٢٥ قدما أو انثر ؟

فلمكر يجيب الباحث على مثل هسده الاسئلة يجب أن يعرف خصائص وربع معين يسمى التوزيع الاعتدالي Normal Distribution الذي قدمه له بإيجاز في م تهل الفصل الثالث عند مناقشتما لمفهر م النزعة المركزية . ونظر الاهمية هذا النوع من التوزيعات واستخدامه في كثير من المقاييس الإحصائية التي لا غني عنها للباحث في تحليله لبيانات بحثه . فإننا سنفرد هذا الفصل لدراسة التوزيعات الاعتدالية بصورة أكثر تفصيلا .

وربما يقول قائل أنه إذا كان توزيع "بيانات المستمدة من كثير من الظواهر تأخذ شكل التوزيع الاعتدالي فما الحاجة إلى استخدام طرق إحصائية أخرى طالما أننا نستطيع إجابة الاسئلة السابقية وما يشبهها باستخدام خصائص التوزيعات الاعتدالية.

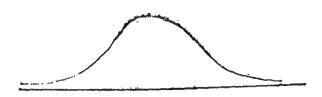
وفى الحقيقة هذا صحيح ، والكن نفترض أن عينة الطلاب في الدواسة التي أشرنا إليها والملكونة من ٢٠٣ طالبا كانت ممثلة لجميع طلاب الجامعة ، فإذا أراد الباحث إجابة أسملة تقملتي بمجتمع طلاب الجامعة ككل وليس فقط بعينة بحمله ، أى يود أن يعمم النتائج على مجتمع طلاب الجامعة باستخدام عينة بمثلة من هذا المجتمع فإن هدا يستدعى دراسة مقاييس إحصائية أخرى تعتمد على خواص المنحى الاعتدالي .

و ظرا لا بنا قسه منا السكتاب إلى جوابن أحدهما يختمن بالاساليب الوصفية في تحليل البيانات والآخر يختص بالاساليب الاستدلالية ، فإننا سنقتصر في هذا العصل على التعريف بالمنحني الاعتدالي وخصائصه واستخداماته ، كا سنقنسر على دراسة طرق تحليل البيانات الحاصة بالعينات ، وترجىء عمليسة الاستدلال على خصائص المجتمع الاصل باستخدام البيانات المستمدة من العينات المشتدة من العينات المشتدلالية في تحليل البيانات المشتدلالية في تحليل البيانات المشتدرس لما في الجزء الثاني من الكتاب ،

المنحى الاعتدالي :

يطلق عادة على التوزيع الاعتدالى اسم المنحنى الاعتدالى وهو من المنحنيات المتحدمة في البحوث النفسية والتربوية.

والمنحنى الاعتدالي هو منحنى نظرى يمكن تمثيله بمعادلة رياضية يمكن البرهنة عليها ، ولسكن لا يمكن أن تتحقق تماما باستخدام البيانات التجريبية . ويرجع الفضل في اكتشاف الاساس النظرى وبحث الحصائص الرياضية لهذا المنحنى إلى لابلاس Laplace (١٨٢٧ – ١٧٤٩) ، وديموافر ١٧٤٥ – المنحنى المنحنى إلى لابلاس عجاوس Gauss (١٧٧٥ – ١٧٥٥) ، والمنحنى _ كا هو موضح بشكل رقم (٢٨) – يشبه الجرس ولذلك يمكن أن يسمى المنحنى الجرس عصنح بشكل رقم (٢٨) – يشبه الجرس ولذلك يمكن أن يسمى المنحنى الجرس على المنحنى الحمل المحرس ولذلك المنحنى الحمل المحرس ولذلك المنحنى الحمل المحرس ولذلك المنحنى المنطأ .



شكل رقم (٢٨) المنحنى الجرسى أو منحنى الخطأ

فَتَكَثَيْراً مَا نَفْتَرَضَ فَى البَحْرَثِ النَفْسَبَةِ وَالتَرْبُورِيَّةِ أَنْ بَعْضَ السَّهَاتَ تَتُوزَعُ عَوْدَ يَهُمَّا اعْتَهِ النَّا عَلَى الرغم مِن لَنْ البِيانَاتِ التَّجْرِيْبِيَّةِ الخَاصَةِ بَهْدُهُ السَّهَاتِ ـــ كَا فَكُرْنَا ـــ لا يَحْتَمَلُ أَنْ تَتَغَقَّ تَمَامًا مِنْ شَكُلُ هَذَا التَّوزِيْمِ .

فكثير من التوزيعات التكرارية تقترب إلى حدما م ن شكل التوزيع

الاعتدالى، ولذلك نفترض أنها تأخذ هذا الشكل ، كما نفترض أنه قد حدث خطأ فى دراسة السهات موضع البحث إذا اختلف شكل التوزيع الخاص بهذه السهات عن شكل التوزيع الاعتدالى.

ولاترجع أهمية المنحى الاعتدالى فقط إلى افتراض أن الدرجات تتوزع توزيعا اعتداليا ، ولكن لان توزيعات المعاينات Sampling Distributions المحاصة بكثير من المقاييس الإحصائية تتوزع توزيعاً اعتداليا أو يفترض أنها كذلك .

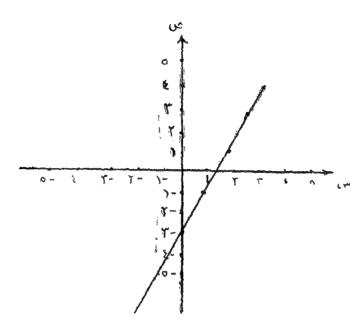
المعادلة الرياضية للمنحني الاعتدالي:

إن دراسة العلاقات بين المتغيرات تمعد من الامور الاساسية في البحث العلمي. و تعبر المعادلات الرياضية عن مثل هذه العلاقات. فإذا ارتبط متغيران بحيث إنه إذا علمنا قيمة أحدهما يمسكن تحديد قيمة الآخر، فإنه يقال أن أحدهما دالة لاخر. والمعادلة الرياضية هي تعبير عن مثل هذه العلاقة.

ويمكن تمثيل هذه الملاقة بالمعادلة العامة ص = د (س) وتقرأ ص دالة في سكما ، يمكن تمثيلها بيانيا ، حيث يمثل المتغير س على المحور الآفقى (السيني) ، والمتغير ص على المحور الرأسي (الصادي) ويمثل كل زوج مرتب من الدرجات بنقطة في مستوى المحورين . وعن طريق توصيل هذه المقط تحصل على منحني بمثل المعادلة الرياضية تمثيلا بيانيا .

فثلا يمكن تمثيل المعادلة ص = ٧ س - ٣ بخط مستقيم مبين بالشكل الآتى:

	ا س ١٠٠ صغر ٢ ١ ٢ ٤									
1	٤	٣	۲	١	صغر	\ ~	ا س			
1		willer Charmeter Server								
1	^	w	1	٠	4					
	•	,	,	, ,	1 1	(•	ا عن			



شکل رقم (۲۹) تبثیل بیانی لمادلة خط مستقیم

ويمكن التعبير عن شكل المنحنى الاعتدالى بمعادلة رياضية أكثر تعقيداً ، وفي الحقيقة أن هذه المعادلة تمثل عددا لانهائياً من المنحنيسات الاعتدالية التي تختلف في متوسطها وانحرافها المعيارى ، وتتحدد معادلة أي منها إذا علمنا المتوسط والانحراف المعيارى الخاص بها .

ومعادلة بحوعة المنحنيات الاعتدالية هي :

حيث ص 😑 ارتفاع المنحني الذي يناظر درجة معينة

س جے الدرجة التي تناظر ارتفاعا معنا 🔍

س سے متوسط المتغیر س

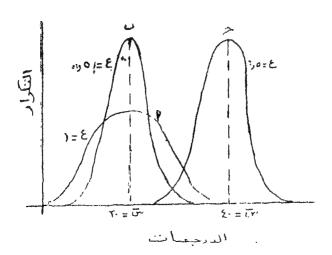
ع 🛌 الانحراف المعياري للمتغير س

ط 📖 ثابت يسمى النسبة التقريبية وهو يساوى ٣.١٤١٦ تقريبا

e سے ثابت یسمی الاساس اللوغاریتمی الطبیعی و مو یساوی ۲٫۷۱۸۳ تقریبا .

ومن هذه الممادلة تلاحظ أهمية كل من المتوسط والانحراف المعيادى في تحديد أحد أعضاء بجموعة المنحنيات الاعتدالية .

فإذا نظرنا إلى الشكل رقم (٣٠) تلاحظ أن المنحنيين أ ، ب لهما نفس المتوسط ولكنهما يختلفان فى الانحراف المعيارى . أما المنحنيان الاعتداليان ب ، ج فلهما نفس الانحراف المعيارى ولسكنهما يختلفان فى المتوسط .



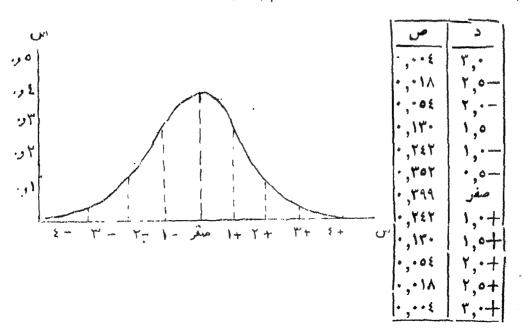
شكل رقم (٣٠) المتوسط والانحراث المعيارى لمجموعة من المنحنيات الاعتدالية

ويمكن تبسيط معادلة المنحني الاعتدالي إلى حد ما بأن تجمل المتوسط = صفر والانحراف المعياري = 1 فتصبح كالآتي :

حيث دهى الدرجة المعيارية وهى = س

أى أننا حولنا المعادلة إلى صورة معيارية ويسمى المنحنى حينئذ بالمنحنى الاعتدالي المعياري Standard Normal Distribution .

وهذا المنحى مبين بالشكل رقم (٣١) .



شكل رقم (٣١) الاحداثيات الراسية (الصادية) المناظرة للدرجات المعيارية للمنحنى الاعتدالي المعياري

والمنحى الاعتدالى المعيارى له أهمية خاصة . فهو يمثل توزيعا نظريا يتميز بخصائص معينة تسمح بتحديد الرتب والنقط المثينية بسهولة .

و نظراً لأن التوزيع الاعتدالي يمكن تعويله إلى توزيع اعتدالي معياري فإنه يمكن استخدام هذا التوزيع الآخير كتوزيع مرجعي عند المقارنه الإحصائية لختلف أنواع الظواهر التي وبما كان يصعب مقارنتها بدون استخدامه . إذ يجب أن فلاحظ أنه عند تحويل مجموعة من التوزيمات الاعتدالية إلى توزيمات اعتدالية معيارية تشترك جميعها في المتوسط (س حسفر) والانحراف المعياري (ع المرابعة معيارية المشينيات المرتبطة مقاييس معينة بالمشينيات المرتبطة مقاييس أخرى بطريقة مباشرة ، بمعني أنه إذا حددنا المشينيات باستخدام المنجئي الاعتسدالي المعياري فإن درجة طالب في اختبار الرياضيات مشلا ربما تقابل المشيني ١٨٥ ودرجته في اختبار اللغة الإنجليزية ربما تقابل المشيني ١٨٥ أيضا ، وهذا المشيني ١٨٥ ودرجته في اختبار اللغة الإنجليزية ربما تقابل المشيني ١٨٥ أيضا ، وهذا المشيني ١٥ ودرجته في اختبار في توزيعي الاختبارين ، أو أننا لا يجب أن يدل على أن مركزه النسبي متساو في توزيعي الاختبارين لتوزيعي الدرجات الأصلية في الاختبارين لأن التوزيعين المعيارين لتوزيعي الدرجات الأصلية في الاختبارين لأن التوزيعين المغيارين قد أصبحا توزيعاً واحداً هو التوزيع الاعتدالي المعياري بعد إجراء التحويل المعياري .

ومن المهم ملاحظة أنه يجب أفتراض أن التوزيعات الأصلية للدرجات قبل تحويلها كانت تتخذ شكل المنحنى الاعتدالى . فتحويل درجات التوزيع غير الاعتدالى إلى درجات معيارية كما ذكراا فى الفصل الخامس ـــ لا يجعل التوزيع المعيارى اعتدالي. سا . فالتحويل إلى درجات معيارية يغير القيم العددية للمتوسط والانحراف المعيارى فقط واكنه لا يغير من شكل التوزيع أو يحوله إلى توزيع اعتدالى . ولذلك يجب على الباحث أن يتأكد مما إذا كان التوزيع الاصلى يتخذ شكل المنحنى الاعتدالى قبل تحويله إلى توزيع اعتدالى معيارى .

خواص المنحني الاعتدالي المعياري :

١ ــ المنحني الاعتدالي المعياري هو منحني متماثل حول المحور الرأسي

المار بمتوسط التوزيع والذي يمثل أقصى ارتفاع للمنحني وهو يساوى ٣٩٩, كما يتضح من الجدول المصاحب المكل رقم (٣١).

ويمكن حساب ارتفاع المنحنى لجميع قيم الدرجات المميارية (د) الممثلة على المحور الآفقى باستخدام معادلة المنحنى الاعتدالى المعيارى . إلا أنه ليس من الضرورى على الباحث أن يقوم بنفسه بحساب هذه الارتفاعات ، إذ يمكنه الرجوع إلى جدول (ب) المبين بالملحق الخاص بالجداول الإحصائية في نهاية هذا المكتاب للحصول مباشرة على الارتفاعات ، والجدول يبين مختلف قيم ص (الارتفاع) التي تناظر مختلف قيم د (الدرجات المميارية) .

٢ ـــ المنحى الاعتدالي هو متحنى متصل ، بمعنى أنه توجد لكل قيمة من
 قيم س قيمة مناظرة من قيم ص بما في ذلك القيم الكسرية مهما صغرت .

ويفترض عند استخدام هذا المنحى كنموذج للتوزيعات التسكرارية أن المتغير س هو متغير متصل، وقد القشنا مفهوم المتغير المتصل بالتفصيل في الفصل الآول.

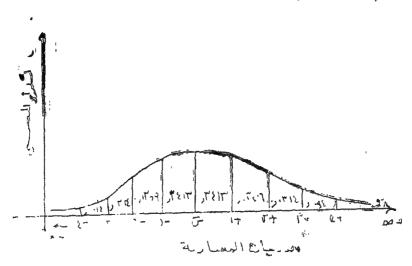
٣ ــ المنحى الاعتدالى المعيارى يوتد من كلتا الجهتين إلى اللانهاية . أى أن المنحى يقترب تدريجيا من المحور الأفقى واسكنه لا يمسه مهما مددناه من كلتا الجهتين ، ولا نحتاج عادة إلى مد طرفى المنحى بعيداً إلى أقصى الرين أو أقصى اليسار . فإذا نظرنا إلى الشكل رقم (٣١) نجد أن المساحة تحت الجزء الممتد إلى أربعة أو خمسة انحرافات معيارية على جانبى المتوسط تسكون جنشيلة جداً بحيث يمكن إهمالها في معظم الأغراض العملية .

٤ سـ نقط انقلاب المنحنى وهي النقط التي يتغير فيها انجاه انحناء المنحني
 نحدث عند الانحرافين المعياريين إ ١ ، ١ على جانبي المتوسط .

المساح- السكلية تحت المنحني ، أي الساحه الحصورة بين المشحثي دالحور الافقى تساوى الواحد الصحيح .

والمساحات المحصورة بين أجزاء من المنحنى الاعتدالى المميارى والمحور الافقى يمكن اعتبارها تكرارات نسبية، أى أنناإذا رسمنا من أى نقطتين على المحور الافقى مستقيمين موازيين للمحور الرأسى ومددناهما حتى يقابلا المنحنى فإنه يمكننا تحديد المساحة المحصورة الناتجة بأجزاء من الواحد الصحيح . وفي الحقيقة أنه توجد علاقة ثابتة للمنحنى الواحد مهما اختلف شكلة بين المسافة على المحور الافقى مقاسة بوحدات المحرافات معيارية والمساحة تحت هذا المنحنى .

وتنطبق هذه القاعدة في حالة المنحنى الاعتدالي، إذ أن الجزء من المساحة المحصورة بين المتوسط والحط الرأسي المرسوم من أى نقطة على محود السرجات المميارية (المحور الافقى) لا يختلف مقداره باختلاف التوزيع الاعتدالي .



شكل رقم (١٣٢) المساحات تحت المنحنى الاعتدالي المحصورة بين المتوسط والدرجات المسيارية الصحيحة

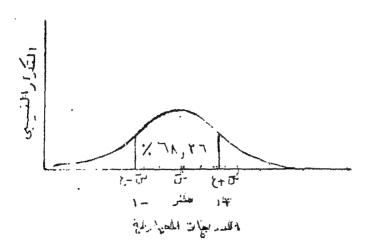
فاذا نظر تا إلى الشكل رقم (٣٢): تجد أن ٣٤,١٣ / من درجات التوزيع الاعتدالي تقع بين المتوسط والدرجة المعيادية إلى ١٢,٥٩ / ١٠ من هذه الدرجات تقع بين الدرجاين المعياديتين إلى ١٠ ، ٢٠٠٠

أى أن ٤٧,٧٢٪ (٣٤,١٣ + ٣٥,١٣) من الدرجات تقع بين المتوسط ، الدرجة الميارية 4- 7 ·

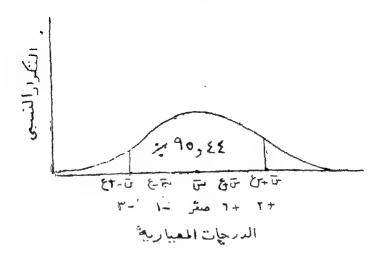
و نجد أيضا أن ٢٠,١٤٪ من الدرجات تقع بين الدرجتين المعياريتين ٢٠٠٠ + ٢، الك أن ٢٠,١٤٪ (٢٠,٧٢ + ٤٧,٧٢) من الدرجات تقع بين المتوسط والدرجة المميارية + ٣٠٠

و تظوراً لتماثل المنحنى فإن تفس هذه النسب المثوية من الدرجات تقع بين اللتوسط والدرجات المعيادية السنالبة .

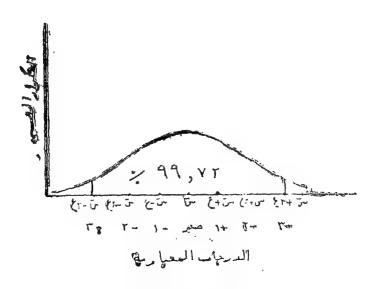
وكلما انجهنا نحو طرفى التوزيع إلى أكثر من + ٣ أو - ٣ درجة معيارية تقل المساحة تحت المنجنى بدرجة ملحوظة بحيث يمكن إهمالها ، إذ أن ٩٩٫٧٠٪ من المساحة السكلية تحت المنحنى تنحصر بين + ٣ ، - ٣ درجة معيارية ، ٢٨٫٠٠٪ من المساحة السكلية تقع خارج هذا المدى ، وهى بالطبع نسبة صئيلة بعدا. والاشكال الثلاثة الآتية (أرقام ٣٣ ، ٣٤ ، ٣٥) توضح هذه المساحات :



شكل رقم (٣٣٣) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين - ١ ١ ٠ + ١



شكل رقم (۱۳٫۶)) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين -- ۲ ۴ بر ۲



شكل رقم (٣٥) المساحة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجتين المعياريتين - ٣ ٢ ٢ ٣ ٢

ويمكن توضيح هذه المساحات بالمثالين الآتيين :

مثال (١):

إذا كان توزيع أوزان عينة عشوائية تتكون من ١٠٠٠٠ رجل يأخذ شكل المنحنى الاعتدالى . فإن ٣٤١٣ رجلا تقريباً (أى ٣٤,١٣٪ من العدد السكلى) سوف تقع أوزانهم بين متوسط الآوزان والوزن الذى يبعد بقدر انحراف معيارى واحد عن المتوسط ، ٢٧٧٦ رجلا تقريبا (أى ٤٧,٧٢٪ من العدد السكلى) سوف تقع أوزانهم بين متوسط الآوزان والوزن الذى يبعد بقدر انحرافين معياريين عن المتوسط، وهكذا .

مثال (۲):

إذا كان متوسط درجات عيئة من الطلاب عددها في اختبار ما هو ١٠٠ والانحراف المعيارى للدرجات ٤٠٠ و فإذا افترضنا أن توزيع هذه السرجات كان اعتدالياً ، فإن ٣٤ و ٣٤ من هؤلاء الطلاب ، أى ٣٤٩ طالباً . تقريبا سوف تقع درجاتهم بين ٢٠٠٩ ، ١٢٠ و ١٢٠ + ٤٠٠٢ أى بين ٢٠٠٩ ، ١٢٠ و ١٤١ ، فإذا كانت لدينا درجات هيئة الطلاب ، ربما نجد أن ٣٣٠ طالبا مثلا حصلوا فعلا على درجات تقع بين ٢٠٠٩ ، ٣٤١ ، فعند ثلا يمكننا القول بأن هذا العدد قريب جداً ، ن العدد الذي أمكن التنبق به باستخدام خواص المنحى الاعتدالي .

تعيين أجزاء المساحة الواقعة تحت المنحى الاعتدالى المعيارى بين المتوسط والدرجات المعيارية المختلفة:

اقتصرنا عند مناقشتنا لخواص المنحى الاعتدالى المعيارى على توضيح المساحات تحت هذا المنحى المحصورة بين المتوسط ودرجات معيارية معيارية إلا أنه يمكننا تحديد النسب المثوية للساحات بين المتوسط وأى درجة معيارية

أخرى ، أو بين أى درجتين معياريتين باستخدام الجدول (ج) اللبين بالملحق فى آخر السكتاب .

والجدول يشتمل على المساحات المحصورة بين المتوسط والدرجات المعيارية المختلفة التي تتراوح بين صفر ، ٤ بما فى ذلك الدرجات الكسرية ، وكذلك على المساحات المكرى .

فثلا إذا حصل طالب على الدرجة ٢٤٫٦٥ فى متغير يتخذ شكل نوزيع اعتدالى متوسطه = ١٦، والحرافه المعيارى = ٥، فإن درجته المعيارية = ٢٠٫٦٥ = ٢٤٫٦٥ = ٢٠٠٠ المعيارية

وبالرجوع إلى العمود الآول في الجدول نبحث عن الدرجة المعيارية المربعة المعيارية المربعة المعيارية المربعة المر

وإذا افترضنا أن طالبا آخر حصل على الدرجة ٧٫٣٥ فى نفس المتغـــير السابق الذى يتخذ شكل التوزيع الاعتدالى ، فإندرجته المعيارية ـــــ

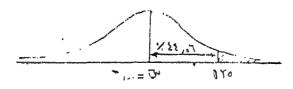
ونظراً لأن المنحى الاعتدالى متماثل فإن العمود الأول بالجدول (ج) يقتصر على الدرجات المعيارية الموجبة لأن أجزاء المساحات المقابلة للدرجات المعيارية السالبة هي تفريها المقابلة للدرجات المعيارية الموجبة ، ولذلك فإن المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة المعيارية — ١,٧٣ تساوى أيضا ٤٥,٨٢ . ولهذا يمكن الحصول على الرتبة المثنينية المقابلة للدرجة ٥,٨٧ إما بطرح ٤٥,٨٢ . من ٥٠./ ، أو باستخدام العمود الرابع في الجدول (ج) مباشرة و والرتبة المثنينية في كاتما الحالتين هي ١٨.٤ .

استخدام خصائص المنحني الاعتدالي في تحليل البيانات:

سبق أن ذكرنما في مستهل هذا إلفصل أنه يمكن للباحث استخدام خواص المنحى الاعتدالي في إجابة كثير من الاستلة المتعلقة بمجموعة من البيانات وسنمرض فيما يلي بعض هذه الاستلة ونجيب عليها باستخدام بحموعة افتراضية من البيانات حتى يتسنى للباحث ملاحظة كيفية استخدام جدول المساحات (جدول ج) في إجابة هذه الاستلة .

والبيانات خاصة بدرجات مجتمع أصل معين Population في اختبار الذكاء تتوزع توزيعا اعتداليا متوسطه ـ ١٠٠، وانحرافه المعياري = ١٦ .

١ -- ماهى النسبة المئوية للحالات التي تقع بين المتوسط والدرجة 170 في الاختبار؟ وما هي الرتبة المئينية المقابلة لهذه الدرجة في المجتمع الاصل؟ فالمعظوة الاولى التي يجدر على الباحث اتباعها أن يرسم شكلا توضيحيا يبين فيه المعلومات المذكورة في السؤال كالآنى:



شكل رقم (١٣٦١) والخطوة الثانية يحول الدرجة الحام إلى درجة معيارية باستخدام القانون :

 $\frac{\overline{} - w - \overline{}}{3} = 3$

$$1,07 = \frac{1.. - 170}{17} = 10,1$$
فق هذا المثال د

والخطوة الثالثة : يرجع إلى الجدول (ج) اللبين بالملحق ويبحث فى العدود الأول عن الدرجة المعيارية ١٫٥٦ ، فيوجئ المساحة المحضورة بين المتوسط وهذه الدرجة من العمود الثانى فيجدها ٢٠٠٤٠/ ، وبذلك تكون الرتبة المشينية المقابلة للدرجة ١٢٥ هى ٥٠ - ٤٤٠٠٦ = ٩٤٠٠٠ .

٧ _ ماهى النسبة المشوية للحالات التي تقع بين الدرجتين ١٢٠ ، ٨٨ ؟



للإجابة على هدذا السؤال يجب على الباحث ألا يتسرع ويخطى، بأن يطرح الدرجة ٨٨ من الدرجة ١٢٠ ويقسم على الانحراف المعيارى ، فالمساحة تحت المنحنى الاعتدالى تعتمد على المتوسط كنقطة مرجعية ثابتة ، ولذلك يجب على الباحث أن يوجد المساحة بين المتوسط والدرجتين ٨٨ ، ١٢٠ كل على حدة ، ثم يجمع المساحةين ليحصل على إجابة السؤال ، أى أنه يجب أن يتبع الخطوات الآتية :

الخطوة الأولى : يوجد الدرجة المعارية المقابلة للدرجة س ــــ ١٣

$$1,70 = \frac{7.}{17} = \frac{1.. - 17.}{17} = 2$$

الخطوة الثانية : يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجية س = ٨٨

$$\cdot, \vee \circ - = \frac{1}{17} = \frac{1 \cdot \cdot - \wedge \wedge}{17} = 3$$

المنطوة الثالثة: يوجد المساحتين المناظرتين لسكل من الدرجتين الممياريتين بالرجوع إلى العمود الثانى في الجدول المبين بملحق الجداول .

المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ١,٢٥ = ٣٩,٤٤ ٪.

المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية _ ٧٥. = ٢٧,٣٤ ٪

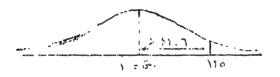
الخطوة الرابعة : يجمع المساحتين مما

أي أن المساحة المحصورة بين الدرجتين ٨٨ ، ١٢٠

1. 77, VA = TV, TE + T1, EE =

(٣) ما هي النسبة المشوية للحالات التي تتوقع أن تحصل على درجة أعلى من ١٢٥؟

النسبة المثوية المطلوب إيجادها مبينة بالشكل الآتي :

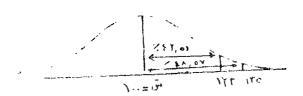


شکل رقم (۱۳۸)

وقد وجدنا عند إجابة السؤال الاول أن المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة ١٢٥ تساوى ٢٠, ٤٤ من المساحة الكلية . والكي يوجد الباحث النسبة المثوية للحالات التي نتوقع أن تحصل على درجة أعلى من ١٢٥ يجب أن يطرح هذه النسبة من ٥٠ (وهي المساحة تحت النصف الايمن التوزيع) .

أى أن النسبة المشوية المطلوبة = ٥٠ – ٢٠,٩٤ = ٤٤,٥٠ / ٠

(٤) ما هي النسبة المثوية للحالات التي تقع بين الدر جتين ١٣٢ ، ١٣٥ ؟



شکل رقم (۱۹۹۱)

وهنا أيضاً لايستطيع الباحث التوصل إلى الإجابة مباشرة بل يجب أن يوجد المساحة المحصورة بين المتوسط وكل من الدرجتين ١٢٣ ، ١٣٥ ، ثم يطرح المساحتين بعضهما من بعض . و يكون الحل كالآتى:

الخطوة الأولى: يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجة ١٢٣

$$1, ii = \frac{77}{17} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot - 177}{17} = 2$$

الخطوة الثانية : يوجد الدرجة المعيارية المقابلة للدرجة ١٣٥

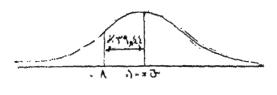
الخطوة الثالثة: يوجد المساحتين المناظرتين لسكل من الدوجتين المعياديتين بالرجوع إلى المدود الثانى في الجدول (ح) المبين بالملحق:

المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ١,٤٤ = ١,٥١ ٪ المساحة بين المتوسط والدرجة المعيارية ٢,١٩ = ٢,٥٧ ٪

الخطوة الرابعة: يطرح المساحتين بعضهما من بعض ليحصل على المساحة المحصورة بين الدرجتين ١٢٥، ١٣٥.

$$\cdot$$
 /. ۲,۰٦ = ٤٢,٥١ – ٤٨,٥٧ = آى أن المساحة

(ه) ما هو احتمال أن يحصل شخص اختير بطريقة عشوائية من المجتمع الأصل على درجة ١٨ أو أكثر ؟



شكل رقم (٤٠)

ولإجابة هذا السؤال يجبأن يحول الباحث الدرجة ٨٠ إلى درجة معيارية.

$$1,70-=\frac{7\cdot-}{17}=\frac{1\cdot\cdot-\lambda\cdot}{17}=3$$

ثم يوجد المساحة المحصورة بين المتوسط والدرجة ١,٢٥ من العمود الثاتى فى المجدول (-) فيجدها ٣٩,٤٤ . ولإيجاد النسبة المثوية للحالات التى تفوق الدرجة ـــ ١,٢٥ يجب أن يضيف . . / المل المساحة السابقة .

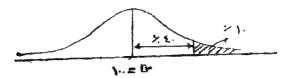
أى أن النسبة المتوية للمساحة المطلوبة 🕳 ٢٩,٤٤ 🕳 ٥٠ 🕂 ٠

وللتمبير عن هذه المساحة باستخدام الاحتمالات يجب أن يحول هذه النسبة المثوية إلى كسر عشرى فتصبح ٨٩٤٤, (أى حوالى ٩٠,٠).

أى أن هناك احتمالا كبيرا أن يحصل شخص اختير بطريقة عشوائية من المجتمع الاصل على درجة ٨٠ أو أكثر .

(٦) أراد باحث أن يختسسار المجموعة المرتفعة الذكاء من هذا المجتمع الأصل وهم الذين يمثلون ١٠٪ العليا من الدرجات . ماهى الدرجة التي يجب أن يقبلها لتسكون بمثابة حد فاصل يعشمد عليه في اختيار هؤلاء الاشخاص .

هذه المسألة تعتبر عكس المسألة رقم (٥) السابقة. فني المسألة السابقة حصلنا على النسبة المتوية المساحة باستخدام درجة ممينة. أما في هذه المسألة فإن النسبة المتوية معلومة لدينا ، والمسألة موضحة بالشكل الآتي :



شتکل رقم (۱۱)

فالدرجة الخام المطلوبة تناظر الخط الذي يفصل النسبة . 1 / عن بقية الوربع . وللحصول على هذه الدرجة يتبع الباحث عكس الخطوات الموضحة بالمسألة رقم (٥) .

الخطوة الاولى : إذا كان ١٠ / أعلى من الخط الغاصل ، فإن ٤٠ / · (٥٠ / - ١٠ /) تشخصر بين المتوسط وهذا الخط .

الخطوة الثانية : يرجع إلى العمود الثانى فى الجدول (ح) المبين بملحق الجداول ، ويوجد الدرجة المعيارية المقابلة للسكسر ... ، , . (٠٠ /) فنجد أن الدرجة د = ٢٠ , ٢٠ تفاظر السكسر ٢٠٠٧ ، وهي أقرب ماتكون إلى . . ، . .

الخطوة الثالثة : يحدد إشارة الدرجة المعيارية . فمن الشكل يتضح أن الخط الفاصل يقع على يمين المتوسط . ولذا فإن الدرجة المعيارية تـكون مرجبة وتساوى + ١٠٢٨ .

الخطوة الرابعة : يحول الدرجة المعيارية انسابقة إلى درجة خام باستخدام الخطوة الرابعة : التحليل)

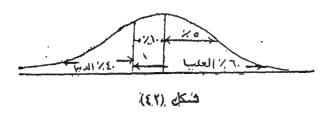
و يمكن كتابته على الصورة : س علم الله على الصورة : س علم الله على المدينة على المدينة الله على الله الله الله

و بالتعویض نحصل علی : س = مسک + ۱٫۲۸ × ۱۲ × ۲۰٫۴۸ = ۲۰٫۴۸ + ۲۰٫۴۸ =

أى أن الشخص الذي يحصل على درجة ١٢٠,٤٨ أو أكثر في اختبار الذكاء يتم اختياره ضمن المجموعة المرتفعة الذكاء دون سواه .

الديما من أفراد التي ما هي الدرجة التي تفصل بين ٣٠/ العلما ، ٤٠/ الديما من أفراد المجتمع الأصل في الذكاء .

المعلوم فى هذه المسألة هو النسبة المشوية والمطلوب إيجاد الدرجة . فهى تعتبر أيضا عكس المسألة رقم (٥) أى أننا نحتاج إلى إيجاد الدرجة الخام كما هو موضح بالشكل الآتى :



و للاحظهما أن النسبة التي سنكشف عنها في الجدول (ج) ليست و اضحة، فاختيار أى من النسبتين ٤٠٪ أو ٣٠٪ دون معرفه أساس الاختيار يؤدى بالباحث إلى نتيجة خاطئة .

فالنسبة المتوية للساحة المحصورة بين المتوسط والنط الفاصل هي ١٠٪، ولذلك يجب أن تسكشف في الجدول عن هذه النسبة .

فبالرجوع إلى العمود الثانى من الجدول والبحث عن الدرجة المعيارية المقابلة للكسر ١٠٠٠, وهو أقرب للكسر ١٠٠٠, وهو أقرب ما يمكن إلى المكسر ١٠٠٠. وهو أقرب ما يمكن إلى المكسر ١٠٠٠.

و بالنظر إلى الشكل التوضيحي نجد أن الدرجة الفاصلة المطلوبة نقع إلى يسار المتوسط، أى أن هذه الدرجة المعيارية تكون سالية وتساوى ٢٥٠٠، مم تحول هذه الدرجة المعيارية إلى درجة خام باستخدام القانون:

$$v = \overline{v} + \epsilon g$$

$$= v + (-17) \times (\cdot, 70 - 1) + 1 \cdot \cdot \cdot = 0$$

$$= v + (-17) \times (\cdot, 70 - 1) + 1 \cdot \cdot \cdot = 0$$

اى ، س تتوقع أن الدرجة الخام التى تفصل بين ٣٠٪ العليا ، ٤٠٪ الدنيا من أفراد المجتمع الاصل فى الذكاء هى ٧٥ .

إيجاد المثينيات باستخدام المنحني الاعتدالي:

أولا: إيجاد الرتبة المشينية المقابلة لدرجة خام معينة:

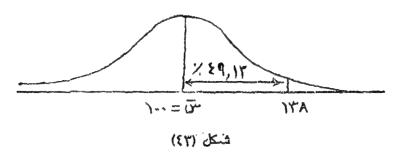
يمكن استخدام جدول مساحات المنحنى الاعتدالى (جدول ج) في تحديد الرتب المثينية المقابلة للدرجات الحام للبيانات التي تتوزع توزيما اعتداليا . ويجب على الباحث أن يراعى أن الرتب المثينية التي يحصل عليها باستخدام هذا الجدول لا تكون دقيقة ما لم يكن توزيع الدرجات الخام اعتداليا أو قريبا منه .

وقد عرفنا فى الفصل الخامس الرتبة المثينية المقابلة لدرجة معينة بأنها النسبة المئوية للحالات (أو النسبة المثوية للتكرار) التى تقع دون هذه الدرجة .

فإذا أردنا تحديد الرتبة المشينية للدرجة الخام ١٣٨ في البياءات السابقة الخاصة باختبار الذكاء، يبجب أن تحول هذه الدرجة الخام إلى درجة مريارية وهي :

$$L_{1} = \frac{r_{1}}{r_{1}} = \frac{r_{1}}{r_{1}} = \frac{1 \cdot r_{1}}{r_{1}} = \frac{1 \cdot r_{1}}{r_{1}}$$

وبالرجوع إلى جدول (ج) نجد أن المساحة المحصورة بين المنوسط وهذه الدرجة = ٤٩,١٣ أى ٤٩,١٣ / من مساحة النصف الآيمن للتوزيع الاعتدالي كما هو موضح بالشكل الآتي:



أى أن الدرجة ١٣٨ تفوق ٤٩,١٣٪ - { ٥٠/ أي تفوق ٩٩,١٣٪ من. جميع الحالات في المجتمع الاصل.

وعلى هذا فإن الرتبة المثيئية المقابلة للدرجة ١٣٨ هي ٩٩ تقريباً .

ومن هذا نرى أننا قد حددنا. الرتبة المثينية عن طريق إيجاد النسبة المئوية للسكرارات الواقعة دون هذه الدرجة .

ثانيا: إيجاد الدرجة الخام المقابلة لرتبة مثينية معينة 3

وهى الدرجة الخام التي تقابل الرتبة المشينية ٣٩ .

مزايا وعيوب الرتب المثينية والدرجات المعيارية :

يجدر بنا هنسا أن نوضح الباحث بعض مزايا وعيوب الرتب المئينية والدرجات المعيارية . فالرتب المئينية أكثر سهولة في تفسيرها من الدرجات المعيارية . فعندما تحدد الطالب أو الفرد العادي مركزه النسي في مجموعته في أداء معين فإنه لن يحتاج إلى مزيد من النفسير لادائه بالنسبة لاقرائه ، ولكن يعاب على الرئب المئينية أنها من المستوى الرتبي ، وبذلك لا يمكن إجرأه العمليات الحسابية الاربع عليها ، وهذا لا يعتبر عيبا يؤثر على تفسير الرتب المئينية ، وإنما يجعل هذه الرتب غير صالحة للتحليل الإحصائي المتقدم ، ولكن الدرجات المعيارية قي مقياس مركب ، كما أشراء إلى ذلك في الفصل المخامس لانها من المستوى الفترى ، كذلك تسمح لنا بالاستفادة من خصائص المنحني الاعتدالي (إذا كان توزيع الدرجات المعيارية الاصلية اعتداليا) ، وبالتاني نستطيع إيجاد المثينيات المناظرة للدرجات المعيارية كا قدمنا ، و بذلك تجمل التفسير أكثر سهولة ، لانه يصمب على الطالب أو الفرد العادي تفسير الدرجات الميارية .

ويعاب أيضا على الرتب المشبئية أنها تتوزع توزيعاً مستطيلاً في حين أن توزيع درجات الاختبارات النفسية والتربوية التي يهتم فيها بإبراز الفروق الفردية يقترب عادة من شكل المنحني الاعتدالي ، ويترتب على ذلك أن الفروق الصشيلة بين الدرجات الخام بالقرب من مركز التوزيع تناظر دتبا مينية كبيرة بينا الفروق المكبيرة بين الدرجات الخام عند طرفي التوزيع تناظرها فروق

صغيرة فى هذه الرتب . و لذلك يجب على الباحث أن يدرك هذه العلاقات حتى يتيسر له التفسير الصحيح للرتب المثينية و بخاصة تلك التى تفترب من مركز التوزيع .

تحويل التوزيمات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية :

أحيانا يود الباحث التأكد من أن توزيع البيا ات التي حصل عليها يقترب من شكل التوزيع الاعتدالي حتى يستطيع الإفادة من خصائص هذا التوزيع كارأينا في هذا الفصل . أي أنه يود أن يعرف ما هو تكرار كل فئة من فئات المتغير سالني يفترض أنه من المستوى الفترى سه عندما يصبح توزيع المتغير قريبا بقدر الإمكان من شكل المنحني الاعتدالي . ولسكنه بالطبع لا يستطيع التأكد من ذلك بدقة من بحرد التمثيل البياني لتوزيع المتغير ، لذلك وجعب عليه أن يستخدم طريقة أدق تمكنه من مقارنة تسكرارات التوزيع الذي حصل عليه بالتكرارات المخاصة بالته زيع الاعتدالي لاي بحوعة من البيانات هو منحني أفضل مطابقة لهذه البيانات ، فنحني أفضل مطابقة يشتمل عليها بحموعة البيانات الاصلية ، و تسمى هذه الطريقة و طربقة المساحة Method عليها بحموعة البيانات الاصلية ، و تسمى هذه الطريقة و طربقة المساحة Method .

و لتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث لإجراء مثل هذا التحويل باستخدام هذه الطريقة نعرض المثال الآتي :

نفترض أن الباحث حصل على البيانات الآنية الموضحة في جدول رقم (٢٢) من عينة تشكون من ١٥٠ طالبا ، ومتوسط توزيع البيانات = ٦٣,٩ . وانحرافه المعياري = ١٢,٢ .

/			1 /		1 / 1	. ()		
(٩) [(\ \)	(v)	(٦)	ا (ه) ا	(٤)	(٣)	(٢)	(1)
التكرارات	T		المساحة التي				التكرارات	- 10111
المتوقعة	المتوقعة		تجدأ فمنة من	اد	۲	الهليا	الأصلية	الغثات
مقر پة	تم	Zaā) i	آسةل			للنشات	ت.	
١,٨	1,٧٨0	.,.119	., 998.	7,01	٣٠,٦	98,0	١	98-9.
٤,١	1,11.	٠,٠٢٧٦	٠,٩٨٢١	۲,۱۰	70,7	14,0	٣	19- No
۸,۲	۸,۲۲۰	•,•011	1,9080	1,79	7-,7	1.8,0	٨	۸٤—۸٠
17,4	14,440	.,919	., 4994	1,44	10,7	44,0	17	V9V0
19,7	14,04.	• , 18 • 4	•,^•4	٠,٨٧	10,7	45,0	۲۸	V 8 V +
77,7	77,090	- , \eVT	.,777	٠,٤٦	0,7	44,0	47	79-70
78,1	72,.40	.,17.0	.,0199	1.,00	٠,٦	78,0	17	78-70
۲٠,٨	Y+ , 14-	., 1800	-, 4098	1.,47-	1,1-	04,0	11	09-00
10,7	10,78.	1.1.13	٠,٢٢٠٦	·, vv	1,5-	01,0	١.	01-6.
4,0	4,570	٠,٠٦٢١	1,119.	1,11	115,5-	19,0	٨	19-10
٥,٠	\$,970	1. , . 441	,.009	1,09.	19,5-	1 1 1	٨	128-80
۲,۲	7,77.	-,-141	., . ۲۲۸	۲,۰۰-	75,5-	74,0	1	49-40
1,٢	1,7.	٠,٠٠٨٠]. ,··^·	7,81-	14,5-	78,0	1	145-4.
189,1		٠,٩٩٤٠					10.==	ن =
,		•					77.4 ===	<u>س</u>
							17,7 =	_
							, ,	

جدول رقم (٢٢) خطوات تحويل التوزيعات التكرارية الى الصورة الاعتدالية

و الاحظ من هذا الجدول أن العمود الاول يشتمل على الفئات ، والعمو دالثانى يشتمل على الفئات ، والعمو دالثانى يشتمل على التكرارات الملاحظة التي رمزنا لها بالرمز (ت.) . وبعد تحديد هذه الفئات والتكرارات الملاحظة يمكن للباحث أن يتبع الخطوات الآنية :

(أولا) يحدد الحدود الحقيقية العلميا لسكل فئة في العمود الثالث .

(ثانيا) يحدد قيم (ح) أى المحرافات قيم الحدود الحقيقية العلميا للفشات عن منتوسط النوز بع الاصلى وهو يساوى ٩٣٫٩ . وتدون هذه الانحرافات في العمود الرابع .

ثالثاً : يحول قيم ح التي حصل عليها في العمود الرابع إلى درجات معيارية (د) وذلك بقسمتها على الانجراف المعياري ع وهو يساوى ١٢,٢ ، وتدون هذه الدرجات المعيارية في العمود الخامس .

رابعاً: يرجع إلى جدول مساحات المنحى الاعتدالى المبينة بالجدول (ح) في ملحق المكتاب لتحديد نسبة المساحة تحت المنحى الاعتدالى التي تقع إلى يسار هذه الدرجة أى تحدها من أسفل . فثلا المساحة التي تقع إلى يسار الدرجة المعيارية ٢٥٥١ (الدرجة التي في أعلى العمود الجامس) تساوى ٩٩٤٠ ، من المساحة الكلية تحت المنحى الاعتدالى . وتدون هذه المساحات في العمود السادس .

خامساً : يحدد النسب المدونة في العمود السابع كالآتي :

النسبة المدونة في أسفيل العمود السابع وهي ٥٨٠٠, هي نفسها النسبة المدونة في أسفل العمود السنادس لآن كلا من المساحة التي نقيع إلى يسار الفئة ٣٠ ــ ٢٠ وبالمساحة التي نقيع إلى يسار الفئة ٣٠ ــ ٢٠ وبالمساحة التي تقيع إلى يسار الحد الأعلى الحقيقي لجمذه الفئة . و يمكن الحصول على المساحة المحصورة بين حدى الفئة ٣٠ ــ ٢٠ بطرح ٥٨٠٠, (أى الجزء من المساحة المحصورة بين حدى الفئة ٣٠ ــ ٢٠) من ٢٠٠٠, (أى الجزء من المساحة الذي يقيع إلى يسار الحد الأعلى الحقيقي للفئة ٥٠ ــ ٢٠) فيكون الناتج ١٤٨, . وبالمثل للفئة ١٠ يساء على المرح ٢٠٠٠، من ٥٥٠، ، ومجكذا في بقية الفئات .

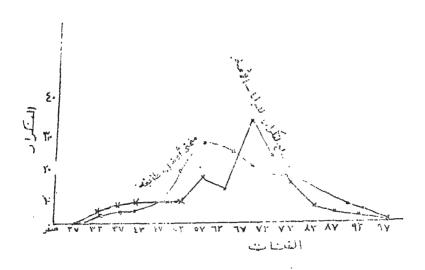
و جموع قيم هذا العمود تساوى الواحد الصحبح تقريباً . إذ ربما يكون هذا المجموع أقل قليلا من الواحد الصحبح لانه توجد دام، حالات تقم بالقرب من طرفى التوزيع الاعتدالي لاتؤخذ في الاعتبار أثناء إجراء هذه الخطوة .

سادساً : يحصل على القيم المدونة فى العمود الثامن والتى رمزنا لها بالرمز (تم) (أى التسكرارات المتوقعة) بأن يضرب كل نسبة من نسب للمساحات المدونة فى العمود السابع فى عدد الحالات أى ١٥٠ ، ويلاحظ أن بحموع هذا العمود ريما يقل قليلا عن ١٥٠ .

سابِها : يقرب هذه التسكرارات المتوقعة (ت،) إلى أقرب رقم عشرى

ثامناً: يرسم مضلما تكرارياً للميانات الاصابة . وكذلك منحنيا تكرارياً مهنداً للميانات التي حصل عليها تتبجة لهذه الحطوات السبع بالطرق التي عرضنا لها في الفصل الاول من هذا الكتاب . فيمثل الفئات على المحور الافقى والتكرارات على المحور الرأسي ، ثم يعين النقط التي تناظر التسكرارات الملاحظة لسكل فئة ، ويصل بينها مخطوط مستفيمة ليحصل على المضلع السكراري للبيانات الاصلية . ثم يعين النقط التي تناظر التسكرارات المتوقعة لسكل فئة ، والتي حصل عليها في المعبود التاسيم ، ويصل بينها مخط منحن مهد بقدر الإمكان فيحصل بذلك على المنحني التسكراري للبيانات بعد إجراء عملية التحويل .

وفى الشكل رقم (٣٤) يكون منحى أفضل مطابقة قد فرض على المضلعُ الشكر ارى للبيانات الاصلية .



شمكل رقم (١٦)

المضلع التكرارى والمنحنى التكرارى بعد تحوله

وسوف نعرض في الجزء الثاني من السكناب ، وهو الذي يختص بالاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات ــ مقياسا إحصائيا يسمى ۲۲ Chi-Square ، واحد استخداماته هو قياس حسن مطابقة التوزيع الذي حصل عليه الباحث للتوزيع الاعتدالي ، ويعتمد حساب قيمة کا على کل من التكرارات الاصلية والشكرارات التجريبية .

وهنا ربما يتساءل الباحث عن الفائدة المرجوة والمهرر الحقيقي لإجراء مثل هذا التحويل إلى الصورة الاعتدالية الذي يتطلب كتيراً من الجهد والوفت. وفي الحقيقة أنه ربما يجد الباحث أن التوزيع الاصلى لسمة أو لخاصية معينة الذي يحصل عليه من عينة ما لايتخذ شكل المنحني الاعتدالي ، بينها يمكون توزيع هذه السمة أو الخاصية في المجتمع الاصل اعتداليا ، فإذا استطاع الماحث التأكد من ذلك ، عندأذ ربما يجد أن من المفيد أن يحول توزيع البيانات التي استمدها من العينة إلى صورة التوزيع الاعتدالي ، وبذلك يحصل على توزيع أكثر تمهيداً من التوزيع الاصلى و تقل فيه أخطاء العينة . كما أن هذا التحويل يفيد في تقنين من التوزيع التربوية و في الحليل الارتباط بين متغير ن .

كيف يختار الباحث التحويل المناسب لبيانات بحثه :

مما سبق يتضح أن المنحنى الاعتدالى يعتبر من المنحنيات الهامة التى يمكن أن يستمين بها الباحث فى حل كثير من المشكلات التى يقابلها عند تحليل البيانات التى يشتمل على نوزيعات الدرجات أو النسب المثوية .

ولكننا أود أن أوكد أنه بالرغم من تعدد هذه المشكلات التي عرضنا لبعضها في هذا الفصل إلا أنه يمكن تيسير حلها إذا وضح في ذهن الباحث أنها جميعا تعتمد على تحويل أوع معين من الوحدات إلى نوع أخر ، وعلى وجه التحديد فإن هذه الوحدات هي : الدرجة المخام ، الدرجة المعيارية ، النسبة المثوية للتكرار ، والتسكرار الحام .

ويمكن توضيح ذلك بالشكل التخطيطي الآني :

درجة خام درجة معيارية نسبة مئونة للسكرار تكرار حام
$$\frac{1}{\sqrt{x}}$$
 $\frac{1}{\sqrt{x}}$ $\frac{1$

$$1 \cdot \cdot \times \frac{c}{c} = \frac{1}{c} \times \frac{c}{c} = \frac{c}{c} \times \frac{c}{c} \times \frac{c}{c} = \frac{c}{c} \times \frac{c}{c} \times \frac{c}{c} = \frac{c}{c} \times \frac{c}{c} \times \frac{c}{c$$

فالصف الآول في هذا الشكل يلخص هذه المشكلات في أن كل مشكلة منها تتطلب التحويل من وحدة إلى أخرى ، وللاحظ أن الآسهم في هذا الصف موجهة في اتجاهين متقابلين بما يدل على أنه يمكن تجويل أي من الوحدات إلى الآخرى . ولكن في جميع إالاحوال يجب مراعاة أنباع الحطوات المبيئة بالصف الثاني أو الثالث .

فلسكى يحصل الباحث على النسبة المثوية للتسكرار من الدرجة الخام يجب أن يحول الدرجة المعيارية إلى نسبة معيادية ، ثم يحول الدرجة المعيارية إلى نسبة مثوية للتسكرار ، ولسكى يحصل على الدرجة الخام من النسبة المثوية للشكرار بجب أن يحول النسبة المثوية للتسكرار إلى درجة معيارية ثم يحول الدرجة المعيارية إلى درجة خام .

أما الصفان الثانى والثالث فى الشكل التخطيطي فهمــــا يوضحان للباحث الخطوات التي محب أن يتبعها عند إجراء هذه التحويلات .

فإذا كان المطلوب تحويل درجة خام إلى نسبة مثوية للتسكرار (أو تسكرار خام) تزيد أو تقل عن درجة معينة ، مثال ذلك : ما هى النسبة المثوية للحالات التى تزيد درجاتها عن ١٢٠ في اخسار للذاء و فيجب أن ينتقل مراليهن إلى اليساء في الصف الأول ، و عمر بالخطوات المبينة في الصف الثاني .

أما إذا كان المطلوب تحويل النسبة المثوية لتسكرار ما أو تسكرار خام إلى درجة معيارية أو درجة خام ، مثال ذلك : ما هى الدرجة التى تحصل على أعلى منها النسبة . ١ / العلميا من الطلاب في توزيع درجات اختبار الذكاء ؟

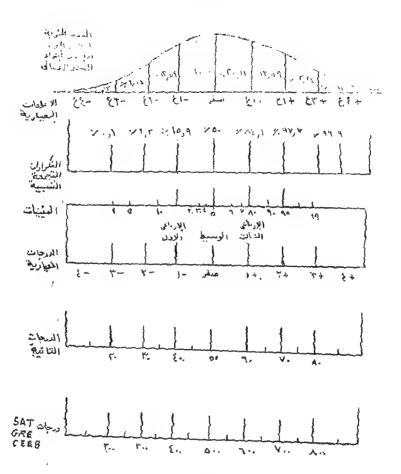
فيهجب في هذه الحالة أن ينتقل من اليسار إلى الهين في الصف الأول ، ويمر بالخطوات المبيئة في الصف الثالث .

وباختصار فإن الاستلة التي يود الباحث الإجابة عليها باستخدام خواص المنحى الاعتدالي وإن بدت متعددة وعتلفة إلا أنها في الحقيقة متشابهة . والسبب في أنها تبدو متعددة ومختلفة أنه يمكن صياغتها بطرق مختلفة . ولذلك فإننا نفصح الباحث أن يوضح المعلومات المعطاة في المشكلة أو السؤال الذي يود الإجابة عليه بالرسم _ كما فعلنا في الامثلة السابقة _ حتى يستطيح البدء في حل المشكلة أو إجابة السؤال المطروح .

كا يجب على الباحث أن يلاحظ أن هذه الملاقات تنطبق فقط على الدرجات التي تتخذ شكل التوزيع الاعتدالي .

و تسكرر القول بأن تحويل الدرجات الخام إلى درجات معيارية لايغير مطلقاً من شكل التوزيع الاصلى وإنما يجعل فقط قيمة المتوسط تساوى الصغر ، وقيمة والانحراف المعيارى الواحد الصحيح .

والشكل رقم (ع)) يوضح الملاقات القائمة بين الانحرافات المعيارية، والتكرارات المتجمعة النسبية، والمثينيات، والدرجات المعيارية، والدرجات التائية ودرجات CEEB 'GRE 'SAT :



شكل رقم (٤٤) العلاتات بين الانحرافات المعيارية والتكرارات المتجمعة النسبية ، والمئينيات ، والدرجات المعيارية (د) ، والدرجات التائية (ت) ، ودرجات CEEB, GRE, SAT

تمارين على الفصل السادس

ا ــ أوجـــد المساحة تحت المنحنى الاعتدالى المحصورة بين المتوسط والدرجات المميارية الآنية:

$$Y_{1} \cdot 0 - (1)$$

۲ سـ إذا كان توزيع اعتدالى مثوسطه . ه ، وانحرافه المعيارى . ۱ ،
 وعدد الحالات الى استمد منها هذا التوزيع . . . ١ حالة . أوجد :

(أ) المساحة وعدد الحالات الحصورة بين المترسط وكل من الدرجات الآنيـة:

. Yo . 10 . V. . T.

(ب) المساحة وعدد الحالات التي تفوق الدرجات الآنية :

(مه) المساحه وعدد احالات المحصورة بين كل من الدرجتين الانيتين :

- . V. . 4.
- . 7. · YO
- . V. 6 60
- . £0 . Yo
- ۳ ـــ اذا كان ته زيع اعتدالي متوسطه مم ه انحرافه المياري == ١٠٠ و صدد الحالات التي استمد منها هذا التوزيع == ٢٠٠ . أوجد ارتفاع المنحني عند النقطة التي إحداثها السيني :
 - . TT . OV . E9 . TO . TF .
 - ع _ أوجد المساحه تحت المنحني الاعتدالي :
 - (أ) المحصورة بين المتوسط والدرجة المعيارية د = ١.٤٩ .
 - (ب) المحصورة بين المتوسط والدرجة المعيارية د = ١,٢٦ .
 - (ج) إلى يمين الدرجة المعيارية د ــــ ٢٥.٠

 - (ه) المحصورة بين د = + ٠٠,٥٠ د = ٠٠,٠٠
 - (و) المحصورة بين د = ٥٠٠، د = ٠٥،٠٠ (
 - (ز) المحصورة بين د= ١٠٠٠ ، د= ١,٩٦ .
 - () | 1 = 0 المحصورة بين د= 0 ، د= 0 ، د= 0
 - اوجد الدرجة المعيارية (د) بحيث تـكون المساحة:
 - (أ) إلى يمين هذه الدرجة د = ٢٠.
 - (ب) إلى يسار هذه الدرجة د ـــ ٩٠.٠
 - (ج) المحصورة بين المتوسط وهذه الدرجة د 😑 . ٤ .
 - (د) المحصورة بين + د، د = ۸۰.

إذا افترضنا أن ظاهرة الذكاء تتوز - توزيماً اعتدالياً في المجتمع الاصل الذي متوسطه ١٠٠ و انحرافه المعياري ١٥٠ و وجد النسبة المشوية المدد الافراد في هذا المجتمع الذين :

- (أ) يزيد ذكاؤهم عن ١٣٥٠
- (ب) يزيد ذكاؤهم عن ١٢٠٠
 - · م يقل دكاؤهم عن م ٠
- (د) ينحصر ذكاؤهم بين ٧٥ ، ١٢٥ -

٨ ـــ البيانات الآنية تمثل درجات مجموعتين عمريتين مختلفتين في اختبار ما :

بخموعة تبلغ أعمارها ١٤ عاما	: هموعة تبلغ أعمارها ١١ عاما
0,	س (المتوسط) ٤٨
17	ع (الانعراف المعياري) ٨
٨٠٠	ن (عدد الأفراد)

فالمعطوة الأولى: يبوب درجات كل من المتغيرين في جدول توزيع تكرادى مزدوج. وهذا يتطلب منه أن يقرر عدد فئات كل من المتعيرين. فإذا اختار الفئات الخس الآنية لسكل من المتغيرين:

۲۵ – ۲۹ ، ۳۰ – ۳۶ ، ۳۵ – ۶۹ ، ۶۰ – ۶۶ ، ۵۱ – ۶۹ فإنه سوف محصل على الجدول التكراري المزدوج الآتي (رقم ۲۸):

\[\text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \text{\quad \quad \text{\quad \text{\quad \quad \text{\quad \quad \text{\quad \quad \quad \text{\quad \quad \qq \quad \quad

چدول رقم (۲۸)

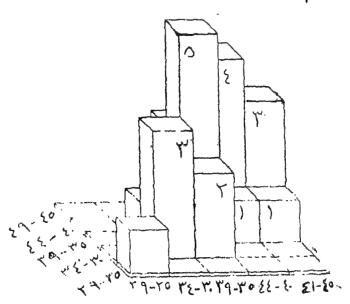
و الخطوة الثانية : يضع علامات تناظر تسكرار كل من المتغيرين . فثلا س = ٣٧ ، ص = ٢٤ تقع فى الخلية الناتجة من تقاطع الصف الرابع والعمود الثالث ، س = ٣٧ ، ص = ٤٣ تقع فى الخلية الناتجة من تقاطع الصف الثانى والعمود الثانى و مكذا . و بعد تعيين الخلية التي يقع فيها كل زوج مرتب (س،ص) يوجد عدد الحالات التي تقع فى كل خلية كالآتى :

س

£9- £0	11 - 11	79 - 40	TE T.	71 - 70	
				1	19-40
	And the state of t	۲	٣		75 4.
1	1	•	1		rq-r0
٣	£	*			11-11
1		n ritte dingständi spässassissis - sii		printered and a second	19-10

جدول رقم (۲۹) چدول توزیع تکراری مزدوج

و يمكن تمثيل هذا الجدول المزدوج بيائياً بمدرج تسكرارى ثلاثى البعدكما هو مبين بشكل رقم (٤٦) الآنى :



شملکل رقم (۲۶) مدرج نکراری ثلاثی البعد یمثل جدول التوزیع التکراری المزدوج المبین بجدول رقم (۲۹)

فإذا افترضنا أن توزيع درجات كل من المجموعتين كان اعتداليا .

(أ) ما هو تقديرك لعدد أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١١ عاماً الذين يفوق أداؤهم متوسط أداء أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١٤ عاماً .

(ب) ما هو تقديرك لعدد أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١٤ عاما الذين يقل أداؤهم عن متوسط أداء أفراد المجموعة التي تبلغ من العمر ١١ عاما .

هیا یل درجات طالب فی ثلاثة اختبارات ، والمتوسط والانحراف
 المعیاری لکل اختبار منها حیث طبق علی عینة مکونة من ۲۰۰۰ طالب.

درجة الطالب	الانحراف المعياري	المتوسط	الاختبار
٥٣	٤,٨	٤٧,٢	الحساب
٧١	۸,۳	78,7	فهم المقروء
VY	11,7	٧٥,٤	الجغرافيا ا

(أ) حول درجة الطالب في كل اختبار منها إلى درجة معيارية .

(ب) فى أى اختبار من الاختبارات الثلاثة يعتبر أداء الطالب أفصل ؟ وفى أمها كان أدازه أقل ؟

(د) ما هو الفرض الذي يجب توافره كي تتمكن من إجابة السؤال (ج)؟

• ١ - فيما يلى المتوسط والانحراف المعيارى لدرجات اختبار فى الاستعداد الرباضي لعينة من الطلاب وأخرى من الطالبات .

(۱۷ - التحليل)

طالبات	طلبة
٦.	س ۲٤
1.	ع ۸

- (أ) ما هي الرئمة المثينية لطالب حصل على الدرجة ٦٢ في الاختبار بالنسبة لكل من معايير الطلبة والطالبات .
- (ب) ما هي الرتبة المثينية اطالبة حصلت على الدرجة ٧٧ في الاختبار بالنسبة لمعايير الطالبات ؟ وما هي رتهتها المثينية بالنسبة لمعايير الطلمية ؟
- ۱۱ ــ فى توزيع اعتدالى متوسطه ـــ ۷۷ والحرافه المعيارى ـــ ۱۲ أوجد الدرجة التى تقابل :
 - (أ) المشيني ٣٠.
 - (ب) الإرباعي الأول.
 - (ج) الوسيط .
 - · ٧٥ المثيني ٥٥ ·
 - (م) الإعشاري التاسع .
 - (و) المثيني . ٩ .
 - ١٢ -- في توزيع اعتدالي متوسطه ٣٠ والبحرافه المعياري ١٠ أوجد :
 - (أ) النسبة المشوبة للحالات التي تفوق الدرجة . ٨٠
 - (ب) النسبة المشوية للحالات التي تقل عن الدرجة ٦٦ .
 - (ج) الدرجتين اللتين تقع بينهما ٥٠٪ الوسطى من الحالات .
 - (a) الدرجتين اللتين تقع بينهما ه / المتطرقة من الحالات .

(ه) الدرجتين اللتين تقع بينهما 1 / المتطرفة من الحالات .

١٣ ــ أجب على السؤالين رقمي ١١، ١٢ عندما يكون التوزيع الاعتدالي :

- (أ) متوسطه = ۸۲ والحرافه المعياري = ۸۰
- (ب) متوسطه = ۷۲ وانحرافه المعياري = ٤ .
- (=) متوسطه = 27 وانحرافه المعياري = 7 .

1 ٤ -- باستخدام البيانات الآتيكة بين ماإذا كان أداء الطالب (أ) في الاختبار الآول أفضل من أدائه في الاختبار الثاني أم أقل بالنسبة لمجموعة من الطلاب ؟ وفي أي من الاختبارين كان أداء الطالب ب أفضل ؟

الاختبار الثانى	الاختبار الاول	الطالب
7.	١٨	1
77	14	ب
44	17	*
71	17	۵
<u> </u>	14	•

ه ۱ — هل جميع بحموعات الدرجات المميارية (د) تتوزع توزيما اعتداليا ؟ ولماذا ؟

١٦ ـــ هل يرجد أكثر من توزيع اعتدالى واحد ؟ وضح بالرسم .

١٧ ـــ إذا عامت أن الرتبة المثينية لطالب ما فى أحد الاختبارات هى ٩١.
 أوجد الدرجة المميارية المقابلة لهذه الرتبة إذا عامت أن درجات الاختبار تتوزع توزيعا اعتداليا .

1/4 __ إذا افترضنا أن باحثا قد حصل على الدرجات المعيارية لسكل طالب في مجموعه معينة تتخذ شكل التوزيع الاعتدالي ، وأراد أن يختار أي طالب نقع درجته ضمن ٥ / العلما للتوزيع ، ما هي الدرجة المعيارية الني يتم على أساسها اختيار مثل هذا الطالب ؟

۱۹ ـــ إذا كان لديك عينة كبيرة . أى التوزيمات الآتية تتوقع أن
 يقترب من شكل التوزيع الاعتدالى:

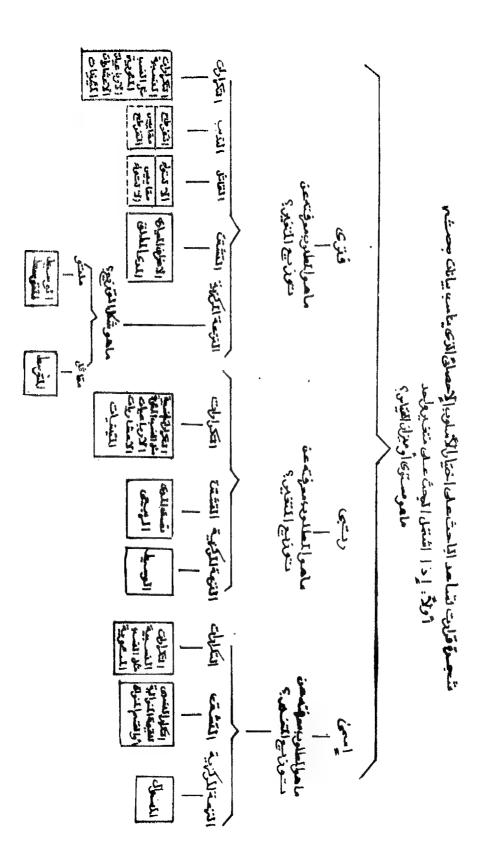
- (أ) أوزان جميع الرجال في مصر بالكيناوم إمات.
- (ب) دخول شباب مصر الذين يبلغون من العمر . ٤ عاما .
 - (ج) ارتفاعات الاشجار المعمرة في إحدى الغابات .
 - (د) درجات اختبار في الاستعداد الموسيقي .
 - () نسب الذكاء الطلاب المسجلين لدرجة الدكتوراه .
- (و) متوسطات عدد لانهائی من العینات التی حجم کل منها ۲۰ فردآ اختیرت کل منها بطریقة عشوائیة من عینة کبیریة جدآ .
- ٢٠ ــ فيما يلى الدرجات التي حصل عليها أفراد عينة تشكون من ١٣٠ طالبا
 في أحد الاختيارات :

۲	49 - TV
١٤	44 - 4.
١٨	40 - 44
١.	77 - A7
18	٤١ ٣٩
18	11 - 11
17	£y - 10
١٨	٥٠ - ٤٨
١٠	07 - 01
٨	٥٦ — ٥٤
٤	09 — OV
۲	77 - 70
ن = ١٣٠	

- (1) أوجد المتوسط والانحراف المعياري لتوزيع هذه للدرجات .
- (ب) إذا افترضنا أن توزيع الدرجات في المجتبع الاصل كان اعتداليا ، ما هي نسبة عدد الطلاب الذين تتوقع أن تنحصر درجاتهم بين المتوسط والدرجات الآنية في عينات مماثلة : ٠٠ ، ٣٨ ، ٣٨ ؟
- (ج) أوجد النسبة المثوية وعدد الطلاب الذين نتوقع أن تنحصر درجاتهم بين أزواج الدرجات :
 - . 20 . 40
 - 00 4 0.
 - 7 . 6 07

(د) ما عدد الطلاب الذي تتوقع أن تفوق درجاتهم الدرجة . ه ؟ وما عدد الطلاب الذي تتوقع أن تقل درجاتهم عن الدرجة ٣٥ ؟

۲۱ - حول توزيع الدرجات المبسين بالسؤال رفم ۲۰ إلى توزيع اعتدالى . وارسم منحنى أفضل مطابقة لهذه البيانات . ارسم أيضا فى نفس الشكل المضلع التسكرارى لتوزيع الدرجات الاصلية .





البالبشايي

تحليل البيانات ذات المتغيرين



الفص لالستابع

مةاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفترى أو النسى

مفهوم معامل الارتباط معامل الارتباط فيرسون فروض معامل ارتباط بيرسون فروض معامل ارتباط بيرسون طرق حساب معامل ارتباط بيرسون تصحيح معامل الارتباط من أخطاء تجميع البيانات العوامل التي تؤثر في معامل ارتباط بيرسون تفسيد معامل ارتباط بيرسون الملاقة والملية

مقدمة:

عرضنا فى الفصول الستة السابقة طرق تحليل البياءات ذات المتغير الواحد. وقد ناقشنا الخواص الاساسية للمتغير الواحد، كما ناقشنا بعض الاساليب التى يمكن استخدامها لفحص توزيع المتغير موضع البحث بالنسبة لعينة ما.

ولكن الباحث النفسى والتربوى كثيراً ما يواجه مواقف بحثية تتطلب دراسة متغيرين معاً . فثلا ربما يود الباحث دراسة العلاقة بين نسب ذكاء الطلاب ودرجات تحصيلهم في المواد الدراسية المختلفة كما تقاس باختبارات تحصيلية معينة . أو ربما يود دراسة العلاقة بين عدد سنوات التعليم ومستوى الدخل لمجموعة من الذكور البالغين . فني كل من المثالين يود الباحث تحديد ما إذا كانت هناك علاقة بين المتغيرين أم لا ، وما درجة هذه العلاقة للاستفادة بها في التطبيقات التربوية .

وفى كل من الحالتين يحتاج الباحث إلى جميع الملاحظات (درجات) عن كل فرد في عينة بحثه في كل من المتغيرين ، أى أن البياءات التى تحتاج إلى معالجة في هذه الحالة تشتمل على أزواج من قيبم الملاحظات أو الدرجات أو القياسات ، بعنى أنه يكون لدى الباحث زوج من الملاحظات أو القياسات لسكل فرد في المجموعة. وتسمى مثل هذه البياءات بياءات ذات متغيرين Bivariate Data ، المعايزة لهذا النوع من البياءات هو أننا ازاوج بين قيمة ملاحظة أو درجة معينة أخرى لكل فرد في المجموعة ، وتكون وحدة التحليل هذا Vnit of Analysis هي الفرد ، ولسكن يمكن أن تشم وحدة المعايل أخرى .

فئلا إذا أراد الباحث إيجاد العلاقة بين عدد تلاميذ المدارس المختلفة في مدينة ممينة وعددالمدرسين في هذه المدارس، فإن المدرسة تكون هيوحدة التحليل.

وبالطبيع بيمب أن يحصل الباحث على أكثر من زوج و احد من الملاحظات

حتى يتمكن من دراسة العلاقة بين المتغيرين . وتحليل البيانات ذات المتغيرين أى التي تشتمل على أزواج الملاحظات أو القياسات له جانبان مرتبطان ارتباطا وثيقا هما الارتباط Correlation والتنبؤ Prediction . فإذا كان الباحث مهتما بمشكلة وصف درجة أو مقدار العلاقة بين المتغيرين أى مقدار التباين المتلازم أو المصاحب Concomittent Variation فإنه يكون بصدد دراسة الارتباط والمقياس الإحساقي الذي يصف درجة العلاقة بين متغيرين يسمى معامل الارتباط والمقياس الإحساقي الذي يصف درجة العلاقة بين متغيرين يسمى معامل الارتباط والمقياس الإحساقي الذي يصف درجة العلاقة بين متغيرين يسمى معامل الارتباط . Coefficient of Correlation

أما إذا كان مهتما بتقدير قيمة متغير أو الثنبؤ بقيمته بمعلومية قيمة متغير آخر ، فإنه يكون بصدد دراسة التنبؤ .

فشلا إذا كان المتغيران هما الطول والوزن ، فإن الاستخاص الاكثر طولا عميلون بوجه عام إلى أن يكونوا أكثر وزنا من الاشخاص الاقل طولا . وهما ربما نهتم بمشكلة وصف مقدار العلاقة بين الطول والوزن ، أو بمشكلة التنبؤ بطول الشخص بمعلومية وزنه أو العكس .

وإذا كان المتغيران هما درجات اختبار استعداد دراسى طبق على القلاب المتقدمين للالتحاق بالجامعات ، ومتوسط تقديراتهم فى نهدساية السنة الأولى ، فإنمنا ربما نهتم فقط بوصف درجة العلاقة بين درجات اختبار الاستعداد ومتوسط التقديرات ، أو ربما نهتم بالتنبؤ بمتوسط التقديرات بمعلومية درجات اختبار الاستعداد للطلاب الاستعداد . وهنا يكون الهدف هو استخدام درجات اختبار الاستعداد للطلاب المتقدمين للالتحاق بالجامعات لتقدير أذائهم (أى التنبؤ به) أثناء الدراسة الجامعية .

وأكثر أنواع معاملات الارتباط استخداما هو معامل ارتباط بيوسون (نسبة إلى العالم كادل بيرسون K. Pearson ويسمى حاصل ضرب العزوم . Pearson Product Moment Correlation Coefficient

وهو مقياس إحصائي يستخدم إذا كان ميزان القياس من النوع الفترى

أو النسي . وتوجد انواع أخرى من معاملات الارتباط تستخدم إذا كان ميزان القياس إسميا أو رتبيا . كما توجد أنواع معينة من معاملات الارتباط تستخدم في حالات خاصه . وبالرغم من اختلاف أنواع معاملات الارتباط إلا أن معظمها يعتبر حالات خاصة من معامل ارتباط بيرسون . ويتوقف اختيار الباحث لاى من هذه الانواع على العوامل الآتية :

- ۱ ــ نوع میزان قیاس کل متغیر (اسمی ـ دنبی ـ فتری ـ نسبی)
 - ٧ ــ شكل توزيع البيانات (متصل أم منفصل) .
 - ٣ _ خصائص توزيع البيانات (خطى أم منحني) .

وزجىء مناقشة التنبؤ وعلاقته بالارتباط إلى الفصلين الثالث عشر والرابع عشر . ولسكن يجب على الباحث أن يعلم أن الارتباط والتنبؤ هما مفهومان بينهما علاقة و ثيقة ، إذ لا يمكن تفسير معامل الارتباط تفسيراً مرضيا واستخدامه استخداما مناسبا دون اعتبار لمفهوم التنبؤ .

الملاقة بين أزواج الملاحظات :

إذا افترضنا أن لدينا عينة من الافراد عددها ن ، ورمزنا لافراد العيسة بالرموز أ ، أ ، . . . أن وحصلنا على قياسات لكل فرد في متغيرين س ، ص فإنه يمكن تمثيل هذه البيانات في جدول كالآتي :

القياسات		الافراد
ص	س	
مس١	س	1
ص	س	Y
ص	س پ	"
****	••••	
صن	سن	ن '

فإذا افترضنا أنمنا رتبناقيم سترتيبا تصاعديا، فإنه ربما توجد ترتيبات عتلفة لقيم ص. وأحد هذه النرتيبات أن نبدأ قيم ص بأقل قيمة وتماتهى بأكبر قيمة . ولهذا فإن الفرد الذى تكون درجته أكبر بما يمكن فى س تسكون درجته أكبر ما يمكن فى س تسكون درجته أكبر ما يمكن فى س تقل درجته مباشرة عن الدرجة الأكبر فى س تقل درجته مباشرة عن الدرجة الأكبر فى س ، وهسكذا حتى نصل إلى الفرد الذى تمكون درجته أيضا أقل ما يمكن فى ص ، فنى مثل درجته أيضا أقل ما يمكن فى ص ، فنى مثل هذه الحالة يصل معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص إلى أقصى قيمة موجبة ، والترتيب الثانى يمكن أن نحصل عليه بأن نعكس ترتيب قيم ص بحيث تكون قيمة والترتيب الثانى يمكن أن نحصل عليه بأن نعكس ترتيب قيم ص بحيث تكون قيمة عس أقل ما يمكن ، فالفرد الذى تشكون درجته أكبر ما يمكن فى ص ، والذى تقل درجته مباشرة عن الدرجة الأكبر فى ص تزيد دوجته مباشرة عن الدرجة الأكبر فى ص تزيد دوجته مباشرة عن الدرجة الأقل فى س وهكذا . فنى هذه الحالة يصل معامل الارتباط إلى أقصى قيمة سالبة .

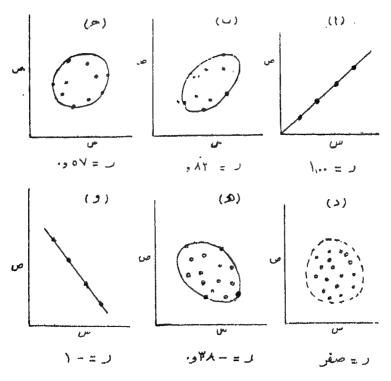
والترتيب الثالث يمسكن أن نحصل عليه بأن نرتب قيم ص ترتيبا عشوائيا بالنسبة إلى س ، أى أن قيم ص تـكون مستقلة عن قيم س . وهنا ربما نقول أنه لا توجد علاقة بين المتغيرين س ، ص ، وبالطبع يمسكن أن نحصل على قيم لمعامل الارتباط ننحصر بين أقصى قيمة موجبة وأقصى قيمة سالبة .

 ٣ ، ٧ ، ١ فان معامل الارتباط بين المتغيرين س، ص يكون + ١ . و إذا رنبنا
 قيم ص كالآنى : ٤ ، ٥ ، ٣ ، ٧ ، ١ فإن قيمة معامل الارتباط تظل موجرة
 و مرتفعة و اسكنها بالطبع تقل عن الواحد الصحيح .

أما إذا رتبنا قيم ص كالآتى ؛ ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ه فإن معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يصبح - ١ .

وإذا رتبينا قيم ص كالآتى: ١، ٢، ٤، ٣، ه فإن قيمة معامل الارتباط تظل سالية ومرتفعة ولسكن لا تصل إلى -- ١.

ويمكن تمثيل هــــذه العلاقات المختلفة بالأشكال الانتشارية Scatter ويمكن تمثيل الآنية (شكل رفم ه ؛) والتي تمثل كل نقطة فيها زوجا مرتبا من الملاحظات أو قيمة لكل من س ، ص على الترتيب .



شبكل رقم (٥٥) اشكال انتشارية توضح الدرجات المختلفة للملاقة بين المتغيرين

و من هذا الشكل نلاحظ أن ارتفاعات متوازيات المستطيلات تمثل التكرارات في خلايا الجدول التكراري المزدوج كما في حالة المدرج التكراري الممتاد .

و بالطبع ليس من الضرورى أن يرسم الباحث هذا الشكل عندما يريدحساب معامل الارتباط للبيانات المجممة ، فقد عرضناه هذا لمجرد التوضيح فقط .

ولحساب معامل الارتباط من جدول التوزيع التكرارى المزدوج يجب أن يفترض الباحث _ كما هو الحال عند حساب المتوسط والانحراف المعيارى للبيانات المجمعة _ أن تسكرار كل فئة (خلية) معينة يقع في مركز تلك الفئة . فثلا يمكنه أن يفترض أن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الثاني مع العمو دالثالث والتي تسكرارها _ ٣٠ ، وأن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الرابع مع العمو د الثالث والتي تسكرارها _ ٣ تأخذ قيمة س _ ٣٧ ، ص _ ٣٠ ، وأن الخلية التي تقع عند التقاء الصف الرابع مع العمو د الثالث والتي تسكرارها _ ٣ تأخذ قيمة س _ ٣٧ ، ص _ ٣٠ ، و هكذا .

والخطوة الثالثة : يختار فئة افتراضية اسكل من المتغيرين س ، ص ، ويوجد انحراف كل فئة عنها . ونظراً لان فئات كل من المتغيرين س ، ص متساوية في هذا المثال فإنه يمبكنه أن يختار الفئة ٥٣ – ٣٩ ويعتبرها الفئة الافتراضية . ولذلك يضع صفراً بدلا منها ثم يضع – ١ ، ٢ ، بدلا من الفئات التي تقل عنها ، + ١ ، + ٢ بدلا من الفئات التي يزيد عنها ، ولنرمز لانحراف كل من المتغيرين عن هذه الفئه بالرمزين س ، ص كما هو مبين بالجدول الآتي (رقم.٣):

		س			
7 +	1+	صةر	1 -	Y —	
				1	۲
		۲	٣		1 -
١	1	٥	1		ص مفر
٣	٤	۲	All the Bellinstein server speech stader		1+
1	1	ngga ng a sukkann i rada bakusakkusak			4+
	1	1 1	Y	Y	Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y Y

جدوك رقم (۳۰۱)

وربما يتذكر الباحث أننا قلنا أن معامل الارتباط لا يتأثر بإضافة مقدار أابت موجب إلى جميع قيم س أو جميع قيم ص . وهذا يعنى أننا إذا حسبنامعامل الارتباط ر باستخدام الانحرافات س ، ص بدلا من س ، ص فإننا سوف نحصل على نفس النقيجة . ولذلك فإننا يمكن أن نصل إلى الصورة التي يمكن أن يستخدمها الباحث لحساب معامل الارتباط في هذه الحالة وذلك باستبدال س ، ص على الترتيب في الصورة المستخدمة لإيجاد معامل الارتباط باستخدام الدرجات الحام وهي الصورة رقم (٦) كالآني :

ان (مجد س^۲ ت س-) - (مجس ت س-) کی (مجس ت ص-) - (مجس ت ص-) کی (مجس ت ص-) کی (مجس ت ص-) کی (۹)

حيث ن 🛌 المجموع السكلي للتكرارات

- ، ت الشكرار الكلى لكل فئة من فثات س
- ، تص التحرار الكلى لكل فئة من فثات ص
 - ، ت = تـكرار كل خلية .

والخطوة الرابعة ، يكون جدولا كالآتى يحسب منه قيم المقادير التى يتطلبها تطبيق الصورة رقم (٩) لحساب معامل الارتباط . وبالنظر إلى هذه الاشكال الانتشارية يمكن أن تأخذ فكرة سريعة عُن درجة العلاقة بين متغيرين (أى مقدارها) وانجاه هذه العلاقة (أى موجبة أو سالبة).

فإذا نظرتا إلى الشكل (1) تجد أن جميع النقط تقع على الخط المستقيم عا يدل على أن معامل الارتباط يساوى الواحد الصحيح أي معامل ارتباط تام .

أما الشكل (ب ستراكم فيه النقط حول الخط المستقيم و لكنها لا تنطبق عليه نهاما ، و لذا فإن معامل الارتباط يقل عن الواحد الصحيح و لكنه يكون قريبا منه و هو هنا ٨٢.

أما الشكل (ج) فلا تبدّو قية أى نزعة منتظمة لاقتران قيم س بقيم ص فهو يبين مجرد علاقة عشوا ثية بين المتغيرين ولذا فإن معامل الارتباط في هذه الحالة صفر.

والشكلانو، ه يوضحان علاقتان سالبتان إحداهما تامة والآخرى غير تامة. ويوجد عدد لانهائى من قيم معاملات الارتباط بين متغيرين تنحصر بين القيمتين النامة الموجبة والتامة السالبة.

معامل ارتباط بیرسون :

رأينا بما سبق أن معاملات الارتباط تتراوح بين + 1 ، - 1 . فالقيمة _ 1 تدل على أن معامل الارتباط تام سالب وتقع جميع النقط على الخط المستقيم، وتقل قيم المتغير س بزيادة قيم المتغير ص . والقيمة + 1 تدل على أن معامل الارتباط تام موجب ، وتقع جميع النقط على الخط المستقيم، وتزيد قيم المتغير س بزيادة قيم المتغير ص. والقيمة صفر تعنى أن المتغيرين س ، ص مستقلان بعضهما عن بعض أو أن العلاقة بينهما عشوائية .

وقد ذكرنا في مستهل هـذا الفصل أن معامل ارتباط بيرسون والذي يسمى (١٨. ـــ المتحليل)

حاصل ضرب الله وم يعتبر أكثر أنواع معاملات الارتباط استخداما فى البحوث النفسية والتربوبة . و كثير من أنواع معاملات الارتباط و الاقتران الاخرى الى سنعرض لها بالتفصيل فى الفصول التالية تعد حالات خاسه من هذا المعامل .

ولسكى يتضح للباحث معنى معامل ارتباط بيرسون ربما يكون من الأفضل التمبير عن المتغيرات في صورة درجات معيارية حتى يمكن الربط بين معامسل الارتباط وغيره من المقاييس الإحصائية المختلفة.

فيذا امترصنا أن س ، ص تمثل أزواجا من الملاحظات انحرافاتها المعيارية عمر على النرتيب ، فلتحويل الملاحظات س ، ص إلى درجات معيارية نستخدم الصورتين الآتيتين اللثين عرضنا لها في الفصل الخامس :

ويمكن تعريف معامل ارنباط بيرسون والذى سيرمزله بالرمز (ر) بأنه متوسط بجموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة للمتغيرين س، ص. ويمكن النعبير عن هذا رياضيا بالصورة الآنية :

ولذلك فإنه يكن الحصول على معامل ارتباط بيرسون بين متعيرير س، ص بتحويل كل قيمة من فيم المتغيرين إلى درجات معيارية باستخدام الصورتين المبينتين أعسلاه ، وجمع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة المتغيرين، وقسمة الناتج على عدد القيم ،

ولنوضيح معنى الصورة الرياضية المستخدمة فى إيجاد معامل ارتباط بيرسون نفترض أن لدينا أزواجا من الملاحظات محولة إلى درجات معيارية . فجموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المنقابلة بحد (در × درس) يعتبر مقياساً لدرجة المسسلاقة بين المتغيرين ، و تسل بحد (در × درس) إلى قيمتها العظمى:

١ _ إذا كانت قيم دس ، دص لها نفس الترتيب .

٢ ــ و إذا ساء ت كل قيمة من قيم دس القيمة المناظرة لها دس ،أى إذا تساوت قيم بحرعتى الملاحظات .

فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لمجموعتى الدرجات المعيارية دس ، دص ، فإن جميع النقط تقع تماما على خسط مستقيم ميله موجب ، ونظراً لآن جميع أزواج الدرجات المعيارية متساوية أى أن دس على على الدرجات المعيارية متساوية أى أن دس على الدرجات المعيارية متساوية أى أن دس المعيارية دم ال

فإن دس × دص= دس ع = د س

$$e^{\lambda i} = \frac{e^{(c_0 \times c_0)}}{i}$$

ولـكن من خواص الدرجات المعيارية أن مجموع مربعات الدرجات المعيارية لتوزيع ما عن ، أى أن أقصى قيمة للقدار بح (دس × در تساوى ن)

و بذلك تكون ر 🕳 😈 = ١

وبالمثل تصل مجـ (دس 🗙 دص) إلى قيمتها الصغرى :

۱ ـــ اذا كان ترتيب قيم دس عكس ترتيب قيم دس

٢ ــ وإذا كانت القيمة العددية لـكل درجة معيارية درس تسمارى القيمـة العددية للدرجة المعيارية المقابلة لها درس ولـكنها تختلف معها في الإشارة .

ولذلك تكون أقل قيمة يصل إليها المقدار بحـ (دس × دص)= - ن · فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لمجموعتى الدرجات المعيارية دس ، د ص ف هذه الحالة، . فإن جميع النقط تقع تماما على خط مستقيم ميله سالب .

أما إذا لم توجد علاقة منتظمة بين در ، در ، فإننا تتوقيع أن يسكون بحد (در ×در) عد صفراً .

ولذا يمكن أن نعرف معامل الارتباط بأنه النسبة بين القيمة الملاحظه للمقدار بح (در × در) والقيمة العظمى الممكنة لهذا المقدار .

ونظراً لان المقدار مجـ (در × در) تتراوح قيمه بين ن ، ـ ن فإن قيم معامل الارتباط تتراوح بين ـ ١ ، ـ ، ١ .

ويمكن توضيح المناقشة السابقة بالمثال الآتى ، حيث س ، ص هى الدرجات الخام المتغيرين ، دس ، دص هى الدرجات الخام .

دس ×دس	دص	دس	ص	س
٠٠٠ تقريبا	1.87 -	1,17 -	111	1
٠٠٠، تقريبا	·,v1 —	-,٧١	14	۲
صغر	صفر ُ	صفر	10	٣
٠٥٠ تقريبا	·,v1+	·, v1 +	17	٤
٠٠,٠٠ تقريبا	1,27+	1,27+	111	•
) = ۶- دس ۲=	س ×دمر	۶) ۴

فإذا تظرنا إلى هذا الجدول تلاحظ أن المتغيرين س ، ص لهما نفس الثرتيب ، وإذا مثلناهما في شكل انتشاري سوف نجد أن النقط تقيع على خط مستقيم .

وفى هذه الحالة تتساوى أزواج الدرجات المعيارية المتقابلة لكلمن المتغبرين س ، ص ، وتكون قيمة بحد (در بدر عن المعارية الم

فإذا تأملنا القيم الموضحة في الجدول نجد أن أقصى قيمة يصل إليها هذا المجموع هي ن ، إذ لا يمكن ترتيب قيم ص التي في الجدول بالنسبة إلى س بحبث نحصل على قيمة أكبر من ن . وإذا عكسنا ترتيب قيم ص بالنسبة إلى قيم س فإن قيمة المقدار $(c_m \times c_m) = c_m \times c_m = c_m \times c_m$ ن $c_m \times c_m = c_m \times c_m$.

وإذا اخترنا ترتيبات أخرى لقيم ص بالنسبة إلى س ربما تؤدى إلى قيم لمماملات الارتباط نثراوح بين + ١ ، - ٠١. من هذا يتضح أن معامل ارتباط بيرسون ما هو إلا بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة المبتغيرين مقسوما على أقصى قيمسة لهذا المجموع.

الغروض التي يجب أن يتحقق منها الباحث في البيانات إذا أراد استخدام معامل ارتباط بيرسون :

يوجد عدد من الفروض التي يقوم على أساسها معامل ارتباط بيرسون يجب أن يتحقق منها الباحث في المتغيرات التي يود دراسة الملاقة بينهـــا .

فعامل ارتباطبيرسون هو مقياس للملاقة الخطبة بين متغيرين، ويمكن للباحث التحقق مبدئيا من خطية الملاقة برسم الشكل الانتشارى لقيم المتغيرين و تأمسل الشكل الناتج. فإذا اتضح له أن توزيع القيم يتخذ شكلا بيضاويا دون أى نزعة إلى الانحناء فإن هذا يمكن أن يكون دليلا على خطية الملاه. وابتماد الملاقة ابتماداً طفيفا عن الخطيه لا يمنع الباحث من استخدام معامل ارتباط بيرسون كتقريب مبدئي لقيم معاملات الارتباط الاخرى الى يمكن أن يستخدمها في حالة الملاقة غير الخطية أما إذا ابتمد شكل العلاقة عن الخطية وأصبح واصحا للباحث من تأمله للشكل الانتشارى أن العلاقة بين المتغيرين منحنية، فإنه يجب أن يستخدم ما يسمى بنسبة الارتباط Correlation Ratio أو أى طريقة أخرى تتفق وهسده الملاقة المنحنية ، وسوف نعرض لهذه الطرق في الفصلين الحادى عشر والخامس عشر .

والحقيقة أن كثيرا من المتغيرات النفسية ترتبط ارتباطا خطيا .

فشلا نتوقع أن تكون العلاقة بين الاختبارات التي تقيس قدرات مرتبطة خطية طالمسا أن هذه الاختبارات تقيس جوانب مختلفة لمطلب سلوكي واحد مثل نذكر نوعين مختلفين من المثيرات.

ويستثنى من ذلك الملاقه بين العمر «زمي وأنواع معينة من الاداء .

فإذا تضمنت عينة البحث مدى عمرى متسع ، تكون الملاقة القائمية بين الادا. والعمر منخفضة في الاعمار الصغيرة جداً والاعمار المتقدمة جداً .

وتوجد بعض العوامل التي تؤدى إلى أشكال انتشارية منحنية لاسباب اصطناعية . وربما يحدث هذا إذا كان أحد توزيعي المتنيرين أو كلاهما ملتويا، وكان التواء نتيجة لخطأ في ميزان القياس ، بمسا أدى إلى تغيير منتظم في وحدة القياس .

فإذا تأكد الباحث من حدوث ذلك فإن أحد طرق معالجة هذا المونف هو أن يحول التوزيع الملتوى إلى توزيع اعتدالى باستخدام الطريقة التي عرضنا لها في نهاية الفصل السادس. فإجراء مثل هذا التعديل على أحد التوزيعين أو كليمها يمكن الباحث غالبا من التخلص من انحتاء شكل العلاقة . فإذا لم يؤد هذا التعديل إلى يحمل العلاقة خطية فيجب على الباحث ألا يستخدم معامل ارتباط بيرسون لإيجاد مقدار هذه العلاقة .

وليس من الضروري استخدام معامل ارتبساط بيرسون فقط في حالات التوزيعات الاعتدالية ، إذر بما تختلف أشكال التوزيعات ، ولكن يجب أن تكون متماثلة إلى حد ما وأحادية المنوال ، ولذلك فإن التوزيعات المستطيلة تنطبق عليها هاتان الخاصيتان ، ولكن يجب الالتجاء إلى طرق أخرى لإيجاد معامل الارتباط إذا كانت التوزيعات غير متمائلة أو غير متصلة .

طرق حساب معامل ارتباط بيرسون للميانات غير المجمعة:

أولا ــ باستخدام الدرجات الممارية (د):

ممامل ارتباط بيرسون هو مقياس معيارى للملاقة ، بممنى أنه يدخل في حسابه المتوسط والانحراف المعياري لسكل من جموعتى الدرجات المراد إيجاد العلاقه بينهما .

وهذا يعنى أن أى تحويل خطى لإحدى بجموعتى الدرجات لا يؤثر فى قيمسة معامل ارتباط بيرسون ، و بذلك لا يكون لوحدة القياس أهمية تذكر عند إيجاد معامل الارتباط .

فعلى سبيل المشال نفترض أننا أردنا إيجاد العلاقة بين الطول بالمتر والوزن بالدكيلو جرام لمجموعسة من أطفال الصف الخامس . فهنا يجب أن لا نظل أننا لا نستطيع إيجاد معامل الارتباط بين المتغيرين بسبب اختلاف وحدة قياس كل منهما . إذ يمدكن أن نحصل على نفس قيمة معامل الارتباط إذا حولنا أطوال الاطفال من متر إلى سنتيمتر ولا تجرى أى تحويل على العلول . والسبب في ذلك أننا نستخدم الدرجات المحارية بدلامن الدرجات الخام في حساب معامل الارتباط .

وقد سبق أن ذكرنا أنه يمسكن إيجاد معامل ارتباط بيرسون باستخدام الصورة الآنية :

$$v = \frac{\frac{2}{2} \left(\frac{c_0}{v} \times \frac{c_0}{v} \right)}{v}$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نعطى المثال الآتى : أوجد معامل الارتباط بين جموعتي الدرجات ؟

فلإيجاد معامل الارتباط باستخدام الدرجات المعيارية يمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية :

١ --- يوجد المتوسط والانحراف المعيارى لمجموعة الدرجات س .

٧ ـــ يوجد المتوسط والانحراف المعياري لمجموعة الدرجات ص .

- ٣ ـ يحول كل درجة من درجات س إلى درجة معيارية
- ٤ _ بحول كل درجة من درجات ص إلى درجة معيارية .
 - ه _ يوجد حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة .
 - ٣ _ يجمع حواصل الضرب النانجة .
 - ٧ ــ يقسم فانج حاصل الضرب على عدد الدرجات .

ويمكن استخدام هذه الخطوات فى المثال السابق وتلخيصها فى الجدول رقم (٢٣) الآتى :

3	1 1 1 2 + + + 3	
(3 - 3)	E= " 3 " = E 5	ب س ا ا
23		× × × × × × × × × × × × × × × × × × ×
9	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	3 = >
(o - o	= = = = = = = = = = = = = = = = = =	# #
J. 60		707 × × × × × × × × × × × × × × × × × ×
مي مي	2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2

جدول رقم (١٢) خطوات حساب معامل ارتباط بيرسون بطريقة الدرجات (العيلية

$$v = \frac{v}{v} = \frac{v}{v} = \frac{v}{v} = v$$

ويمكن أن يغير الباحث ترتيب قيم كل من س ، ص بطرق مختلفة ويعبد حساب معامل ارتباط بيرسون فى كل حالة حتى يتمكن من استيعاب معنى معامل الارتباط .

و نظراً لآن هذه الطريقة فى حساب معامل الارتباط هى طريقة مطولة لانها تتطلب تحويل كل درجة خام من المتغيرين إلى درجة معيارية ، فانها تصبح شاقة إذا زاد عدد قيم أى من المتغيرين عن ٥٠ وهو ما يواجه عادة كثيرا من الباحثين فى العلوم النفسية و التربوية .

ولذلك يمكن التوصل إلى طرق أخرى أبسط لحداب معامل الارتباط تعتمد على:

٧ _ متوسط الانحرافات.

٣ ــ الدرجات الخام مباشرة .

٤ ـــ الفروق بين الدرجات الخام .

ثانيا ـ باستخدام متوسطالانحرافات:

$$\frac{}{id} [Vic_n] = \frac{}{} \frac{}{} (c_n \times c_m)$$

$$ij \quad c = \frac{(m - \overline{m})(m - \overline{m})}{\dot{v} \times 3_{m}} \times 3_{m}$$

$$\sqrt{\frac{\sqrt{w-w}}{v}}$$
و اظراً لان عمر $=\sqrt{\frac{1}{v}}$

وبالتمويض في (٢) :

$$\frac{2 \cdot (m - \overline{m}) (m - \overline{m})}{\sqrt{2} \times (m - \overline{m})} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}$$

$$(T) \cdot \cdots \underbrace{(m-m)(m-m) - m \cdot n}_{\text{V}} = \underbrace{(m-m) \times (m-m)}_{\text{V}} \times \underbrace{(m-m) \times (m-m)}_{\text{V}} = \underbrace{(m-m) \times (m-m)}_{\text{V}} \times \underbrace{(m-m)}_{\text{V}} \times$$

و إذا قسمنا البسط في الصورة رقم (٣) على ن فإن المقدار الذي في البسط يسمى حينتذ بالتغاير Covariance ، وإذا قسمنا كل من العاملين اللذين تحت

الجذر التربيعى فى المقام على ن فإننا نحصل على حاصل ضرب الانحر افين المعياريين لسكل من المتفيرين س ، ص ، أى أن معامل ارتباط بيرسون يمكن اعتباره النسبة بين التفار إلى المتوسط الهندسي لتباين المتفيرين .

واستخدام هذه الصورة يحتاج إلى جهد ووقت كبيرين إذا كانت ن كبيرة . ولذلك لا ننصح الباحث باستخدامها إلا إذا كان لديه آلة حاسبة أو كان عدد قيم ن قليلا ، والفرض من عرضهما هشا هو أنها تلقى بعض الصوء على معنى معامل ارتباط بيرسون كما ذكرنا .

ولتوضيح كيفية تطبيق الضورة رقم (٣) فإننا نعطى المثال الآتى : أوجد معامل الارتباط بين بحوعتي الدرجات :

فلإيجاد معامل الارتباط باستخدام طريقة متوسط الانحرافات يمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية :

- ١ ــ يوجد متوسط قيم المتغير س .
- ٧ ـــ يوجد متوسط قيم المتغير ص .
- ٣ ــ يوجد انحراف كل قيمة من قيم المتمير س عن المتوسط .
- ٤ ـــ يوجد انحراف كل قيمة من قينم المتغير ص عن المتوسط.
- ه ... وجد جموع مربعات العرافات كل قيمة من قيم س عن المتوسط .
- ٣ ـــ يوجد جوع مربعات انحرافات كل قيمة من قيم ص عن المتوسط.
- بوجد مجموع حواصل ضرب انحرافات قيم المتغير س عن المتوسط في انحرافات قيم المتغير ص عن المتوسط .

ويمكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابق وتلخيصها في الجدول رقم (٢٤) الآتي :

	ارا م الم	بر س-س) = ١١٢		يجه هي ≡	جمع = ١١ جداص - ص عدم = ١٥٢	YOY == Y ()-
-	+	41	15	1+	*1	-4 -4
4400°	+		7	1+	>	71
هـ	→		6	۲-		1
<	<i>ک</i> و.	, in		۲ +	4.	• AA • •
6	٦ 	~	Ŧ	,	صفر	. م
4	Ĩ		~	ه ا	>	~ { 1
	1	71	<	1	*1	. 77
6	c ^e c ^e	(س – س)	8-	ص - ص	(ص – ص)	(m - m) (m - m)

 $\star (m - \frac{1}{m}) (m - \frac{1}{m}) = 41$

17 = 11 = 10 = 00 = 1

جدول رقم (۱۲) خطوات هسسان يتعالي الواها ورسون ياستقندام وتوسسط الانحرامات

$$\frac{(\overline{w} - \overline{w}) \overline{w} - \overline{w}}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2}$$

الله : باستخدام الدرجات الخام مباشرة :

يمكن التوصل إلى صورة جديدة لإيجاد معامل ارتباط بيرسون ياستخدام الصورة رقم (٣) السابقة بعد إجراء بعض العمليات الجبرية .

فالمقدار بحد (س –
$$\frac{m_{V}}{V})^{\gamma}$$
 يمكن و ضعه على الصورة:

*** (س – $\frac{m_{V}}{V})^{\gamma} = بحد $\frac{m_{V}}{V} + \gamma$ به $\frac{m_{V}}{V} + \gamma$$

وبالتمويض في الصورة رقم (٣) نجد أن :

$$\left[\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right] \left[\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

(٤) · · · ·

(o) · · · ·

ويمكن أن يستخدام الباحث أى صورة من هذه الصور السابقة، إلاأن الصورة رقم (٦) هى الصورة ألمامة التي. يمكن أن تستخدم فى حساب معامل الارتباط من الدرجات الخام مباشرة ولكنها تحتاج أيضاً إلى آلة حاسبة .

ويمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية عند تطبيق هذه الصورة :

١ --- يوجد بحموع قيم المتغير س · ٢ -- يوجد بحموع قيم المتغير ص .

٣ ـــ يوجد حاصل ضرب بموع قيم س في مجموع قيم ص .

٤ - يوجد بحموع حواصل ضرب القيم المتقابلة المكل من س ، ص

هـ يوجد بحموع مربعات قيم س .

٣ --- يوجد بحموع مربعات قيم ص .

٧ - يوجد مربع جموع قيم س .

٨ -- پوجد مربح بحموع قیم ص .

ويمكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابي وتلخيصها في الجدول رقم (٢٥) الآتي لإيجاد معامل الارتباط:

ش ص	طس۲	س۲	ص	س ا
٧	٤٩	1	٧	١
14	71	4	٤	٣
70	179	40	14	٥
117	707	٤٩	١٦	٧
4.	1	۸۱	١٠	٩
747	٤٨٤	٨١	. 77	11
717	441	174	14	١٣
Y Y 0	\ £ T0	100	*1	٤٩

جدول رقم (م) خطوات حساب معامل ارتباط بیرسسون باستخدام الدرجات الحام مباشرة

$$\frac{[(41) - 151.0 \times A][(51) - 500 \times A]A}{[(41) - 500 \times A]A} = -$$

$$=\frac{777}{77}=\frac{77}{77}=\frac{77}{100}$$

رابعاً : باستخدام الفروق بين الدرجات الخام :

يمكن الحصول على معامل ارتباط بيرسون باستخدام الفروق بين الدرجات الخام . ونحصل على هذه الفروق بطرح كل قيمة من قيم ص من قيمة س اللماظرة لها أو العكس .

فإذا فرضنا أن ف تمثل الفرق س — ص ، فإن ف = س — ص س حوث سر من لانحراف حيث س ترمز لانحراف قيم س عن متوسط هذه القيم ، ص ترمز لانحراف قيم ص عن متوسط هذه القيم .

ای ان: عدنی = عدر س - ص) ا

= عـ س ٔ ۲ + عـ س ٔ ص ٔ عـ س ٔ ص ٔ ولـكن ر = <u>ن ع س ع ص</u> (الصورة رقم ۳)

أى أن : محس ص سے ن زعيس عص

بالتعویض عن محـ س ص فی الطرف الایسر الذی یســاوی محـ فی ۲ نجد أن :

> عدف ت عدم من ۲ بے ص ۲ – ۲ ن رعس عص وبالقسمة على ن فإن :

$$\frac{2 \cdot i^{2}}{i} = \frac{1}{i} + \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$$

وهذه يمكن كتابتها على الصورة الآتية :

عان=عاس+عاس-٧ دعسعس

وهذه الصورة تمنى أن تباين الفرق بين المتغيرين س، ص عند تباين المثغير الآول مضافا إليه تباين المتغير الثانى ومطروحا من هذا المجدوع ضعف مقدار التباين المتلازم أو التغاير Covariance (وهما مصطلحان يطلق أى منهما على الحد الثالث في هذه الصورة).

ومن هذه الممادلة يمكن إيجاد قيمة ر وهي :

$$c = \frac{3^{1}m + 3^{7}m - 3^{7}b}{73m 3m}$$

و بالمثل يمكن إثبات أن تهاين بحموع المتغيرين س ، ص :

أى ع⁷ س + ص == ع⁷ س + ع⁷ ص + ۲ د ع س عس ويمكن من هذه المعادلة الحصول على ر كالآق:

$$(A) \cdot \cdots \qquad \frac{3^{2} w + w^{2} - y^{2} w - y^{2} w}{1 \cdot 3 w \cdot 3 w} = 1$$

ويمكن باستخدام أى من الصورتين رقم ٧ أو ٨ الحصول على قيمة ر .

ولتوضيح خطوات تطبيق الصورة رقم (٧) لإيجاد معامل ارتباط بيرسون بين المتغيرين من ، ص نعرض المثال المبين بالجدول (رقم ٢٦) الآلى :

(7)	(0)	(٤)	(٢)	(٢)	(1)
ف۲	ن	ص۲	٣٠٠	ص	<u>س</u>
41	٨	1 £ £	٤٠٠	17	7.
٤	. ٢	707	772	17	1.4
٣٦	۳	1	707	1 •	17
•	٠ ١	197	770	1 8	10
٤	۲	188	197	17	1 1 8
£	. ٢	1	128	١.	17
٩	٣	٨١	144	٩	14
٤	۲	7.5	١	٨	١.
١	١	44	71	٧	٨
٩	٣	ŧ	40	۲	
177	٣٠	١١٣٨	۱۸۷۸	1	لجعوع ١٣٠

جدول رقم ۲۲۱) خطوات حساب معامل ارتباط بیرسون باستخدام الفرق بین الدرجات الخام

فن الجدول رقم (٢٦) نستطيع إيماد ع س ، ع من ع عني كالآني : الخطوة الاولى ة

قومچد محمد م*ن ۲ ، ح*۲_س .

$$\frac{r(1r\cdot)}{1\cdots} - 1 \wedge v \wedge =$$

1 A = 179. -- 1 AVA ==

17/ = 1 -- - 117/ =

$$17, \Lambda = \frac{17\Lambda}{1} = \frac{17\Lambda}{1$$

والخطوة الثالثة: نوجد مجه ف٢ ، ع٢ في

$$\frac{V(3,4)}{v} = V_3 = V_4 = V_4$$

$$\frac{r(r\cdot)}{1\cdot}-1r\eta=$$

$$i,7 = \frac{i7}{i} = \frac{5i - i}{i} = 5i$$

والخطوة الرابعة : نعوض عن قيم ع^٢س ، ع^٢ص ، ع^٣في في الصورة ردم (٧) ك**الآ**تى :

$$\frac{\xi, \tau - 1\Upsilon, \Lambda + 1\Lambda, \Lambda}{1\Upsilon, \Lambda \vee \times 1\Lambda, \Lambda \vee \Upsilon} =$$

$$\cdot, \wedge \vee = \frac{\forall \wedge}{\forall \forall, \forall} = \frac{\forall \wedge}{\forall \forall, \forall \forall} =$$

حساب معامل ارتباط بيرسون للميانات المجمعة :

إذا اشتملت البيانات على عدد كبير من أزواج القيم يمكن للباحث تبويب البيانات في فأت وتجميعها في جدول تكرارى مزدوج Way — Way — Frequency Table ثم يوجد معامل ارتباط بيرسون لهذه البيانات المجمعة بطريقة أسمى طريقة الترمين Code Method .

و لتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث في حساب معامل الارتباط بهذه الطريقة نعرض المثال الآتي :

مفترض أن الباحث أراد إيجاد معامل ارتباط بيرسون بين درجات. الاختبارين س ، ص المبينة بالجدول الآق :

ص	س	ص ا	س	ص	س
£ £	./	7 8	٣٠	24	44
44	, w.	17	٤٨	74	44
٤٣	ŧ٠	٣٥	40	1 2 7	٤٥
٤١	٣٨	11	£ £	7.7	77
٣٨	4 4.	٣٧	٤٥	٤١	٤٣
٣٦	44	71	44	44	۳۷
į •	٤٦	٤٢	17	٤٨	٤٣
		77	٣٨	41	77
		44	47	٣٧	٤٣

جدول رقم (۲۷) درجات اختبارین س ۴ ص

	(•)	()	(٣)	(Y)	(1))						
ت	ه سکس من	سُ 'ت	س ت س	س	ں ا	J						
	٤	<u> </u>	۲ –	1	 Y-							
	٣	٥	, —	٥	1-			۲	٣			
	صفر	صفر	صغر	٨	صفر	1	1	0	1			
	١.	٩	٩	٩	1	٣	٤	۲				
	٦	٨	٤	۲	۲	1	1					
	74	77	٦	70	منفر	٢	ار ۱	١ احدة	<u> </u>	-	ص	(٦)
	7				۲۰	0	7	٠ -	1	-	ت ص	(v)
۲	3				١.	1.	بر ٦	ع مده	_ ۲ -	ر [ص کت	(\)
Ē	ا در من اللماي				72	7.	ار ۲	ا صة	٤	'ص	ص ۲۳	(1)
•	ان ا <u></u>				- 44	1.	ار ۲	1	- 1	رَ ت	ا س ً حو	(1+)

جيدول الارتباط بين المتغيرين س " ص

ويمكن الحصول على القيم المبينة بخلايا الصفوف رقم (٧) ، (٨) ، (٩) بنفس الطريقة ، أما قيم ن ، بحد س ت س ت مت فيمكن الحصول عليهــــــــا بجمع الاعمدة رقم (٢) ، (٣) ، (٤) ، وقيم مجد س ت ص ت ص ت ص بجمع الصفين رقمى (٨) ، (٩) .

أما قيمة المقدار بجس س ص ت فيمكن الحصول عليها بجمع المقادير الى نحصل عليها من ضرب تكوار كل خلية فى قيمة كل من س ، ص الى فى الصف والممود اللذين تنتمى إليهما ،

ويمكن إجراء هذه العملية على كل صف على حدة بأن نضرب أو لا تكرار كل خلية فى قيمة س المناظرة لها و تجمع حواصل الضرب ، ثم نضرب الناسج فى قيمة ص المناظرة لها .

فثلا بالنسبة الصف الثاني تحصل على:

T = (1 -)[(-1) + (1 -)T]

وبالنسبة للصف الرابع تحصل على:

 $1 \cdot = (1)[(7) + (1) + (1)](1) = 1$

وهذه القيم هي المبيته في العمود رقم (٥) في الجدول رقم ٣١ -

ويمكن إجراء هذه العملية على كل عمود على حدة بدلا من كل صف، و نضرب تمكر اركل خلية فى قيمة ص المناظرة لها و نجمع حواصل الضرب ، ثم نضرب الناتج فى قيمة س المناظرة لها . وهذا يعطينا أيضاً نفس قيمة المقدار بحدس ص ت ، .

فثلا بالنسبة للعمود الرابع نحصل على:

$$\mathbf{7} := (1)[(\mathbf{7}) + (1) + (1) + (1)]$$

وهذه هي القيمة المبينة في الخلية المطلوبة في الصف العاشر -

ويمكن للباحث مقارنة العمود الخامس بالصف العاشرالتأكد من صحةالعمليات الحسابية ، إذ أنه يحب أن يجد القم المتناظرة متساوية .

والخطوة الخامسة: يعوض عن مجموع القيم المطاوبة فى الصورة السابقة لحساب ممامل الارتباط من المجاميع الى حصل عليها من الجدول السابق دقم (٣١) وهو يسمى عادة جدول الارتباط ليحصل على:

$$c = \frac{(\circ7)(77) - (\cdot1)(7)}{\sqrt{(77)(77) - (1)^7} \sqrt{(\circ7)(77) - (77)^7}}$$

$$= 77.$$

تصحيح معامل الارتباط من الاخطاء الناتجة عن تجميع البيانات:

إن الطريقة السابقة لحساب معامل الارتباط للبيانات المجمعة تعد طريقة تقريبية . والسبب في ذلك يرجع إلى أننا اغتبرنا أن تكرادكل فئة يقع في مركز تلك الهئة . وكلما زاد طول الفئة زاد بالطبع الخطأ الناتج عن هذا التقريب .

فإذا أراد الباحث أن يحصل على الفيمة المضبوطة لممامل الارتباط فعليه أن يستخدم الدرجات الخام مباشرة بدلا من استخدام طريقة الترميز السابقة .

أما إذا استخدم الباحث طريقة الترميز وكان عدد فثات أى من المتغيرين قليلا فإن تقدير قيمة معامل الارتباط تسكون أقل مما لو استخدم طريقةالدرجات المغام . وفي الحالات المتطرفة التي يكون نها عدد فئات أى من المتغيرين فشتين

فقط تقل قيمة معامل الارتباط الناتجة عن استخدام طريقة الترميز بقدرثاثى قيمتها عما لو استخدم طريقة الدرجات الخام . وعندما يكون عدد فثات كل من المتغيرين 10 تقل قيمة معامل الارتباط بقدر ٣/٢ .

و يمكن تصحيح الأخطاء الناتجة عن تجميع البيانات لأى عدد من فشات كل من المتذيرين بقسمة معامل الارتباط الناتج من استخدام طريقة الترميز على مقدار ثابت يساوى عدد هذه الفشات. وهذا النصحيح يعد ضروريا لأن هذه الاخطاء تؤدى إلى أخطاء أيضا عند حساب الانحراف المعيارى كما ذكرنا في الفصل الرابع.

أما إذا استخدم الباحث تصحيح شبرد Sheppard Correction الذي أشرنا إليه في الفصل الرابع لكل من الانجرافيين المعيارين للتغيرين س، صفإنه لا يكون هنا داع لإجراء تصحيح آخر لمعامل الارتباط.

وقد أعدكل من بيترز Peters وفان فورهيسVan Voorhis قائمة من الشوابت التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإجراء تصحيح معامل الارتباط عندما تجمع البيانات في فئات مختلفة السعة بالنسبة للشغيرين س ، ص .

وهذه الثوابت مبينة بالجدول الآتى رقم (٣٢) :

(٣)	(٢)	(1)
مربع معامل التصحيح	معامل التصحيح	عدد الفئات
•, 777	•,^\7	۲
•,٧٣٧	•,٨٥٩	٣
•, ۸٣٩	•,417	٤
٠,٨٩١	.,157	٥
•,4٢٣	•,44•	٦
.,481	•,4٧•	٧
•,400	•,4٧٧	٨
•,44£	+,487	٩
•,4٧•	+,410	1.
•,4٧٦	•,4^^	11
٠,٩٨٠	•,44•	17
•,٩٨٣	•,441	١٣
•,410	•,447	1 8
•,4٨٧	•,448	10

جدول رقم (٣٢) معاملات تصحيح معامل الارتباط من الأخطاء الناتجة عن تجميع البيانات

فإذا افترضنا أننا حصلنا على معامل ارتباط $_{,71}$. من بيانات مجمعة عدد فثات المتغير س فيها $_{,71}$ م وعدد فثات المتغير س $_{,71}$ وعدد فثات المتغير س $_{,71}$ وعدد فثات المتغير من $_{,71}$ المعرفة قيمة كل من معاملى التصحيح في الحالتين وهما : $_{,71}$ من $_{,71}$.

ولإجراء تصحيح معامل الارتباط الذي حصلنا عليه و هو ٦١,٠ تعلبق الصورة الآتية :

$$(1 \cdot) \cdot \cdot \cdot \frac{\sigma}{\sigma} \times \frac{\sigma}{\sigma} = \sigma$$

حيث ريم يه معامل الارتباط بعد تصحيحه .

- ٥ ر = معامل الارتباط قبل التصحيح .
- ك خس ، حص = معاملي تصحيح المتغيرين س ، ص

و بمكن الحصول عليهما من الجدول رقم (٣٢) .

فإذا طبقنا هذه الصورة على قيمة معامل الارتباط ١١، و تجد أن :

$$\cdot, \forall \forall = \frac{\cdot, \forall 1}{(\cdot, 4 \land Y)} = \zeta$$

أى أن معاهل الارتباط بعد تصحيحه هن الأخطاء الناتجة عن التجهيم =

و بالطبع إذا تساوى عدد فثات كل من المتهنيرين ينساوى معامل تصحيح كل منهما ، وتصبح صورة التصحيح آلسابقة كالآتى :

$$(11) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{1}{r_2} = \frac{1}{r_2}$$

وهذا يمنى أن المقام قد أصبح مساويا لمربع مغامل التصنحيح لأى من س أو ص.

ويمكن استخدام العمود الثالث في الجسول رفع (٣٣) للتعويض عن قيمة سمَّ المناسية في مثل هذه الحالة .

و ننصح الباحث بتطبيق هذه الصورة عندما يكون عدد فئات كل من المتغيرين س ، ص أقل من ١٠ فئات و يخاصة إذا كان عدد الفئات ٨ أو أقل .

ويفيد تطبيق هذه الصورة فى الحصول على قيمة أكثر دقة لمعامل الارتباط عندما تكون قيمته كبيرة . أما إذا كانت قيمته صغيرة وبخاصة إذا كان حجم المينة المستخدمة صغيراً أيضاً فإنه ربما لا يفيد كثيراً تطبيق هذه الصورة .

و يحب أن يراعى الباحث أن معاملات التصحيح المبينة بالجدول رقم (٣٢)قد أعدت محيث تستخدم بوجه خاص في الحالات التي تكون فيها الفئات متساوية السعة ومنتصفات الفئات تمثل التسكرارات ، وأن يكون توزيع كل من المتغيرين اعتدالياً .

الموامل الى نؤثر فى معامل ارتباط بيرسون :

١ - سبق أن ذكرنا في الفصل الرابع كيف أن إضافة أو طرح مقدار ثابت إلى أو من كل قيمة من قيم المتغير ، وكذلك الضرب أو القسمة في أو على مقدار ثابت تؤثر في قيمة متوسط و تباين التوزيع .

أما فى حالة الارتباط، فإن إضافة أو طرح مقدار ثابت لا يساوى صفراً إلى أو من كل درجة من درجات أحد توزيمي المتغيرين أو كليهما، وكذلك الضرب أو القسمة في أو على مقدار ثابت لا يغير من قيمة معامل الارتباط. أى أن قيمته لا تتغير بتغير نقطة الاصل ووحدة ميزان القياس.

وفي الحقيقة أنه يمكن باستخدام هذه النقيجة تبسيط العمليات الحسابية بأن

نطرح مقدارا ثابتا مثلا من كل درجة من درجات أحد المتغيرين أو كليهما إذا كانت قيم الدرتباط .

كا أن هذه النتيجة تعنى أنه يمكن إيجاد معامل الارتباط بين متغيرين مهما اختلفت وحدات قياس كل منهما .

فقيمة معامل الارتباط بين العمر والطول لا تختلف سواء كانت وحدات العمر المستخدمة هي الاعوام أو الشهور ، ووحدات الطول هي الاقسدام أو السنتيمترات .

وفى الحقيقة أن عدم تأثر معامل الارتباط بتغيير وحدة القياس أو نقطة الاصل لاى من المتغيرين أو كايهما يحمل معامل الارتباط من المقاييس الإحصائية ذات الاهمية التطبيقية السكبيرة.

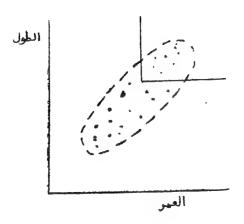
٢ ــ تتأثر قيمة معامل الارتباط بمدى تباين درجات كل من النوزيعين. فقيمة معامل الارتباط المحسوبة من جموعة من الدرجات المتباينة إلى حد كبير تدكون أكبر من قيمته إذا كانت بحوعة الدرجات متقاربة في أحد المتغيرين أو كليهما .

فشلا إذا حسبنا معامل الارتباط بين نسب ذكاء ودرجات تحصيل بحموعة من الطلاب الذين يختلفون اختلافا واضحا في قدراتهم فإنذا ربدا نجد أن قيمة هذا المعامل مرتفعة عما لو كانت بجموعة الطلاب من المتفوقين عقلياً . فعامل الارتباط في هذه الحالة من المحتمل أن تحكون قيمته منخفضة جداً بسبب تجانس المجموعة .

وهذا يوضح أن قيمة معامل الارتباط بين متغيرين يكون لها معنى فقط إذا حدد الباحث طبيعة و تـكوين المجموعة موضع البحث .

وأحيانا يحصل الباحث على معامل ارتبـــاط منخفض زائف أو وهمى Spurious Correlation ناتج عن تضييق مدى قيم أحد المتغيرين . فشلا إذا كان الباحث مهتما بإيجاد العلاقة بين عمر وطول بجموعة من الاطفال الذين

تتراوح أعمارهم بين العوام ، ١٦ عاما . فإنه سيحصل بلا شك على معامل ارتباط مرتفع بين المتعيرين . أما إذا ضيق مدى أحد هذين المتغيرين بأن أوجد معامل الارتباط بين العمر والطول بالنسبة للاطفال الذين تتراوح أعمارهم بين ٩ ، ، ١ أعوام فقط ، فإنه سيجد أن معامل الارتباط قد انخفض إلى حد كبير ويمكن توضيح ذلك بالشكل الآتى رقم (٤٧) :



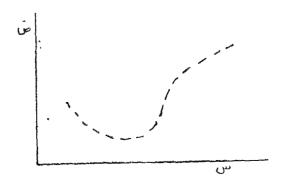
شسكل رقم (٧٤,) شكل انتشارى يوضح تيبة مرتفعة لمعامل الارتباط بين العبر والطول على مدى متسع لكل منهما ويوضح انخفاض تيبته عند تضييق مدى المتغيرين

فيالنظر إلى شكل رقم (٤٧) نجد أن قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين تمكون كبيرة إذا أخذنا في الحسبان المدى السكلي لها ، إما إذا نظرنا إلى الجزء العلوى الايمن من الشكل فسنجد أن هذه القيمة قد انخفضت بسبب تضييق هذا المدى.

وكثيراً ما يو حا الباحث النفسى والتربوى مثل هذه المشكلة وهي مشكلة تضييق أو بتر الد السكلي لأحد المتغيرين أو كايهما، حيث إن كثيراً من

الباحثين يجرون إبحامهم على طلاب المدارس الثانوية و الجامعات الذين يتم اختيارهم على أساس عدد من المتغيرات مثل الذكاء والتحصيل المرتفع . ولذلك فإن هؤلاء الطلاب وبخاصة في المكليات المختلفة يكونون بمثابة بحمرعة متجانسة بالنسبة لهذه المتغيرات، ويترتب على ذلك أن الباحث عندما يوجد العلاقة بين اختبارات الذكاء أو الاستعدادات وتقديرات الطلاب في الدراسة الجامعية مثلا سيجد أن معامل الارتباط النانج ربما يكون منخفضا بسبب تضييق المدى . كما أنه يجب أن يتوقع أن قيمة معامل الارتباط ستكون أكثر انحفاضا بالنسبة للمكليات الى تنتقى طلابها من حصلوا على درجات عالية في اختبارات الاستعدادات مثلا .

٣ ــ يفترض عند إيجاد معامل الارتباط أن العلاقة بين المتغيرين علاقة خطية . فإذا نظرنا إلى الشكل الآتى رقم (٤٨) أجد أن هناك تناظرا تاما بين المتغيرين ، ولكن التناظر ليس خطيا ، وأن درجة العلاقة بين المتغيرين ستكون أقل ما هى عليه حقيقة إذا استخدم الباحث فى ذلك معامل ارتباط بيرسون ، وسوف نناقش الارتباط المنحنى فى الفصل الحادى عشر .



شسکل رقم (۱۸) شکل انتشاری یوضح علاقة منحنیة بین متغیرین

إلى المخامرين المغامرين المخاص المخا

تفسير معامل ارتباط بيرسون .

يتضح مما سبق أن معامل الارتباط بين متغيرين هو قيمة مجردة تعبر عن الملاقة القائمة بين المتغيرين محيث تنجصر بين + ١، - ١. ويعبر عادة عن قيمة معامل الارتباط بكسر عشرى.

وهنا يجب أن نحذر الباحث من الوةوع فى خطأ تفسير معامل الارتباط على أنه قيمة مطلقة مثل القيمة المناظرة للطول أو الوزن مثلاً ، أو على أنه فسبة مثوية . فثلا معامل الارتباط هر ، لا يعتبر تصف معامل الارتباط هر ، ، ومعامل الارتباط . م . لا يعتبر تصف عامل الارتباط . م . لا يعتبر تصف عامل الارتباط الذى قبمته واحد صحح .

كما أن الفرق بين معاملي الارتباط . ٢٠ ، ٠٠ ، ٧٠ يساوى الفرق بين معاملي الارتباط ، ٠٠ ، ٠٠ ، ٠٠ ، ٠٠ ، معامل الارتباط هو مقداد مجرد ولا يقاس على ميزان خطى وحداته متساوية .

كما لا يحب تفسير معامل الارتباط على أساس وحدات الدرجات الأصليـة حيث إن قيمة معامل الارتباط تـكون مستقلة _ كما سبق أن ذكرنا _ عن الوحدات التى يقاس بها المتغيران والقيم التى يأخذها كل منهما .

و أحيانا يعتبر الباحث أن معامل الارتباط الذى تنحصر قيمته بين ٣٠٠٠. ٧٠٠٠ متوسط القيمة أى يعبر عن علاقة ارتباطية متوسطة ، بينها يعتبر أن معامل الارتباط الذى تقل قيمته عر ذلك منخفضاً . أما إذا زادت قيمته عن ذلك فإنه يعتبره مرتفعا . ولكن هذه الاعتبارات خاطئة من وجهة نظر الأساليب الاستدلالية في تحليل البيانات والتي سنعرض لها بالتفصيل في الجزء الثاني من السكتاب ، فدلالة معامل الارتباط هي دالة لحجم العينة ، حيث إن قيمة معامل الارتباط المرتفعة التي يحصل عليها الباحث باستخدام عينات صغيرة ربما لا يكون لها أي معنى على الإطلاق من ناحية الاستدلال على الارتباط في الجنمع الأصل الذي استمدت منه هذه العينات .

كا أن هذه الاعتبارات إخاطئة أيضا من وجهة نظر الاساليب الوصفية في تحليل البيانات، حيث إن طبيعة كل من العينة والمتفيرات موضع البحث، والغرض من استخدام معامل الارتباط، تعتبر من العوامل التي تحدد ما إذا كانت قيمة معامل الارتباط مرتفعة أم منخفضة. فمثلا معامل الارتباط بين اختبار استعداد طبق على بحموعة من تلاميذ الصف السابع و درجاتهم في اختبارات التحصيل عند التحاقهم بالكليات والذي قيمته . ٧٠٠ و بما لا يكون له معنى بينها معامل الارتباط بين صورتين مشكافئتين من اختبار تحصيلي والذي تبلغ قيمته . ٧٠٠ و بما بعتبر منخفضا على يستدعي مراجعة أي من الاختبارين أو كليهما .

ويجب أن يلاحظ الباحث أيضا أن مقدار العلاقة بين متغيرين لا تعتمد على إشارة معامل الارتباط. فعامل الارتباط ... ٥٠٠٠ يعبر عن تفس مقدار العلاقة . بين متغيرين معامل الارتباط بينهما ٢٠٠٠، فالفرق بينها يكون في اتجاه العلاقة .

وربما يواجه الباحث أيضا مشكلة أخرى عند تفسير معامل الارتباط تنتجمن فحكرة أن إضافة أو طرح مقدار ثابت إلى أو من كل قيمة من قيم أحد المتغيرين لا تغير من قيمة معامل الارتباط . فإذا افترضنا أن الباحث أراد تحديد العلاقة بين درجات اختبار طبق على نفس المجموعة في مرتين مختلفتين . فإذا حصل على معامل ارتباط مرتفع ربما تسكون درجات المجموعة في المرة الثانية أعلى أو أقل من درجاتهم في المرة الأولى . وبالمثل معامل الارتباط المرتفع بين درجات محموعة من الاطفال في اختبار في القدرة العددية

ليس دليلا على أن نمو القدرتين عندهما متكافى. . فعامل الارتباط هو قيمة تدل على التغاير أو التباين المتلازم Concomittant Variation بين المتغيرين ، ولا يشير إلى مقدار المتغيرين .

ومن الطرق المفيدة فى تفسير القيم المختلفة لمعامل الارتباط (ر) هو تربيع هذه القيم أى الحصول على قيمة (ر۲) . والمقدار (ر۲) هو النسبة بين التباين الكلى لاحد المتغيرين والجزء من هذا التباين الذى يمكن التنبؤ به باستخدام المتغير الثانى . أى أن ر٢ هى الجزء من التباين فى أحد المتغيرين الذى يمكن أن تتنبأ به باستخدام المتغير الثانى . فإذا كان معامل الارتباط بين متغيرين هوي٠٠٧. مثلا ، فإن ر٢ = (٧٠٧.) عد ٥٠ و. تقريبا ، وعندما ر = ٥ و فان ر٢ = . ولذلك فإنه يمكن اعتبار أن معامل الارتباط ٧٠٧. معف معامل الارتباط ٥٠٠ و تقريباً .

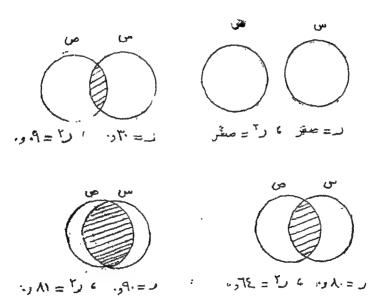
ولتوضيح ذلك نفترض أن اختباراً ما طبق على بجموعة من الطلاب قبل البده قى برنامج تعليمي معين، وطبق اختبار آخر بعد انتهاء فترة البرنامج. فإذا حسبنا معامل الارتباط بين درجات الاختبارين وربعنا المعامل الناهج فإنه يمكن تفسير رسم على أنها نسبة تباين درجات الاختبار الثاني التي ترجع إلى أو يمكن التنبؤ بها باستخدام درجات الاختبار الأول. وهذا الجزء من التباين في درجات الاختبار الثاني لا يرجع إلى أثر البرنامج التعليمي وإنما كان هذا التباين موجوداً قبل بدء الطلاب في تعلم الخبرة التعليمية التي يقدمها البرنامج

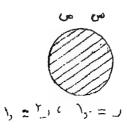
وإذا افترضنا أن معامل الارتباط بين درجات الطلاب في اختبار اللذكاء واختبار في التحصيل هو ٥٠، فهنا يمكن أن نستنتج أن (٥٠، ٢) أى ٢٥، ٥٠ تباين درجات اختبار التحصيل إنما ترجع إلى اختلاف الطلاب في الذكاء كما يقاس باختبار الذكاء . ويسمى أحيانا المقدار ٢ معامل التحد بد Coeffcient of باختبار الذكاء . ويسمى أحيانا المقدار ٢ معامل التحد بد كان قيمته تعدر عن ذلك الجوء من التباين في أحد المتغيرين الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير الذي يمكن تحديده أو التنبؤ به باستخدام المتغير من الرتباط ر مدن على أن معامل الارتباط ر مدن على أن مهامل الارتباط ر مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٠ ما فيان ٢٠ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بسبته ٢٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ١٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغيرين بسبته ١٠٠٤ مدن المتغيرين بين المتغي

وإذا كانت ر = - ١ فإن ر٢ = + ١ ويكون هناك تباين مشترك بين المتغيرين نسبته ١٠٠٪، وإذا كانت ر = صفر فإن ر٢ = صفر ولا يكون هناك تباين مشترك بين المتغيرين .

ويمكن توضيح فسكرة التباين المشترك بالرسم بأن تمثل كلا من المتغيرين بدائرة، ويمثل الجزء من المساحة المحصورة بين الدائرة بن (جزء التقاطع)بالتباين المشترك بين المتغيرين .

والاشكال الآتية رقم (٤٩) توضح التباين المشترك بين متغيرين ـــ وهو الجزء المظلل ـــ عندما تكون ر ـــ صفر ، ٣٠ ، ٨٠٠، ، ، ٩٠، ، ، ٩٠، ، ، ١,٠٠٠





شسكك رقم (٩١)

ويسمى المقدار ١-ر٢بمعامل الاغتراب أو عدم التحديد Coefficient of ويسمى المقدار ١-ر٢بمعامل الاغتراب أو عدم التجاين في أحد المتغيرين Nondetermination لان قيمته تعبر عن الجزء من التباين في أحد المتغيرين الآخر .

و نظراً لأن قيمة رتختلف عن قيمة رن ، فإنه يجب على الباحث أن يحتاط عند تفسير قيمة معامل الارتباط بين متغيرين .

فئلا إذا نظرنا إلى الجدول الآتي رقم (٣٣):

الجزء من التباين المشترك (و٢)	معامل الارتباط (ر)
•,•1	. •,\•
•,•€	•, * •
•,17	٠,٤٠
•,٢٥	•, <i>•</i> ·
•, ٤٩	•, ٧•
·,٦٤ ·,٨١	•, ^•
1,**	١,٠٠

جدول رقم (٣٣) قيم ر٢ المناظرة لقيم ر المختلفة

نلاحظ أن معاملات الارتباط التي تتراوح بين ١٠,٠، ٣٠,٠ تبين أن جزءاً صغيراً من التباين في ص يقترن بتباين س (١/ الله ٩/) وفي الحقيقة أن معامل الارتباط ٥٠,٠ الذي يعتبره كثير من الباحثين في العساوم السلوكية والتربوية معاملا مرتفعا ، يعني أن ٢٠/ من التباين في المتغير ص يقترن بالتبابن في من يقترن بعوامل في المتغير س وهذا يعني أيضا أن ٧٠/ من التباين في ص يقترن بعوامل

أخرى تختلف عن المتغير س . ومن هذا يتبين أن الباحث يحتاج إلى معامل ارتباط مقداره ٧١. لكي يعتبر أن نصف التباين في المتغير ص يقترن بالتباين في المتغير س كما يتضح من الجدول السابق .

وسوف نناقش فكرة التباين المشترك بالتفصيل في فصل قادم عند مناقشتنا لمفهوى الانحداد والتنبق .

الملاقة والعلية: Correlation and Causation

من الاخطاء الشائعة التي يمكن أن يقع فيها الباحث عند تفسيره لمعامل الارتباط ـــ اعتبار أن معامل الارتباط المرتفع دليل على علاقة سببية أو علية أو علاقة أثر ونتيجة.

فشلار بما يقوم باحث بدراسة عادات الاستذكار لدى طلاب السكليات و يحد أن هناك معامل ارتباط سالب بين مقدار الزمن الذى يستخرقه الطالب فى الاستذكار وتقديره العام فى امتحانات آخر العام . فهذا لا يستطيع تفسير هذه النتيجة بأن سبب حصول الطلاب على تقديرات هرتفعة هو قلة الزمن الذى يقضونه فى الاستذكار .

ولكن ربما يمكنه القول بأنه كلسما كان الطالب أكثر ذكاء قل الزمن الذي يستفرقه في الاستذكار عن الطالب الأقل ذكاء .

أو ربما يجد باحث آخر معامل ارتباط مرتفع بين ذاكرة الاشكال وذاكرة الدكلات ولكن ليس هذا دليلا على أن أحدهما يسبب الآخر . إذ يمكن في الحقيقة اعتبار أن عامل التذكر ربما يكون أحد العوامل العامة المسئولة عن مثل هذا الاداء التذكري مهما اختلف شكله .

أو ربمـا يجد باحث علاقة بين درجات اختبار في الذكاء ومقياس الأداء الحركي عند بجوعة من الاطفال مداها العمري متسع . مثل هذه العلاقة ربما تكون

راجعة إلى أن اختيار الذكاء والقدرة الحركية كلاهما برتبط بالعمر ، فإذا عزلنا أثر العمر ربما نجد أن هذه العلاقة تنعدم .

فهرفة مقدار واتجاه العلاقة بين متغيرين ليست كافية لاقتراح أوع من العلية المباشرة على هذه العلاقة . إذ أن هذا يتطلب دراسات تجريبية على المتغيرات ولسكن توجد حالات يحاول فيها الباحث استخدام معامل الارتباط بين متغيرين لافتراح أن هناك تأثيرا سببيا أو تأثيرا له اتجاه معين . والمثال الشائع هو العلاقة بين تدخين السجائر والإصابة بسرطان الرئة . فقد استنتج الباحثون – على أساس منطقي ـ أن التدخين يسبب سرطان الرئة بدلا من استنتاجهم أن احمال الإصابة بسرطان الرئة بدلا من استنتاجهم أن احمال الإصابة بسرطان الرئة يسبب زيادة التدخين والكن من الممكن أن يكون هناك عوامل أخرى مثل العوامل الوراثية مثلا هي الى تسبب كلا من المتدخين وسرطان الرئة . ولكي يعول العلماء أثر هذه العوامل حاولوا التأثير المعملي على جموعة من الفتران بغرض تكوين خلايا سرطانية عندهم ، واستطاعوا بذلك أن يؤكدوا المدشككين أن العلاقة بين التدخين وسرطان الرئة هي علاقة سببية ، وليست علاقة ناتجة عن عامل ثالث غير معلوم ه

وغاية القول أنه إذا ارتبط متغيران أ ، ب فإنه يمكن أن توجد ثلاثعلاقات علية هي أن :

ا تسبب ب ب تسبب ا ج تسبب کلا من أ ، ب

وسوف تنافش مشكلة التوصل إلى علاقات علية باستخدام مفهوم الارتباط والانحدار في أحد فصول الباب الثالث عن تعليل المسارات Path Analysis.

تمارين على الفصل السابع

الله على الله عل

٩	٦	٨	ŧ	۲	١	٣	۲	1.	٥	س	
٨	٦	٤	7	4	Y	٧	٦	^	9	مں	

- (أ) ارسم شكلا انتشارياً لهذه البيانات .
- (ب) احسب معامل ارتباط بيرسون باستخدام الدرجات المعيارية .
 - (ج) فسر قيمة المعامل الناتج باستخدام مفهوم التباين المشترك .

٢ - فيما يلى بحموعة من أزواج القيم في متغيرين س ، ص :

					W - 4				·	
ı	٨	٧	٦	٥	٥	٤	٤	١ ١	ا س	
1										
1		۲	٦	1	71	٨	٧	٩	ص ا	
- 1				•			1 1	<u> </u>		ì

- (أ) ارسم شكلا انتشارياً لهذه البيانات
- (ب) هل العلاقة بين س ، ص خطية ؟
- (ج) احسب معامل ارتباط بيرسون باستخدام الدرجات المعيارية مرة وباستخدام الدرجات الخام مرة أخرى ، وقارن بين التليجتين .
 - (د) فسر قيمة معامل الارتباط الناتج.

۳ + ۲	°ص	دس	ص	<i></i>
٤	1,0-	1,0-	۲	۲
٦	.,0+	•,•-	٦ '	٤
٧	صغر	صفر	٥	0
٨	٠,٥	•,•+	٤	٦
1.	1,0+	1,7+	1 ^	٨

أحسب :

- (أ) معامل ارتباط بيرسون بين س، ص
- (ب) معامل ارتباط بيرسون بين د_س ، د_ص .
- (د) معامل ارتباط بیرسون بین ص ، ص + ۲
 - (a) معامل ارتباط بيرسون بين دي ، ص
 - (و) معامل ارتباط بیرسون بین د_{مس} ، س
- (b) قارن بين قيم معاملات الارتباط الناتجة من (١) ، (ب) ، (ح)، (د) (ه) ، وعلل تساوى أو اختلاف هذه القيم .
- ع ـ ما قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص اللازمة المكي يعتمد $\sqrt{\ }$ من تباين س على تباين ص $\sqrt{\ }$
- ه ــ أوجد معامل الارتباط للبيانات الآتية باستخدام طريقة الانحرافات:

٥	٤	٣	۲	١	س
1 ~			1		صر ا
1		•	' !		<u> </u>

٣ - أوجد معامل الارتباط بين أزواج الدرجات الآنية :

	٧	7	Q	Ł	٣	۲	١	س	l
1									ĺ
	Ł	٣	٣	١	۲	8	Ł	ص	•

هل ه يعد استخداماً مناسباً لمعامل الارتباط؟

٧ ــ فيما يلي بجموعة من أزواج الدرجات :

7 0		1 4 7 3				<u>س</u>	
1	11	٤	٢	1	۲	ص	

فإذا كان توزيع المتغير س متماثلا، وتوزيع المتغير ص ملتويا . احسب معامل الارتباط بين س ، ص ، ما هي أكبر قيمة يصل إليها معامل الارتباط بين س ، ص ؟ وما هي أقل قيمة ؟

٨ - طبق باحث اختباراً تحصيليا على بحموعة مكونة من ١٣ تلميذاً لقياس مهارتهم في إجراء العمليات الحسابية البسيطة المرتبطة بالجمع . وقد قسم الاختبار إلى نصفين متكافئين تقريبا . و فيما يلى البيانات التي حصل عليها بالنسبة لنصنى الاختبار :

النصف الثاني	ألنصف الأول	
y	٥	متوسط الدرجات
ź	۲	الانحراف المعياري

ويجموع حصل ضرب انحرافات درجات كل تليذ عن المتوسط في كل من نصني الاختبار ٢٦.

- (1) أوجد معامل الارتباط بين نصني الاختبار .
 - (ب) فسر فيمة معامل الارتباط الناتجة .

ويما يلى الزمن بالدقائق الذي استفرقه طالب في تعلم قائمتين من الدكلمات الفرنسية إحداهما في الصباح والاخرى في المساء.

المساء (ص)	المسباح (س)	المساء (ص)	الصباح (س)	المساء (ص)	الصباح (س)
77	11	7.	71	17	10
YA	77	10	17	44	71
70	**	79	71	77	١٧
١٨	11	14	**	75	77
77	24	71	۱۸	17	22
77	14	74	40	17	14
. 44	47	11	18	. 70	44
۲١,	72	75	۲.	77	74
44	14	77	17	45	17
		. Yo	48	74	70
				171	44

(1) كون جدولا تسكراريا مزدوجا لهذه الدرجات مستخدما الفِئات الآنية:

١٠ - ١٤ - ١٥ ، ١٥ - ٢٠ ، ٢٥ - ٢٠ ليكل من س، ص .

(ب) احسب قيمة معامل الارتباط بين س ، ص للبياءات المجمعة التي حصلت عليها في (1) .

(ج) أوجد قيمة معامل الارتباط بعد تصحيحه من الخطأالناتجعن التجميع، وفسر القيمة الناتجة .

١٠ – احسب معامل الارتباط للبيانات المجمعة الآتية ، حيث س ، ص ترمزان للطول بالسنتيمتر والوزن بالكيلو جرام لمجموعة من الطلاب على الترتيب.

الطول بالسنتيمتر (س)

VV-V0 VE-VT V1-17 77-10-17 77-37 0V-VV

			١	٣	۲	144-11.
		١	٤)		189-17.
	\	٥	٣	١		124-10 =
1	٣	٦	۲			111-14-3
1	£	٥	١			Y.9-19.4
	٢	١				444-41.3
1	1			***************************************	germania e di di Dubig una ununuda	759-77.

المنا على المنا المنا

درجات الاختبار (س)

1 · · - Ý;	1. 1.	7 1	11	1 41		
		1	۲	\	r 1	درجا
	8	٣	٤		14-13	3
١	٦	٥	1	***************************************	7 21	3.
٣.	٣	۲			15-14	9
1	7.	1		P44010141111111111111111111111111111111	141	3

- (أ) أوجد معامل الارتباط بين س، ص.
- (ب) فسر معامل الارتباط الذي حصلت عليه .
- (ج) هل من الضرورى تصحيحمعامل الارتباط من الخطأ الناتجءن التجميع؟ ولماذا ؟

(د) ما عدد الطلاب الذين حصلوا على الدرجات ٤١ ــ . ٦٠ فى اختبار اللغة الإنجليزية وفى نفس الوقت حصلوا على الدرجات ٦٦ ــ ٨٠ فى اختبارالإحصاء ؟

(ه) ما نسبة الطلاب الذين حصلوا على درجات تقل عن ٢٠ في الاختبار (س) ؟

(و) ما عدد الطلاب الذين حصلوا على درجات أعلى من . ٦ فى الاختبار (س) بينها تقل درجاتهم عن ٨٠ فى الاختبار (ص)؟



الفصل الشامن

مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى

معامل التنبؤ غير المتبائل لجتهان . معامل التنبؤ المتهائل لجتهان معامل الاقتران ليول معامل التجميع ليول معامل الاقتران لبيرسون معامل الاقتران لبيرسون

مقدمة:

عرضنا فى الفصل السابع أحد المقاييس الإحصائية الهامة التى تستخدم فى إيجاد العلاقة بين متذيرين تم قياس كل منهما على ميزان فترى أو نسي، وهذا المقياس الإحصار هو معامل ارتباط بيرسون.

وهذا يجدر بالباحث أن يتذكر التمييز الذي عراضناله في الفصل الأول بين أراع وإزين أو مستويات القياس Scales of Measurement وهي الميزان الاسمى، والميزان الرتبى، والميزان الفترى، والميزان النسبى فاختلاف مواذين قياس المتفيرات يؤدى بالمضرورة إلى اختلاف طرق إيجاد معافلات الارتباط، وبدس هذه الطرق يمك أن تشتق مباشرة من معامل ارتباط بيرسون، والبعض الآخر يمتمد على طرق إحصائية أخرى، وهذه الطرق المختلفة لإيجاد معاملات الارتباط تستخدم في الحالات اكتبة:

- ١ ـــ إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى .
 - ٢ ـــ إذا كانكل من المتغيرين من المستوى الرتى .
- ٣ ـــ إذا كان أحد المتميرين من المستوى الاسمى ، والآخر من المستوى الرتبي .
- ع ـــ إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى ، والآخر من المستوى الفترى أو النسي .
- ه ـــ إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى.
- Dichotomous المنفيرين أو كلاهما من النوع النفائي

وسوف نعرض لمكل حالة من هذه الحالات بالتفصيل في فصل مستقل من حيث الطرق المختلفة لإيحاد مقاييس العلاقة أو الاقتران ، ونفسير واستخدامات هذه المقاييس ، لذلك سنقتصرفي هذا الفصل على مناقشة بعض طرق إيحاد، ماهلات الارتباط أو درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الاسمى ، وسنبدأ عناقشة أهم هذه المعاملات ، وهو معامل التنبؤ الذي ينسب إلى جتمان

Guttman's Coefficient of Predictibility.

و ترجم أهمية هدذا المعامل إلى أنه لا يضع قيوداً على عسدد الاقسام Categories التي يشتمل عليها الميزان الاسمى الكل من المتغيرين ، كما لا يتطلب فروضاً معينة عن توزيع كل من المتغيرين ، بالإضافة إلى أنه من السهل تفسيره تفسيراً مباشراً .

ومن الأمور المعروفة في الإحصاء أن كل مقياس إحصائي له ربهن اصطلح بجليه ليشير إلى المقياس ، ولسكن معامل التنبؤ لجتمان ليس له رمز متفق عليه ، فأحيانا يرمز له بالحرف الإنجليزي G وأحيانا يكتب g ، ولدكن كثير من مراجع الإحصاء الحديثة أصبحت ترمز له بالحرف اليوناني ﴿ وَتَقْرَأُ (لَمْبِدًا) ، ولذلك سنلتزم بهذا الحرف في هذا الكتاب "تمشيا مع هذه المراجع .

معامل التذبق لجتمان :

(أولا) معامل التلبؤ غير المتماثل (٨ع):

يرى جنمان Guttman أنه يمسكن اعتبار الاقترال بين متعيرين هو مشكلة تخمين . فإذا اقترن متغير بمتغير آخر فإن هذا يعنى أنه يمكن تخدين قيم أحد المتغيرين إذا علمنا قيم المتغير الآخر. وقيمه معامل الاقتران أو الارتباط تلخص الدرجة التى تسهم بها معرفتنا لقيم أحد المتغيرين فى تخدين قيم المتغير الآخر . فإذا أدت هذه المعرفة إلى التخمين بدرجة تامة من الثقة فإن قيمة هذا المعامل تساوى

الواحد الصحيح . أما إذا لم يكن لهذه المعرفة أى فائدة على الإطلاق في مثل هدا التخمين فإن قيمة هذا المعامل تساوى الصفر . أى أن زيادة فيمة معامل الاقتران أو الارتباط بين متفيرين يعنى زيادة قدرتنا على التخمين الدقيق لقيم أحدالمتغيرين على أساس معرفتنا لقيم المتفير الآخر .

ومعامل التنبؤ لجتمان (x) يتفى وهذا الشرط . فهو معامل يدل على درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الاسمى (التصنيني) .

ولسكى نوضح للباحث الآساس المنطقي الذي بني عليه هذا المعامل يعرض عنيها ن المثال الآتي :

نفترض أننا طلبنا من . ه طالبا فى إحدى السكليات أن يجيبوا على سؤال يتضمن مشكلة من مشكلات مادة المنطق ، و بعد تقدير درجة كل منهم علىالسؤال حصلنا على النتائج الآتية :

عدد الإجابات الصحيحة = ۳۰ عدد الإجابات الخاطئة = ۲۰ الجموع الدكلي = ۰۰

وتفترض أنه قد طلب منا أن نخمن أفضل مخمين عن أداء أو إجابة هذه المجموعة من الطلاب كـكل ، أى تخمين ما إذا كانت الإجابة الشائمة صحيحة أم خطأ . فنظراً لأن هذه البيانات من المستوى الاسمى ، فإن المنوال يمثل أفضل تخمين في هذه الحالة . ويمكن أن يتضح ذلك إذا قار نا بين كل من التخمينين المحتملين .

فإذا خمن أحدنا أن كل طالب في المحموعة أجاب إجابة صحيحة على السؤال (على أساس أن هؤلاء الطلاب يمثلون المجموعة المنوالية) فإن ذلك يعنى أنه يوجد عدد قدره ٢٠ من التخمينات غير الصحيحة من بين ٥٠ تخمينا .

أما إذا اختار أحدنا أن يخمن أن جميسع الطلاب أجابوا إجابة خطأ على السؤال (وهؤلاء بمثلون المجموعة غير المنوالية) فإن هذا يعنى أنه يوجد عدد قدره. ٣ من التخمينات غير الصحيحة من بين . ٥ تخمينا .

و من هذا يتضح أن التخمين الخاص بالمجموعة المنوالية يؤدى إلى أخطاء أقل في التخمين .

فإذا كان التخمين في هذا المثال هو أن جميع الطلاب أجابوا إجابة صحيحة ، فإن ترجيح الخطأ في التخمين يكون ٢٠ : . ه . و يمكن أن تطلق على متغير الإجابة على سؤال المنطق لمسم و المتغير التابع ، .

والآن نفترض أننا استطمنا الحصول على بعض معلومات عن كل طالب فى في المجموعة السابقة في متغير آخر وليكن والحبرة السابقة في الرياضيات ، ويمكن أن نطلق على هذا المتغير اسم والمتغير المستقل ، لإننا سوف نستخدمه في محاولة تخدين قسمى المتغير التابع .

فإذا افترضنا أن ٢٥ طالباً منهم قد سبق لهم دراسة الرياضيات ، أما بقيتهم فلم يسبق لهم دراستها ، وأمكننا تكوين جدول الاقتران الآتى (جدول رقم ٢٤): الإجابة على سؤال المنطق

المجموع البكلي	lb-	صحيحة	المجموعة
۲۰	۲	77	طلبة درسوا الرياضيات
70	1∨	\	طلبة لم يدرسوا الرياضيات
•	۲.	۲.	المجموع المكلي

جدول القدران بين متفيرين من المستوى الاسمى

فباستخدام البيانات الموضعة في هذا الجدول يمكننا أن نصل إلى تخمينات تخلف عن التخمينات التي توصلنا إليها في حالة المتغير الواحد فيها يتصل بأداء أو إجابة الطلاب على سؤال المنطق لاننا سنأخذ في اعتبارنا المتغير الجديد وهو وخبر والطلاب السابقة في الرياضيات ، وقد قسمنا الطلاب إلى جموعتين إحداهما درست الرياضيات والاخرى لم تدرسها ، ومن ثم يمكن تخمين أداء كل من الجمو نتين على حدة في سؤال المنطق ، فإذا كان هناك اقتران بين الخبرة السابقة في الرياضيات والإجابة على سؤال المنطق فإن هذا سيجمل أخطاء التخمين أقل منها في حالة عدم وجود اقتران بينهما ،

وإذا نظرنا إلى الجدول السابق (جدول رقم ٣٤) تجد أن ٢٧ طالبا من بين الطلاب الذين لديم خبرة سابقة في الرياضيات أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطن ، بينها أجاب ٣ طلاب إجابة خطأ .

لذاك فإننا نستطيع النخمين بأن هذه المجموعة من الطلاب الذين بلغ عددهم وو قد أجابت إجابة صحيحة على سؤال المنطن . ويكون ترجيح خطأ التخمين عنداند ٢٠ : ٢٥ .

أما بالنسبة للطلاب الذين ليس لديهم خبرة سابقة فى الرياضيات فإن الإجابة الخطأ على سؤال المنطق هي الإجابة الشائعة . لذلك فإبنا نستطيع التخمين بأن هذه المجموعة من الطلاب الذين بلغ عددهم ٢٥ قد أجابت إجابة خطأ على سؤال المطنى ، و يكون ترجيح خطأ التخمين في هذه الحالة ٨ : ٢٥ .

وقدد لاحظا فيما سبق أن ترجيح خطأ تخمين الآداء في سؤال المنطق للمجموعة في سؤال المنطق للمجموعة في الرياضيات كانت للمجموعة في الرياضيات كانت ٢٠: ٥٠ ولسكن عندما أخذنا هذا المتغير الجديد في الاعتبار أصبح ترجيح الخطأ ٣ : ٥٠ بالنسبة للطلاب الذين لديهم خبرة سابقة في الرياضيات ، ٨ : ٣٥ بالنسبة للطلاب الذين لديهم هذه الخبرة .

و بذلك يصبح ترجيح خطأ التخمين للمجموعتين مما ١١: ٥٠، أى أن التنبؤ بأداء الطلاب في سؤال المنطق إعتباداً على متغير د الخبرة السابقة في الرياضيات، ه قد جمل أخطاء التخمين تقل من ٢٠ إلى ١١.

و يمكننا أرب نحسب النسبة بين هذا النقص في خطأ، التخمين إلى الخطأ الأصلي، أي :

مقدار النقص في الخطأ مقدار الخطأ الأصلي

 $e^{-\frac{1}{4}} = \frac{1}{1} =$

وهذا يمنى أتنه يمكن أن نقلل خطأ تخمين أداء الطلاب فى سؤال المنطق · بقدر ٤٥ / إذا أخذنا فى اعتبارنا خبرتهم السابقة فى الرياضيات .

وهذا هو مقياس الاقتران الأوال بين المتغيرين .

ويجب أن يلاحظ الباحث، أننا التقصر لا على مشكلة تخمين أداء الطلاب في سؤال المنطق اعتبادا على خبرتهم السابقة في الرياضيات .

ولسكن ربما تهتم أيضاً بالتنبق الفكسى ، ألى تخمين ما إذا كان الطلالهة لهيهم خبرة سابقة في الرياضيات (وهو المتغير التابع في هسده الحالمة). اعتبلط على معرفتنا بأدائهم في سؤال المنطق (وهو المتغير المستقل الجديد) . والإجراء ذلك يجب أن توجد مقدار الخطأ في تخمين خبرة الطلاب السابقة في الرياضيات دون اعتبار الادائهم في سؤال المنطق .

فإذا نظرنا إلى جدول رقم (٣٤) للاحظ أنه من بين مه طالبا يوجد ٥٠ طالبا لديهم خبرة سابقة في الرياضيات ، ولذلك إذا أردنا تخمين ما إذا كان هؤلاً الطلاب لديهم خبرة سابقة في الرياضيات فإن ترجيح خطأ التخمين يكون ٢٥: ٥٠ ، وربما تقل نسبة هذا الخطأ إذا أخذنا في اعتبادنا الاداد في سؤال المنطق ،

فبالنسبة للطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطق ربما نحمن أن لديهم جميعا خبرة سابقة في الرياضيات ، ويكون ترجيح خطأ التخمين لى هذه الحالة ٨ : ٣٠ .

أما بالنسية للطلاب الذين أجابو الرجابة خطأ على سؤال المنطق فربما نخمن انهم ليس لديهم خبرة سابقة في الرياضيات ، ويكون ترجيح خطأ التخمين في هذه الحالة ٣٠٠ .

أى أننا عندما أخذنا الآداء في سؤال المنطق في الاعتبار قلت أخطاء تخمين متفير الخبرة السابقة في الرياضيات من ٢٥ لملي ١١ ·

$$\cdot,07=\frac{1\xi}{70}=$$

وهذا هو مقياس الاقتران الثانى بين المتغيرين ، ويرمز لأى من هذين المقياسين بالرمز λ وقيمة كل منهما تعبر عن درجة تخمين قسم ما من أقسام أحد المتغيرين بمعلومية أقسام المتغير الآخر ، وهو مقياس غير متمائل ، أى أن التخمين يكون في اتجاه واحد ، بمعنى أننا إذا خمنا أحد أقسام المتغير المعلومية أقسام المتغير ب فإننا لانستطيع في تفسى الوقت تخمين أحد أقسام المتغير ب بمعلومية أقسام المتغير ا .

(ثانياً) معامل التنبق المتهائل λ

أحيانا يود الباحث أن يحصل على معامل تنبؤ متاثل ، أى معامل يسمح بالتنبؤ المتبادل بين متغيرين .

و يمكن أن يوجد ذلك المعامل عن طريق ضم معاملي التنبؤ غير المتهائلين اللدر عرضنا لهما ديا سبق في معامل واحد ، ويرمر له عندئذ بالرمز ٨ .

. وسية خطأ التخمين في هذه الحالة

منى المثال السابق نجد أن هذه النسبة

$$\frac{(11-70)+(11-7\cdot)}{70}=$$

$$\cdot,01 = \frac{17}{10} = \frac{11+9}{10} = \frac{11+9}{10}$$

أى أن معامل التنبؤ في هذه الحالة 😑 ١٥٫٠

و بهـذا تكون قد قللنا أخطاء تخمين أى من المتغيرين باستخدام المتغير الآخر بقدر ٥٢ / .

أما إذا استطعنا استبعاد أخطاء التخمين كلية فإن هذه النسبة تصبح :

$$1 = \frac{60}{10} = \frac{(70 - 0id) + (70)}{10} = \frac{60}{10}$$

أى أن معامل الاقتران بين المتغيرين يكون تاماً . وإذا لم تستطع استبعاد أى خطأ فى التخمين فإن هذه النسبة تصبح :

$$= \frac{-\frac{\lambda}{10}}{\frac{1}{10}} = \frac{(70-70)+(70-70)}{70} = -\frac{\lambda}{10}$$

أى أنه لا يوجد في هذه الحالة اقتران بين المتميرين .

وجنايا بدل على أنه كليا زادت قيمة معامسل التنبؤ خقص أخطاء التخمين .

الصورة العامة لحساب معامل التنبؤ غير المتماثل (λ غ) :

يتضح مما سبق أبن معامل التابق لجنهان ليس معاملا واحدا و إنما هو في الحقيقة معاملين أحدهما غير متماثل ويروز له بالرمن لاخ ، ويستخدم عندما يريد الباحث تخمين أحد أقسام متغير بمعلومية أقسام متغير آخر ، أى أن التخمين يكون في اتجاه واحد ، والآخر متماثل ويرمز له بالرمز لا ، ويستخدم عندما يريد الباحث تخمين أحد أقسام متغير أقسام متغير آخر والعكس ، أى أن التخمين يكون في كلا الانجاهين ،

ويمكن حساب قيمة ملانج أن لا باستخدام الطريقة التي سبق أن ذكر ناها . أو يمكن استخدام الصورة الرياضية العامة الآتية لإيجاد قيمة لانج وهي :

ويعيث عن المستقل الميرية كرار في كل قسم من أقسام المتقير المستقل .

، متت على المروع من بين مجاميع أقسام المتغير التابع.

، المن المساعدة المولات ،

و كالكائدالية المنطقة المنطقة

الذين لديهم خبرة سابقة في الرياضيات (وهو ٢٢) على أكبر تكرار بالنسبة للطلاب الذين ليس لديهم خبرة سابقـة في الرياضيات (وهو ١٧) .

أىأن: بحتم = ۲۲ + ۱۷ = ۲۸

كا يجب أن نحصل على قيمة نت بأن نوجد بحمرع الطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطق (وهو ٣٠) ، ومحموع الطلاب الدين أجابوا إجابة خطأ على السؤال (وهو ٢٠) وتختار أكبر المجموعين .

ای آن ت 🚤 ۲۰

وبالطبع ن=٠٥٠

وبالتمويض في الصورة رقم (١) السابقة نجمد أن :

$$\cdot, \xi \circ = \frac{9}{7} = \frac{7^{\circ} - 7^{\circ}}{7^{\circ} - 9^{\circ}} = \xi^{\lambda}$$

وهي نفس القيمة التي حصل 📜 🕯 مبق .

و يمكننا أيضا تخمين ما إذا كان الطلاب لديم خبرة سابقة في الرياضيات بمعلومية أدائهم في سؤال المنطق . فني هذه الحالمة بوجد تحت م بأن نجمع أكبر تكرار بالنسبة للطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على سؤال المنطق (وهو ٢٧) على أكبر تكرار للطلاب الذين أجابوا إجابة خطأ على السؤال (وهو ١٧) .

أى أن: بحتم = ۲۲ + ۱۷ = ۲۹ .

أما ت فنحصل عليها بأن نوجد بحموع الطلاب الذين لديهم خبرة سابقة في الرياضيات (وهو ٢٥) ، ربحموع الطلاب الذين ليس للهبهم خبرة سابقة في

الرياضيات (وهو ٢٥) ونختار أكبر المجموعين ، ونظراً لانهما متساويان فَإِن تت = ٢٥ •

و بالتمويض في الصورة رقم (١) نجد أن :

$$\cdot, \circ 7 = \frac{15}{70} = \frac{70 - 79}{70 - 0.} = \frac{1}{5} \lambda$$

وهي أيضاً نفس الفيمة التي حصلنا عليها فيما سبق .

ومن هذا نلاحظ أن معرفتنا بأداء الطلاب في ســــــــــــــــــ المنطق يساعدنا على تخمين ما إذا كان لديهم خبرة سابقة في الرياضيات أم لا بدرجة أفضل من تخمين أدائهم في سؤال المنطق بمعلومية خبرتهم السابقة في الرياضيات .

الصورة العامـة لحساب معامل التنبؤ المتماثل (٨):

يمكننا أيضا للتبسيط استخدام الصورة العامة الآتية لحساب معامل التنبؤ المتماثل (x) وهي :

$$(7) \cdots \frac{(\ddot{z} + \ddot{z} + \ddot{z} - (\ddot{z}) + \ddot{z} + \ddot{z})}{(\ddot{z} + \ddot{z}) - (\ddot{z})} = \lambda$$

حیث تنی ہے اُکبر تکرار فی کل صف

- ، تع جے آکبر تکرار فیکل عمود .
- ، تَ نِي الْكَبْرِ بِمُوعَ مِن بَيْنِ مِجَامِيعِ كُلُّ صَفْ .
- ، تَعَ ع الكبر بحموع من بين مجاميع كل عمود.

، ن = عد الحالات.

ويمكن تطبيق هسذه الصورة على البيانات الموضحة فى الجدول رقم (٣٤) كالآتى :

ء ت في = مجموع أكبر تكرار في الصفين الأول والثاني .

، محدث ع عليه بعوع أكبر تسكرار في للعمودين الاول والثاني .

، ت ني 🕳 أكبر بحموع من بين مجاميع الصفين الاول والثاني .

، ﴿ نَ عَ حِدُ أَكْبِرُ جَمْدُعُ مِنْ بَيْنِ مِجَامِيعِ العمودينِ الْأُولُ وَالنَّانَى .

، ن سه ه

بالتمويض في الصورة رقم (٢) السابقة نجد أن :

$$\frac{(r\cdot+r\circ)-rq+rq}{(r\cdot+r\circ)-(\circ\cdot)r}=\epsilon^{\lambda}$$

أى أن معرفتها بشكرار الحالات في كل قسم من أقسام أى من المتغيرين أدى

إلى تقص أخطاء يخدين أحدهما بمعلومية الآخر بقدر ١٥١٥٪ في العينة موضيع البحث .

وهذا يدل على أن هناك علاقة أو اقتراكا بين منغير الآداء في سؤال المنطن ومتغير الخبرة السابقة في الرياضيات في عينة البحث .

و الخلاصة أنه إذا أراد الباحث إيجاد قيمة λ غ أو λ لمتغيرين من المستوى الإسمى يمكنه أن يتبع الخطوات الآتية :

1 _ يرتب التكرارات الملاحظة بالسبة للمنفيرين في جدول اقتران .

ب _ إذا كان المعلوب تخمين أحد أقسام متغير بمعلومية أقسام المتغير الآخر ،
 أى أن التنبؤ يكون فى اتجاه واحد ، فإنه يجب أن يوجد قيم محسم ، عسى ،
 ن ثم يطبق الصورة رقم (١) لإيجاد قيمة ٨ غ .

ب _ إذا كان المطلوب تخمين أحد أقسام متغير بمعلومية المتغير الآخر والمكس، أى أن التنبؤيكون فى الانجاهين ، فإنه يجب أن يوجد قيم بجدت في ، بحث ع ، ن ، ثم يطبق الصورة رقم (٢) لإيجاد قيمة ٨ .

مقاييس إحصائيـة أخرى:

أوجد مقاييس إحصائية متعددة لحساب مقدار اقتران متغيرين من المستوى الاسمى . ويجد الباحث كثيراً ،ن هذه الطرق عند إطلاعه على الدراسات والبحوث النفسية والتربوية ، ومن بين هذه المقاييس :

ب معامل الاقترات الذي ينسب إلى يول Yule و يرمز له بالحسرف الإنجليزي Q ، ويسهل حساب قيمة هنذا المعامل و تفسيره ، ولمكن يقتصر استخدامه على متغير بن من النوع الثنائي ، أي يكون لمكل متغير قيمتان فقط .

ويمكن للباحث الرجوع إلى Moroney عام ١٩٥٣ (انظر قائمة المراجع في نهاية الكتاب) لمزيد من توضيح هذا المعامل .

۲ ممامل النجمية Colligation الذي ينسب إلى بول Yule أيضاً ، وبروز له بالحرف الإفجليزي Y . وهو يشبه معامل الافتران Q ، ويقتصر استخدامه أيضاً على متغيرين من النوع الشنائي . ويمكن الرجوع إلى Kendall عام ١٩٥٠ لمزيد من التوضيح .

س ــ معامــل الاقتران الذي ينسب إلى بيرسون Pearson ، ويرمز له بالحرف الإنجليزي C . . .

وبالرغم من إمكائية استخدام هذا المعامل عنه ما يشتمل كل من المتغيرين على أى عدد من الأقسام ، إلا أن هذا المعامل لاتصل قيمه إلى الواحد الصحيح حتى إذا كان هناك اقتران تام بين المتعيربن ، ويمكن الرجوع إلى MeNemar عام ١٩٥٥ أو Siegel عام ١٩٥٥ لمزيد من التوضيح .

ع ــ معامل الاقتران الذي ينسب إلى تشوبرو Tschuprow ، ويرمز له بالرمر T .

وهو يشبه معامل الاقتران ابيرسون C ، ولكنه يختلف عنه في أنه يمكن أن تصل قيمته إلى الواحد الصحيح في حالة الاقتران النام ، وهذا يتطلب ألل يتساوى عند الصفوف والاعمدة في جدول الاقتران .

ولمزيد من "توضيح يمكن للباحث الرجوع إلى Hagood عام ١٩٥٢ .

ه معامل فای و یرمز له بالحرف الیونانی φ ، (و أحیانا یرمر له بالرمز ر ب) ·

وهو يشبه معامل الاقتران & ومعامل التجميع Y ، أى يستخدم فقط إدا (٢٢ ـــ "تحديل) كان كل من المتغيرين من النوع الشنائى • كما أن قيمه لانتراوح دا ثماً بين الصفر والواحد الصحيح .

۳ -- معامل الارتباط الرباعی Tetrachoric Correlation و یرمز له
 بالرمز در ، و هو یستخدم فقط إذا کان کل من المتغیرین من النوع الثنائی .

ويجب أن تحقق البيانات بعض الفروض إذا أراد الباحث استخدام هذا المعامل .

ونظراً لاحميمة المقياسين الإحمائيين الاخيرين ، أى معامل فاى ومعامل الارتباط الرباعى ، فإننا سوف نعرض لهما بالتفصيل فى الفصل الثالث عشر الذى سنهتم فيه بمناقشة الافتران يين متغيرين من النوع الثنائي .

من هذا يتضح أن هناك طرقا متعددة لإيجاد الاقتران بين متغيرين من المسترى الآسمى . ومعظم هذه المعاملات الإحصائية تتراوح قيمها بين الصفر والواحد الصحيح ، ولسكنها تختلف في ترزيع هذه القيم . أي انه بالرغم من أنها جميعا تزيد قيمها بزيادة درجة الاقتران ، إلا أن معدل هذه الزيادة يختلف من ممامل إلى آخر ، ولذلك لا يجوز أن يقارن الباحث بين قيمتى معاملي اقتران لمتخدم في حسابهما طرقا عتلفة .

تمارين على الفصل الثامن

(۱) أراد باحث إيجاد درجة الاقتران بين حدوث حالات الفصام والتحرك في الوظائف المينتين تتكون إحداهما من مجموعة من المرضى الفصاميين والآخرى من الاسوياء . وفيها يلي النتائج التي حصل عليها الباحث :

التحرك في الوظائف

المجموعالكلي	لايو جد تحرك	إلى أدنى	إلى أعلى إ	المجموعة
41	74	\$4	14	الفصاميون
9 {	٥٣	<u> </u>	11	الاسوياء
۱۸۸	97	٦٥	71	المجمو عالكلي

احسب باستخدام معامل التنبؤ لجتهان مقدار العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة .

٢ ـــ أوجد معامل التنبؤ المتماثل لجتمان للبيانات الموضحة بالجدول الآتى ،
 و فسر القيمة الناتجة .

المجموع	1	<u>r</u> 1	Y	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	
1.	0	٣	۲ ا	صفر	ب
10	1	1	٦	٧	ب
10	į	7	۲	٣	بم
	١.	1.	١.	1	الجموع

به _ قام أحد الباحثين بدراسة إدراك المملين لتلاميذهم ، فاختار عينة عشوائية من تلاميذ الصف السادس . ثم طلب من أو لياء أمور ائتلاميذ أن بختاروا من بين أفسام أربعة هي : ضعيف جدا ، ضعيف ، جيد ، متاز ، درجة إدراكهم لا بنائهم ، وحصل على النتائج الآتية :

تقديرات الآباء

متاز	معيد	ضعيف	صعيف جدا		
7-9	117	1 £A	٤٣	صديف جداً	/4
700	7.7	1	٤١	ضعيف	4.7
71	٧٠	٥٨	44	جيد	1)
1.	77	14	14	متاز	4

(1) احسب مقدار العلافة بين تقديرات الآباء وتقديرات المعلمين لهذه العينة من التلامد .

- (ب) هل ممكن التنبؤ بتقديرات الآباء بمعلومية تقديرات المعلمين ؟ كيف ؟
- (ج) هـل يمكن التنبؤ بتقديرات المملين بمعلومية تقـديرات الآباء ؟ كيف ي
 - (د) قارن بين النتيجتين اللنين حسلت عليهما في ب، ح.
 - إوجد مقدار معامل التنبؤ غير المتهائل للبيانات الآنية :

onverted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

س۲	س	
44	٥٣	ص
٦٣	٤٧	ص٠

و بین هل القیمة الناتجة تشیر إلى اقتران تنبؤی قوی بین كل من المتغیرین س ، ص ؟ ولمماذا ؟





الفص لالناسع

مقاييس العلاقة

إذا كان كمل من المتغيرين من المستوى الوتبي

معامل الاقتران لجودمان وكروسكال

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان

معامل ارتباط الرتب لكندال

معامل الاتفاق لكندال

معامل الاتساق لكندال

كثيراً ماتتجمع لدى الباحث في مواقف محشية مختلفة ببانات تعتمد على الرتب أى من المستوى الرتى . إذ ربما يكون متاحا لديه قياسات كمية و لسكنه يفضل استبدال هذه التمياسات المحمية بالرتب مدف تبسيط الممليات الحسابية ، أو للتمكن من إجراء نوع معين من العمليات . فمثلا يمكن أن يحصل الباحث على قياسات لاطوال وأوزان مجموعة من أطفال المدارس الابتدائية ومن ثم يحسب معامل الارتباط من أزواج القياسات باستخدام معامل ارتباط بيرسون الذى عرضنا له في الفصل السابع ولكنه ربما يفضل أن يستبدل هذه القياسات بالرتب ومن ثم يحسب معامل الارتباط بين أزواج الرتب بدلا مز أزواج القياسات . إلا أنه في كثير من الاحيان يستخدم الطرق التي تعتمد على الرتب عندما لا يكون متاحا لديه قياسات كمية . فعمليات القياس المستخدمة حياشد لا تسمح بإجراء مقارئات بين الفترات المختلفة القياسات . فثلا ربما يقوم المشرفون على العمل بشرتيب العمال بحسب أدائهم أو إنتاجهم في العمل أو يقوم المعلمون بترتبب التلاميذ من حيث درجة تـكيفهم الاجتهاعي في المدرسة . فني مثل هذه الحالات تشتمل البيانات على مجموعة من الارقام أو الاعداد التي تدل على رتب العال أو التلاميذ في الخاصية المقدرة . فالعامل أو النليذ الذي ترتيبه الآول يعطر له الرقم ١ ، والعامل أو التلبيذ الذي ترتيبه الثاني يعطى له الرقم ٧ وهمكذا . واستبدال الترتيب الأول أو الثاني أو الثالث ... الح بالاعداد الكاردينالية Cardinal ن يفترض فيه تساوى الفترات ، معنى أنه المترات ، عمني أنه يفترض أن الفرق بين ترتيب الفرد الآول والفرد الثانى يساوى الفرق بين ترتيب الفرد الثاني والفرد الثالث وهكذا . وتعتمد جميع معاملات ارتباط الرتب على هذا الفرض .

ونظراً الصموبات التي يواجهها كثير من الباحثين عند قياس المتغيرات

النفسية والتربوية فإن الطرق الإحصائية الى تستخدم فى تحليل البيانات الى تعتمد على الرتب تدكون ذات أهمية خاصة .

وبالرغم من أن طرق حساب معاملات ارتباط الرتب تستخدم منذ سنوات طويلة ، إلا أن استخدام الرتب بكثرة فى المقاييس الإحصائية المتقدمة لم يبدأ إلا مؤخراً .

إذ يمكن استخدام الرتب مثلاف المقابيس الاحصائية الاستدلالية اللابارامترية التي سنعرص لها في الجزء الثاني من الكتاب.

وبما لا شك فيه أن طرق حساب معاملات ارتباط الرتب تقع ضن المقاييس اللابارامترية ،وهي مقاييس لاتعتمد على خصائص المتحنى الاعتدالي ، كما لاتستلزم فروضا خاصة عن شكل توزيع الظاهرة في المجتمع الاصل .

ويوجد عدد من المقاييس الإحصائية التي تستخدم في إيجاد الاقتران بين متخيرين كل منهما من المستوى الرتبي . ومن بين هذه المقاييس التي سنمرض لها في هذا الفصل بالتفصيل مقياس الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال Spearman ، ومقياس ارتباط الرتب لسبيرمان Goodman and Kruskal ، ومقياس ارتباط الرتب لكندال ، ومعامل الاتساني لكندال .

معامل الاقتران الرنى لجودمان وكروسكال:

Goodman and Kruskal's Coefficient of Ordinal As ociation

ناقشنا فى الفصل الثامن مفهوم الاقتران بين متغيرين من المستوى الاسمى ، وقلمنا أنه يمكن اعتبار الاقتران هو مشكلة تخمين قيم أحد المتغيرين بمعلومية قيم المتغير أكخر . فني حالة المتغيرات التي من المستوى الاسمى أو النوعى نحاول

تخدين انتهاء الفرد إلى مجدوعة معينة بمعلومية انتمائه إلى مجموعة أخرى ، أعد التنبؤ بقسم مدين من أقسام أحد المتنبيرات بمعلومية أفسام المديرالآخر لأن الأقسام التي تشتمل عليها مثل هذه المتغيرات لا تتصف بحاصية الترتيب .

ويمكن أيضا اعتبار أن الاقتران بين متغيرين من المستوى الرتبى هو نوع من التخمين ، ولكن نظراً لان الموازين التي من النوع الرتبى تشكون من فشات أو مجموعات مرتبة فإن طبيعة التخمين في هذه الحالة يجب أن تناسب هذا النوع من الموازين . فهنا لا يكون اهتمامنا منصباً على تخمين الشماء الفرد إلى مجموعة معينة أو الننبؤ بأحد أقسام متغير ما وإنما نهتم بتخمين الترتيب . أى أن المشكلة هنا تتعلى بالتنبؤ بمركز الفرد النسي أو ترتيبه بالنسبة لميزان وتبي معين بعملومية مركزه النسي أو ترتيبه بالنسبة لميزان وتبي معين بعملومية مركزه النسي أو ترتيبه بالنسبة لميزان وتبي معين بعملومية

فإذا كان لجميع أفراد عينة البحث نفس الترتيب في كل من متغيرين فإنه يقال أن هناك اقترانا تام بين المتغيرين . أما إذا كان ترتيب جميع الأفراد على المتغير الآول على من ترتيبه أعلى في المتغير الثانى ، أي أن الفرد الذي ترتيبه أعلى في المتغير الأول يكون ترتيبه أدتى في المتغير الثاني وهدكذا ، فإنه يقال أنه يوجد اتفان أو اقتران عسكسى تام بين المتغيرين .

ويمكن في أى من الحالتين السابقتين تخمين ترتيب الفرد في أحد المتغيرين • بمعلومية ترتيبه في المتغير الآخر دون أن يكون هناك خطأ في التنبؤ .

و تعتمد درجة الننبؤ أو الاقتران بين متغيرين من المستوى الرتبى على درجة الاتفاق أو عدم الاتفاق في الرتب على كل من ميزاني المتغيرين . فالا فاق التام أو عدم الاتفاق بالمرة يعتبر كل منهما اقترانا تاما ، إذ يؤدى كل منهما إلى معامل اقتران رتبي يساوى الواحد الصحيح . والكن يجب أن نميز بين قيمة كل من المعاملين بأن نضع إشارة موجبة في حالة المعامل الاول وإشارة سالبة في حالة المعامل الثاني . أي أن معامل الاتفاق التام يساوى + ، ، ومعامل الاتفاق

المكسى التام يساوى - ١ ، وجميع الترتيبات الآخرى تؤدى إلى قيم مطلقة أقل من الواحد الصحيح ، وكلما زادت هذه القيم عن الصفر مجيث تقترب من + ١ أو ـــ ١ دل ذلك على زيادة الاقتران بين الرتب بالنسبة لسكل من المتغيرين .

ويعتبر معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال Goodman and الباحث إذا Kruskal من المقاييس الإحصائية الهامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث إذا أراد إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي، ويرمزلهذا المعامل بالحرف اليوناني (y) ويقرأ (جاما) .

طريقة حساب معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال إذا كانت الرتب غير مكررة:

نفترض أننا طلبنا من اثنين من المحكمين ترتيب خسة طلاب من حيث نشاطهم الاجتماعي .

وفيها يلي تقديرات المحكمين:

المحكم شانى (ص)	المحكم الأول (س)	الطالب
•	٤	1
۲	١	ب
٣	٣	*
١	۲	3
£	•	•

فالخطوة الاولى: هي أن تعيد ترتيب تقديرات الحكم الاول (س) ترتيبا تنارليا، وتكتب الرتب المناظرة للمحكم الثاني (ص) كالآتي:

المحكم الثانى	المحكم الآول	الطالب
4	0	١.
•	£	ب
٣	٣	×
,	۲	د
<u> </u>	١	A

وبذلك يتضح أن تقديرات المحكم الثانى تميل إلى الاتفاق مع تقديرات المحكم الأول، ولسكن الاتفاق غير تام . إذ لو كان هنساك اتفاق تام بينهما لوجدنا أن تقديرات المحكم الثانى تسكون مرتبة ترتيبا تنازليا مثل تقديرات المحكم الأول، ولسكننا هنا بحد أن الرتبة ١ التي قدرها المحكم الثانى للطالب د تقع أعلى الرتبة ٢ التي قدرها للطالب د .

والخطوة الثانية : هيأن نكون جدولا نحدد في أحد أعمدته الاختلافات بين الرتب التي قدرها المحكمان ، ونحدد في عمود آخر الاتفاقات بين الرتب كالآتي :

الاتفاق بين الرتب	الاختلاف بين الرتب	الحكم الثانى (ص)	الحكم الاول (س)	الطالب
صفر	مىفر	ŧ	•	1
صفوا	١	0	£	ب
۲	صفر	٣	! "	*
۳	صفر	١	۲	٥
٣	١	۲	•	
٨	۲			المجموع

جدول رقم (٣٥) الاختلاف والانفساق بين رتب محكمين، لاريعسة من الطسلاب ثم نمدأ من أسفل الجدول وتبحث عن الاختلافات بين الرنب التي قدرها المحكمان، فلو بدأنا بالرتبه ٢ الى قدرها المحكم الثانى للطالب ه نجد أنها تقع أسفل الرتبة ١ أى عكس الترتيب الممروض.

لذلك نضع 1 أمام الرتبة ٢ للطااب ه دلالة على أنه توجد رتبة واحدة أقل منها تقع أعلاها . ثم مكرر هذه العملية بالنسبة لبقية الرتب متجهين من أسفل لملى أعلى الجدول .

فشلا لايوجد اختلاف بالنسية الرئبتين ١ ، ٣ اللتين قدرهما الحكم الثاني لانه لا نوجد رئب أعلاهما أقل منهما، لذلك نضع الرقم صفر أمام كل منهما في العمود الرابع .

واسكن نضع ، أمام الرتبة ه التي قدرها المحكم الثاني للطالب ب لانه وجد رتبة واحدة أعلاها أعل منها . و بذلك يكون المجموع السكلي للاختلافات بين الرتب = ٢ .

والجعلوة الثالثة: هي أن تحسبعدد الانفاقات بين الرتب وندونها في العمود الخامس ويتم ذلك كالآني :

تنظر إلى الرتب الى قدرها المحكم الثانى، فإذا وجدنا أنه نوجد رتبة أكبر تقع أعلى رتبة أصغر فإن معنى ذلك أن تقديراته تتفتى مع تقديرات المحكم الآول.

ولذلك نبدأ بأول هذه الرتب من أسفل الجدول (وهي الرتبة ٢) ونوجد عددالرتب التي تزيد عنها (وهي الرتب ٣ ، ه ، ٤) أي ٣ .

ثم تنتقل إلى الرتبة ؛ فنجد أن عدد الرآب التي تزيد عنها (وهي الرآب ٣ ، ه ، ٤) . أي ٣ أيضا .

أما بالنسبة للرتبة ٣ إن عسدد الرتب التي تزيد عنها (وهما الرتبتان ٥٠) . أي ٢٠

وبالنسبة للرتبة ه ، لا وجد رتب أعلاها تزيد عنها .

أى أننا نحصل على عدد الاختلافات أو الانفاقات بين الرئب بعملية مقارنة كل رتبة في العمود الثالث بالرتب التي تقع أعلاها في نفس العمود .

ويجب ملاحظة أنه إذا كانت الرتب التىقدرها المحكم الثانى عكس الرتبالتى قدرها المحكم الأول فإنه ينتج عن كل مقارنة اختلاف بينالرتب و لا يكون هناك النفاق بين المحكمين .

ر يعض طربيات ذلك بالجدول الآتي (رقم ٣٦):

الاتفاق بين الرتب	الاختلافبي <i>ن</i> الرتب	المحسكم الثسانى	المحكم الاول	العالب
صفر	صفر	١	•	1
صغر	١	۲	į	ب
صغو	۲	٣	٣	÷-
صفر	٣	٤	۲	د
صغر	٤.	•	1	^
صقر	1.			المجموع

جدول رقم (٣٦) رقب المحكم الثاني عكس رتب المحكم الاول

كما يجب ملاحظة أن أكبرعدد بمكن من الاتفاقات أو الاختلافات بين الرتب يساوى العدد للحكلي للاتفاقات . فني المثال الاصلى وجدنا أن عدد الاختلاقات = ٢ ، وعدد الاتفاقات = ٨ . وأكبر عدد مكن من الانفاقات والاختلافات = ٢ + ٨ = ١٠ .

والخطوة الرابعة: نطرح عدد الانفاقات من عدد الاختلافات بين الرتب ه فإذا كان عدد الانفاقات أكبر من عدد الاختلافات فإن إشارة الفرق تكون موجبة، أما إذا كان عدد الانفاقات أقل من عدد الاختلافات فإن إشارة الفرق تكون سالبة . وعقدار هذا الفرق بصرف النظر عن إشارته يدل على مدى تغلب أي منهما على الآخر .

فإذا قسمنا هذا الفرق علىالقيمة الفصوىلة تحصل على مامل الاقتران الرتبى لجودمان وكروسكال . وهذا المعامل ينحصر بين ـــ ١ ، + ١ ، ويمكن أن يساوى أياً من القيمتين .

فني المثال السابق :

$$\cdot,\tau\cdot=\frac{\tau}{1\cdot}=\frac{\tau-\lambda}{1\cdot\lambda}=$$

ويمكن تفسير هذا المعامل بأن نقول أن الإتفاقات تزيد بنسبة ٦٠٪ عن الاختلافات بين الرتب التي قدرها المحكمان للطلاب الخسة في السمة المطلوبة .

وعندما تكون الرئب التي قدرها المحكم الأول متفقه تماما مع الرئبالتي قدرها المحكم الثّائي، فإننا نحصل على عشرة انفاقات ، ولا نجد أى اختلافات بين الرئب، ويذلك تصبح :

$$1, \cdots = \frac{1}{10} = \frac{1}{10} = y$$

أما إذا كانت الرتب الى قدرها المحكم الأول عكس الرنب الى قدرها المحكم الثاني تماما فإن :

$$1, \dots = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = y$$

وإذا كان عدد الانفاقات مساوياً لمدد الاختلافات بين الرنب كما هو مبين بالجدرل الآنى رقم (٣٧) فأن:

$$= \frac{\circ - \circ}{\circ + \circ} = y$$

الانفاق بي <i>ن</i> الرثب	ا الاحتلاف بي <i>ن</i> الرتب	المحمكم الثاني	المحـكم الأول	الطا أب
صفر	صغر	٤	•	1
صفر	صغر	٣	٤	ب
صفر	صغر	١	٣	*
١	١	۲	۲	د
\	1	•	١	A
0	٠			المجموع

جدول رقم (٣٧) مدد الاتفاقات = مدد الاختلافات بين الربب

لهذا فإن معامل الاقتران الرنبي لجودمان وكر وسكال (y) هو معامل اقتران بين بموعتين من الملاحظات المرتبة ، ويعتمد على المنبؤ المتبادل من حيث أسبة عدد الانفاقات وعدد الاختلافات بين الرتب .

والصورة الرياضية التي يمكن استخدامها لإيجاد المعامل (y) إذا كانت الرتب غير مكررة هي :

$$(1) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{-\ddot{\upsilon} - \ddot{\upsilon} - \ddot{\upsilon}}{\ddot{\upsilon} + \ddot{\upsilon}} = y$$

حيث ت 🚐 عدد الاتفاقات بين الرتب .

. ت 🚤 عدد الاختلافات بين الرتب .

طريقة حساب معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال إدا كانب بعض الرتب مكررة :

عندما يقوم أحد المحكين بترتيب بجموعة من الافراد بالنسبة لسمة أو صفة ممينة فإنه ربما لا يكون قادراً في جميع الاحوال على النمييز الدقيق بين بعض الافراد في هذه السمة أو الصفة فيضطر إلى أن بيعين نفس الرتبة لاكثر من فرد منهم .

لذلك يجب التمييز بين البيانات الى لا تسكون فيها الرتب مكررة ، والبيانات الى تسكون فيها الرتب مكررة ، والبيانات التى تسكون فيها بعض الرتب مكررة عند استخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال (y) شأنه شأن جميع معاملات ارتباط الرتب كما سنرى فيما بعد .

وفى الحقيقة أن الصورة الرياضية التى تستخدم فى إيجاد المعامل (y) فى حالة وجود بعض الرتب المسكررة هى نفس الصورة التى استخدمناها فى حالة الرتب غير المسكررة . والفرق الوحيد هو أنه فى حالة وجود بعض الرتب المسكررة يحسن انباع طريقة أخرى التحديد ت فى ، ت فى بوضحها هريمان بالمئال الرّبَى ،

نفرض أنهنا استطعنا ترتيب ه طالباً من حيث انجاههم نحو إنفاق المال تبعا لمستواهم الاجمستهاعي ، وهذه البيانات موضحة بجدول الاقتران الآني رقم (٣٨) :

ال			
المجموع	قليل الانفاق	كثير الانفاق	المستوى الاجتهاعي
	(1)	(٢)	الرجمهاسي
٥	٣	۲	مرتفع
40	۲٠	10	متوسط
1.	<u> </u>		منخفض
0.	70	40	المجموع

جدول رتم (۳۸) جدول اقتران بین متغیرین

من هذا الجدول يتضح أن كلا من المتغيرين من المستوى الرتبي إلى حد ما وذلك بسبب وجود عدد من الرتب المسكررة ، ومع هذا يمكن أن نحسب معامل الاقتران الرتبي بين هذين المتغيرين لتحديد درجة اقتران المستوى الاجتماعي للطلاب الخسين بالاتجاء نحو إنفاق المال باتباع الخطوات الآتية :

الخطوة الاولى : نوجد قيمة ت بي كالآتى :

تضرب تسكراركل خلية من خلايا الجدول في مجموع تسكرارات الخلايا التي تقع أسفل تلك الخلية وإلى يسلرها ، وتجمع حواصل الضرب الناتجة لنحصل على تق .

فبالنسبة للخلية الآولى الى تسكرارها ٢ نجد أن تسكرارى الخليتين اللتين تقمان أسفلها وإلى يسارها هما ٢٠، ٢. وبالنسبة للخلية التى تسكرارها ١٥ نمجد أن تسكرار الخلية الى تقع أسفلها وإلى يسارها هى ٢، وبذلك يكون :

والخطوة الثانية : نوجد قيمة تنى كالآتى : ـ

بصرب نكراركل خلية من خلايا الجدول في بجوع تسكرارات الخلايا التي تقع أسفلها و إلى يمينهــــا . وتجمع حواصل الصرب الناتجة لنحصل على ت في فبالنسبة للخلية التي تسكرارها ٣ أجد أن تسكرارها ٢٠ نجد أن تسكرار الخلية التي يمينها هما ١٥ ، ٩ ، وبالنسبة للخلية التي تسكرارها ٢٠ نجد أن تسكرار الخلية التي تقع أسفلها و إلى يمينها هو ٨ .

والخطوة الثالثة : نطبق الصورة الرياضية رقم (١) لإيجاد قيمة y كالآتى :

$$\cdot \circ 1 - = \frac{1 \circ \circ}{1 \circ \circ} - = \frac{779 - 75}{779 + 75} =$$

أى أن معامل الافتران الربي = - 0, والإشارة السالبة تدل على أن الاختلافات بين الرتب كانت هى الغالبة فى الوقتران . بمعنى أن الرتب المرتفعة فى أحد المتغير بن تميل إلى الاقتران بالرتب المنحفضة فى المتغير الآخر . وعلى وجه التحديد تزيد الاختلافات بين الرتب بنسبة ٥١ / عن الاتفاقات بينها بالنسبة لمذين المتغيرين .

وبذلك يمكننا القول أنه كلما ارتفع المستوى الاجتماعي لهذه العينة ضعف انجاههم نحو إنفاق المال . أو على المكس من ذلك كلما قوى انجاه

أفراد العينة نحو إنفاق المال دل هذا على انخفاض المستوى الاجتماعي لهم .

والخلاصة أنه إذا أراد الباحث استخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال عليمه أن يتبع الخطوات الآتية:

- (١) يرتب الملاحظات بالنسبة لكل من المتغيرين س ، ص ترتيبا تصاعدها .
- (٢) حدد ما إذا كانت بعض الرتب مكررة في أى من المتغيرين س ، ص ٠
- (٣) إذا وجد أن جميع الرتب غير مكررة عليه أن يقبع الخطوات الآنية :
- (١) يرتب قائمة الافراد الذين عددهم ن بحيث تظهر الرتب بالنسبة للتغير س في ترتيبها الطبيعي (من الاعلى إلى الادني) .
 - (ب) يحدد قيمة على باستخدام رتب المتغير ص
 - (ج) بحدد قيمة تني باستخدام رتب المتغير س .
 - (c) يطبق الصورة الرياضية رقم (1) الخاصة بحساب المعامل (y)
 - (٤) إذا وجد أن بعض الرتب مكررة عليه أن يتبع الخطوات الآتية : -
 - (١) يضع رتب كل من المتغيرين في جدول اقتران .
 - (ب) يحدد التكرار في كل خلية من خلايا الجدول .
 - (ج) يحدد فيمة تن باستخدام رتب المتغير ص .
 - (د) يحدد قيمة تني باستخدام رتب المتغير س
 - (ه) يطبق الصورة الرياضية رقم (١) الخاصة بحساب المعامل (y) .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان

Spearman's Rank Correlation Coefficient

يعتبر معامل ارتباط الرتب لسبيرمان حالة خاصة من معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون الذي عرضنا له في الفصل السابع. ويستخدم معامل ارتباط الرتب لإيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتب ويمكن حساب هذا المعامل بالتعويض عن الرتب بدلا من الدرجات في صورة معامل ارتباط بيرسون . إلا أننا إذا وضعنا بعض القيود على البيانات وهي أن كل متغير يكون له ن من الرتب ، وأن هذه الرتب تتراوح بين ٩ ، ن فإنه يمكن اشتقاق صورة أخرى يمكن باستخ امها تبسيط العمليات الحسابية .

وقبل أن نوضح كيفية اشتقاق صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان يجب أن نعرض بعض القواعد الجبرية الخاصة بالرتب .

تمثيل اارتب جوريا:

تمثل الرتب عادة بأعداد صحيحة مثل ٢ ، ٢ ، ٣ ، ٠ ، ، ن ، فإذا رمزنا لهذه الرتب بالرموز الجبرية س، ، س، ، س، ، س، فإنه يمكن أن نحصل على بحرع وبحوع مربعات ن من الاعداد الصحيحة الأولى كالآتي .

$$\frac{(1+i)i}{r} \stackrel{i}{=} \frac{i}{2} (1)$$

أى أن بجوع ن من الأهداد السحيحة ١، ٢، ٣، ٠٠٠ ، ن

$$\frac{(1+\delta)\delta}{r} =$$

فثلا محوع الاعدداد الخسة الصحيحة الاولى أى ١، ٢، ٢، ٤، ٥ هو العدد الحسول عليها مباشرة باستخدام الصورة الجعرية السابقة كالآتى :

$$10 = \frac{1 \times 0}{Y} = \frac{(1+0)0}{Y} = \frac{0}{1+0}$$

$$\frac{(1+i)(1+i)(1+i)}{r} = \frac{r}{r} = \frac{i}{r}$$

آی آن بحوع مربعات ن من الاعدادالصحیحة ۲۱ + ۲۲ + ۳۳ + \cdots + \dot{v} $= \frac{\dot{v}(\dot{v} + 1)(\dot{v} + \dot{v})}{r}$

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}$$

$$\frac{1+v}{Y}$$
 متوسط ن من الاعداد الصحيحة الاولى $\frac{1+v+v+v+v}{Y}$ أي أن : $\frac{v}{v} = \frac{v+v+v+v+v}{v}$

(٤) تباين ن من الاعداد الصحيحة الاولى والذي يمكن أن تحصل عليه بجمع بحموع مربعات انحرافات الاعداد عن المتوسط وقسمة النانج على ن هو :

$$\frac{1-\frac{1}{2}}{1}=\frac{1}{2}$$

$$\frac{\dot{v} - \ddot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} - \dot{v}}{\dot{v}}$$

(٥) المتوسط هو دالة بسيطة مباشرة للتباين . إذ يمكن كتابة العلاقة بين متوسط ن من الاعداد الصحيحة و تباين هذه الاعداد كالآتي :

$$\frac{rgr}{1-\upsilon}=\overline{\upsilon}$$

و يمكن البرهمنة على ذلك ببساطة بأن نبدأ بصورة التباين :

$$\frac{1-\frac{r_0}{r_0}}{1r}=\frac{r_0}{r_0}$$

ثم نحلل البسط
$$0^{7} - 1$$
 إلى عاملين $(i - 1)(i + 1)$

ای آن : ع $^{7} = \frac{(i - 1)(i + 1)}{17}$

واكن س ہے ----- للاعداد الصحيحة الاولى الى عددها ن .

ای آن:
$$\dot{v} + 1 = 7$$
 س
و بالتعویض فی ع ⁷ نجد آن:
 $3^{7} = \frac{7}{\sqrt{v}} (\dot{v} - 1)$

$$\frac{r_{eq}}{1 - i} = \frac{r_{eq}}{i - i}$$

وفى الحقيقة يمكن أن يستفيد الباحث من معرفة هذه الملاقات فى فهم الاساس الرياضي لمعامل ارتباط الرتب .

مقياس درجة اتفاق الرتب:

إذا افترضنا أن لدينا ن من الإفراد الم، الم، الم، م، ، ، ان ثم ترتيبهم بالنسبة لمتغيرين س، ص. فإننا ترمز ارتب قم المتغير س بالرموز:

س، س، س، س، ۱۰۰۰ سن

ولرتب قيم المتغير ص بالرموز :

ص، مں ، ص ، ص ، ٠٠٠ صن

فإذا كانت رتب خسة أفراد بالنسبة المتغيرين س ، ص كما يلي :

1	٥	٤	٣	۲	١	س
	۲	٥	٢	٤	١	ص

فهنا یکون ترتیب المتغید س هو الثرتیب الطبیعی ، أما ترتیب اللتغیر ص فلا یکون کذلك .

إذ أن هناك توعا من عدم الترتيب في المتغير ص بالفسنة المتغير س . وهنا يبرز التساؤل: هل يمكن تعريف مقياس درجة اتفاق الرتب في مثل هذه الحالة ؟ .

أن أحد المقاييس الآخرى الشائعة الاستخدام لقياس درجة انفاق الرتب يعتمد على بحموع مربعات الفروق بين أزواج الرتب . ويمكن أن تمرمز لحذا المقدار بالرمو بجد ف⁷ . فني المثال السابق :

ومن المهم أن تحدد أكبر وأقل قيمة يصل إليها المقدار بح ف" .

ولا يمكن الحصول على قيمة أكبر من ذلك مهما غيرتا من ترتيب ص باللسبة إلى س .

ويدكن إثبات أن أقصى قيمة تأخذها بهـ ف تحصل عليها بالتعويض في الصورة الآتية :

فإذا وضعنا رتب ص فى ترتيب عشوائى بالنسبة إلى س فإن القيمة المتوقعة للمقدار بحد ف٢ تسكون تصف مجد ف٢ القصوي .

وتعتبر مج ف٢ أحد المقاييس التي تستخدم في قياس درجة انفاق الرنب .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان :

نظراً لاهمية مج ف ف فياس درجة اتفاق الرتب فإنها تستخدم في تعريف معامل ارتباط الرتب لسبيرمان. وهذا المعامل يأخذ الفيمة 4 عندما يكون لقيم المتغيرين نفس الترتيب، والقيمة 4 عندما يتعكس ترتيب القيم، والكون تيمته المتوقعة مساوية للصفر إذا كان ترتيب القيم عشوا ثياً بالنسبة لبعضها البعض.

ويمكن تعريف معامل ارنباط الرتب الذي يني بهذه الخواص كالآتي :

حيث P و هو أحد الحروف اليونائية ويقرأ (دو) يرمز لمعامل ارتباط الرتب لسبيرمان . فإذا كان لقيم المتغيرين نفس الترتيب تصبح مع ف = صفر ، وتكون P = ١ . ٠

وإذا العكس ترتيب قيم المتغيرين تكون مج ف على القصوى ، وتصبح P = . ١ . وفي حالة عدموجود ارتباط بين رتب سورتب ص تصبح ٢ ع ف التصوى ، وعند ثذ تكون P = صفر. وقد سبق أن أوضحنا أن :

$$(r)$$
 $\frac{(1-r)}{r} = \frac{i}{r} (r)$

بالتعويض من (٣) فى (٢) نجد أن :

(٤) · · ·
$$\frac{7}{0}$$
 $\frac{7}{0}$ $\frac{7}{0}$ $\frac{7}{0}$ · · (٤) · · · $\frac{7}{0}$ · · · (٤)

وهذه هي الصورة المعروفة التي تستخدم في حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان .

معامل ارتباط الرتب لسبيرمان كحالة خاصة من معامل الارتباط لبيرسون:

في الحقيقة يمكن اعتبار أن معامل اربباط الرئب لسبيرمان (الصورة رفم) حالة خاصة من معامل الارتباط لبيرسون الذي يمكن كتابة الصورة التي تستخدم في حسابه كالآفية

معامل ارتباط بیرسون
$$= \frac{2(w-\overline{w})(\omega-\overline{w})}{2(w-\overline{w})^{2}\times 2(\omega-\overline{w})^{2}}$$
 معامل ارتباط بیرسون

ولتوضيح كيفية اشتقاق الصورة رقم (٤) من الصورة رقم (٥) نعوض البرهان الآتى :

إذا افترضنا أنه لسكل زوج من قيم اللتغيرين س، ص:

بالقسمة على ن (حيث ن = عدد القيم):

أى أن: ف = س - س (المتوسطات)

وبموح مربعات انحرافات قم ف عن متوسط هذه القيم هو :

حیث س ، ص ترمو إلى انحراهات قیم س ، ص عن متوسط کل متهما .

وذلك بالضرب في \ مح س ّ × مح ص ّ ⁷ بسطا و مقاماً

== > m + + m - 7 c V + m - 7 m + + m - 7

ولكن سبق أن بينا أن :

$$\frac{\dot{0} - \dot{0}}{17} = 7 \quad \dot{0} =$$

$$\frac{\sqrt{(\dot{\upsilon}-\dot{\upsilon})^2}}{\dot{\upsilon}-\sqrt{\dot{\upsilon}}} = 1$$

ولکن إذا کانت کل من س ، صمقدرة على أساس الرتب فإن : $\frac{1}{m} = \frac{1}{m}$ ، $\frac{1}{6} = \frac{1}{m} = \frac{1}{m}$ ، $\frac{1}{6} = \frac{1}{m} = \frac{1}{m}$ أي نا د = 1 - $\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$

و هذه هي صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان .

طريقة حساب مغامل ارتباط الرتب لسبيرمان إذا كانت الرنب في مكروة :

مثال (١) : أو جدمعامل ارتباط الرتب لسبير مان باستخدام البيامات الآنية :

فلإبحاد معامل البرتباط المعلوب يمسكن أن يتبع الباحث الخطو التدلملالية :

(١) يوجد الفروق بين الرتب المتناظرة لـكل من س ، ص ويرمز لها بالرمز في . والتحقق من صحة هذه الفروق يجب أن يكون بجموعها صفواً .

أى أن : مج ف 😑 صفر

- (٢) يربع الفروق الناتجة ليعصل على ف٣٠٠
- (٣) يجمع مربعات هذه الفروق ليحصل على مح ف٠٠ .
- (٤) يموض في صورة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لإيجادقيمة P وهي:

$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3}}{(1 - \sqrt{3})\sqrt{3}} - 1 = P$$

و يمسكن استخدام هذه الخطوات في المثال السابق وتلخيصها في الجدول دقم (٣٩) الآتي :

الرنب	الفروق بين	Ţ,	الر
نا	ن	ص	س
70	•	٦	1
١ ١	١	٣	۲
17	٤	٧	٣
٤	۲+	۲	٤
١٦	4十	١	٥
£]	۲ —	٨	٦
٩	۲+	ŧ	٧
١ ١	1	٩	۸
17	٤+	•	٩
صفر	صفر	1.	١٠
ء ف ٢ = ١٩	صفر		المجموع

$$\cdot, \xi \xi \Upsilon = \frac{\Upsilon \times \Upsilon}{(1-1\cdot\cdot)1\cdot} - 1 = \frac{\Upsilon \cup \xi \gamma}{(1-\Upsilon \cup) \cup} - 1 = P$$

جدول رقم (٣٩) خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كانت الرتب غير مكررة

مثال (٧) : أوجد معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين درجات المتغيرين س ، ص الآتية :

هنا يحب أن تلاحظ أن المعلوم هو الدرجات وليست الرتب . ولذلك عجب أولا إيجاد الرتب المناظرة لكل قيمة من قيم س ، ص بأن تبدأ بترتيب قيم س ترتيباً تنازليساً أو تصاعدياً ويل ذلك ترتيب قيم ص بنفس الطريقة ، ثم نتبع نفس الخطوات التي اتبعناها في المثال السابق رقم (١).

و يمسكن تلخيص هذه الخطوات في الجدول الآتي (رهم ٤٠):

ن الرتب	الفرق بي	ب (الرة	الدرجات		
ن۲	ن ن		س	ص	س	
•	1+	٣	٠ ٤	۷۰	٤٧	
١	1 —	۲	١	٧٩	٧١	
1	1+	1	۲	۸٥	٥٢	
£	۲ —	•	۲	۰۵	٤٨	
صفر	صفر	٦,	٦	٤٩	40	
. 1	1+	ŧ	ò	٥٩	٣٦	
1= Vif	ا صفر ا ≥ ف۲ = ۸				الجموع	

$$\cdot, \forall \lambda = \frac{\lambda \times 7}{(1 - 77)7} - 1 = \frac{7 + 7}{(1 - 70)0} - 1 P$$

جدول رقيم (٤٠) خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بمعلومية الدرجات

طريقة حساب معامل ارتباط الرب لسبيرمان إذا كانت بعض الرنب مكروه

إدا أردنا أن نرتب الدرجات ١٩، ١٩، ١٩، ٢٣، ٣٣، ٣٣، ٢٥ فإننا الاحظ على الفور أن الدرجة ١٩ قد تسكررت مرتين، والدرجة ٣٣ تسكررت لمرتب مرات. وفي مثل هذه الحالات يجب أن نعين للدرجات المكررة متوسط رتب هذه الدرجات.

ويمكن إيجاد معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بعد ذلك بنفس العالميقة الى التبعناها في حالة الرتب غير المكروة .

ولسكن إذا كان هناك رتب كثيرة مكررة فإن هذه الطريقة ربما لا تسكون دقيقة في حساب معامل الاوتباط . وذلك يرجع إلى أن معامل ارتباط الرتب السبيرمان هو حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون الذي يفترض أن الرتب هي الاعداد الصحيحة الاولى التي عددها ن ، فوجود الرتب المسكررة يتنافي مع هذا الغرض . وإذا زاد عدد هذه الرتب المسكررة فإن بجموع مربعات فروق هذه الرتب يختلف اختلافا كبيرا عن بجموع مربعات الاعداد الصحيحة الاولى التي عددها ن ، وهذا يؤثر بالتالى على قيمة معامل ارتباط الرتب . ولذا توجد طرق أخرى تستخدم لتصحيح الرتب المسكررة سوف نعرض إحداها بعد عرضنا للمثال رقم (٣) الآتي

مثال (٣): أوجد معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لازواج الدرجات الآتية :

ويم كن تلخيص الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث لإيجاد معامل الارتباط في هذه الحالة في الجدول رقم (٤١) الآتي ﴿:

ن الرقب	الفروق بير	٠	اارتہ	ات ا	الدرجات		
ن	ف	ص	س	ص	سوي		
٠,٢٥	•,•-	1,0	1	۲	1		
١,٠٠	1,.+	1,0	۲,0	۲	7		
٠,٢٥	•,0 -	٣	۲,٥	٣	Y		
١,٠٠	- درا	•	٤	•	٣		
صغر	صغر	٥	•	٥	ŧ		
١,٠٠	1,++	•	٦	٥	٥		
صقن	صفر	٧	٧	٦	٦		
•,٢0	•,• —	۸,۰	٨	٧	٨		
•,٢•	·,•+	۸,٥	4	٧	4		
صغر	صفو	١.	1 •	٨	١.		
ا بحن ا	منفو				المجموع		

جدول رقم (١١)

خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كانت بعض الرنب مكررة خطوات حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان اذا كانت بعض الرتب مكررة

طريقة أخرى لحساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان :

يمكن حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان باستخدام صورة أخرى.و بالرغم من أن هذه الصورة السابقة إلا أنها تتميز من أن هذه الصورة السابقة إلا أنها تتميز بإمكانية إجراء بعض التعديل عليها محيث تستخدم في حالة وجود بعض الرتب المسكروة.

وعندما تنحصر الرتب بين ١ ، ن فإن بجوع مربعات الرتب و بحموع حواصل ضربهـا يمـكن حسابه باستخدام الصورة الآتية :

جموع مرہمات ر تب س ، أى م $_{m}$ = بموع مرہمات ر تب ص ، أى م $_{m}$ = $\frac{\dot{v}^{2}-\dot{v}}{17}$

حیث ف هی فرق رتبتین مثناظرتین من رتب س ، ص و بذلك تمکون

$$\frac{-r^{h}}{\sqrt{2m} \times 2m} = p$$

ويمكن أن نطبق هذه الصورة على البيانات الموضحة فى الجدول السابق رقم (٤١) كارَّتى :

$$\Lambda Y, 0 = \frac{1 \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot Y} = \frac{0 - \frac{70}{1 \cdot Y}}{1 \cdot Y} = \frac{0}{1 \cdot Y} = \frac{1 \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot Y} = \frac{1 \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot Y} = \frac{1}{1 \cdot Y}$$

$$(\xi - \lambda Y, 0 + \lambda Y, 0) + =$$

$$\lambda \cdot, 0 = 171 \times + =$$

$$\frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0 \times \lambda Y, 0 \vee} = P$$

$$\lambda \cdot, 0 = \frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0} =$$

$$\cdot, 0 = \frac{\lambda \cdot, 0}{\lambda Y, 0} =$$

وهى نفس القيمة التي حصلنا عليها فيها سبق .

ولسكن وجود رتب مكررة فى هذا المثال يقلل من قيمة بجموع المربعات. والصورة التى استخدمناها لم تدخل هذه الرتب المسكررة فى الاعتبار عند حساب معامل الارتباط و لذلك يجب أن نصحح هذه الصورة قبل استخدامها فى حالة الرتب المسكروة فى أحد المتغيرين أو كليهما و يحسكن حساب معامل التصحيح كالآتى:

۱ _ نحسب قيمة ى احكل مستوى من مستويات الرتب المكررة باستخدام الصورة:

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات أو الدرجات الى لحا نفس الرتبة .

فإذا كان هناك مثلا درجتان لها نفس الرتبة ، فإن :

$$\cdot, \circ = \frac{Y-\Lambda}{1Y} = \emptyset$$

۲ ۔۔ نجمع قیم ی جمیع الرتب المحکورة لمکل من المتغیرین س ، ص لمکی نحصل علی بجد ت می ، مجد ت ص

٣ ــ نعدل بجموع مربعات رتب س ، ص و بجموع حواصل الضربكالآني :

$$\cdot \wedge \wedge = \cdot, \circ - \wedge \wedge, \circ = \cdot, \cdot \wedge$$

$$\cdot \wedge 1, \circ = 1 - \wedge 7, \circ = 0$$

$$. \lambda 4' \lambda 0 = (\xi - V 1' 0' + V \cdot) \frac{1}{1} = '\delta L \cdot$$

$$\cdot, 4VY = \frac{V4, V6}{\Lambda1, V6} = \frac{V4, V6}{(\Lambda1, 6)(\Lambda Y)} = P \quad 6$$

ويلاحظ أن معامل النصحيح له تأثير طفيف على قيمة معامل ارتباط الرتب لأن عدد الرتب المكررة كان قليلا . ولذلك يمكن التغاضى عن استخدام معامل التصحيح في مثل هذه الحالات .

ولكن يجب استخدام هـذا الممامل إذا كان هناك عدد كبير من الرتب المسكررة .

وعلى الباحث أن يقرر بنفسه ما إذا كان من الأفضل استخدام معامل التصحيح أم لاإذا وجد أن هذا المعامل سوف يكون له تأثير يذكرعلى قيمة معامل ارتباط الرتب.

وينبغى أن تلاحظ أنه إذا حسبنا معامل ارتباط بيرسون لنفس بجموعـــة الدرجات فإن قيمته ربما تختلف قليلا عن قيمة معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ولذا يفضل استخدام معامل ارتباط بيرسون إذا كان ميزان قياس البيانات من النوع الفترى .

أما إذا لم يكن لدى الباحث آلة حاسبة فإن استخدام طريقة سيرمان بما تشمير به من سهولة فى العمليات الحسابية تعطيه قيمة تقريبية لمعامل ارتباط بيرسون . وكلما زاد حجم العينة كلما زاد اقتراب قيمتى المعاملين .

وفى الحقيقة توجد صورة رياضية يمكن أن تستخدم لتقدير معامل ارتباط بيرسون بمعلومية معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ، إلا أن استخدام هذه الصورة يتطلب أن تكون البيانات مستمدة من عينات كبيرة ، وهو مالايتو فر لدى الباحث عشد استخدامه لمعامل ارتباط الرتب .

وقد دلت نتائج تطبيق هذه الصورة الرياضية على أن معامل ارتباط الرتب في المتوسط يكون أكبر قليلا من معامل ارتباط بيرسون ، وأن أكبر فرق بينهما باستخدام هذه الصورة عندما يكون كل منهما قريبامن ، ٥ ، هو ٢ · ٠ ، ١٠ يؤكد مدى اقتراب قيمتى المعاملين من بعضهما . ولكنتا مع هذا لا تنصح الباحث بأن يستخدم معامل ارتباط بيرسون إلا إذا كانت البيانات تحقن الفروض الى يتطلها هذا النوع من الارتباط .

تفسير معامل ارتباط الرتب لسبيرمان :

إذا كان كل من المتغيرين المطلوب إيجاد معامل الارتباط بينهما مقدرين على أساس الرتب فإن قيمة هذا المعامل تساوى قيمة معامل ارتباط بيرسون الناتجة من استخدام الدرجات الآصلية بدلا من الرتب (فيها عدا الحالات التى تسكون

فيها بعض الرتب مكررة أكثر من ألاث أو أربع مرات).

ولذا يمكن في الحالة الأولى تفسير معامل ارتباط الرتب اسبيرمان على أنه مقياس لمقدار العلاقة الخطية بين الرتب .

أما إذا كانت قيم كلمن المتخيرين محسوبة بوحدات غير الرتب (مثل درجات اختبار في الذكاء مثلا) فإن قيمة معامل ارتباط الرتب المناظرة لدرجات الاختبار لانساوى قيمة معامل ارتباط بيرسون المحسوبة من الدرجات الاصلية .

كا أن معامل ارتباط الرتب بين درجات توزيعين يتخذان شكل التوزيع الاعتدالى يكون أقل قليلا من معامل ارتباط بيرسون الذي يحسب من الدرجات الاصلية (أقل من ٠,٠٢).

والخلاصة أنه يمكن أعتبار قيم معامل ارتباط الرنب لسبيرمان هي قيم تقريبية لمعامل ارتباط بيرسون .

معامل ارتباط الرتب للكندال

Kendall's Tau Rank Correlation Coefficient

يمكن اعتبار معامل ارتباط الرتب الذى ينسب إلى العالم الإنجليزى موريس كندال Maurice Kendall بديلا لمعامل ارتباط الرتب لسبيرمان . فمكل هنهما يستخدم كمقياس للعلاقة بين متغبرين كل منهما من المستوى الرتبي .

وا ـ كن معامل ارتباط كندال يختلف في الفكرة التي بني عليها عن معامل ارتباط سبير مان و فعامل ارتباط سبير مان يمكن اشتقاقه كاسبق أن رأينا بعاريقة جبرية من معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون ، ولذلك فهو يعتبر حالة خاصة سنه ، ولكن معامل ارتباط اليتب لسكندال يعتمد على تحديد الفرق بين عدد الاتفاقات وعدد الاختلافات بين أزواج رتب كل من المتغيرين ،

ثم إيحاد النسبة بين هذا الفرق إلى عدد الانفاقات بين الرتب إذا افترض أن هناك اقتراءًا موجب نام بين جموعتي الرتب.

وهو بهذا يشبه إلى حدما معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال الذي سبق أن عرضنا له في مستهل هذا الفصل . ويرمز لمعامل ارتباط الرتب لكندال بالحرف اليوناني (T) ويقرأ (تو) . وسوف نوضح في نهاية هذا الفصل العلاقة بين معاملات ارتباط الرتب الثلاثة .

و توجد فى الحقيقة طرق متعددة لحساب معامل ارتباط الرتب لكندال بمضها جسرية والأخرى بيانية . وسوف نعرض فيها يلى لبمض هذه الطرق .

التي اعر الدهير... طريقة حساب معامل ادنباط الرتب لكندال إذا كانت الرقب غير...ير.

(أولا) طريقة جبرية:

نفترض أننا أردنا حساب معامل ارتباط كندال بين بجوعتى الرتب لآتية:

٥	0 {		۲	٣	س	
0	۲	٣.	١	٤	ص_	

فالخطوة الآولى : تعيد ترتيب رتب س ترتيبا تصاعديا •ن ١ إلى ن ، ونكتب رتب ص المناظرة كالآتى :

0	£	٣	۲	١	س
٥	۲	ŧ	١	٣	ص

والخطوة الثانية : نبدأ بروج الرتب الأول (حيث س = ١)، ونقارن قيمة ص المناظرة (ص = ٣) بحميع قيم ص التالية ، ونعين القيمة + ١ لحل رتب ص التالية التي تكون أكبر من الرتبة ص = ٣، والقيمة - ١ لكل رتب ص التالية التي تكون أقل من الرتبة ص = ٣.

ثم نجمع القيم الناتجة جمعا جبريا (أى مع مراعاة الإشارات). و تسكرر هذه العملية لجميع وتب ص المناظرة لرتب س كالآتى :

بالنسبة المزوج الأول حيث (س = 1):

- 1 + 1 - 1 + 1 = صفر
وبالنسبة المزوج الثاني (حيث س = ۲):
- 1 + 1 + 1 + 1
وبالنسبة المزوج الثالث (حيث س = ۳):
- 1 + 1 = صفر
وبالنسبة المزوج الرابع (حيث س = ٤):
- 1 + 1 = صفر
- 1 + 1 = صفر

والخطوة الثالثة: نجمع القيمالنانجة جمعًا جبريًا و' من للمجموع بالرمزج. أى أن : ج = صفر + ٣ + صفر + ١ == ٤ ..

والخطوة الرابعة ، نحسب أكبر قيمة للمقدار (ج)، وهى القيمة التي نحصل عليها إذا كان هذاك اقتران موجب تام بين مجمسسوعتى الرتب ، وهذه القيمة عليها للهناك (ن - ۱) .

والخطوة الخامية ، نحسب معامل ارتباط الرتب ليكندال باستخدام الصورة الآنية :

$$(1) \cdot \cdot \cdot \frac{\xi Y}{(1-i)i} = \frac{\xi}{(1-i)i} = T$$

$$\cdot, \epsilon \cdot + = \frac{\circ - 7\circ}{\circ \times 7} = \frac{\circ}{\circ \times 7}$$
 ای آن T ف المثال السابق

و إذا حسبنا معامل ارتباط الرتب لسبيرمان لهذه البيانات سوف تجد أنه يساوى إلى معامل الرتباط الناتجين يرجع إلى اختلاف الأساس المنطقى الذى بني عليه كل من المعاملين ، وسوف تعود لمناقشة هذه النقطة عند مقارئة الطرق المختلفة لإيجاد العلاقة بين متغيرين من المستوى الرتى في آخر هذا الفصل .

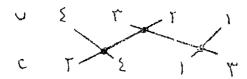
(ثانيا) طريقة بيانية :

تعد هذه الطريقة أبسط من الطريقة الجبرية السابقة عند حساب قيمة ج، إذ أنها تمتمد على التوضيح البيانى لازواج الرتب. وفيها يلى ملخص الخطوات الني يمكن أن يتبعها الباحث عند استخدام هذه الطريقة فى حساب معامل ارتباط الرتب لحكندال إذا كائت الرتب غير مكررة.

الخطرة الأولى: يميد ترتيب وتب س ترتيبا تصاعديا من 1 إلى ن، ويكتب رتب ص المناظرة كالآتى :

ļ	0	٤	٣	۲	1	س
1						
	٥	۲	٤	1	٣	ص

والخطوة الثانية: يرسم خطوطا تصل بين الرتب المتساوية لسكل من المتنبرين س ، ص كالاتى :



و الخطوة الثالثة: إوجد عدد نقط تقاطع هذه الخطوط ، وهي تدل على عددالاختلافات بين الرتب ، وفي هذا المثال توجد ثلاث نقط تقاطع كما هو مبين بالتخطيط البيائي السابق ،

والحملوة الرابعة : يوجد قيمة ج باستخدام الصورة الآتية :

$$\frac{\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}} = \frac{\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}} = \frac{\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}} \times \dot{\upsilon}$$
 عدد الاختلافات بین اار تب $\dot{\upsilon}$

فني هذا المثال:

$$r \times r - \frac{(1-\circ)\circ}{r} = \varepsilon$$

1=1-1=

والخطوة الخامسة : يطبق الصورة الجبرية رقم (٩)لحساب قيمة (T) وهي:

$$\cdot, \xi \cdot + = \frac{\xi \times \gamma}{(1-\epsilon)^{\circ}} = \frac{\gamma}{(1-\epsilon)^{\circ}} = T$$

وهي نفس القيمه التي حصلنا عليها باستخدام الطريقة الجبرية .

ويمكن تفسير معامل ارتباط الرتب (T) تفسير مباشراً. فإذا سحبنا زوجا من الاشياء التى حصلنا على رتبها بطريقة عشوائية ، فإن احتمال أن يكون هذا الزوج له نفس الرتبة فى كل من المتغيرين أكبر من احتمال أن يكون له رتبتان عتلفتان بقدر ، ٤٠ ، و بعبارة أخرى فإن هذا المعامل يدل على أن ترجبح تقدير شخصين نفس الرتبة لزوج معين من الاشياء يتم اختياره بطريقة عشوائية يكون أكبر من ترجيح تقدير رتبتين عتلفتين لهذا الزوج من الاشياء .

وهذه الطريقة البيانية لحساب معامل ارتباط الرتب لكندال تصلح فقط عندما تكون الرتب غير مكررة ، ويسهل استخدامها إذا كان عدد الافراد كبيراً نسبياً .

ويجب أن يلاحظ الباحث أن هذه الطريقة لانقتصر فقط على تقديرات المحكمين لترتيب أشياء معينة ، وإنما يمكن أيضاً استخدامها في حالة ترتيب بجموعة من درجات كل من متغيرين .

ثالثا : طريقة بيانية أخرى لحساب معامل ارتباط الرتب (T) .

يمكن استخدام طريقة بيانية أخرى لحساب قيمة (ج). والهدف من ذكرها هنا هو أنه يمكن تطبيقها بشيء من التعديل في حالة وجود بعض الرئب المسكررة في أحد المتغيرين أو كليهما .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث لإيجاد قيمة ج باستخدام هذه الطريقة نشير إلى المثال السابق .

فالخطوة الأولى: يعد جدولا تسكراريا ثنائى البعد، ويضع وتب المتغير س على أحد بمديه، ورتب المتغير ص على بعده الآخر، ويكون لسكل فرد زوج من الرتب تتحدد عن طريقه الخلية التي يقع فيها.

	٥	í	٣	٢	١	
Ī			1			1
Î					١	7
ľ		١				رتب المتغير س س
				1		\
ľ	1					- •

جدول أرتم (٤٢) جدول أرتم (٢٦) المعد لرقب متغيران (الرقب غير مكررة)

فثلازوج الرتب (١ ، ٣) في الجدول رقم (٤٢) يقع في الخلية الناتجة من تقاطع الصف الآول والعمود الثالث . ولذلك وضمنا الرقم ١ في هذه الخلية ، وهكذا بالنسبة لبقية الرتب .

والخطوة الثانية: يحسب قيمة جهد بأن يأخذ أى خلية يختلف تكرارها عن الصفر، ويهملكل من الصف والعمود الذى تقع فيه هذه الخلية، ويوجد عدد التكرارات التي تقع أسفل وإلى يسار هذه الخلية، ثم يحمع التكرارات التي يحصل عليها. فثلا بالنسبة للخلية (٢،١) توجد ٣ تكرارات تقنع أسفل وإلى يسار هذه الخلية، وهكذا في بقية خلايا الجدول. ويمكن تلخيص ذلك كالآتي:

عدد النكرارات	الجلته
۲	(٣٠١)
٣	(1,4)
١	(٤٠٣)
١	(7 . ٤)
صفو	(• • •)
V =	+£

والخطوة الثالثة : يطبق الصورة الآتية لحساب قيمة ج :

والخطوة الرابعة : يطبق الصورة الجبرية رقم (٩) لحساب قيمــــة (T) وهي :

$$\cdot, \mathfrak{t} \cdot + = \frac{\mathfrak{t} \times \mathsf{Y}}{(1-\mathfrak{o}) \cdot \mathfrak{o}} = \frac{\mathsf{T}}{(1-\mathfrak{o}) \cdot \mathfrak{o}} = \mathsf{T}$$

و تلاحظ أنها نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الطريقتين الاخريين .

ويمكن أن يوجدالباحث قيمة ج_ بدلا من جهد وذلك بأن يأخذ بجموع التكرارات الواقمة إلى يمين وأسفل كل خلية من خلايا الجدول يختلف تسكرارها عن الصفر.

فرعنداند تکون ج
$$=\frac{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}-1)}{7}-7$$
 ج سکون ج

وذلك لانه في حالة عدم وجود رتب مكررة .

$$(r) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{(1-i)i}{r} = \varepsilon + \varepsilon$$

طريقة حساب معامل ارتباط الرتب اسكندال إذا كانت بعض الرتب مكررة:

يمكن حساب معامل ارتباط الرتب اكندال إذا كانت بعض الرتب مكررة باستخدام طريقة بماثلة الطريقة البيانية الثانية التي عرضنا لها فيها سبق . أى أن الباحث يمكنه استخدام جدول تكرارى ثنائى البعد كما سبق ولسكن بعض خلايا الجدول في هذه الحالمة سوف تشتمل على تكرارات أكبر من الواحد الصحيح .

و لتوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعم الباحث لا يجاد قيمة كل من ج ، \mathbf{T} . يعرض $\mathbf{D}(\mathbf{x})$ المثال الأثى:

نفترض أنا قنا بملاحظة ١٢ فردا بغرض ترتيبهم بالنسبة لكل من متغيرين ، وحصلنا على البيانات الآنية الموضحة بجدول رقم (٤٣) الآني .

رتب المتغير (ص)	رتب المتغير(س)	الفرد
۸,۰	٥	١
11	٧	۲
17	٥	٣
۸,۰	١	٤
۸,۰	۲	0
٦	٣	٦
•	•	٧
۸,۰	11,0	٨
- 7	11,0	٩
۲	4,0	1.
۲	۹,0	1)
٤	٨	14

جدول رقم (٣٤) ترتيب ١٢ فردا بالنسبة الى كل من متغيرين

فالخطوة الآولى. يرتب الدرجات فى كل من المتغيرين س، صكافى الجدول وقم (٤٣). وفى الحقيقة يمكن استخدام الدرجات الفعلية بدلا من الرتب وتدوينها فى العمودين الثانى والثالث من الجدول نظراً لآن الباحث لن يستخدم هذه الدرجات فى حد ذانها فى العمليات الحسابية الى تلى ذلك.

و الخطوة الثانية : يكون جدولا ثنائي البعد ، يضع رتب المتغير س على بعده الآخي ، ورتب المتغير ص على بعده الرأس كالآتي :

		Ų	يثغير س	زتب الم)				
الجموع	11,0	۹,٥	٨	٧	٥	٣	۲	1	
٣	1	٢	نسيسس						Y
١			1			-			٤ ، ځ
•					1				- 17
١					1	١			7
٤	1				1		١	1	۷,0 ع
١				١					11
\			1		١				14
17	۲	Y	١)	٣	١	1	1	الجموع

جدول أرقم (٤٤) جدول تكرار ثنائى البعد لرتب متغيرين (بعض الرتب مكررة)

والخطوة الثالثة: يحسب قيمة جهه كما سبق فى حالة الرتب غير المسكررة. غير أنه فى هذه الحالة يجب أن يعطى أوزانا للشكرارات التى تقع إلى يساروأسفل كل خلية غير صفرية تساوى تسكرار الخلية.

فمثلا بالنسبة للخلية الناتجة من تقاطع الصف الاول والعمود السابع يوجد تكرار واحد أسفل وإلى يسار هذه الخلية . ولسكن نظراً لوجود حالتين أو تسكرارين في الخلية فإنه عند حساب جهد يجب أن يجمع التكرارات الموزونة للخلايا .

ای ان:

والخطوة الرابعة : يحسب ج وذلك بأن يأخذ المجموع الموزون الشكرارات الواقعة إلى يمين وأسنمل كل خلية غير صفرية من خلايا الجدول كالآنى :

$$5_{-} = 7(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda)$$

$$+ 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda)$$

$$+ 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda)$$

$$+ 1(\lambda) + 1(\lambda) + 1(\lambda)$$

$$+ 1(\lambda$$

ويقترح كندال لإيجاد قيمة $_{f T}$ أن نقسم قيمة ج الناتجة على المقدار الآتى :

$$\frac{\left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right] \left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right]}{\left[r^{\omega} - \frac{(1-\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{r} \right]} \bigvee$$

، نع = المجموع الكلى للتكرار الحامش للعمودع، حيث ع ترمز إلى عدد الاعمدة المناظرة لرتب س

$$(17) \quad \overset{}{} \quad \overset{}{}}{} \quad \overset{}{} \quad \overset{$$

، ن في المجموع السكلي التكرار الهامشي الصف في ، حيث ف ترمز إلى عدد الصفوف المناظرة لرتب ص .

ف. مذا المثال:

$$[(1)^{r} + (1)^{r} + (r)^{r}] \frac{1}{r} = 10$$

$$[(\tau) \, \epsilon + (\tau) \, \tau] \, \frac{1}{\tau} = \tau^{-\tau} \, \epsilon$$

$$\frac{T - \frac{70 - 70}{7}}{\sqrt{\left(\frac{71 \times 17}{7}\right)\left(\frac{71 \times 17}{7}\right)}} = \frac{70 - 70}{7}$$

أى أن درحة الاقتران بين الرتب تكون سالبة وتساوى ٢٠٠٠.

معامل الاتفاق لكندال

Kendall's Coefficient of Concordance

أحبانا يود الباحث تحديد العلاقة بين ثلاث بحموعات أو أكثر من الرتب، أى يود معرفة مدى إنفاق بحموعة من المحسكة بن عندما يطلب منهم ترتيب بحموعة من الاشياء بالنسبة إلى خاصية معينة . ويمكن أن يحصل الباحث على هذه البيانات بطرق مختلفة . فشلا يمكنه أن يعرض الاشياء أوالمشرات التي عددها(ن) على (م) من المحكمين ، ويطلب من كل محكم أن يقدر رتبة معينة لكل مثير أو شيء

نبعا لمحك مين ستى تحديده . أو يمكنه أن يحسل على درجات أو قياسات عددها(م) لمجموعة تنكون من (ن) من الاشخاص أو الاشياء مثل درجات اختبارات في الرياضيات واللغة المربية والتاريح وهدكذا . ثم يقوم بترتيب درجات كل اختبار ، ويضع هذه البيانات في جدول مكون من (م) من الصفوف ، (ن) من الاعداد ، وبذلك تتكون خلايا الجدول من الاعداد التي تناظر رئب الافراد أو الاشياء التي قدرها المحكون ،

ويمكن أن يوجد الباحث درجة الاتفاق بين المحكمين بأن يحسب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين كل مجموعتين من الرتب ، ثم يوجد متوسط معاملات الارتباط الناتجة ، و بذلك يحصل على مقياس للعلاقة بين جميع الرتب .

ولكن هذه الطريقة تحتاج بلاشك إلى جهد ووقت كبيرين مِن جانب الباحث. ولذلك اقترح كندال Kendall استخدام مقياس إحصائي جديد التبسيط هذه العمليات أطلق عليه اسم معامل الاتفاق

Coefficient of Concordance.

ويرمزله بالحرف الانجليزي ٧٧ ولكنتا سترسز له في هذا الكتاب بالرمز (ق) .

طريقة حساب معامل الاتفاق لسكندال إذا كانت الرتب غير مكررة :

لتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبِعها الباحث في حساب معامل الاتماق إذا كاقت الرتب غير مكروة بعرض ميرجبعين المثال الأثنى ؟

تفترض أنه طلب من خمسة من المحكمين (م) تقدير رابة معينة للشروعات اللى قدمها عشرة طلاب في إحدى الدكليات (نن) ، وأراد تحديد مدى انفاق الرتب الى قدرها هؤلاء المحكمون ، والجدول الآتى رقم (ه٤) يوضح هذه البيانات :

()	1/ / 1	(44)	<u> </u>						
(•)	(4)	(4)		(Y)					
ف	ف	بحمو ع	ِن ا	المحكمو	، قدر ما	أب الد	الر	الطالب	
	i uza	الر تب	۵	1	1	1 4	1	-	
75.70	10,0	17	ź	٢	1 7	,	Y	1	
717,70	14,0	٩	۲	۲	1	٣	١,	۲	
107,70	17,0	10	٣	١	٤	٤	7	٣	
17,70	٦,٥	71	١	٥	0	٥		1	
7,70	۲,٥	70	٦	٧	٦	۲	٤	0	
۲,۲۰	١,٥	79	Y	٤	٣	1	٧	٦	
17,70	٣,0	41	٥	٦	٨	٦ '	٦	٧	
187,70	11,0	44	٩	٨	V	٧	٨	٨	
457,70	11,0	27	۸	٩	1.	1.	٩	٩	
٤٢٠,٢٥	7.,0	٤٨	١.	.1.	۹ .	٩	. 1.	1.	
ع ف ا = ١٦٩٦,٥)	770		8.				_	

جدول رتم (٥٥) تقديرات خمسة من المحكمين لعشرة طلاب وخطوات ايجاد معامل الاتفاق لكندال في حالة الرتب غير المكررة

و الاحظ من هذا الجدول أن مجموع قيم العمود الثالث هو المجموع السكلى للرتب. ويمكن التحقق من صحة هذا المجموع كالآني :

7V0 ==

حيث م ترمز لمدد الحكمين . ، ن ترمن لمدد الطلاب. . فإذا لم تمكن هذاك علاقة بين الرتب فإننا نتوقع أن يتساوى مجموع الرتب
 ف كل صف .

فني هذا المثال يكون هذا المجموع مساويا لمتوسط المجموع السكلي لارتب، أى = $\frac{700}{1}$ = 0.00

ولذلك نوجد الفرق بين مجموع الرتب ف كلصف وهذا المتوسط، ثم نوجد مربع هذه الفروق، ونجمع المربعات النانجة. رنتائج هذه الخطوات مبيئة في العمودين الرابع والخامس من الجدول رقم (٤٥) .

ويلاحظ أن هذه المربعات تشير إلى درجة اتفاق مجموعة المحكمين . فـكلما زادت قيمة هذه المربعات دل ذلك على اتفاق المحكمين . وكلما نقصت هذه القيمة دل ذلك على عدم اتفاقهم .

وللحصول على مقياس نسبي لدرجة الانفاق ، يجب أن نقسم هذا المجموع على أكبر قيمة له ، وهي القيمة التي يمكن أن نحصل عليها في حالة الانفاق التام بين المحكين، ويمكن ببساطة (ثبات أن هذه القيمة $\frac{\gamma}{1}$ $\frac{\gamma}{1}$ $\frac{\gamma}{1}$

ولذلك فإن معامل الاتفاق ق

$$(1) \cdots \cdots \frac{1}{(1-\frac{1}{2})(1)} =$$

و بالتمويض من الجدول السابق في هذه الصورة تجد أن :

$$\cdots, \wedge Y = \frac{1797, 0 \times 1Y}{(1 - 1 \cdots)(1 \cdot)(1 \cdot)(1 \cdot)} = \emptyset$$

وهي قيمة مرتفعة عا يدل على أن هناك اتفاقا كبيرا بين المحكمين الخسة في تقدير رتب: مجموعة الطلاب.

ويحب أن يلاحظ الباحث أنه إذا كان معامل الاتفاق = 1 فإن هذا يعنى وجود اتفاق تام بين المحكمين، وإذا كان هذا المعامل = صفرا فإن هذا يعنى عدم وجود أى اتفاق بين المحكمين. كما يجب أن يلاحظ أن هذا المعامل لاتسكون قيمته سالبة، وإذا كان لدينا أكثر من اثنين من المحكمين فإنه لا يمكن أن تصل قيمته إلى الواحد الصحيح، إذ لا يمكن أن يحدث اتفاق تام بينهم . فثلا إذا لم يوجد بين المحكمين ا، ب أى اتفانى، وكذلك بين المحكمين ا، ج، فإنه يجب أن يكون بين المحكمين ب ، ب انفاق تام .

كما أنه لا معنى لعدم وجود أى اتفاق إذا كان لدى الباحث أكثر من يجموعتين أمن الرتب .

العلاقة بين معامل ارتباط اارتب لسبيرمان ومعامل الاتفاق لسكندال :

سبق أن ذكرنا أنه بمكن إيجاد درجةالانفاق بينالمحكمين بحساب، معامل ارتباط الرتب لسبير مان إبين كل بجوعتين من الرتب وإيجاد متوسط هذه المعاملات،

والنرمو لهذا المتوسط بالرمو كرس.

وفي الحقيقة توجد علاقة بين هذا المتوسط وقيمة معامل الاتفاق ق وهي :

$$(1\lambda) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{1 - \delta^{\lambda}}{1 - \rho} = \frac{1}{\rho}$$

حيث م ترمز لعدد المحكمين .

وفي حالة م = ٢ تصبح الملاقة :

وليس من السهل تفسير قيمة معامل الاتفاق ق تفسيراً مباشراً من حيث درجة اتفاق الرتب ، ولسكن يمسكن تفسير هذه القيمة عن طريق إيجاد متوسط قيمة معاملات ارتباط الرتب لسبيرمان بين كل مجموعتين من الرتب باستخدام الصورة السابقة رقم (١٨)

فثلا بالنسبة للثال السابق وجدنا أن ق = ٨٢. وبذلك تكون:

$$\cdot, \forall \forall \circ = \frac{1 - \cdot, \land \forall \times \circ}{1 - \circ} = \frac{1 - \cdot, \land \forall \times \circ}{1 - \circ}$$

 $\frac{6 \times 6}{4}$ فإذا أخذنا جميع أزواج الرتب الممكنة وعددها

أزواج، وحصلنا على معامل ارتباط الرتب لسبيرمان الحكل زوج منها فإن متوسط معاملات الارتباط ستبلغ حوالى ٥٧٧٥، وهذا يدل على أن هناك انفاقا كبيرا بين المحكمين الخسة في متوسط تقديرهم لرتب بحوعة الطلاب.

ولكن يفضل تقرير درجسة الاتفاق باستخدام تى بدلا من

رَ سَ فَى البحوث ، لأن رَ سَ تنحصر قيمتها بين مَ الله الوتساوى ما الماملات أيا منهما مهما كانت قيم ن أو م . وهسدا يسمح للباحث بمقارنة معاملات الاتفاق لمجموعات مختلفة من البيانات ، إلا أن استخدام رَ سَ يساعد على تفسير معامل الاتفاق ق تفسيراً أكثر وضوحاً .

طريقة حساب معامل الاتفاق لكندال إذا كانت يعض الرتب مكررة :

إذا وجد الباحث أن هناك عددا قليلا من الرتب المكررة فإنه يمكنه استخدام نفس الطريقة السابقة التي استخدمناها في حالة الرتب غير المكررة ، و لسكنه في هذه الحالة يجب أن يعين للدرجات المسكررة متوسط رتب هذه الدرجات ، ثم يحسب معامل الاتفاق في مباشرة من البيانات دون أي تعديل ، أما إذا وجد أن عدد الرتب المكررة كبير فإنه يجب عليه تصحيح كل مجموعة من الرتب باستخدام معامل التصحيح الآتي والذي سفر عن له بالرمز ل :

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات المسكررة بالنسبة لأى رتبة فى بحوعة البيانات. فثلا إذا كانت رتب المتغير س هى ١ ، ٢,٥، ٢,٥، ٤ ، ٥ ، ٢ ، ٨ ، ٨ ، ، ، ، ١ فإنه يكون لدينا بحوعتان من الرتب المسكررة إحداهما تسكررت مزتين والاخرى تسكررت ثلاث مرات .

وبتطبيق صورة ممامل التصحيح المذكورة على هذه المجموعة من الرتب تجد أرب ة

$$Y, o = \frac{Y!}{17} = \frac{Y!}{17} = \frac{(Y - {}^{T}Y) + (Y - {}^{T}Y)}{17} = J$$

اى أننانحسب قيمة معامل التصحيح ل لكل مجموعة من مجموعات الرتبالتى عددها م، و نجمع هذه القيم لنحصل على (مج ل). ثم نحسب معامل الانفاق ق باستخدام الصورة (رقم ١٧) التى استخدمناها فى حالة الرتب غير المسكررة ، ولكن بعد تعديلها بحيث تنضمن معسامل التصحيح الذى أشرنا إليه ، وتصبح الصورة كالآتى :

$$(7.) \cdots \frac{1}{\sqrt{1 + 1 - (0 - 1)^{2} - (0 - 1)^{2}}} = 3$$

حيث م ترمز إلى عدد بجموعات الرتب. وهذا التصحيح يؤدى إلى زيادة قيمة معا ل الاتفاق ق ولكن يكون له تأثير طفيف على هذا المعامل إذا كان عدد الرتب المسكررة قليلا . ولذلك لا ننصح الباحث باستخدام هذه الصورة إلا إذا كان عدد الرتب المسكررة كبيرا .

معامل الاتساق لكندال

Kendall's Coefficient of Consistence

لسكى يحصل الباحث على رتب بجموعة من الاشياء بالنسبة إلى خاصية أو صفة معينة يمكنه أرب يعرض هذه الاشياء مثنى مثنى بجميع العارق المكنة على أحد المحكين ، ويطلب منه أن يرتب كل زوج من الاشياء تبعا لمحك معين ، وتسمى هذه العاريقة طريقة الموازنات الثنائية Paired Comparisons .

وتستخدم هذه الطريقة بكثرة فى البحوث النفسية والتربوية . ويفترض أن الرتب التى نحصل عليها باستخدام هذه الطريقة تكون أكثر ثباتا من تلك التي نحصل عليها إذا طلب من المحمكم ترتيب مجموعة الاشياء مرة واحدة .

إلا أن طريقة الموازنات الثنائيسة تتعلمب جهدا ووقتا كبيرا . فإذا كان لدى الباحث ن من الاشياء ، فإن عدد الموازنات الثنائيسة الممكنة يكون مساويا في (ن - 1) . وكلما زادت قيمة ن زاد تبعاً لذلك عدد الموازنات زيادة كبيرة بما يجعل هذه العاريقة غير عملية .

وأحيانا نود أن نتأكد من اتساق الموازنات عند استخدام هدده الطريقة . فإذا افترضنا أن لدينا ثلاثة أشياء ١، ب، ح وكان أحد المحكمين يفضل ١ على ب، ب على ح . فلمكم تكون أحكامه متسقة يحب أن يفضل ١ على ح . أما إذا كان يفضل ح على ا فإنه بذلك يكون غير متسق مع نفسه . وربما يرجع عدم الاتساق هذا إلى عدم قدرة المحكم على التمييز الدقيق بين الاشياء التي يوازن بينها أو بسبب عدم وضوح المحك أو البعد الذي يحكم على أساسه . فكالم زاد عدم الاتساق قلمت عدم وضوح المحك أو البعد الذي يحكم على أساسه . فكالم زاد عدم الاتساق قلمت الثقة في معنى الرتب التي يقدرها المحكم للاشياء المطلوب ترتيها .

فإذا رمزنا لتفضيل اعلى ب بالرمز ا ــــ ب ، وتفضيل ب على ا بالرمز ب ــــه ا ، وكان تسلسل تفضيل ثلاثة أشياء هو :

1-----

فإن هذا يدل على ثلاثية غير متسقة من التفضيلات Inconsistent Triad فإذا كان لدينا مجموعة من المواز نات الثنائية بين ن من الأشياء فإنه يمكن إيجاد عدد الثلاثيات غير المتسقة من الاحكام أو التفضيلات واستخدامها لتمريف معامل اتساق هذه الاحكام أو الاستجابات.

ويرضح صُرِج ـــون الاستجابات الى نحصل عليها بطريقة الموازنات الثنائية اتسعة الشياء ردزنا لهما بالحروف ١، ب، ح، د،، ن في جدول رقم (٤٦) لآتي:

		٠.	~	هر		_	÷	هر		~	-	(0-0)	
	 []	4.1	-1	_	7	4	*	<	٥	ad.	0	C .	بخرع الصف
				نمه	-	_	4.	_	-	-	_		c·
			_		-	_	_		_		صف	-	•
~			مغر	صمر		_		_	_	نع	_		с_
جدول رقم (13)			2	م م	ممني		_	_	-	-	_		i,
			-		۶.	مهر.	•	مي	7	۰	_		>
:		,	2	. ``	٠ لم		. 7	•	ممر	۰	Je		U
			1	. 4	. 4	· }	••				*		,
			4	. 4		٠ ل	. }	- '	. (,	ح.)،
			٠	<u>.</u>	- 4	٠ ۲	۲ -			4)		
		Ç	7	٠-٦	, (<u>.</u> .	• 1	• (, <u>,</u>	· ·(-	

الوازنات الثنائية لتسمة الثبياء

ونظراً لأن ا قد فضلت على ب ، فإننا وضعنا الرقم ، في الخلية ال اتجة من تقاطع الصف ا مع العمود ب فوق القطر الرئيسي للجدول ، ووضعنا صفرا في الخلية الناتجة من تقاطع العمود ا مع الصف ب تحت القطر الرئيسي للجدول . ويجن أن نلاحظ أنه إذا كانت الاستجابات متسقة اتساقا تاماً فإن جميع القيم الواقعة على أحد جاني القطر الرئيسي تكون مساوية للواحد الصحيح ، وجميع القيم الواقعة على الجانب الآخر تكون صفرا .

ولكن بالنظر إلى القيم الموجودة فى الجدول السلابق نجد أن هناك بعض القيم الصفرية فرق القطرالرئيسي والواحدالصحيح تحت هذا القطريما يدل على عدم وجود تساق تام بين الاستجابات .

ولإيجاد معامل الاتساق لكندال لهذه المجموعة من البيانات يمكن أن يتبع الباحث الخطوات الآتية:

الخطوة الأولى: يجمع كل صف في الجدول السابق ، فإذا كان هذاك انساق تام بين الاستجابات فإن مجموع الصفوف سوف يكون: ٨، ٧، ٦، ٥، ٤، ٣ ٣، ٣، ٢، ٥ مفر ، ولكننا تجد أن مجموع الصفوف في الجدول السابق هو ٧، ٣، ٥، ٥، ٤، ٣، ٣، ٣، ٢، ١ مسع مراعاة أننا رتبنا هده الجاميع ترتيبا تنازليا ، ويلاحظ أن الاستجابات غير متسقة ، وهذا يقلل من تباين الاعداد التي يحصل عليها الباحث عندما يجمع صفوف الجدول .

والخطوة الثانية: يوجد متوسط مجموع جميسع الصفوف ، فإذا رمزنا لمجموع كلصف بالرمز ف ، ومتوسط مجموع جميع الصفوف بالرمز ف فإن:

وهذا المتوسطة الحقيقة على الله المساء المطلوب الموازنة بينها .

ومن الجدول يتضع أن :
$$\overline{\mathbf{i}} = \frac{77}{9} = 3$$

والحطوة الثالثة : يوجد بجموع مربديات انحرافات كل بجموع عن المتوسط .

ومن الجدول يتضح أن قيمة هذا المقدار ــــ ٣٠ .

والخطوة الرابعة : يحصل على أكبر وأقل قيمة للمقدار مح (ف - ف) ٢ . ويحصل على أكبر قيمة عندما يكون هناك اتساق تام في أنماط الاستجابات ، وعدمالتيمة في (ن ٢ - ١) . واقل قيمة للمقدار بح (ف - في) ٢ تعتمد على ما إذا كانت ن فردية فإن أقل قيمة لحمدنا المقدار ح صفر .

أي أن أكبر قيمة بمكنة للقدار محـ (ف ــ ف) من الجدول السابق

$$\gamma_{1} = \frac{(1-\lambda_{1})^{\frac{1}{4}}}{\gamma_{1}} =$$

وأقل قيمة بمكنة لهذا المقدار ـــ صفر (لأن ن فردية)

الخطوة الخامسة : يطبق الصورة الرياضية الآنية ِلحساب قيمة معامل الاتساق المكندال والذي يرمز له بالحرف الانجليزي K ، والكندا سنرمز له في هــــــذا المكتاب بالرمز (ك) .

فإذا كانت ن فردية فإن :

$$(Y1) \qquad \cdots \qquad \frac{Y1 - (\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon})^{2} - Y\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}^{2} - 1)} = 2$$

وإذا كانت ن زوجية فان :

$$(\gamma\gamma) \qquad \cdots \qquad \frac{\gamma(\overline{\upsilon} - \overline{\upsilon})^{\gamma} - \gamma \overline{\upsilon}}{\upsilon(\upsilon^{\gamma} - \varepsilon)} = \underline{\upsilon}$$

ونظراً لأن (د) في الجدول السابق فردية ، فإننا نستخدم السورة رقم (٢١) لإيحاد قيمة (ك) .

$$\cdot, \bullet \cdot = \frac{r \cdot \times 17}{\wedge \cdot \times 9} = \frac{r \cdot \times 17}{(1 - \wedge 1) \cdot 9} = 3 :$$

تفسير معامل الأنساق لكندال (ك):

والآن ما هو تفسير الفيمة الناتجة لمعامل الاقساق ٤

ف الحقيقة يمكن تفسير معامل الانساق في ضوء المناقشة الى قدمناها في مستهل

الحديث عن هــــذا الممامل ، وهو فـكرة , الثلاثيات غبر المتسقة ، التي على الصورة :

البوبيه حسوا

فإذا رمزنا لعدد الثلاثيات غير المتسقة التي من هذا النوع بالرمز وش. . فإن دث، تكون لها علافة بمعامل الانساق دك، . فمندما تسكون دن، فردية فإنه يمكن إثبات أن :

$$\omega = \frac{\dot{\upsilon}(\dot{\upsilon}^{\dagger} - 1)(1 - \dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{78} = \omega$$

وعدما تسكون ن زوجية . فإنه بمكن إثبات أن

$$(7i) \qquad \cdots \frac{(3-1)(i-7i)i}{7i} = 3$$

و بالنسبة للبيانات الموضحة فى الجدول رقم (+ 3) تكون عدد الثلاثيات اغير النسبة للبيانات الموضحة فى الجدول رقم (+ 3) = - 4 و لان ن فردية . (+ 4)

وأكبر قيمة مكنة لعدد هذه الثلاثيات ـــ ٣٠ وبذلك تكون ك ـــ ٥٠٥٠ .

أى أن هناك اتسافا بين نصف عدد الملاقات الشنائية التى تشتمل عليها هذه البيانات ، ولا يوجد اتساق بيز، النصف الآخر .

و إذا كانت ك على وم وم و الله معنى ذلك أن هناك اتساقا بين أربعة أخماس عدد هذه العلاقات ، و لا يوجد اتساق بين الخس الباقى .

ويجب أن الاحظ أن معامل الاتساق (ك) يسكون مساويا للصفر إذا كانت أنماط الاستجابات عشوائية ، رهذه تعتبر أقصى حالة لعدم الاتساق . بينها تصل قيمة هذا المعامل إلى الواحد الصحيح إذا كان هناك اتساق تام بين هـــــذه الانماط .

كيف بختار الباحث مقياس الاقتران المناسب إذا كان كل من المتغير بن من المستوى الرآي .

عرضنا في هذا الفصل عددا من المقاييس الإحصائية التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد درجة الاقتران بين متغيرين كل منهما من المستوى الرتبي و السكى يقرر الباحث أى هذه المقاييس يمكنه استخدامها عليه أن يكون واعيا للطريقة التي جمع بها بيانات بحثه والهدف من جمعها والاسئلة المطلوب الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات .

ونظراً لأن معرفة الاساس المنطقى الذى بنى عليه كل مقياس من هذه المقاييس ومزاياه وعيوبه وحدود استخداماته يعد من الامور الهامة التى يجب على كل باحث أن يكون على دراية بها، فإننا سوف نحاول هنا أن نقارن بإيجاز بين مختلف هذه المقاييس الإحصائية وطريقة تفسيرها حتى يسكون لدى الباحث صورة متكاملة عن هسده المقاييس ، وبالتالى يستطيع اختيار المقياس الذى يناسب بيانات بحثه .

فقابيس العلاقة الثلاثة الأولى التي عرضنا لها في هذا الفصل ، وهي معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال ، ومعامل ارتباط الرتب لسبيرمان ، ومعامل ارتباط الرتب لسكندال تعتبر جميعها مقاييس متهائلة ، بمعنى أن الاقتران بين المتغيرين يكون في كلا الانجاهين ، أي متبادل ، ويمكن أن يستخدم معامل الاقتران الرتبي لجودمان إذا أراد الباحث أن يحصل على معامل تصل قيمته إلى الوقتران التام ، ولكن يفضل استخدام معامل ارتباط الرتب لكندال نظراً لسهولة حسابه بالطرق البيانية وسهولة تفسيره تفسيراً

أحيائيا . وفي الحقيقة أن قيمة أي من المماماين لا تختلف اختلافا يذكر في حالة عدم وجود رتب مكررة لقيم أي من المتغيرين لنفس بجموعة البيانات . وكذلك يمكن في هذه الحالة استخدام معامل ارتناط الرتب لسبيرمان . إلا أن هذاالمعامل يضع وزنا أكبر للفروق الكبيرة بين مجموعتي الرتب عن معامل الرتب لكندال . فإذا كان الباحث مهما بإبراز هذه الفروق فإنه يفضل استخدام معامل ارتباط الرتب لسبيرمان . أما إذا كانت بعض الرتب مكررة في أي من المتغيرين فإنه لا يفضل استخدام هذا المعامل احتباليا . وإذا حسبنا كلا من معالم ارتباط الرتب لسبيرمان ومعامل ارتباط الرتب للكندال المحد أن القيمة المطابقة للمعامل الاول أكبر من القسمسة المحاظرة للمعامل الثاني (والناكد من ذلك انظر إلى المثال الذيء صناه عند مناقشة معامل ارتباط كندال في هذا الفصل) . ولكن يتساوى كل من المعاملين في حالة الاقتران العام بين في هذا القصل) . ولكن يتساوى كل من المعاملين في حالة الاقتران العام بين في هذا القصل) . ولكن يتساوى كل من المعاملين في حالة الاقتران العام بين

وفى الحقيقة يوجد ارتباط مرتفسع بين كل من المعاملين فى حالة العينات Bivariate Normal Distribution المستمدة من مجتمع أصل توزيعه اعتدالي

فعندما يكون الارتباط في المجتمع الأصل = صفرا ، فإن معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم بين كل من المعاملين = ٥, ٥ عندما تكون ن = ٥ . ويقذرب معامل الارتباط من الواحد الصحيح عندما تقترب ن (أى عدد الملاحظات) من اللانهاية .

ويتميز معامل ارتباط الرتب لكندال بأنه يعتمد فى حسابه على مقياس إحسال آخر رمزنا له _ كاسبق أن رأينا _ بالرمز (ج). وهذا المقياس يتصف بدرجة ما من العمومية لا تتميز بها (بح ف٢) المستخدمة فى حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان، إذ أن لهذا المقياس عدد من التطبيقات غير تلك المستخدمة فى حساب معاملات الارتباط . كا أن معامل ارتباط الرتب لكندال يمكن أن يمتد استخدامه إلى معاملات الارتباط الجزئية ، أى الارتباط بين متغيرين بعد عزل تأثير متغير ثالث .

ولكن يصعب استخدام أى من هذه المعاملات إذا كان عدد أقراد العينة كبيرا و بخاصة إذا كانت بعض الرئب مكررة . و هنا ربعا يلجأ الباحث إلى استخدام معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون إذا وجد أن البيانات تحقق فروض هذا المعامل إلى حد ما .

والاعتبار الآخر الذي يجب أن يراعيه الباحث عند اختيار مقياس العلاقة المناسب هو مدى اهتمامه بطبيعة المتغيرين موضع الدراسة. ولتوضيح هذه النقطة في الحالة الى يكون فيهاكل من المتغيرين من المستوى الرتبي تعرض المثال الآتي :ــ

يه مُرض جهبيلا أننا حاولنا التنبؤ بطول فترة المرض النفسي لمجموعة تتسكون من ١٠ أفراد من المرضي على أساس درجاتهم المرتفعة أو المتوسيطة أو المنخفضة في استببان معين . فهذا يمكن اعتبار أن كلا من المتغيرين (درجات الاستبيان ، وطول فترة الموض) من المستوى الرتى .

وهذه البيانات سومنحة بالجدول رقم (٤٧) الآتي :

درجات الاستبيان مرتفعة متوسطة منخفضة

_	٤		,
Ł	*****		مين
Protoco		۲	

و. أكثر من عامين و. من عام إلى عامين أقل من عامين أقل من عامين

چدوك رتم (٧٤)

فإذا حسبنا قيمة المقياس الإحصائي (ج) لهذه البيانات تجمد أنه على مفر . وبذلك يكون كل من معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال ، ومعامل ارتباط الرتب لمكندال على صفرا ، وهذا يدل على عدم وجود اقتران بين درجات الاستبيان وطول فترة المرض لهذه المجموعة من الافراد .

ولُسكن بالتأمل في جدول رقم (٤٠) يتضح أنه يوجد اقتران نظراً لأن السرجات المرتفعة في الاستبيان تقترن بالفترة القصيرة للمرض (أقل من عامين). والدرجات المتوسطة تقترن بالفترة الطويلة (أكثر من عامين)، والدرجات المنخفضة تقترن بالفترة المتوسطة (من عام إلى عامين) . ولا توجد أي استشاءات لحذه القاعدة في المجموعة بوجه علم . والسبب في عدم تأثر هده المقاييس بهذه الملاقة هو أنها أكثر تأثرا بالاقتران المطرد monotonic الذي يمكن أن يوجد في حالة ما إذا كان كل من المتغيرين من النوع الرتبي . وبالرغم من أنه في هذا المثال توجد درجة معينة من الاقتران بين المنغيرين ، إلا أن هذا الاقتران ليس مطرداً ، لان ارتفاع الموجات في الاستبيان لا يفترن باطراد (زياده أو تقصان) طول فترة المرض .

ولذلك إذا لجأنا إلى إيجاد قبمة أحد المقاييس المستخدمة في حالة المتغيرات التي من النوع الاسمى مثل معامل التنو لجتمان (الذي عرضنا له في الفصل الثامن) والذي يفضل الخصائس الترتيبية للمتغيرين ، سوف تجد أن قيمته في هذا المثل تساوى الواحد الصحيح بما يدل على اقتران تام ، بمعنى أنه بمجرد معرفتنا درجمة الفرد في أحد المتغيرين يمكنناالتدؤ بدقة تامة بدوجته في المغير الآخر .

تمارين على الفصل التاسع

ا ــ طلب باحث من بجمرعة من المحكمين ترتيب بعض المجالات التي تسهم في التسكيف الاسرى . واختار الباحث المجالات التي حازت أعلى النقديرات . ثم اختار ١٠٧ من الزوجات و الازواج و طلب منهم ترتيب هذه المجالات بحسب إسهامها الفعلى في تسكيفهم الاسرى، و بذلك حصل الباحث على ترتيب آخر مستقل عن الترتيب الذي قدره المحكمون ، و فيها يلى كل من بجموعتى الرتب :

ارتب التي قدر ها الزوجين	الرنب الى قدرها المحكمون	بال الامتام
(ص)	(00)	إظهار المطف المتبارل
7	4	وضع خطة للمستقبل
1.	^ V	وضع خطة للتوفير تعلم الاطفال
٨	٦	و منه خطة لميزانية الاسرة وضع خطة لتنشئة الاطفال
ŧ		وضع خطة لتنسيق المنزل
• ٣	Y Y	تنظم و إعداد الوجبات شرآء لوازم الاسرة
Y	1	تنظيف المنزل

احسب باستخدام معامل الاقتران الرتبي لجودمان وكروسكال درجة اتفاق بمحوعتي الرتب الخاصة بالتكيف الاسرى .

۲ سـ فيا يلى بحموعتين من الرتب لمجموعة تشكون من ۱۲ فردا فى متغيرين
 س ، ص :

رتب ص	رتب س	الفرد
۸,٠	١,٠	. 1
٦,٥	۲,۰	۲
٤,٥	۲,•	٣
٧,٠	1,0	٤
١,٠	1,0	•
٣,٠	٦,٠	1
٤,٠	۹,۰	ļ v
٦,•	٧,٥	٨
۸,۰	1.,.	1
۱۰,۰	٧,٥	1.

(١) احسب معامل ارتباط الرتب لكندال ، وفسر القيمة الناتجة .

(ب) احسب قيمة معامل ارتباط اارتب لسبيرمان، وقارن بينها وبين القيمة التي حصلت عليها في (1) .

٣ --- حول الدرجات الآنية إلى رتب ، ثم احسب معامل ارتباط الرتب
 لسبيرمان بطريقتين ، وقارن بين الناتجين .

70	71	17	17	٩	٧	٧	٧	Ę	Ę	س	
7.	70	10	17	۲٠	17	٨	٨	17	٨	ص	

٤ ـــ قام ثلاثة من المحكمين بغرتيب درجات سبعة من الطلاب في اختبار ما
 كالآتي :

	الطالب												
J	· و ا	.,	د [· ·	ب		المحكم						
V	٦	•	٤	۳	7	1	س						
٦	٧	1	0	٤	٣	۲	<u>س</u> ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ						
٧	٦	٣	۲	١	٤	0	ع						

. (١) احسب معامل الرتباط الرتب لسبيرمان بين كل محسكتين ، وقارن بين القيم الناتجة .

- (ب) احسب متوسط معاملات الارتباط الى حصلت عليها في ا .
 - (ج) احسب معامل الاتفاق اكندال وفسر القيمة الناتجة .
- (د) تحقق من العلاقـــة بين متوسط معاملات ارتباط الرتب لسبيرماز، ومعامل الاتفاق لكندال.

احسب معامل الانساق، لكندال للمانات الآنية:

•	د	*	ب	1	
1	صفر	صفر	١		1
\	١	١		صفر	ب _
مفر	صفر		صفر	1	*
١		1	صفر	1	3
	منفر	1	صغر	صفر	•

٦ ــ قام أحد المشرفين بترتيب ستة من العمال ا ، ب ، ج ، د ، ه ، و من حيث دقة أدامهم في العمل باستخدام طريقة الموازنات الثنائية .
 كما يأتى :

- 1·1 -

احسب معامل الاتساق لهذه البيانات ، وفسر القيمة الناتجة .

الفضلالعاشر

مقاييس العلاقة

إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي

نموذج ويلمكوكسون للافتران الاسمى ـــ الرتبي

طريقة حساب معامل ويلكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على قسمين

طريقة حساب معامل ويلسكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على أكثر من قسمين عرضنا في الفصول الثلاثة السابقة مقاييس الاقتران بين متغيرين كل منهما إما من المستوى الفترى أو المستوى الاسمى أو المستوى الرتبي و ولمكن الباحث لا يضمن في جميع الاحوال أن يكون المتغيران موضع البحث لحما نفس ميزان أو مستوى القياس . فأحيانا يود الباحث أن يوجد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتبي ، أو أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي ، أو أحدهما من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى أو النسبي ، أو أحدهما من المستوى الرتبي والآخر من المستوى المترى .

وسوف نقتصر في هذا الفصل على عرض مقاييس الاقتران في الحالة الاولى، أى عندما يكون أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرقي . أما مقاييس الاقتران في الحالتين الاخريين فسوف تعرض لحمل بالتقصيل في الخصلين .

نموذج ويلسكوكسون للاقتران الإسمى ـــ الرتبي :

The Wilcoxon Model for Nominal - Ordinal Association

عندما يود الباحث أن يوجد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي فإن الطريقة المعتادة هي أن يستخدم مقياساً إحصائياً يعتمد على متغيرين من المستوى الاسمى . وهنا يتفاضى الباحث عن الميزان أو المستوى الرتبي للسغير الآخر ويعتبره من المستوى الاسمى . ومن ثم يوجد معامل التنبؤ لجنهان (٨) الذي سبق أن عرضنا له في الفصل الثامن . وهنا ربمايبرد الباحث ذلك بأنه لا يستطيع إيجاد علاقة بين متغيرين أحدهما لاتتوافر فيه خاصية الترتيب .

ويري عريمان أنه ، إذا فحصنا هذا التبرير نجد أنه غير منطقى ويتضح ذلك إذا نظرنا

إلى جدول الاقتران رقم (٤٨) الآتي ، وهو يشتمل على متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتي .

المجموع	ص.)	المتغير	(د تپ	الو تې	المتغير	
اجموع	١	۲	٣	٤	٥	المتغير الاسمى (أقسام المتغير س)
٣٠.	1.	صفر	1.	صفر	1.	
۲.	صفر	1.	صفر	1.	صفر	ب
۰۰	١.	1.	1.	1.	1-	المجموع

جدول رتم (٤٨) جدول اقتران بين متغيرين احدهما من المستوى الاسمى والاخر من المستوى الرتبى

فاذا تفاصينا عن ترتيب المتغير (ص) فى هذا الجدول واعتبرناه متغيرا من المستوى الاسمى ثم حسبنـــا قيمة معامل الثنبؤ لجنهان (٨) باستخدام الصورة الى عرضنا لها فى للفصل الثامن وهى :

$$\frac{(e^{-1}+e^{-1})-e^{-1}+e^{-1}}{(e^{-1}+e^{-1})-e^{-1}}=\lambda$$

$$\frac{(1\cdot+v\cdot)-e\cdot+v\cdot}{(v\cdot+v\cdot)-1\cdot\cdot}=\lambda$$

$$\frac{(1\cdot+v\cdot)-e\cdot+v\cdot}{(v\cdot+v\cdot)-1\cdot\cdot}=\lambda$$

وإذا تظرنا إلى جدول آخر رقم (٤٩) الآتى :

, ,	س)	المتغير	(رتب	الرتبي ا	المتغير	
المجموع	١	۲	٣	٤	0	المتغير الاسمى (أفسام المتغير س)
٣	منفر	صفر	١.	1.	1.	
۲٠	1.	1.	مىغو	صفر	صقر	ب
۰۰	١.	1.	1.	1.	1.	المجموع

جسدول رقم (٤٩)

وتغاضينا أيضا عن ترتيب المتغير ص في هذا الجدول واعتبرناه متغيرا من المستوى الاسمى، وحسبنا قيمة ٨ نجد أن :

$$\frac{(1\cdot+\tau\cdot)-\circ\cdot+\tau\cdot}{(1\cdot+\tau\cdot)-1\cdot\cdot}=\lambda$$

$$\cdot, \circ \cdot = \frac{r \cdot}{7 \cdot} =$$

فني كاتا الحالتين استطمنا أن نقلل خطأ تخدين أى من المتغيرين باستخدام الآخر بقدر . ٥ / . ولسكن إذا قارنا جدول رقم (٨٤) بجدول رقم (٤٩) بمكن أن تلاحظ أنهما يوضحان بمطين مختلفين من العلاقات . فبني كل من الحالتين يمكن تخدين عضوية أو انتهاء الفرد لمجموعة معينة على الميزان الاسمى باستخدام وتبته على الميزان الرتب وسوف يكون هناك أخطاء في تخدين الرتب الفعلية للافراد بمعلومية انتهامهم إلى الافسام المختلفة . ولسكن عند تخدين الرتب النسبية سأى الاعلى أو الادنى - بدلا من الرتب الفعلية يمكن أن تلاحظ الفرق بين الجدولين .

ووجود مثل هذه العلاقة يدل على أن مثاك درجة أكبر من الاقتران فى الجدول وقم (٤٨) .

والفسكرة الرئيسية هنا هي أن الميزان الاسمى والميزان الرغبي يقترنان أو يرتبطان إذا كان الافراد الذين ينتمون إلى كل قسم من أفسام المتغير الاسمى يميل ترتيبهم إلى أن يكون مرتفعا أو منخفضا بدرجة متسقة عن الافراد الذين ينتمون إلى الافسام الاخرى .

وهذا هو محوذج و يلسكو كسون Wilcoxon الذي يمكن استخدامه في وصف درجة الافتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الاربي . وهو تعديل لمقباس إشارات الرنب لويلسكو كسون Wilcoxon الربي . وهو تعديل لمقباس إشارات الرنب فكرة هذا النوذج على نفس الفكرة التي ينيت عليها مقاييس الافتران التي عرضنا لها في الفصلين السابقين . وهي فسكرة التخمين أو التنبؤ ونظراً لآن أحد المتغيرين في هذه الحالة يكون من المستوى الربي ، فإن معامل ويلكو كسون يشبه معامل الاقتران الربي لجودمان وكروسكال من حيث إنه يتعللب تخدين رتب الأفراد موضع الدراسة ، ولسكن يختلف معامل ويلدكو كسون عن معامل جودمان وكروسكال في أننا لانستطيع تخدين رتبة فرد معين بالنسبة إلى أحد المتغيرين من رتبته بالنسبة إلى المتغير الآخر (لان أحد المتغيرين أصبح من المستوى الاسمى) ، وإنما يجب أن تخدن رتبة الفرد في المتغير الربي من انبائه إلى أحد أقسام المتغير الاسمى .

ولنوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث في حساب معامل ويلكو كسون الذي يرمز له بالحرف اليرناني ⊙ (ويقرأ ثبيتا) إبيصرصَ ضريبات. :

لفترص أننا استطفنا ترتيب عشرة من الطلبة والطالبات من حيث الدرجة النسبية للمدوانية في جموعة من المواقف الاجتماعية . وهذه البيانات موضحة في الجدول الآتي رقم (٥٠) :

	الرتب بالنسبة للعدوانية													
1	1 7 7 6 0 3 7 7 10													
صفر	صفر)	صفر	١	صفر	1	١	١	١	ذ کور				
1	صفر صفو صفر ۱ صفر ۱ صفر ۱													

جدول رقم (٥٠) جدول اقتران بين رتب العدوانية و الجنس

والسؤال الآن : ما هي درجة اقتران الجنس برتب العدو اثية ، أي ماهي درجة تنبؤنا بالرتب النسبية للمدو انية بمعلومية جنس الطالب ؟

ويمكن الإجابة على ذلك بموازنة رتب كل فرد فى إحدى بمموعتى الذكور أو الإناث برتب جميع الافراد فى المجموعات الآخرى التى تسكون الميزان الاسمى .

ونظراً لأن لدينا في هذا المثال بجموعتين فقط (بجموعة الذكور وبجموعة الإناث) فإنه يكون لدينا بجموعتان فقط من المواز نات . إذ يجب موازنة رتبة كل طالب برتب جميع الطالبات .

فإذا بدأنابالطالب الآولالذي رتبته ، (فإننا نجد أن هناك ع طالبات رتبهن أقل منه (الرتب ٢ ، ٤ ، ٢ ، ٢) ، ولا توجد طالبات تفوق رتبهن رتبة هذا الطالب ، فتسكون درجتا هذا الطالب هما ع (أقل منه) ، صفر (أعلى منه) .

ويجب أن نسكرر نفس العاريقة لـكل طالب.

فالطالب الثانى الذى وتبته به درجتما هما به (أقل منه)، صفر (أعلى منه).

والطالب الثالث للذي رتبته ٨ درجتاه هما ٤ (أقل منه) ، صفر (أعلى منه) .

والطالب الرابع الذي رتبته v درجتاه هما ع (أقل منه) ، صفر (أعلى منه).

ولكن الطالب الخامس الذي رتبته ٦ درجتاه هما ٣ (أقل منه) ، ١ (أعلى منه) . ٠ منه) .

والطالب الثامن الذي رتبته ٣ درجتاه هما ٢ (أقل منه) ، ٢ (أعلى منه) ، ، وهكذا .

فإذا جمعنا تكرار الطالبات الآقل من كل طالب، وكذلك تـكرار الطالبات الآعلى من كل طالب، ثم أوجدتا الفرق بين التـكرارين فإننا نحصل على معامل الرتب النسبية بين الجنسين:

أي أن:

و إذا قسمنا هذا الفرق على العدد الكلى للموازنات فإننا نحصل على معامل الاقتران المطلوب.

أي أن معامل الاقتران

$$\cdot, \vee \circ = \frac{1}{7} = \frac{7 - 71}{7 + 71} =$$

وإذا بدأنا الموازنات بالطالبات بدلا من الطلبة ، فإننا سوف نحصل على نفس النتائج فيما عدا أن الإشارة سوف تـكون مختلفة .

فثلا الطالبة الخامسة التي رتبتها ٦ درجتيها هما ٤ (أعلى منها)، ٢ (أقل منها).

والطالبة الدابعة التي رتبتها ٤ درجتيها هما ٥ (أعلى منها)، ١ (أقل منها). وهكذا .

وبذلك يكون معامل الافتران
$$=$$
 $\frac{71-7}{71+7}$
 $=$ $\frac{10}{70}$
 $=$ $\frac{10}{70}$

ومعنى هذا أنه عند موازئة رتب الطلبة والطالبات تـكون رثب الطلاب[على في العدوانية في حالات أكثر بنسبة ٧٥ / من الرتب الأقل.

ولا يختلف بالطبع مقدار الاقتران سواء بدأنا الموازنات بالطلاب أم بالطالبات، وإنما مختلف هذا المقدار فقط في الإشارة.

ولكن نظرا لآن أحد المتغيرين فقط من المستوى الرتبي فإن الإشارة تصبح لا ممنى لها ، فهى لاتدل إلا على المجموعة التي بدأنا منها الموازنات . فإذا أهملنا الإشارة ، يمكننا أن نتوصل إلى صورة معامل ويلسكو كسون وهي :

ويدل الخطان الرأسياز على أننا نأخذ القيمة المطلقة للفرق ، أى قيمة الفرق بغض النظر عن الإشاره .

فإذا كانت رتب جميع العلاب أعلى من أى من الطالبات كما مو مبين بالجدول الآتى رقم (١٥):

***************************************	الرتب بالمسبة للمدوانية											
١	. ٢	1	٤	0	٦	٧	٨	9	1.	الجنس		
صغر	عفر					١		١	١	د کور		
1	,	1	1	صفر	صفر	صفر	صقر	صفر	صعر	إكاث		

جدول رقم (١٥)

فإن درجات الطلاب تـكون كالآنى:

بحموع تسكرارات (الأقل) = ٢٤

بحموع تـكرارت (الاعلى) = صفر

$$1 = \frac{Y\xi}{Y\xi} = \frac{|Y\xi| - out_0}{Y\xi} = \frac{Y\xi}{Y\xi}$$
 وحيائلذ تكون Θ

وهذا يدل على اقتران تام بين المتغيرين .

أما إذا كان توزيع الطلبة والطالبات فى العدوانية كما هو مبين فى الجدول الآتى رقم (٥.٢) :

(۲۷ - التحليل)

	الرنب بالدسبة للمدوائية												
1	۲	٣	٤	0	٦	Y	٨	٩		الجنس			
١	صفر	١	صفر	١	1	صفر	١	معو	١	ذ دور			
مفو	1 مفر 1 0 0 1 0 1 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 0 1 0												

جيدول رقم (٥٢)

فإن درجات الطلاب تسكون كالآى : مجموع تسكرارات (الآقل) = ١٢ مجموع تسكرارات (الآعلى) == ١٢

وحینشذ نیکون
$$\Theta = \frac{|17-17|}{17+17} = \frac{\text{صفر}}{17} = -$$
 صفر

وهذا يدل على عدم وجود أى افتران بين المتغيرين . وتعتبر ⊖ مقياسا للاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبى . ويمكن تفسير قيدة ⊖ فى عكس أن تغراوح قيمتها بين الصفر والواحد الصحيح . ويمكن تفسير قيدة ⊖ فى صنوء الموازنات بين رتب الافراد الذين ينتمون إلى الاقيام المختلفة للمتغير الاسمى . ونحصل عليها بإيجاد الفرق بين نسبة الموازنات التى يتفوق فيها أفراد إحدى الم جدرعات أو أحد الاقسام ونسبة الموازنات التى يتفوق فيها أفراد مجموعة أخرى أو قسم آخر .

طريقة أخرى لحساب ۞:

إيمكن إجراء تعديل طفيف على الطريقة السابقة لكى تحصل على مقياس إحصائى يمكن تعديمه فى حالة الرتب غير المكررة أو التي يكون بعضها مكررا . والصورة الرياسية المستخدمة فى هذه الحالة مى :

حيث فن = اثق - تع

أى القيمة المطلقة للفرق بين تكرارات (الآئل) وتكرارات (الآعلى) لكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى .

ويمكن حساب قيمة ت بأن نضرب التكرار الكلى الكل قسم من أقسام المتغير الاسمى فى تسكرار كل قسم من الاقسام الاخرى مثنى مثنى ، ثم نجمع حواصل الصرب الناتجة . وهذا المجموع يساوى المجموع السكلى للموازنات التي حصّلنا عليها فها سبق .

ويفترض عند استخدام هذه الصورة أن يكون المتغير الرابي متملا ، وأن يكون تسكرار بعض الرتب هو تتيجة لمدم الدقة السكاملة فى التصليف ، أى نتيجة لعدم إمكانية تحديد أى الملاحظات تدكون رتبتها أعلى وأيها تسكون رتبتها أفل .

ولذلك فإن نصف عدد الرئب الممكررة يطوح من تكوارات (الأقل) ، والنصف الآخر يطوح من تكرارات (الأعلى) ، أى :

| تكرارات (الأقل) - \$ عدد الرتب المكررة | - | تكرارات (الأعلى) - 4 عدد الرتب المكررة | .

و بذلك فإن عدد الرتاب المسكررة لا يكنون له تأثير على قيمة ⊙ لانها تحذف تتيجة لسملية الطرح .

أيم أنه يمكننا حساب قيمة ۞ دون اعتبار للرئب المسكررة .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث عند حساب قيمة ⊙ بهذه الطريقة نرجع إلى البيانات الموضحة بجدول رقم (٥٠) .

الخطوة الأولى: يحسب ت ق وذلك بأنى يضرب كل تسكرار فى الجدول رقم مه (جميع القيم فى هذه الحالة = الواحد للصحيح) فى مجموع التسكرارات التى تقع أسفل وإلى يسار هذا التسكرار، ثم يجمع حواصل الضرب الناتجة .

فثلا بالنسبة للرتبة . ١ :

(1) [-ab(+ab(+1+

وبالنسبة للرتبة ٩ : ﴿ (١) (٤) == ٤

وبالنسبة الرتبة Λ : (١) (٤) = ٤

 e_{i} وبالنسبة الرتبة e_{i} (١) (٤) = ٤

وبالنسبة الرنبة ه : (١) (٣)=٣

وبالنسبة المرتبة ٣ : (١) (٢) = ٢

المجدوع ٢١

(وينبغى أن تلاحظ أنتسا أعملنا الرتب الى تـكرارها صفر وهي الرتب الى تـكرارها صفر وهي الرتب الى تـكرارها صفر وهي الرتب

الخطوة الثانية : يحسب ت ع وذلك بأن يضرب كل تكرارف الجدرول قم (٥٠) في مجموع التسكر إرات التي تقع أسفل وإلى يمين مذا التسكر ار ، ثم يجمع حواصل الضرب المناتجة .

حيث فن = الله - تع

أى القيمة المطلقة للفرق بين تكرارات (الآقل) وتكرارات (الآعلى) لكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى .

ويمكن حساب قيمة ته بأن نضرب التكرار الكلى لمكل قسم من أقسام المتغير الاسمى فى تسكرار كل قسم من الاقسام الاخرى مثنى مثنى، ثم نجمع حواصل الصرب الناتجة . وهذا المجموع يساوى المجموع المكلى للوازنات التى حصلنا عليها فيا سبق .

ويفترض عند استخدام هذه الصورة أن يكون المتغير الرئبي متصلا ، وأن يكون تسكرار بعض الرتب هو نتيجة لعدم الدقة الكاملة في التصنيف ، أي نتيجة لعدم إمكانية تحديد أي الملاحظات تمكون رتبتها أعلى وأيها تمكون رتبتها أقل .

ولذلك فإن نصف عدد اارتب المكررة يطرح من تكوارات (الأقل)، والنصف الآخر يطرح من تكرارات (الأعلى)، أي:

الكرارات (الأقل) - عدد الرتب المكررة (- الكرارات (الأعلى) - بعدد الرتب المكررة (-

و إذلك فإن عدد الرتب المكررة لا يكون له تأثير على قيمة ⊙ لانها تحذف تتيجة اسملية الطرح .

أي أنه يمكننا حساب قيمة ۞ دون اعتبار للرتب المسكررة .

ولتوضيح الخطوات التي يمكن أن يتبعها الباحث عند حساب قيمة ⊙ بهذه الطريقة نرجع إلى البيانات الموضحة بجدول رقم (٥٠) ·

الخطوة الأولى: يحسب ت ق وذلك بأن يضرب كل تسكراد في الجدول رقم م و (جميع القيم في هذه الحالة = الواحد للصحيح) في مجموع التسكرارات التي تقع أسفل وإلى يسار هذا التكرار ، ثم يجمع حواصل الضرب الناتجة .

فثلا بالنسبة الرتبة ١٠:

(1) [-4 + -4 + -4 + -4 + + -4 + + -4 + + + -4 + + + -4 + + + -4 + + + -4 + + + -4 + + -4 + + -4 + + -4 + + -4 + + -4 + + -4 + + -4 + -

e yllim, the fight ρ : (1) (3) = 3

e yllim, the fight ρ : (1) (3) = 3

e yllim, the fight ρ : (1) (3) = 3

e yllim, the fight ρ : (1) (2) = 3

e yllim, the fight ρ : (1) (2) = 3

و پالنسبة للرتبة π : (۱) (۲) = ۲

المجموع ٢١

(وینبغی أن تلاحظ آنتسنا أهملنا الرتب الی تدکرارها صفر وهی الرتب ۲ ، ۲ ، ۲) ۰

الخطوة الثانية: يحسب ت ع وذلك بأن يضرب كل تكرار في الجدرول قم (٥٠) في مجموع التمكر ارات التي نقع أسفل وإلى يمين مذا التمكر اراء ثم يجمع حواصل الضرب المناتجة.

وتمکون مجہ فن ہے فن ہے ۱۸

الخطوة الرابعة : يحسب قيمة ت كا كآنى :

يضرب تسكرار الذكور في تـكرار الإناث ،

ای ان ت و = (۱) (۱) = ۲٤

الخطوة الخامسة : يحسب قيمة ⊙ باستخدام الصورة رقم (٢) السابغة وهي :

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام العاريقة السابقة .

حساب قبمة ۞ إذا اشتمل المتغير الاسم على أكثر من قسمين :

يمكن أن تتضح بدرجة أفضل كيفية استخدام وتطبيق الصورة السابقة لحساب قيمة ⊙ إذا اشتملالمتغير الاسمى على أكثر من قسمين. ولذلك سنعرض المثال الآتى لمتغيرين أحدهما من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الاسمى الذى يشتمل على أربعة أقسام .

بِيُعْتَرَعِينَ صُرِيعًا لَى أَنَنَا قَمْنَا بِتَصَانِفَ مِجْمُوعَةً تَسَكُونَ مِن . } فردا بحسب حالتهم الاجتماعية . واستطعنا أن نقدر لسكل منهم رتبة فى التوافق الاجتماعي . وهذه البيانات موضحة في الجدول الآتي رقم (٥٣):

	الرابة في التوافق الاجتماعي					الحالة الاجتماعية
المجموع المكلي	1	۲	٣	٤	٥	
١.	صفر	۲	•	۲	1	أعزب
7:	صفر	مبغر	0	٥	1.	هــــزوج
0 :	1.1	۲	۲	صفر	صفر	أدمل
٥	4	۲	صفر	صفر	صفر	<u>مطلق</u>

چدول رتم (۵۳)

جدول اقتران بين الحالة الاجتماعية والنوافق الاجتماعي

فإذا أردنا تحديد درجة الاقتران بين الحالة الاجتهاعية والتوافق الاجتهامي للمذه المينة من الافراد، فإننا نحسب قيمة ⊙ بنفس الطريقة السابقة كالآني :

الخطوة الأولى: نحسب قيمة كل من عتى ، عن المكل موازنة ثنائية ممكنة ، وعدد هذه الموازنات ٦ (أى توافيق ؛ أقسام مثنى مثنى) .

الموازنة الاولى: موازنة الفردالاعزب بالفرد المتزوج : عسب قيمة ستى كاكِن :

بالنسبة للرتبة ٥ : (١) (٥ + ٥) = ١٠ بالنسبة للرتبة ٤ : (٢) (٥) = ١٠ بالنسبة للرتبة ٣ : (٥) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٢ : (٢) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٢ : (صفر) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ١ : (صفر) (صفر) = صفر الجموع

ونحسب قيمة تعج لهذه الموازنة كالآنى :

بالتسبة المرتبة ٥: (١) (صفر) = صفر
بالتسبة للرتبة ٤: (٢) (١) = ٠٠

بالنسبة للرتبة ٣: ٥ (١٠ + ٥) = ٥٠

بالنسبة لمرتبة ٢: (١٠ + ٥ + ٥ + ٥ + صفر) = صفر
بالنسبة للرتبة ١: صفر (١٠ + ٥ + ٥ + صفر) = صفر
المجموع
المجموع
المجموع

ثم نحسب قيمة مح ف ن لهذه الموازنة كالآتى:

الموازنة الثانية : موازنة الفرد الأعرب بالفرد الارمل.

نحسب قيمة ت ي بنفس الطريقة :

البحموع

وكذلك نحسب قيمة تع كالآتى :

مم نحسب قيمة فن باستخدام الصورة :

الموازئة الثالثة: وازنة الفرد الاعرب بالفرد المطلق.

نحسب قيمة ت تي كالآتي:

بالنسبة للرتبة ٥: (١) (٢+٢) = ٥
بالنسبة للرتبة ٤: (٢) (٢+٣) = ١٠
بالنسبة للرتبة ٣: (٥) (٢+٣) = ٢٠
بالنسبة للرتبة ٣: (٢) (٣) = ٣
بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (صفر) = صفر
بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (صفر) = صفر

وكذلك نحسب قيمة ت ع كالآتى ؛

بالنسبة للرتبه ٥: (١) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٤: (٢) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٣: (٥) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٣: (٢) (صفر) = صفر بالنسبة للرتبة ٢: (صفر) (٢) = صفر بالنسبة للرتبة ١: (صفر) (٢) = صفر صفر

ثم نحسب قيمة فن

فن = | تق - تع = | ٤٦ - صفر | = ٤٤

- ، تع 🛥 صغر
- ، نن = ۱۰

الموازئة الخامسة : موازنة الفرد المتزوج بالفرد المطلق .

- ، تع = صغر
- ، فن = ١٠٠

الموازئة المادسة: موازئة الفرد الارمل بالفرد المطلق .

- ، تع = ٢
- ، نن = ١٤

والخطوة الثانية أوجد المجموع الكلى الموازنات وذلك بأن تضرب النكرار الكلى الحكل قسم من أقسام متغير الحالة الاجتماعية مثنى مثنى لنحصل على ت كالآنى :

والخطوة الثالثة : تحسب قيمة ۞ باستخدام الصورة رقم (٠) السابقة وهي :

$$=\frac{44}{670}=0$$
, تقریباً .

أى أنه يمكننا التنبؤ بالتوافق الاجتماعي لمجموعة الافراد في هذا المثال بمعلومية حالتهم الاجتماعية بدرجة جيدة ، وتدل قيمة ⊙ على أنه توجد فروق منتظمة في التوافق الاجتماعي في ه٧٠/ من الموازنات بين الافراد الذين يختلفون في خالتهم الاجتماعية ،

ولذلك يمكن للباحث استخدام هذا المعامل أو المقياس الإحصائى إذا أراد معرفة مقدار الملاقة بين متغير بن أحدثما من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الاسمى .

و فيها يلى ملخص للخطوات التي يمكن أن يتبمها الباحث في حساب قيمة ۞ : ١ ينظم التسكوارات في جدول اقتران .

٧ __ يوازن أقسام المتغير الاسمى فيها بينها مثنى مثنى، ويسحل تكرارات القسم الآخر التي تكون رتبتها أقل من رتب القسم المطلوب (تتي)، وكذلك تدكر أرات القسم الآخر التي تدكون رتبها أعلى من رتب القسم المطلوب في كل حالة (تع) .

٣ ــ يحسب الفرق بين تق ، تع بغض النظر عن إشارة الناتج لسكل قسمين من أقسام المتغير الاسمى ، ثم يجمع الفروق الثاتجة .

- ٤ يحسب العدد الكلى للمواز نات الممكمة ت
 - ه 🗕 بحسب قيمة 🖯 باستخدام الصورة :

مقاييس إحصائية أخرى:

فى الحقيقة لا توجد مقاييس إحصائية أخرى يمكن استخدامها فى إيجاد درجة الاقتران بين متفيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الرتبي . ولكن يمكن للباحث _ كا ذكر نا فى مستهل هذا الفصل _ أن ينظر إلى المتغير الرتبي على أنه متغير اسمى و يحسب معامل التنبؤ لجتمان (λ) ، غير أن قيمة هذا المعامل سوف تكون أمل حاسية فى الكشف عن درجة الافتران الفعلى بين المتغيرين الإصليين .

تمارين على الفصل العاشر

الطلاب، والصفات الى يرى كل طالب فى المجموعة أنها يجب أن تتوافر فى صديقه الطلاب، والصفات الى يرى كل طالب فى المجموعة أنها يجب أن تتوافر فى صديقه الذى يود اختياره . لذلك صمم الباحث استبياناً طلب فيه من عينة من طلاب الحدى السكليات أن يحدد هذه الصفات ، وفيها يلى النتائج الى حصل عليها :

النكر الرااكا	رتبة دخل الاسرة				الصفة المفضلة
استرار الوالي	1	۲	٣	٤	
108	45	٤٠	۲۸	70	(أ) الرغبة في الصدافة
٤٢	1.	17	9	V	(ب) المظهر الخارجي
71	٩	١.	2	٨	(ج) احرام الصدافة
٣٠	0	٧	٦	17	(د) المستوى التعليمي

إوجد درجة العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة . ٢ ـــ احسب معامل ويلسكوكسون للعلاقة بين الجنس وترتيب الأفراد فى صفة التحرر لمينة من طلاب وطالبات إحدى الكليات كالآنى :

	الرنب									
1	۲	۲	1	0	٦	٧	٨	1	١.	الجنس
1	مفر			صعر	, ,			1	١	د کر
صغر	صفر	1	١	١	مفر	صفر	١	صفر	صفر	أشي

وفسر القيمة التي حصات عليها .



تمارين على الفصل العاشر

١ حاول أحد الباحثين دراسة العلاقة بين رئب دخول أسر بجوعة من الطلاب، والصفات الى يرى كل طالب في المجموعة أنها يجب أن تتوافر في صديقه الذي يود اختياره. لذلك صم الباحث استبياناً طلب فيه من عينة من طلاب إحدى المكليات أن يحدد هذه الصفات. وفيها يلى النتائج الى حصل عليها:

النكرار الكلي	رتبة دخلالاسرة				الصفة المفضلة
استانو او ایانای	١	۲	۲	٤	
108	٣٤	٤٠	۲۸	٥٢	(أ) الرعبة في الصدافة
٤٢	1.	17	٩	٧	(ب) المظهر الخارجي
71	4	1.	2	٨	(ج) احرام الصدادة
٣٠	0	٧	٦	17	(د) المستوى التعليمي

إوجد درجة العلاقة بين هذين المتغيرين ، وفسر القيمة الناتجة .

۲ — احسب معامل ویلسکو کسون الملاقة بین الجنس وترتیب الافراد فی صفة التحرر لمینة من طلاب وطالبات إحدى الدکلیات کارتنی:

	الرنب									
1	۲	۲	ŧ	0	٦	٧	٨	٩	١.	الجنس
1	مغر	صفر	صفر	مهر	1	1	1	1	1	د کر
									صفر	ایثی

وفسر القيمة التي حصات عليها .



الغضلالحادئ عييشر

مقاييس العلاقة إذا كان أحد المثنيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى

نسبة الارتباط

طريقة حساب نسبة الارتباط إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى

طريفة حساب نسبة الارتباط إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفشرى ولسكن العلاقة بينهما منحنية

الملاقة بين نسبة الارتباط ومالمل ارتباط ييرسون

مقدمة:

رأينا فيا سبق أن الاقتران بين متغير بن يمكن اعتباره مشكلة تخمين أو تنبؤ ، كما رأينا أن ملبيعة التخمين تختلف من حالة إلى أخرى على حسب ميزان قياس كل من المتغيرين . إلا أنه يمكننا القول بوجه عام أنه كلما زادت دقة تخمين قيم أحد المنغيرين باستخدام قيم المثغير الآخر كلما زادت درجة الاقتران بين المتغيرين .

فنى حالة معامل التنبؤ لجتهان ومعامل حاصل ضرب العزوم لبيرسون يمسكن تقدير دقة التخدين عن طريق مدى قدرتنا على تخدين قيم أحد المتغيرين تخدينا صحيحاً دون علمنا بقيم المتغير الآخر. وفي مثل هذه الحالات يكون معامل الاقتران هو معامل بدل على مقدار التحسن في قدرتنا على التخدين إذا لستخدمنا معلومات عن المتغير الآخر ، وكلما زاد مقدار هذا التحسن كلما زادت قيمة معامل الاقتران .

وسوف نعرض في هذا الفصل أحد المقاييس الإحصائية الهامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد درجة الإقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى ويسمى و نسبة الارتباط Correlation ورمز لهذه النسبة بالحرف اليوناني (٣) وتقرأ (إيتا).

و بالطبع يمكن أن يعتبر الباحث المتغير الفترى متغيراً رتبباً ، ويحسب قيمة معامل التنبق معامل ويلسكو كسون ۞ ، أو يعتبره متغيراً اسمياً ويحسب قيمة معامل التنبق لجنبان ٨ . ولسكن استخدام أى من هذين المعاملين يؤدى بالطبع إلى فقد بعض المعلومات الني كان من الممكن أن يحصل عليها من بيانات بحثه إذا استخدم المتغير الفترى بدلا من اعتباره من النوع الرتبي أو الاسمى . ولذلك فإن نسبة الارتباط اكثر هذه المقاييس حساسية لدرجة الاقتران في هذه الحالة .

وقد ذكرنا فى الفصل السابع أن معامل ارتباط بيرسون يفترض وجوره علاقة خطية بين متغيرين كل منهما من النوع الفترى أو النسي . فإذا لم يرتبط المتغيران بمثل هذه العلاقة فإن الصورة المستخدمة لإيجاد قيمة معامل ارتباط بيرسون تكون أقل من القيمة الفعلية للارتباط بين المتغيرين . وأحيانا تسكون هذه القيمة الفعلية مرتفعة جداً ومع هذا تقترب قيمة معامل ارتباط بيرسون من الصفر . وللتأكد من خطية العلاقة بين متغيرين يجب أن نرسم شكلا انتشاريا لازواج الذي . فإذا وجدنا أن النقط لا تميل إلى التراكم حول خط مستقيم بل تميل إلى الانحناء ، بمعنى أنه كلما زادت قيمة أحد المتغيرين تزيد قيمة المتغير الآخر في النقصان مع استمرار قيم المتغير الآخر في النقصان مع استمرار قيم المتغير الأول في الزيادة ، فإنه لا يجب في هذه الحالة استخدام معامل ارتباط بيرسون لانه لا يكون في هدده الحالة هو المقياس الماسب لإيجاد درجة هدف العلاقة المنحنية . وهذا يمكن للباحث أن يستخدم نسبة الارتباط به .

ويجب أن يميز الباحث بين هذين الاستخدامين لنسبة الارتباط. فإذا استخدمت هذه النسبة لإيجاد درجة الاقتران بين متغير اسمى ومتغير فترى فإن شرط الخطية أو عدم الخطية لا يمكون له ممنى فى هذه الحالة ، وإنها تعبر نسبة الارتباط عن درجة العلاقة بين المتغيرين.

أما إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الفترى فإنه يجب التأكد من خطية أو انحناء العلاقة . وسوف نعرض في هذا الفصل لسكل من الحالتين .

ونسبة الارتباط شأنها شأن معامل ارتباط بيرسون أو معامل التنبؤ لجنمان تدل على مقدار التحسن فى التخمين . فسكما هو الحال فى المعاملين المذكورين نبدأ هنا أيضاً بتخمين قيم نموذجية Typical فى التوزيع ، ونعيد التخمين مرة أخرى ولسكننا نستعين فى هذه المرة بتوزيع متغير آخر ، ثم نوجد نسبة ما طرأ على التخمين من تحسن .

طريقة حساب نسبة الارتباط η إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى والآخو من المستوى الفترى:

لتوضيح طريقة حساب نسبة الارتباط في هذه الحالة تعرض المثال البسيط الآتي :

نفترض أننا حصلنا على معلومات عن عدد علب السجائرالتي يستهلمها كلفرد من أفراد يجموعة عددها ٤٠ كل أسبوع . ووضعنا هذه البيانات في جدول التوزيع التكراري رقم (٤٥) الآتي :

ص X ت	التسكرار (ث)	عدد علب السجائر المستهلكة (ص)
صفو	٣	صفر
١	•	\ \
٤	۲	۲
4	٣	٣
17	£	٤
۲٠	£	۰
74	٤	٦
۲۸ .	٤	٧
77	٤	٨
0 ξ	٦	1
٣٠	٣	١٠
YY ·	۲	11
74.	 	المجدوع

جنول رتم (ازه)

فإذا طلب منا أن نخمن العدد النموذجي Typical لعلب السجائر التي يستملكها كل فرد من أفراد هذه المجموعة ، فإن أفضل تخمين يكون هو المتوسط . وسوف نرى فى الفصل الثالث عشر أن المتوسط يعد أفضل تخمين للدرجة النهوذجية فى توزيع المتغير الذي من المستوى الفترى .

وقد سبق أن رأينا فى الفصل الثالث أنه يمسكن إيجاد قيمة المتوسط الحسابي لمثل هذا التوزيع باستخدام الصورة :

وبهذا يكون أفضل تخمين هو أن أى فرد من أفراد هذه المجموعة يستهلك ٣ علم من السجار كل أسبوع .

ولكى نقدر دقة هذا التخمين يجب أن نحصل على معامل يقيس التباين حول المترسط. فلإيجاد تباين التوزيع السابق يجب أن نستخدم أيضا الصورة التى ذكرناها فى الفعل الرابع وهى:

$$\frac{\dot{0}}{1 = 0} = \frac{\dot{0}}{0} =$$

وهذا يتطلب تسكو من الجدول الآتي رقم (٥٥) :

ا ت ص۲	ت	ص ۲۶		ص
1.7	٣	77	٦	صفر
40	1	70	o —	١
44	۲	17	£ —	۲
44	٣	٩	*-	٣
١٦	٤	٤	۲ –	٤
٤	£	١	1 —	•
صفر	٤	صفو	صفر	٦
٤	£	1	1+	v
17	٤	٤	7+	٨
. 08	٦	1	4+	4
٤٨	٣	17	4十	1.
••	٧	40	•+	11
474	٤٠	٤٠		المجموع

جدول رقم (٥٥)

ومن هذا الجدول يتضح أن ن

ع، المستحد عبد المستحد عبد المستحد الم

أى أن تباين توزيع المتغير ص = ٩٫٦ . وهذا التباين يعتبر مقياسا للخطأ في تخدين متوسط عدد علب السجائر التي يستهلكها كل فرد. في المجموعة .

والآن إذا افترضنا مثلا أن استهلاك السجارُ يقترن بجنس الفرد (ذكر أو أنشى) إذربما نستطيع التخمين بأن الرجال يدخنون أكثر من النساء .

والمشكلة الآن هي تحديد درجة الاقتران بين متغير الجنس ومتغير استهلاك السجائر لهذه المجموعة من الافراد . أي أننا نريد أن تحدد مقدار النقص

فى أخطاء تخمين متغير استهلاك السجائر إذا علمنا متغير الجنس . لذلك فإننا نسكون جدول توزيع تسكرارى لمكل من الذكور والإناث كا هو مبين بالجدول رقم (٥٦) الآتى :

المجموع	لجنس إناث	ا ذکور إ	عدد علب السجارُ المستهلسكة كل أسبوع (ص)
	~	م فر	
, ,	,	(!	صغر
1	١	صفر	1
۲	۲	صفر	۲
٣	٣	صفر	٣
٤	٤	صفر	٤
٤	٤	مةر	0
٤	٤	صفر	٦
£	٣	١,	٧
٤	۲	۲	٨
٦	4		٩
٣	1	. ٢	١٠
<u> </u>	1	1	11
{•	٣.	١.	المجموع

جدول رقم (٥٦)

ولمكى نستطيع تخدين عدد علبالسجائر المستهلمكة ، و نقدد خطأ التخدين اسكل من الجنسين (أى التباين) ، فإن هذا يتطلب تسكوين جدولين أحدهما للذكور رقم (٥٧) والآخر الإناث رقم (٥٨) كالآنى :

(أولا) جدول الذكور

ت ص ۲	ص۳	من = ص - ص	ت ص	ت	ص
٤	£	7 —	٧	١	٧
۲	١	1 —	17	۲	٨
صقر	صفر	صفر	47	٤	4
۲	١	1+	۲٠	۲	1+
٤	٤	4+	11	١	11
17	1.		9.	1.	المجموع

زيجة والله عنه المتعلق المتعلق المتعلق المذكور المربقة حساب تباين توزيع المتغير المتصل للذكور

$$\frac{1 = 0}{1 = 0} = \frac{0}{0} = \frac{0}{0}$$

$$\frac{1 = \frac{1}{1}}{1} = \frac{0}{0}$$

$$\frac{1}{0} = \frac{0}{0} = \frac{0}{0}$$

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{0} = \frac{1}{0}$$

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{0} = \frac{1}{0}$$

(ثانياً) جدول الإناث

ات ص ۲	ص ۲	ص = ص - ص	تصص	ت	ص
٧٠	Yo	0 —	صفر	٣	صفر
17	17	£	١	1	١
14	٩	٣	٤	4	۲
14	٤	۲ –	1	٣	٣
٤	1	١	17	٤	٤
مفر	صغو	صفر	۲٠	٤	•
٤	1	١+	71	٤	٦
17	٤	4+	71	٣	٧
1/	4	4+	17	۲	٨
. 47	17	٤+	14	۲	٩
40	70	0+	1.	١	١.
44	47	4+	11	١	11
707			10.	٣٠	المجموع

بيختولً برقم (٥٨) طريقة حساب تباين توزيع المتنير المتصل للإناث

$$\frac{1 = 0}{1 = 0} = \frac{1}{10}$$

$$\frac{1 = 0}{7} = \frac{10}{7}$$

$$\frac{1 = 0}{10} = \frac{10}{7}$$

$$\frac{1 = 0}{10} = \frac{10}{10}$$

ومن هذا يتضح أن تباين توزيع الذكور = ١,٢ ، وتباين توزيع الإناث = ٤,٨ . وهذا يمنى أنه عند تخمين متوسط الذكور (وهو = ٩) يكون معامل الخطأ مساويا ٢,١ . وعند تخمين متوسط الإناث (وهو = ٥) يكون معامل الخطأ مساويا ٤,٨ . وهذه القيم تمثل خطأ تخمين عدد علب السجائر المستهلكة بمعلومية الذكور والإناث كل على حدة . ويمكننا الحصول على معامل الخطأ الناتج عن تخمين عدد علب السجائر المستهلكة عندما نأخذ متنير الجنس في الاعتبار بأن نضم معاملي الحطأ معا .

وفى الحقيقة فإن هذا المعامل هو متوسط موزون أو مرجح . أى أن :

حيث ت ج ترمز إلى عدد الملاحظات (أى التكرار) فى كل بحموعة فرعية ` يشتمل عليها الميزان الاسمى .

- ، ع٢ ج ترمز إلى تباين توزيع قيم المتغير ص أحكل مجموعة فرعية.
 - ، ك ترمز إلى عدد الجموعات الفرعية .
 - ، ن ترمز إلى العدد السكلي للملاحظات (التكرار السكلي) .
 - ، ع^٢م ترمز إلى متوسط التباين داخل المجموعات الفرعية .

و اطراً لأن لدينا في هذا المثال بحموعتين فرعيتين (ذكور وإناث) فإن :

$$\lambda, \xi = \sqrt{\xi} \qquad \qquad \lambda, \gamma = \frac{1}{2} \xi \qquad \qquad \zeta$$

و بهذا تسكون :

$$\frac{(\lambda, \epsilon)(\Upsilon \cdot) + (\lambda, \Upsilon)(\lambda \cdot)}{\epsilon \cdot} = \chi^{\mathsf{T}} \xi$$

$$7,7 = \frac{775}{5} = \frac{707 + 17}{5} =$$

أى أن متوسط التباين داخل بجموعتى الذكور والإناث = ٦,٦ . وهذا يمتبر معامل الخطأ الذى تحصل عليه عند تخدين متوسط عدد علب السجار المستهلكة لـكل من الذكور والإناث على حدة . وقد حصلنا على هذا المعامل عن طريق إيجاد التباين حول المتوسط لـكل من المجموعتين وضم القيمتين معافى معامل واحد .

والآن يمكننا أن توجد نسبة الارتباط (ŋ) باستخدام نفس الفسكرة التي سبق استخدامها في إيجاد معامل ارتباط بيرسون أو معامل التنبؤ لجتمان وهي :

وهنا يمثل التباين خطأ التخدين ، أي أن :

مربع نسبة الادتباط (
$$\eta$$
) = $\frac{3^{7}}{3^{7}}$ = $\frac{7,7-3^{7}}{9,7}$ = $\frac{7,7-9,7}{1,7}$ = $\frac{7,7-9,7}{1,7}$ = $\frac{7}{1,7}$ = $\frac{$

ويلاحظ أن ١١ = ١٦٠

·, 07 = -, 17 |

أى نسبة الارتباط (١) = ٥٠,٠

و نظراً لأن مربع نسبة الارتباط تدل دلالة مباشرة على التباين فإنه من السهل تفسيرها على أنها نسبة تباين المتغير الفترى ص الذى يقترن بالمجموعات الفرعية للمتغير الاسمى س .

فني المثال الحالى يقترن ٣١٪ من تباين متغير عدد علمب السجار المستهلكة (ص) بمتغير الجنس (س) بينما لا يقترن ٦٩٪ (أى ١ ــ مربع نسبة الارتباط) من تباين المتغير (ص) بالمتغير (س).

و تشراوح قيم نسبة الارتباط بين الصفر ، والواحد الصحيح ، و نظراً لا ننا حصلنا على نسبة الارتباط باستخدام متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى و الآخر من المستوى الفترى فلا يحوز في هذه الحالة أن نتحدث عن علاقة ترتيبية ، و لذلك لا يمكن أن تسكوز هذه النسبة سالمبة ، و القيمة الناتجة عن تربيع قسبة الارتباط تدل على نسبة التباين المشترك بين المتغيرين س ، ص .

وتسكون قيمة مربع إنسبة الارتباط مساوية للصفر إذا لم يطرأ أى تحسن في قدرتنا على تخمين قيم المتغير ص على ما تأخذ المتغير س في الاعتبار .

وفى مثل هذه الحالة تسكون ص لسكل بحموعة فرعية. من مجموعات المتناير الاسمى س مساوية للمتوسط العام لجميع قيم ص ، ويكون تباين كل مجموعة من هذه المجموعات مساويا التباين للعام للتوزيع ـ

و يمكن توضيع ذلك بالجدول الآتي رقم (٥٩) :

ت س	ت س	ت س ا	ت	قيم المتغير ص
١	١	١	٣	1
۲	۲	۲	٦	۲
٤	٤	٤	14	٣
۲	۲	۲	٦	٤
١	١	١	٣	٥
1.	1.	1.	٣٠	المجموع

شِيْتِهُ لَيْتُمْ (١٩٥) تباين المجموعات الفرعية = تباين المجموعات الفرعية = تباين التوزيع العام (نسبة الارتباط = صفر)

وبالنظر إلى هذا الجدول تلاحظ أن المتنير الاسمى س يتسكون من ثلاث بحموعات أ ، ب ، ج . والمتوسط العام لتوزيع المتغير ص = ٣ وتباين التوزيع بير ٣ أيضا .

أما بالنسبة لـكل من المجموعات الفرعية التي يشتمل عليها المتغير س فإننا نلاحظ أن:

$$T = \sigma^{2} = T \cdot \sigma^{2}$$

آی آن: مربع نسبة الارتباط
$$= \frac{7 - 7}{7} = \frac{-\frac{1}{4}}{7}$$
 $= -\frac{1}{4}$
 $= -\frac{1}{4}$

ومعنى هذا أنه لم يحدث أى نقس فى خطأ التخمين بالرغم من أخذ المتغير س فى الاعتبار . أى أنه لا يوجد اقتران بين المتغيرين س ، ص . ولسكن إذا أخذنا الحالة الى تقع فيهـــا كل قيمة من قيم ص في بجموعة واحدة من الجموعات الى يشتمل عليها المتغير س، فإننا نحصل على نتيجة عنتلفة كما هو مبين بالجدول الآتى رقم (٦٠):

	لبتنفير س	، الفرعية لا	الجموعات				
تست	عست	تس ج	تسب	تس	ij	قيم المتغير ص	
صفر	صفر	صفر	صفر	٣	٣	١	
صفر	٦	صفر	صفر	صفر	٦	۲	
صفر	صفر	صفر	17	مفر	17	۲	
صفر	صغر	٦	. صغر	ميقر	٦	٤	
٣	صفرا	مبقر	صفر	صفر	٣	٥	
٣	٦	٦	17	٣	6.	الجموع	

جِدُولُ رقم (٦٠) قيم ص اتع في مجموعة واحدة من مجموعات المتفير س

وبالنظر إلى هذا الجدول نجند أن المتغير الاسمى يشتمل على ه بحموعات هى أ ، ب ، ج ، د ، ه . وأن كل بحموعة من هذه المجموعات تشتمل على قيمة واحدة من قيم ص . فهنا نجد أن المتوسط العام للتوزيع _ ٣ ، وتباين التوزيع _ ٣ . ولكن متوسطات المجموعات الفرعية تختلف عنذلك ، ع٢ م حصف .

أى أن التباين السكلي للمتغير ص يقترن بالتغير الذي يحدث في. أقسام المتغير س . وهنا يمكننا الننبؤ بدرجة تامة بقيم المتغير ص بمعلومية المتغير س .

ولذا يمكننا القول بوجه عام أن نسبة الارتباط هي مقياس لدرجة التنبؤ بقيم متغير فترى بمعلومية أقسام متغير اسمى .

طريقة مختصرة لحساب نسبة الارتباط ب

مكن أن يستخدم الباحث الطريقة السابقة لإيجاد نسبةالارتباط (η)، ولكن يمكنه اختصار هذه الخطرات إذا استخدم الصورة الآتية :

حيث ت ترمز إلى عدد الملاحظات (التكرار) فى كل بحموعة فرعيـــة يشتمل عليها المتغير الاسمى .

- ، صَ ج ترمز إلى متوسط درجات كل بموعة فرعية .
 - ، ص ترمز إلى المتوسط العام للسرجات المتغير ص .
 - ، ك ترمز إلى عدد المجموعات الفرهية .
 - ، ص في ترمز إلى درجات المتغير الفترى ص .
- ، ن ترمز إلى المدد المكلى للملاحظات (التمكرار المكلى) .

مسلخص عُريماً ث الخطوات الى يتبعها الباحث عند استخدام الصورة رقم (٥) في المثال السابق في الجدول الآني رقم (٦١) :

الإناث	ابحموعة	الذكور	بحموعة	***************************************	• •	المجموعة الكلية		termone	mengan yang dipinikan dan kelangan dan kelangan dan kelangan dan kelangan dan kelangan dan kelangan dan kelang
تص	ت	ت ص	ت	تص	ص۲	ص ٔ صس – ص	ات ص	ات	ص
صفر	٣	صغر	منفر	۱۰۸	77	٦ -	صفر	٣	صغر
١	١	صفر	صقر	۲۰	70	o	١	١	١
٤	۲	مسقر	صغر	44	17	£ —	٤	۲	۲
٩.	٣	صفو	صفر	77	٩	٣ —	٩	٣	٣
17	٤	صقر	منفر	17	٤	۲ –	١٦	٤	٤
۲٠	٤	صفر	صغر	4	١	١ –	۲٠	٤	٥
75	٤	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	7 8	ŧ	٦
71	٣	٧	١	٤	١	1 +	۲۸	ŧ	٧
17	۲	17	۲	١٦	٤	1+	44	٤	٨
۱۸	۲	44	٤	0 \$	٩	r 	0 8	٦	٩
1.	1	۲٠	۲	٤٨	17	£ +	٣٠	٣	١.
11	١	11	١	۰۰	70	• +	77	۲_	11
10.	٣٠	4.	1.	478			71.	٤.	المجدوع

جدول رقم (٦١) خطوات حساب نسبة الارتباط بين متفير من المستوى الاسمى ومتغير من المستوى الفترى

$$\sqrt{1 - \frac{1}{1}} = 1$$

$$\frac{(1)(r\cdot) + (1)(1\cdot)}{r \wedge i} =$$

$$\cdot , r_1 = \frac{1 \cdot r}{r \wedge i} =$$

وهي تفس القيمة الني حصلنا عليها فيما سبق .

والخلاصة أن الباحث يمكنه أن يتبع الخطوات الآنية عند حساب نسبة الارتباط (ŋ) بين متغيرين أحدهما من المستوى الاسمى والآخر من المستوى الفترى:

المتغير الذي يمكن قياسه كيا)، المتغير الذي يمكن قياسه كيا)، يوجد جي للجموعات ككل، صلح للجموعة فرعية يشتمل عليها المتغير الاسمى س.

٢ _ محسب مربع انحرافات متوسطات المجموعات الفرعية عن المتوسط العام، أي (صَرَح _ صَرَ) ٢ .

٣ ــ يضرب مر بعات انحرافات متوسطات المجموعات الفرعية في عدداً فراد كل بحموعة أي :

ت ج (ص ج م م) ، و يجمع أو اتبج حاصل الضرب لجميع المجموعات الفرعية .

٤ -- يحسب بجوع مربعات انحراقات المجموعات ككل أى :

ن بحس (ص_{نی} – ص)۲ ف=۱

عسب نسبة الارتباط باستخدام الصورة رقم (ه) السابقة .

طريقة حساب نسبة الارتباط إذا كانت العلاقة بين متغيرين كل منهما من المستوى الفترى منحنية :

ذكرنا فيما سبق أن العلاقة بين متغيرين كل منهما من المستوى الفترى لاتكون دائما خطية كما هو الحال عندما نبحث العلاقة بين الاداء فى أحد اختبارات القدرات العقلية والعمر الزمنى .

فعدل الآداء يزداد بسرعة كبيرة في الآعمار الصغيرة (منه ــ ١٠ عوام)، ثم يقلهذا المعدل قليلا بالنسبة للآعمار من ١٠ ــ ٢٠ عاما ، حيث يصل الآداء إلى أقصاه في سن العشرين ، ثم يبدأ في التناقص التدريجي في الآعمار من ٢٠ ــ ٤ عاما ، ويزداد التناقص في الآداء زيادة سريعة بعد سن الاربعين . فإذا كانت الدراسة الارتباطية تعتمد على عينة تشتمل على جميع هذه الآعمار ، وحسبنا

مهامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون بين الآداء في الاختبار والعمر الزمني ، غان هناك احتبال كبير أن تقترب قيمة هذا المعامل من الصفر ، والسبب في ذلك أن معامل ارتباط بيرسون يعتمد على فرض خطية العلاقة بين متغيرين ، فإذا لم تكن العلاقة خطية كما في هذه الحالة ، فإن القيمة التي تحصل عليها باستخدام صورة معامل ارتباط بيرسون تكون أقل من القيمة الفعلية للإرتباط بين المتغيرين، ولذلك بحب على الباحث التأكد من شكل توزيع البياتات ذات المتغيرين قبل اختيار مقياس العلاقة المناسب البياتات ، وبالطبع لا يتضح شكل العلاقة من مجرد النظر إلى البيانات ، وإنما يجب أن يرسم الباحث شكلا انتشاديا يوضح له ما إذا كانت العلاقة منحنية لا يجوز استخدام معامل ارتباط بيرسون ، وإنما يحب استخدام فسبة الارتباط (١) ،

ولتوضيح الخطوات الى يمكن أن يتبعها الباحث فيحساب نسبة الارتباط إذا كانت العلاقة بين متنبرين كل متهما من المستوى الفترى منحنية نعرض المشال الآنى :

نفتريض أننا أردنا إيجاد النلاقة بين العدر الزمني (س) ودرجات الختباريقيس المعلومات العامة (ص) طبق على هينة تشكون من ٢٠٠ فرد من عتلف الاهمار.

فالحفاوة الأولى: هي أن اسكون جدولا انتشاريا للمتغيرين كما هو مبين بالجدول رقم (٦٢) بأن يمثل فشات العمر الزمني على المحور الافقى ، مرفشات العرجات على المحورالرأسى، و أسجل تكراركل زوج من أزواج فثات المتغيرين، وكذلك التكرار السكلى (ت م) لكل فئة من فئات درجات المتغير ص للأعماد المختلفة في عمود مستقل ، والتكرار السكلى (ت م) لكل أثبة عمرية المدرجات المختلفة في الاختبار في صف مستقل .

	=V311 == V5401	بيرت ص ٢٦	ري. م		11	7 7	11.	440	7.4	· ·	1401	4.40	ττ	454.	4.17	1011	ヤイイ	くべる	101	٠ م			
	= 131	' برن ص بر	نځ ر	<u>.</u>	>	3	•	•	144		444	440	***	44.	717	11	۲ >	.	1	رم ن			
			۲.	_	~	4	*	0	اد	<	>	ه	•	7	1	7	3.1	-	1 1	<i>چ</i> '			
		で川立	-	,	~	۷.	•	1	~~	۲.	4.9	٧.	47	۸.	12	ور	4	_	_	c ^e c			
	11	•	-				4	4	4			,								·A — 3	٨		
	1.	<				_	_		_	4	٨							_		or - F	<u>.</u>		
7	ھ	مب صد			_	_	4		4		٨	~								·h - 3		C	
چدول رقم (۱۲)	>	37				_		~	7	p.	∢	•		_						00 — P	0	المعود الأفنى العمر (س)	
ني ري	<	ō					_		٦	~	1	4	4		_					.0 - 3	٥	المع المع	
F	-4	>							4	4	4	-1	pm	~		-				03 - 8		Nguri-P	
	0	্						-	~	4	•	~	در	٥	.1	_				1 - 3 - 3	3		
	~	Ş									~	4	-1	*	•			_	_	104- 1	الم		
	4	ギ							م	~	_		. 64	•	7	4	~			1.7-3	٨		Ì
	7	۲.						-	~	~	٠,	مر	4	1	1	10				0 × - P	٨		
	-	õ			~	~	78	1	~		_	_		-						1.7 - 3	4		
	مفر	طر		م		4	_	1	,	~	ر 									01-6	١,	ŀ	
			نه	_	-4	4	₩	٠	.4	<	>	هر	•	-	1	7	1 %	6	11	&,	-		
	(,	, Ç		1:-1:	11-10	7:-4.	へいして。	マをして・	イューで・	;; ;;	2 - 6 3	3.	0,100	: 1 ::	0 : -	· / - 3 /	V1-Y0	* 1 3.	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	درجان الاختبار (ص)	المحود الراسي		

بيدول انتشاري لأعمار عينة تتكون من ١٠٠٪ طالب ودرجاتهم في اختبار المعلومات

والطريقة المباشرة لحساب نسبة الارتباط (p) تعتمد على تعريف مربغ نسبة الارتباط بأنها النسبة بين بجموع مربعات انحرافات متوسطات الاعمدة عن المتوسط العام لتوزيع المتغير (ص) والجموع الكلى لمربعات انحرافات قيم المتغير ص عن هذا المتوسط . أى أن :

(7) • • • • • • • •
$$\frac{\gamma^{2}}{2} = 0$$

$$(V) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\overline{V_{oc} - ov^{7}}}{2} \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (V)$$

و يمسكن الحصول على المجموع السكلى لمربعات انحرافات قيم المتنير ص عن متوسط هذه القيم (مجـ ص على) باستخدام البيانات الموضحة في جدول الانتشار رقم (٦٢) كالآتي :

$$\frac{\text{'(178A)}}{\text{''}} - 1079A =$$

ولمكى نحصل على بجموع مربعات انحرافات متوسطات الاعمدة عن المتوسط العام لتوزيع المتغير ص أى مجه ص من المكون جدولا كالآني رقم (٦٣):

(ه) ۲(*ص*) ت	() () ()	(٣) بوص	(۲) ت	(١) الممود
147,••	1772	٤٢	4	صفر
400,4V	0779	٧٣	10	1
۲۰٤۰,۲۰	1 . V . F	7.7	۲.	۲
TOAA,07	09077	788	74	4
7172,77	7/517	147	۱۸	٤
T077,18	4444	777	٣٠	•
18.8,0.	1071	101	1.6	٦
1	10179	١٢٣	10	y
1274, . 8	79979	177	45	٨
٣٨٤,٠٩	2440	70	11	9
778,18	1481	٤٣	Y	1.
Y	70	٥٠ ا	1.	11

چدول رہم (٦٣) خطوات حساب مجہ ص^۲م

فإذا نظرنا إلى جدول رقم (٣٣) نجيز أن العمود الآول يبين أرقام الأعمدة في جدول الانتشار رقم (٣٣) . وهذه الارقام هي قيم س المدونة في الصف الاخير من هذا الجدول . والعمود الثاني يتكون من تكرار الاعمدة المختلفة المدونة أيضاً أمام ت في نفس الجدول . أما القيم الموضحة في العمود الثالث وهي قيم أيضاً أمام ت في نفس الجدول . أما القيم الموضحة في العمود الثالث وهي قيم جوس (حيث ص المبينة في العمود الثاني من جدول رقم ٣٣ هي انجرافات كل

فئة من فئات المتنير ص عن فئة افتراضية وهنى الفئة ٥ ــ ٩ فى هذه الحالة ، لذلك وضعنا صفراً أمام هذه الفئة ، والرقم ١ أمام الفئة التالية وهى ١٠ ــ ١٤، وهكذا) فإننا نحصل عليها بإيجاد الانحرافات التى تناظر كل تسكرار من تكرارات العمود المطلوب ، ثم نجمتع هذه الانخرافات لسكل طنود على حدة .

فشلا إذا نظرنا إلى العمود الثالث فى جدول رقم (١٣) تجد أن التكرار الكلى لهذا العمود = ٩ ، ثم نحصل على قيم ص التى تناظر التكرارات التى يتكون منها هذا التكرار الكلى ٩ . فهذه التكرارات هى ١ ، ٢ ، ١ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١ . وبذلك تكون قيم ص المناظرة لهاهى : ١، ٤ مكررة مرة واحدة ،٣، همكررة مرتين ٣، تكون قيم ص المناظرة لهاهى : ١، ٤ مكررة مرة واحدة ،٣، همكررة مرتين ٣، ٧، وتكرر هذه العملية بليم الأعمدة، وبخوع هذه القيم عذه ٢٤ . وتكرر هذه العملية بليم الأعمدة، وتدون بحوع قيم ص لكل عمود في العمود الثالث من جدول رقم ٤ ، و نقسم كل من هذه المربعات على تمكر ار العمود الخاص ما ، ثم تجذع النوات على تمكر ار العمود الخاص ما ، ثم تجذع النوات .

ويمكن تفسير فسبة الارتباط تفسيراً مائلا لتفسير معامل الارتباط لبيرسون، وذلك بتربيع نسبة الارتباط لنحصل على الآم، وهي تدل على التباين المشترك بين المتغيرين . فإذا ربعنا ٧١١، فحصل على مربع فسبة الارتباط وهذا يساوى ٥٠٠٥، . أي أن حوالى ٥٠/ من تباين دوجات اختبار المعلومات يمسكن تفسيره بمعلومية العمر ، بمعنى أن هذا التباين يرجع إلى تباين العمر .

ويمكن استخدام الصورة الآتية لإيجاد مربع نسبة الارتباط مباشرة ، لآنِ البسط يمثل مجـ ص ل :

$$\frac{V(\frac{v-w^{-1})^{2}}{v} - \frac{V(\frac{v-w^{-1})^{2}}{v}}{v} - \frac{V(\frac{v-w^{-1})^{2}}{v}}{v}$$
مربع نسبة الارتباط $\frac{V(\frac{v-w^{-1}}{v} - \frac{v^{-1}}{v})^{2}}{v}$

(A) · · ·

العلاقة بين نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بيرسون :

سبق أن رأينا أن معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون بين المتغيرين س، ص يساوى معامل الارتباط بين ص، س لنفس بجموعة البيانات، ولكن هذا لا ينطبق على نسبة الارتباط، فنسبة الارتباط بين س، ص لا تساوى نسبة الارتباط بين ص، س، فهما نسبتان مختلفتان ، وبالطبع يمكن إبجاد نسبة الارتباط الثانية في المثال السابق إذا استبدلنا الرمز س بالرمز ص في المعادلة رقم (۸)، وأجرينا ما يتطلبه ذلك من تعديلات في الجدو اين رقمي ٦٢، ٦٣.

كا أن معامل ارتباط بيرسون يمسكن أن يأخذ إحدى القيمتين 4. 1 أو م 1 أو أى قيمة أخرى تنحصر بينهما . أى أن هذا المعامل يحدد مقدار و اتجاه العلاقة بين المتغير بن .

ولكن نسبة الارتباط ليست لها إشارة ، لاننا إذا تأملنا الشكل الانتشادى المتغيرين بيئا للمتغيرين بيئا للمتغيرين بيئا نجد الملاقة سالبة فى أجزاء أخرى من هذا المدى ، لذلك فإن نسبة الارتباط تقيس فقط درجة أو مقدار همذه العلاقة ،

وتتأثر نسبة الارتباط بتذبذب متوسطات الاعمدة أو المفوف في جدول الانتشار إذ أن نسبة الارتباط تعتمد اعتماداً مباشراً على انحرافات متوسطات الأعمدة أو الصفوف عن الحتوسط العام للمتغير ص . وهذا يجعل مقدارالارتباط الذي تدل عليه هذه النسبة أكبر إلى حد ما من قيمته الفعلية . فإذا كانت العلاقة بين المتغيرين منحنية فإن نسبة الارتباط تسكون أكبر من قيمة معامل ارتباط بيرسون التي تحصل عليها من تفس مجموعة البيانات ، أما إذا كانت العلاقة بين المتغيرين خطية ، فإن الفرق بين قيمة كل مس نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بيرسون التي تحصل عليها من نفس مجموعة البيانات يملكن أن يتخذ دليلا على مدى الزيادة غير الفعلية في مقدار الارتباط الناتج عن استخدام نسبة الارتباط. أما في حالة الملاقة المنحنية فلا بمسكن تحديد مقدار هذه الزيادة . و لذلك نوصي الباحث بعدم استخدام نسبة الارتباط إلا إذا تأكد من أن العلاقة بين المتنيرين ليست خطية وأن العينة كبيرة بدرجة تسمج بجعل متوسطات الاعمدة أوالصفوف أ كثر ثباناً أو استقراراً ، لأن نسبة الارتباط ـكا لاحظناً ـ تتأثر نأثراً ملحوظاً بعدد الاعمدة أو الصفوف وكذلك بالتكرارات الى تدكون التكرار المكلي لكل عمود أو صف . إذ لا يمكن أن يتضع انحناء الملاقة إذا كان عدد الاعمدة أو الصفوف قليلا ، ويقترح جليفورد Cuilford أن يكون حجم العينة أكش من ١٠٠، وعدد الاعمدة أو الصفوف يتراوح بين ٦، ١٢ إذا أراد الباحث استخدام نسبة الارتباط كقياس العلاقة المنحنية بين متغيرين . أما إذا قل العدد عن ذلك فعليه إما أن يستخدم مقياس الحصائي آخر يسمى £ (ويقرأ إيبسلون) حيث يمكن باستخدامه أن يحصل على نسبة ارتباط غير متحيزة ، ويمكن الباحث الرحسوع إلى Peters and Van Voorhis لزيد من التوضيح لهذا المقياس ، أو يمكنه تحديد شكل الاتعلام المثنيرين على صورة دالة رياضية ثم يحاول اختباذ مدى مطابقة البياغات لحباده العالمة ، وسوف محرض الهذه الفسكرة بالتفصيلي في الفصل الفنامس عشر عند مناقشينا للانحداد فير الفعلني و

ولايفوتنا أن ننوه إلى أهمية نسبة الارتباط في تحليل التباين ، وهو ماسنعرض له في الجزء الثاني من البكتاب .

تمارين على الفصل الحادى عشر

١ -- احسب فسية الارتباط لجموعة البيانات الآتية ، وفسر الةيمه الناعجة :

	س)				
	د	*	ب	1	
į	77,	74,.4	77,-1	Y7,70	منوسط قيم المتغير (ص) عدد الحالات
	٧.	44	44	44	فى كلرقسم

٧ - احسب نسبة الارتباط البيانات المَعْمَنِهُ:

دوجة الاختبار	درجة ا لاختيار	1111	هوجة الابختبار	درجة الاختبار	111.10
الثاني	الأول	الطالب	الثان	الآول	الطالب
13.	į0	1.	n.	٦.	١
••	٤٣	11	۸۸	٥٤	۲
٤٨	٤١	14	¥•	٥٣	٣
44	44	14	700	٤٩	£
٤٨	٣٨	118	, p. /	44	0
٤٠	44	10	15.7	٤٧	٦
£ 7	44	17	:01	£ 4	V
47	٣٠	17	{ ۲ ۲	10	٨
		!	44	٤٥	1

٣ ــ احسب نسبة الارتباط بين المتنبر الاسمى (س) الذى يشتمل على أربعة أقسام ، والمتغير الفرى (ص) ، وفسر القيمة النائجة .

أقسام المتغير الاسمي (س)

ww.	س	١٠٠٠	س.	
14	17	1.	0	
14	11	٨	٤	11
17	11	٨	٤	5
1.	1.	٧	٣	3
,	4	٦	۲	لفتري (مر ،)
	\	•		3
		٥	}	
		7		

٤ ــ احسب نسبة الارتباط بين المتغير الاسمى (س) الذى يشتمل على خسة أنسام والمتغير الفترى (ص) ، وفسر القيمة الناتجة .

أقسام المتغير (س)

سه	س	w _w	y UM	١٠٠٠	
٣	٧	٥	۲	۲	
۲	٦	• .	ŧ	٤	=
ź	٤ .	٤	٤	٤	3
	٨	•	۲ ۲	۲	2
۲		٣	٣	٣	3
٣			V	٣	
1	}	1	٥	1	1
1 4	<u> </u>				

الفصل الثانى عشر مقاييس العلاقة إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الرتي والآخر من المستوى الفقرى

معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسبن طريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد مقاييس إحصائية أخرى

مقدمة:

سنعرض في هذا الفصل والفصل النالى بعض مقاييس العلاقة عند ما يكون أحد المتبغيرين من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الفترى .

وفى الحقيقة لا يوجد مقياس وحيد يمكن استخدامه لوصف درجة الاقتران بين هذين النوعين من المتغيرات، ويمكن أن يتفاضى الباحث عن الميزان أو المستوى الفترى لاحد المتفيرين ويعتبره من المستوى الرتي في ويوجد مقدار العلاقة بين متفيرين من المستوى الرتي باستخدام المقياس الإحصائى المناسب، وبالطبع سوف يكون مثل هذا المقياس أقل حساسية للعلاقة القائمة بين المتغيرين الإصليين. ولكن يوجد مقياسان إحصائيان يناسبان بوجه خاص الموقف البحثى الذي يتطلب إيجاد العلاقة بين متفيرين أحدهما من المستوى الرتي والآخر من المستوى الفترى هما معامل الارتباط المتعدد الحقيقي Multiserial Correlation ، ومعامل الارتباط المتعدد الحقيقي Point Multiserial Correlation .

و لسكننا سوف نقتصر في هذا الفصل على مناقشة المقياس الأول ، والمقى الضوء فقط على المقياس الثاني .

وقبل أن يلجأ الباحث إلى استخدام أحد هذين المقياسين في تحليل بيانات محته يجب أن يتأكد من أن البيانات تحقق بعض الفروض التي يتطلبهاكل منهما ، وأحد هذه الفروض يتملق بالسعة النسبية لفترات المتغير الرتبي .

ان الفترات التى تفصل بين الرتب تتبع التوزيع الاعتدالى . وهذا يعنى أنه لسكى الفترات التى تفصل بين الرتب تتبع التوزيع الاعتدالى . وهذا يعنى أنه لسكى تتحول الرتب إلى درجات على ميزان فترى يجب أن يفرض التوزيع الاعتدالى على البيانات الحاصة بالمتغير الرتبي . أما في حالة استخدام معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقي فإنه يفترض أن الرتب في حد ذاتها يفصل بينها فترات متساوية، وسددا يمكن معالجتها كما لو كانت الدرجات الناتجة عنها من المستوى الفترى .

ولكن يصعب في معظم الحالات تحقق مثل هذا الفرض. فالباحث ربما يضطر إلى استخدام متفيرات من المستوى الرتبى احدم تمكنه من التوصل إلى طريقة تجمل الفترات التى تفصل بين رتب أى من هذه المتغيرات متساوية ، وافتراض تساوى هذه الفترات بدلا من التأكد فعلا من تحققها يجعل تفسير المقياس الإحصائي المستخدم في هذه الحالة غير واضح . ولذلك فإنه ربما يفضل استخدام معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى في مثل هذه الحالة .

وفى الحقيقة لايوجد رمز متفق عليه لسكل من هذين المعاملين . ولكننا سنرمز لهما بالرمزين رم ، رمح على الترتيب .

معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسين (رمم)

Jaspen's Coefficient of Multiserial Correlation

يمكن أن يستخدم الباحث معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسبن في إيحاد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتبى ، والآخر من المستوى الفترى ، و لكنه يجب أن يتحقق من أن :

١ _ مناك علاقة خظية بين المتغيرين .

٧ — المتغير الرتبى يمكن أن يتبع التوزيع الاعتدالى بقدر الإمكان لو كان في استطاعته قياس هذا المتغير بقدر أكبر من الدقة ، فإذا استطاع الباحث قياس أحد المتغيرات على ميزان فترى فإنه سوف يجد فى معظم الاحيان أن عدداً كبيراً من الملاحظات الخاصة بهذا المتغير تتوزع توزيعا اعتداليا ، ولكن ربما لا يكون هذا صحيحا فى بعض الحالات . فبمض الظراهر السلوكية يكون توزيعا على شكل حرف (٠٠٠) ، و دخول الافراد بالجنيه المصرى مثلا تتوزع توزيعا ملتويا . إلا أن كثيراً من الاشياء أو الصفات الى تتحرى الدقة فى قياسها نجدها تقبع التوزيع الاعتدالى .

وهنا ربما يتساءل الباحث عن كيفية معالجة بيانات بحثه إذا لم يستطع قياس

أحد المنفيرات التى يهتم بدراستها قياسا كميا ، بل استطاع فقط أن يقوم بإجرأه عملية ترتيب للملاحظات الخاصة بهسذا المتغير ، وبالطبع لاترقى عملية الترتيب إلى مستوى عملية القياس من حيث الدقة .

فإذا استطاع الباحث افتراض أن المتفير المطلوب يتخذ شكل المنحنى الاعتدالي إذا أمكن قياسه على ميزان فترى ، عند أذ يمكن إجراء بعض التعديلات التي تثرى من فاعلية عملية القياس Scaling ، إذ يستطيع في هذه الحالة تحويل الميزان الرتبي للمتغير إلى ميزان فترى .

مَرُنَفُ صَبِحِ ذَلَكَ بِمُمْرَضِ صَرَيَا لَ إِنَهَا طَبِقَنَا استبيانا لقياس الاتجاه نحو انفاق المال على عشرة من الطلاب ، وأمكننا ترتيب هؤلاء الطلاب فأربع بحموعات بالنسبة الشدة هذا الانجاه ، ويُهِفترض أن النتامج كانت كالآني (جدول رقم ٢٤) :

التكرار	شدة الانجاه	ا الرتبسة
1	موافق بشدة	٤
6	موافق إلى جد ما	٣
٠ ٣	غير موافق إلى حد ما	۲
. 1	غير موافق على الإطلاق	١
1.		المجموع

جدول رقم (٦٤)

وتلاحظ في هسدًا الجدول أننا استطعنا أن نرتب الطلاب بالنسبة لشدة الانجاه نحو إنفاق المال إلا أن الفترات التي تفصل بين الرتب ليست متساوية، فنحن نعلم أن الطلاب الذين يوافقون بشدة ربما ينفقون المال (أو على الأقل يكون ا تجاههم اللفظي نحو انفاق المال) أكثر من الطلاب الذين يوافقون إلى حد ما، ولكننا لانعلم مقدار الفرق بين المجموعتين.

وهذا ربما تفترض أثنا إذا استطامنا قياس الاتجاه نحو إنفاق المال على ميزان فترى فإن التوزيع يكون اعتداليا، إذ أننا نتوقع أن معظم الطلاب يكون اتجاههم نحو إنفاق المال معتدلا، وعدد قليل منهم يكون اتجاههم متطرفا أى إما مسرفين أو مقترين .

وقبولنا هـــذا الافتراض يعنى أن كل طالب ينتمى إلى أحد أقسام شده الانجاه ، وأن هــذه الاقسام التى يوضحها الجدول رقم (٦٤) بير موزعة توزيعا منتظما . ولـكننا نستطيع التعبير عن التوزيع باستخدام نسب الطلاب الذين ينتمون إلى كل قسم من هذه الاقسام كا هو مبين بالجدول رقم (٥٥) الآتى :

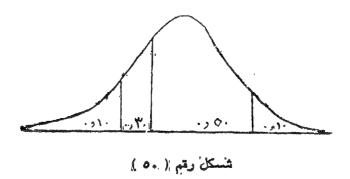
النسية	التمكوار	شدة الاتجاه	الرتبة
•,1•	1	موافق بشدة	٤
٠,٥٠	0	موافق إلى حد ما ً	٣
٠,٣٠	٣	غير موافق إلى حد ما	٣
٠,١٠	١	غير موافق على الإطلاق	١
١,٠٠	1.		الجموع

جدول رقم (٥٦)

وهذا يمكن تقسيم المساحة تحت المنحنى الاعتدالي المعياري الذي عرضنا له في الفصل السادس بالنسب المبينة في هذا الجدرل .

فباستخدام نسب المساحات تحت المنحى الاعتدالي يمكن أن تعين لكل طالب درجة على الميزان الفترى الذي افترضناه، و بذلك يمكننا معرفة نسبة الدرجات التي تزيد أو تقل عن درجة معينة إذا علمنا انحراف هذه الدرجة عن المتوسط. وإذا علمنا

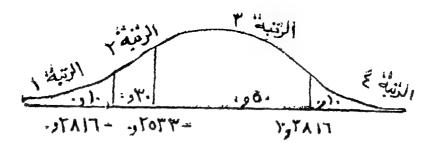
نسب البرجات التي تزيد أو تقل عن درجة معينة فإننا بالطبع فستطيع معرفة المحراف هدذه الدرجة عن المتوسط. لذلك قسمنا المنحق الاعتدالي في الشكل رقم (بين) إلى أربمة أجزاء بالنسب ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، كالآتي :



فإذا رجعمه إلى جدول المساحات تحت المنحى الاعتدالي (جدوال حو المبين بملحق الكتاب) نستطيع تحديد الدرجات المعيارية التي تناظر تقط تقسيم المنحني أي النقط التي تفصل بين أجزاء المنحني .

فثلا يتضح من جدول المساحات أن الدرجة المعيادية (د) التي تقع دونها ١٠٠، من الحالات تساوى – ١,٢٨١٦، فهدده إذن الدرجة المعيارية التي تفصل بين الرتبتين ٢،٢، فمكل طالب رتبته ٢ تقل درجته المعيارية عن – ١,٢٨١٦، وكل طالب رتبته ٢ أو ٣ أو ٤ تريد درجته المعيارية عن هذه الدرجة .

ونستطيع أن نكرر هذه العملية بالنسبة لنقطتى التقسيم الآخريين ، وهذه النتائج مبينة بالشكل رقم (١٥) .



غستنی رضم (61)

ومن هذا الشكل يتضح أننا استطعنا باستخدام خصائص المنحنى الاعتدالى أن نحدد الدرجات المعيارية التى تفصل بين الرتب المختلفة لشدة الانجاء . فثلا يتضح أن كل طالب رتبته ٤ يجب أن تزيد درجته المعيارية عن ١,٢٨١٦ .

ولسكن تظرا لعدم دقة هسده الرتب للأسباب التي سبق أن ذكر ناها فإننا لانستطيع أن نعرف مدى أنحراف درجة كل طالب عن هسده الدرجة المعيارية ، فكل مانستطيع أن نفعله هو أن نعين لسكل رتبة من الرتب الأربع متوسط الدرجتين المعياريتين اللتين تحدان كلا من هسده الرتب على خط قاعدة المنحني الاعتدالي ، ويمكننا الاستقادة في ذلك بخاصية أخرى من خصائص المنحني والدرجات الاعتدالي ، وهي أن هناك علاقة بين ارتفاع هسذا المنحني والدرجات المعيارية .

إذ يمكننا تحديد متوسط الدرجتين المعياريتين على خط القاعدة لأى جزء من الجزاء المنحنى الاعتدالي إذا علمنا الارتفاعين اللذين بحدان هذا الجزء.

والصورة العامة التي يمكن استخدامها لتحديد هذا المتوسط هي:

$$(1) \quad \cdots \quad \frac{z^2 - \overline{z}}{z} = \overline{z}$$

حيث عنى ترمز إلى ارتفاع المنحى الذى يحد الجزء المطلوب من أسفل (و يمـكن الحصول عليه من جدول ب المبين الملحق) .

- ، عج ترمز إلى ارتفاع المنحى الذي يحد الجزء المطلوب من أعلى .
 - . س ترمن إلى نسبة الحالات التي تقسع في هذا الجوء .
- ، 🚡 ترمز إلى متوسط الدرجتين المعياريتين للجزءالمطلوب من المنحى .

فإذا أردتا إيجاد الارتفاعين اللذين يحدان الرتبسة ؛ ترجع إلى جدول ارتفاعات المنحنى الاعتدالى (جدول ب) وتبحث عن الارتفاع الذى يقسع بعده ، ١٠, ، من الحالات فنجد أنه يساوى ١٧٥٥, ، والارتفاع الذى لانقع دو نه أى حالة من الحالات ، وهو بالطبع عنه صفر . أى أن ١٧٥٥, ، م صفر هما حدا هذا الجوء من المنحنى .

فإذا عومننا في الصورة رقم (١) السابقة نحصل على ت

$$\frac{3\overline{5} - 3\overline{5}}{\overline{w}} = \frac{7}{5}$$

1,000=

اى أن متوسط الدرجان، المعيسارية للطلاب الذين رتبة كل منهم ٤ يساوى ١٫٧٥٥

وعند استخدام جدول الارتفاعات لتميين حدى الرتبة ٣ يجب أن تتوخى الحذر . فنحن هنا تهتم بالارتفاع الذي تقع بعده ٥٠,٠٠٠ . ١٠,٠ أى ٣٠,٠ من الحالات . وبالرجوع إلى جدول الارتفاعات (ب) تجد أن القيم المدونة فيه لاتصل إلى هذه القيمة وإنما تصل إلى ٥٠,٠ فقط . لذلك يجب أن تبحث عن الارتفاع الذي تقع دونه ٤٠,٠ من الحالات ، فنجد أنه يساوي ٣٨٦٣,٠ . أي أن هذه القيمة هي عع . وقد سبق أن حصلنا على عق وهي تساوي ١٧٥٥.

و بدلك تسكون قد حولنا جميع الرئب إلى العوجات المعيادية المناظرة لها . أى أنه يكون قد تمين اسكل طالب درجة معيادية تكافىء وتبتة . وهذه الدرجات المعيادية التى نتوقع الحصول عليها لو أننا استطعنا قياس الانجاه نحو انفاق المال على ميزان فترى . وعلى الرغم من أنها قيم تقريبية ، إلا أنه يمسكن اعتبسارها بحموعة من الدرجات تفصل بينها فترات متساوية .

يضنزض عربيان أن اهتمامنا ينصب على إيجاد درجة الاقترار بين اتجاه المجموعة الى تتسكون من عشرة طلاب نحو إنفاق المال وعدد مرات ذهاب الطالب إلى دور السينماكل أسبوع .

فهنا نستطيع إيجاد معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون لآن رتب شدة الانجاه قد تحولت إلى ددجات معيارية متساوية الفترات ، وبذلك يكون استخدام هذا المعامل مناسبا لهذه البيانات .

فإذا افترصنا أننا استطمنا الحصول على بيانات عن عدد مرات ذهاب كل طالب إلى دور السينما كل أسبوع ، فإننا يمكن أن نكون جدولا كالآتى رقم (٦٦) .

ص عدد مرات الذهاب إلى دور السينماكل أسبوع	 آلمناظرة للرتب 	رتب الاتجاه نحو إنفاق المال
1	1,400	£
٥	•, ٤٢١٦	٣
£	٢١٢٤,٠	٣
٣	٠,٤٢١٦	٣
٣	., ٤٢١٦	۳
٣	•,٤٢١٦	4
۲	• ,٧•٢٧-	۲
٣	· , V · Y V —	ł Y
۲	• ,٧•٢٧—	۲
1	1,700-	1.

جِنول رقيم (١١١)

ويمسكن حساب قيمة معامل ارتباط ييرسون بين قيم تو المبيئة بهذا الجدول و بين قيم ص أى عدد مرات الذهاب إلى دور السينما كل أسبوع من الجدول الآتى رقم (٦٧) •

ص د	3	3	ص۲	ص	
٧,٠٢٠	٣,٠٨٠	1,000	17	٤	
Y,1 · A	٠,١٧٨	٠,٤٢١٦	40	٥	
1,787	•,1٧٨	., ٤٢١٦	17	ŧ	
1,770	٠,١٧٨	٠,٤٢١٦	٩	٣	
1,770	•,1٧٨	٠,٤٢١٦	٩	٣	
1,770	٠,١٧٨	., 2717	1	٣	
1,5.0-	٠,٤٩٤	·, V• TV —	٤	۲	
Y,1.A-	•, ६٩٤	•,٧•٢٧—	٩	٣	
1,100-	., ٤٩٤	•, ٧ • ٢٧ —	٤	۲	
1,400	۳,۰۸۰	1,000-	1	١	
٧,٩٣٦	۸,077	صغر	1.4	٣.	الجموع

جدول رقم (۱۲)

$$\frac{\left(\frac{1}{3} + \right)\left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3}\right)}{\frac{1}{3}} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\left[\frac{\frac{1}{3} + \frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3}\right] \left[\frac{\frac{1}{3} + \frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3}\right]$$
(1)

$$\frac{(-1)^{(r\cdot)} - (-1)^{(r\cdot)}}{1 \cdot (-1)^{r}} = \frac{(-1)^{r}}{1 \cdot (-1)^{r}}$$

أى أن معامل الارتباط = ٧٨٣.

ولكن هذه القيمة تحتاج إلى تصحيح نظراً لأر الدرجات المعيارية التي حصلنا عليها تتيجة لتحويل الرتب تعبر عن أقسام متسعة فسبيا بدلا من أن تعبر عندرجات غيرمبوبة . فتبويب قيم المتغير في أقسام متسعة يقلل من تباين توزيع المتغير .

ولذلك يجب أن تقسم معامل الارتباط السابق على الانحراف المعيارى للمتغير لتعويض النقص الذي حدث في قيمة معامل الارتباط الارتباط التيجة لاتساع الاقسام. وفي هذه الحالة يصبح معامل الارتباط بعد تصحيحه مساويا لمعامل الارتباط المتعدد المتسلسل الذي اقترحه جاسن Jaspen . أي أن :

$$c_{\gamma \gamma} = \frac{c}{3c}$$
 (1)

و بتطبيق هذه الصورة على البيانات السابقة نحمد أن :

و يحب أن يلاحظ الباحث أن تحويل الرتب إلى درجات معيادية يؤدى إلى تغيير تفسير معامل ارتباط بيرسون . فعامل الارتباط النماتج لايتضمن الفرض الملاقة فقط ، ولكنه يتضمن أيضا فرض أن المتغير الرتبي يتوزع توزيعا اعتداليا لو أننا استطعنا قياسه على ميزان فترى .

ويمكن تفسيرمعامل الارتباط المتسلسل المتعدد في صوء نسبة التباين المشترك التي يجب أن تتوقعها لو أننا تمكنا بالفعل من قياس المتغير الرتبي قياساكيا .

فني هذا المثال رمم = ٥٠,٥٠ رمم = ٢٧,٠

أى أننا نتوقع أن ٧٧٪ من التباين فى حدد مرات ذهاب طلاب هذه العينة إلى دور السينها كل أسبوع كان من الممكن أن تفسر بمعلومية التجاهيم نحو إنفاق المال لو أثنا تمكننا بالفعل من قياس الانجاء على مسيزان فترى .

ملخص طريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد:

يتضح مما سبق أن معامل الارتباط المتسلسل المتعدد يجمع في ظريقة واحدة بين تحويل رتب المتفر الرتبي إلى درجات معيارية ، واستخدام معامل ارتباط بيرسون . بيرسون .

والصورة الرياضية العامة التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإيهاد معاصل الارتباط المتسلسل المتعدد رمم هي :

$$(\xi) \cdot \frac{(3\xi - 33)}{(3\xi - 33)} \cdot \cdot \cdot (\xi)$$

حيث مَنْ الله متوسط قيم المتغير ص لمجموعة فرعية ممينة من المتغير الرأي .

- ، عَق سعع ترمو إلى الفرق بين ارتفاعي المنحنى الاعتدالي اللذين يحدان المجموعة الفرعية من أسفل ومن أعلى .
 - ، س ترمز إلى نسبة الحالات في بجوعة فرعية معينة .
 - · عُص ترمز إلى الانحراف المعياري لجميع قيم المتغير ص .

والجدول الآني رقم (١٨) يوضح كيفية تطييق الصورة السابقة رقم (٤) على المثال السابتي :

	- 444 -	
·, var 7	, ۲۰۲۰ -, ۲۰۲۰ -, ۲۰۲۰	ع ق - ع الع الع الع الع الع الع الع الع الع ا
۰,۸٥٢٨	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	<u>(پي – پي) </u>
	·,·٢·>	(38-33)
\f .	.1 ool, and ool1 ool, and ool.	ع ق – ع
	۱۰، ۱۷۰۵، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸۳، ۱۲۸	م کن ع
	۵۵۸۱ و . ۱۲۸۴ و . مغر	ئن
,:		ç
	ר, יידר ר, יידר	C .
	L'LL L'L'E'O	يم. مي
Tien of		الرتب

يتدول رقع (١٨٤) ماريقة مختصرة لحساب معامل الارتباط التسلسل التعدي

$$1,\cdot 10 = \overline{1,7} = \frac{\overline{17}}{1 \cdot 10} = \frac{\overline{17}}{1 \cdot 10} = \overline{17} = 0.00$$

$$\frac{(3^{2}-3^{2})}{(3^{2}-3^{2})^{2}} = \frac{(3^{2}-3^{2})}{(3^{2}-3^{2})^{2}}$$

$$\cdot, \wedge \circ = \frac{\cdot, \vee \circ }{\cdot, \circ \vee \circ} = \frac{\cdot, \vee \circ }{(\cdot, \wedge \circ \vee \wedge)(1, \cdot \circ)} =$$

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام معامل ارتباط بيرسون بصد تصحيحه.

ولذلك يمكن استخدام هذه الصورة عندما يويد الباحث إيجاد معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بافتراض أن هناك علاقة خطية بين المتغيرين ، وأن قيم المتفيد الرتبي تتوزع توزيعا اعتداليا لو أنه استطاع قياس هذا المتغير على مزان فترى .

والخلاصة أنه يكن أن يحسب الباحث قيمة معامل الارتباط المتسلسل المتعدد إذا انبع الخطوات الله تية :

١ - يوجد صنى أى متوسط قيم المتغير الفترى (ص) لـكل بجوعة فرعية من الرتب الى يشتمل عليها المتغير الرتبي .

٢ ـــ يرجع إلى جدول ارتفاعات المنحى الاعتدالي لإيجاد الارتفاعات التي تحدكل مجموعة من المجموعات الفرعية .

٣ ــ يطرح الارتفاع الذي يحد الجموعة من أعلى من الارتفاع الذي يحد المجموعة من أسفل .

- عسب نسبة الحالات في كل مجموعة .
- و يحسب الانحراف المعياري للمتغير الفتري (ص).
- ٣ يوجد رمم باستخدام الصورة الرياضية السابقة رقم (٣).

مقاييس إحصائية أخرى :

يوجد عدد من المقاييس الإحصائية التي يمكن أن يستخدمها الباحث لإيجاد درجة الاقتران بين متغيرين أحدهما من المستوى الرتبي ، والآخر من المستوى الفترى وهي :

1 — معامل الارتباط الثنائى المتسلسل: وهو يعتبر حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد حيث يشتمل المتغير الرتبي على مجموعتين فقط مر. الرتب . ويختلف هذا المعامل عن معامل الارتباط المتسلسل المتعدد في أنهيمكن حساب قيمته باستخدام صورة خاصة به تناسب الميزان الرتبي الذي يشتمل على رتبتين . وتظراً لاهمية هذا المقياس الإحسائي في البحوث الفسية والتربوية وبخاصة في مجال بناء الاختبارات والمقاييس المختلفة ، فإننا سنعرض له بالتفصيل في الفصل القادم .

٧ ــ معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى: ناقشنا هذا المعامل فى مستهل هذا الفصل، وقلنا أرب استخدام هذا المعامل يتطلب تحقق فرض أن الفترات التى تفصل بين رتب المتغير الرتبي تكون متساوية ونظراً لصموبة تحقق هسذا الفرض فى كثير من البحوث النفسية والزبوية، وإنه لايستخدم إلا نادراً. وربعا كان هذا هو سبب عدم مناقشتنا لطريقة حسابه فى هذا الفصل.

٣ ــ معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى: ويعتبر هذا المعامل حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقى حيث يشتمل المتغير الرتب على رتبتين فقط ، وينطبق على هدا المعسامل ماينطبق على معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الحقيقي من مزايا وحيوب ، ولكى تجعل الباحث على دراية بطبيعة هذا النوع من المعاملات فإننا سنعرض لحذا المعامل أيضا بالتفصيل في الفصل القادم ،

تمارين على الفصل الثانى عشر

١ — أراد باحث إيجاد العلافة بين الذكاء وقابلية التأثر بالنغويم الإيحائى ، فاختار عينة تتسكون من ٣٧ فرداً من مستويات اجتماعية واقتصادية مختلفة تتراوح أعمارهم بين ٢١، ٣٧ عاماً وطبق على كل منهم اختبار ستانفورد بيئيه للذكاء . ثم خصص لحكل منهم جلسات فى التنويم الإيحائى ، وسجل استجاباتهم لمثيرات معينة . ثم عين احكل منهم درجة على مقياس قابلية التأثر بالتنويم الإيحائى .

واعتبر الباحث أن هذه الدرجات من المستوى الفترى بالرغم من معالجته لها على أنها من المستوى الرتب . وفيا يلى درجات اختبار الذكاء لـكل من الرتب الاربع للافراد على مقياس التنويم الإيمائى .

الرتب فى مقياس قابلية التأثر بالتنويم الإيحاثي

٤	٣	۲	١
141	111	144	۱۲۸
171	177	184	111
177	178	177	1-1
117	171	177	1.5
-	179	14.	1.5
	177	179	1.1
	177	177	1.1
! [114	117	
} [111	117	
	1.4	117	
		1.7	

أحسب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بين المتغيرين فى هـــذا البحث ، وفسر القيمة الناتجة فى صوء مفهوم التباين المشترك .

٧ ــ قام معلم بتصحيح أوراق اختبار ١٥ طالباً فى مادة الجغرافيا . وقدر لـكل منهم درجة رقمية . بينها أعطى تقديراً كيفياً مثل متاز (١) ، جيد جداً (ب) ، جيد (-) ، مقبول (د) ، راسب (ه) للشروع الذى قدمه كل طالب منهم . فإذا أراد المعلم إيجاد درجة العلاقة بين درجات الاختبار، وتقديرات المشروع المبيئة بالجدول الآقى :

درجة الاختيار	تقدير المشروع
11	١
۱۸	1
**	1
19	ب
۲٠	· ب ب
14	ب
14	ب
77	-
10	-
14	-
15	-
17.	-
٦	۵
٨	د
• ,	•

احسب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد بين نوعى الدرجات ، وفسر القيمة الناتجة ، مع ذكر الفروض التي مجب أن تتوفر في هــذه البيانات حتى يكون التفسير صحيحاً .

الفصل لثالث عبشر

مقاييس العلاقة

إذا كان أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي

معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي معامل فاي

معامل الارتباط الثنائى المتسلسل ممامل الارتباط الرباعي

عرضنا في الفصول السابقة المقاييس والطرق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها الباحث في إيجاد العلاقة بين متغيرين. وقد لاحظنا كيف أن اختلاف موازين أو مستويات قياس كل من المتغيرين يؤدى إلى اختلاف المقاييس الإحصائية التي تصف درجة الافتران بينهما.

ولكن أحياناً يواجه الباحث مواقف بحثية عتلفة وبخاصة في مجال بناء الاختبارات والمقاييس النفسية والتربوية يمكن تلخيصها فيما يلي:

ا ــ ربما يود الباحث إيجاد العلاقة بين متغيرين أحمدهما من النوع الثنائى Dichotomous ، أى أن المتغير يشتمل على قسمين منفصلين ، والآخر من النوع المتصل ، فالمتغير الثنائى ربما يكون درجات الطلاب فى مفردة اختيار من متعسديه وهى عادة الواحد الصحيح أو الصفر ، أو ربما يكون المتغير الثنائى هو درجات عبارة من عبارات استبيان يجيب عليها الفرد إما ينعم أو لا أو أوافق أو كارا أو أوافق وهكذا ، وفي كلتا الحالتين يكون المتغير المتصل هو الدرجة الدكلية التي يحصل عليها الطالب أو الفرد في الاختبار أو الإستبيان .

وأحياناً يكون المتغير الثنائى هو جنس الطالب أى ذكر أو أنثى أو المرحلة التعليمية التي يدرس بهـا مثل التعليم الثانوى أو التعليم الجامعي ، و يكون المتغير المتصل هو هرجات الطالب في اخترار ما .

٢ - أو ربما يود الباحث فى أحيان أخرى إيجاد العلاقة بين متغيرين كل منهما من النوع الشنائى ، مثل العلاقة بين استجابة بجموعة من الطلاب بنعم أو لا على عبارتين من عبارات أحد الاستبيانات . فهنا يكون المتغير الثنائى الاول هو الإستجابة للعبارة الاولى بنعم أو لا ، والمتغير الثنائى الثانى هو الاستجابة للعبارة الثانية بنعم أو لا أيعناً . أو ربما يكون المتغير الثنائى الآول مثلا هو عددالساءات

التي قصاها كل لاهب في التدريب والتي تزيد أو تقل عن عدد معين من الساعات ، والمتعير الثنائي الثاني هو ما إذا كان اللاعب قد أصيب أثناء مبساراة معينة أم لا . فهنا يكون المطلوب إيجاد العلافة بين متغيرين من النوع الثنائي هما فترة التدريب والإصابة أثناء المباراة في جميع هذه الحالات يحتاج الباحث إلى مقايس إحصائية تناسب طبيعة هذا النوع من المتغيرات ، وقد عرضنا في الفصول السابقة بعض المقاييس التي تصلح في مثل هده الحالات ، ولسكننا أردتا أن تجميع المقاييس الشائدة الاستخدام التي تعالج الملاقة بين المتغيرات الثنائية معا في هذا الفصل حتى يستعليع الباحث أن ينظر إلى هذه المقاييس نظرة أكثر شمولية ، وبذلك يتسني له خصما فحما مستغيرات عبد . فينها المقياس الذي يناسب متغيرات عبد . بالإضافة إلى أن بعض هذه المقاييس يعتبر حالات خاصة من معامل ارتباط حاصل منرب العزوم لبيرسون ، والبعض الآخر يعلى تقديرا Estimate للقيمة المتوسطة لمعامل ارتباط بيرسون إذا افترضنا أن البيانات كان من المسكن أن تحتى شروطاً معينة .

ومن أمثلة النوع الأول:

- ١ معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .
- ٧ _ معامل الارتباط الرباعي الحقيقي ويعرف باسم معامل فاي .

ومن أمثلة النوع الثاني :

- ١ -- معامل الارتباط الثنائي المتسلسل .
 - ٢ معامل الارتباط الرباعي .

ويعتبر النرع الأول من المقاييس حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون ، ويستخدم عندما يكون أحد المتغيرين أو كلاهما من النوع الثنائي .

أما النوع الثانى من المقاييس فهو لا يعطى نفس قيم معامل ارتباط بيرسون و إنما يعطى أفضل تخدين لقيم هذا المعامل لعينة ما إذا اختلف شكل توزيع (٢١ – التحليل)

البيانات عما هو عليه . بمعنى أن هـذه المقاييس تمتمد على فروض خاصـة بطبيعة السيات التي يمثلها المتغير لم تنمكس فى الطريقة التى جمعت و دونت بهـا البيانات الخاصة بهذا المتغير . ولذلك فإن قيم المماملات الناتجة هن استخدام هذه المقاييس لا تساوى القيم الناتجة عن استخدام معامل ارتباط بيرسون بدلا منها .

وعلى وجه التحديد فإن النوع الثانى من المقاييس هو بمثابة تقدير لقيم معامل ارتباط بيرسون إذا كانت البيانات التى وضعت على الصورة الثنائية من الممكن قياسها على منزان متصل .

وسوف نهتم فى هذا الفصل بإبراز الاساس المنطقى لـكل من هذين النوعين من المقاييس، والعلاقة بينهما، والفروض التى يجب أن تتحقق فى البيانات حتى يمكن استخدام أى منهما . وكذلك نعرض الطرق المختلفة لحساب كل من هذه المقاييس.

مقاييس النوع الأول:

(أولا) معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي :

Point Biserial Correlation.

أحياناً يحتاج الباحث إلى إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين أحدهما من النوع الثنائي والآخر من المستوى الفترى. وهنا ربما يواجه الباحث إحسدى الحالتين الآنيتين:

الحالة التي يكون فيها المتغير الثنائي من نوع المتغير الثنائي الحقيقي .
 والمثال الشائع لهذا النوع من المتغيرات هو الجنس (أي ما إذا كان الفرد ذكراً أم أائي) .

 العمورة الثنائية إما لغرض التبسيط أو المدم وجمود مقيماس أكثر دقة لقياس السمة.

ومثال ذلك الإجابة على مفردات اختبار اختيار من متعدد (فالإجابة على كل مفردة إما أن تكون صحيحة أو خطأ)، وهنا يفترض أن توزيع درجات السمة الى يقيسها الاختبار من النوع المتصل ، ولسكن ينظر عادة إلى التوزيع الثنائي لمثل هذا النوع من المفردات على أنه متغير ثنائي حقيقي ، والدرجة السكلية في الاختبار على أنها متغير متصل السمة التي يقيسها الاختبار .

ويقتصر عادة فى القياس النفسى والتربوى على استخدام مثل هـذا النوع من توزيعات مفرهات الاختبارات فى تقسيم الطلاب إلى بحوعتين أو التنبؤ باستجاباتهم للمفردات بوجه عام .

وتختلف طريقة إيجاد العلاقة بين متنيرين فى الحالة الارلى عنها فى الحالة الثانية . فعلريقة إيجاد معامل الارتباط فى الحالة الاولى تعتبر إحدى الحالات الخاصة لمعامل ارتباط بيرسون ، أما طريقة إيجاد معامل الارتبساط فى الحالة الثانية فهى تعتبر بمثابة تقدير لمعامل ارتباط بيرسون ، ونظراً لاننا نعرض هنا مقاييس النوع الاول فإننا سوف تبدأ عناقشة الحالة الاولى ،

ويسمى معامل الارتباط الذي يستخدم في إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين أحدهما من النوع المتعالى الحقيقي والآخر من النوع المتصل و معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي و و يعتبر حالة خاصة من معامل الارتباط المتسلسل المتعدد الذي عرضنا له في الفصل السابق . وهنا يفترض أن توزيع المتغير الثنائي يكون منتظماً في كل من قسمي المتغير بمعني أنه عند تقسيم الطلاب المهنير بمعني أنه عند تقسيم الطلاب إلى بجموعتين إحداهما بجموعة الناجعين والاخرى بجموعة الراسبين مشلا ، فإننا

تسكون قد افتر صنا ضمناً أن جميع طلاب المجموعة الأولى متسكافتون فىالنجاح وجميع طلاب المجموعة الثانية متسكافتون فى الرسوب.

ويستخدم معامل ارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي في كثير من الاسحيان في تعليل مفردات الاختبارات حيث نوجد معامل الارتباط بين درجات كل مفردة في الاختبار والدرجة السكلية في الاختبار بغرض تحديد مدى الساق درجات الطلاب في كل مفردة مع درجاتهم في الاختبار ككل. ويمكن إجراء ذلك بأن ندين لسكل طالب أجاب إجابة صحيحة على المفردة الرقم 1، ولكل طالب أجاب إجابة ضحيحة على المفردة الرقم 1، ولكل طالب أجاب إجابة خطأ على المفردة الرقم صفر، ثم نوجد معامل ارتباط حاصل خرب العزوم لبيرسون، فيسكون الناتج هو معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي، وبالطبع يمسكن أن نستخدم أورزانا تختلف عن الواحد الصحيح والصفر وتحسل على نفس النتيجة لأن معامل الارتباط الناتج لا يعتمد على هذه الاوزان ـ ولكن يفضل استخدام الواحد الصحيح والصفر لتبسيط الممليات الحسابية.

و نستطيع التوصل إلى صورة رياضية أبسط من صورة معامل ارتباط بيرسون لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .

ويمكننا اشتقاق هــذه الصورة من صورة معامل ارتباط بيرسون بطريقة جبرية مباشرة . دلذلك فإن الصورتين متــكافتتان .

وهذه الصورة هي :

$$(1) \cdots \overline{2}_{m} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{m} - \frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{m}} = \frac{1}{2}$$

حيث رضم ترمز إلى معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي .

- من ترمز إلى متوسط نوزيع قيم المتغير المتصل (س) المجموعة التي حصلت على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي .
- ، سَ ترمز إلى متوسط توزيع قيم المتنير المتصل (س) التي حصلت على الصغر في المتنبر الثنائي .
 - ، ع_س ترمز إلى الانحراف الميارى المتنير المتصل .
- ، ض، ترمز إلى نسبة الافراد في المجموعة السكلية الذين حصاوا على الواحد الصحيح في المتنفي الثنائي.
- ، ص. ترمز إلى نسبة الأفراد في المجموعة المكلية الذين حصلوا على الصفر في المتغير الثنائي .

و يحب أن يلاحظ الباحث أن هذه الصورة تكانىء صورة معامل ارتباط بيرسون إذا استخدمنا ن في حساب قيمة ع_س بدلا من ن ـ ١ . أى تستخدم الصورة :

$$\exists_{w} = \sqrt{\frac{v - w - w}{v}}$$

ولسكى نوضح للباحث كيف أن الصورتين متىكافتتان نعرض المثال الآني :

نفترض أننا أردنا إيجاد الارتباط بين الدرجة السكلية في اختبار اختيار من متعدد (س) ودرجة إحدى مفردات الاختبار (س) المجموعة تشكون من ممانية طلاب، وهذه الدرجات مبينة بالجدول الآني (رقم ٢٩).

س ص	ص۲	المتغیر الثنائی ص	۳	المتغير المتصل س
١	١	1	١	١
١,	١	١	١	,
صفر	صفو	مىفر	á	۲
٦	١	١	44	٦
٦	١	١	44	٦
صفر	صفر	صفر	41	L v
صفر	صغر	صفر	71	٨
صفر	صفر	صفن	_ ^1	4
18	٤	4	777	الجموع وع

جيدول رقم (٦٩)

الارتباط بين بين متغيرين احدهما من النوع الثنائي والآخر من النوع المتصل

فإذا حسبنا معاملار نباط بيرسون باستخدام الدرجات الخام مباشرة مجمد أن:

$$\frac{0 + \times w - + w - v}{[(v + w) - (v + w)]} = 0$$

$$\frac{1 \times 1 \times 1 \times 1}{(1 \times 1 \times 1)} = \frac{1 \times 1 \times 1}{(1 \times 1 \times 1)} = \frac{1}{(1 \times 1 \times 1)}$$

$$\cdot, \circ \cdot - = \frac{\xi \wedge}{\xi \times Y \xi} - =$$

والآن ترجد معامل الارتباط الثنائي المنسلسل الحقيقي لنفس بحموعة البيانات باستخدام الصورة رقم (١) السابقة . و لتطبيق هذه الصورة يمكن أن يتم الباحث الخطوات الآتية :

الخطوة الاولى: يوجد س أى متوسط الدرجات السكلية في الاختبار المجموعة الى حصلت على الواحد الصحيح في المفردة كالآتي :

$$Y_0 = \frac{16}{5} = \frac{7+7+1+1}{5} = \sqrt{3}$$

والخطوة الثانية: يوجد س. أى متوسط الدرجات الكلية في الاختبار المجموعة التي حصلت على الصفر في المفردة كالآتي:

$$7,0=\frac{77}{2}=\frac{1+\lambda+\gamma+\gamma}{2}=0.5$$

والخطوة الثالثة : يوجد ع_س أى الانحراف المعيارى للدرجات السكلية في الاختيار باستخدام الصورة :

$$\frac{1}{\sqrt[3]{w}-w} = \sqrt[3]{w}$$

وهذا يتطلب تكوين جدول كالآتى:

「(で ー い)	س_س	س
17	1 -	١
17	1 -	١
1	۲ –	۲
١	1+	٦
١	1+	٦
٤	۲+	٧
1 1	4+	٨
17	1+	4
٧٢	صفر	الجموع . }
		س=٥٥

$$r = \overline{4} = \sqrt{\frac{VY}{\Lambda}} = \sqrt{100} = 7$$

والخطوة الرابعة : يوجد ص, وهي نسبة الطلاب الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المفردة .

$$\cdot, \circ \cdot = \frac{1}{\Lambda} = 0$$

والخطوة الخامسة : يوجد ص وهي نسبة العلاب الذين حصاوا على الصفر في المفردة .

$$\bullet, \bullet \bullet = \frac{\imath}{\wedge} = \bullet, \bullet$$

والخطوة السادسة : يطبق الصورة السابقة رقم (١) لإيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقي كالآفي :

$$(\overline{\cdot, \circ \cdot)} (\cdot, \circ \cdot) \vee \frac{7, \circ - 7, \circ}{7} = c \circ$$

= - ۱ × ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ مرب = ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ = ۰٫۰۰ و یلاحظ آنها تساوی قیمهٔ معامل ارتباط بیرسون کما ذکرنا .

صورة ثانيـة لحساب دے:

يمكن أن يستخدم الباحث صورة أخرى لحساب ريخ بدلا من الصورة رقم (١) السابقة إذا أراد تبسيط العمليات الحسابية بدرجة أكبر ، وهذه الصورة هي:

$$(Y) \cdots \frac{\overline{y}}{y} \sqrt{\frac{\overline{y}}{y}} = \frac{\overline{y}}{y} \sqrt{\frac{\overline{y}}{y}} \cdots (Y)$$

حيث س ترمز إلى متوسط درجات المتغير المتصل (س) . و بقية الرموز كما هي معرفة في الصورة رقم (١) .

صورة أالثة لحساب دعرج:

يمكن استخدام الصورة الآتية لحساب ر_{ضح} بدلا من الصورتين (٢،١) السابقتين .

وتتميز هذه الصورة بأنه يمكنالتعويض فيها مباشرة بالقيم المدونة في الجدول رقم (٦٩) ، ويمكن اشتقاق هذه الصورة بطريقة مباشرة من الصورة المستخدمة لإيجاد معامل ارتباط بيرسون من الدرجات الخام . وهذه الصورة هي :

$$(2) \cdots \frac{\overline{u} - \overline{u}}{\sqrt{\underline{v}} \cdot \underline{v}} = \frac{\overline{u}}{\sqrt{\underline{v}} \cdot \underline{v}} = \frac{\overline{u}}{\sqrt{\underline{v}} \cdot \underline{v}} = \frac{\overline{u}}{\sqrt{\underline{v}} \cdot \underline{v}}$$

حيث ن ترمز إلى عدد أزواج النم أو الملاحظات.

، في ترمز إلى عدد قيم المتغير الثنائي التي تساوى الواحد الصحيح .

، ن، ترمو إلى عدد قيم المتغير الثنائي التي تساوي الصفر .

، ن = ن + ن

، مَنَ ، مَن ، سبق تعريفهما في الصورة رقم (١) السابقة .

فإذا عرضنا في هذه الصورة بالقيم المبينة بالجدول رقم (٦٩) نجد أن :

$$\frac{7,0-7,0}{\frac{17\cdot\cdot}{\Lambda}-747}\sqrt{\frac{\Lambda}{(\xi)(\xi)}}\sqrt{\frac{17\cdot\cdot}{\Lambda}-747}\sqrt{\frac{\Lambda}{(\xi)(\xi)}}\sqrt{\frac{17\cdot\cdot}{\Lambda}-\frac{17\cdot\cdot}{17\cdot}}=\frac{7}{17\cdot\cdot}\frac{17\cdot\cdot}{17\cdot\cdot}=$$

ونلاحظ أنها نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الصورة رقم (١) .

و يمكن إيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى إذاكان المتغيرالثنائى من النوع الاسمى مثل متغير الجنس، وعندئذ يمكن أن تعين مثلا الرقم الملذكور، والرقم صفر للإناث .

تفسير معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقي :

يجب أن يلاحظ الباحث أن قيمة المعامل رفح تعتمد على قيمة كل من النسبتين ص، ، ص، فأكبر وأصغر قيمة للمقدار رفح عندما تكون ص، حص، حه و، تختلف عن أكبر وأصغر قيمة له إذا كانت ص، ٢٠٠٠ مس حص، ١٠٠٠ مثلا ، فإذا تساوى توزيع الافراد على قسمى المتغير الثنائي (أى ص، حص، مثلا ، فإذا تساوى توزيع الافراد على قسمى المتغير الثنائي (أى إذا كانت ص، حس، ولم يكن هناك تداخل بين المجموعتين ، فإن وضح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة رشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درشح يمكن أن تنحصر بين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درش على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درش على ١٠٠٠ من إذا لم يكن هناك تداخل بين المجموعتين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درس على ١٠٠٠ من إذا لم يكن هناك تداخل بين المجموعتين على ١٠٠٠ من إذا لم يكن هناك تداخل بين المجموعتين ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن قيمة درس على ١٠٠٠ من إذا لم يكن هناك تداخل بين المجموعتين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا فإن المجموعتين على ١٠٠٠ من الافراد مثلا في الوفراد مثلا في الوفراد مثلا في الافراد مثلا في الوفراد مثلا في مؤلاد مثلا في الوفراد مثلا في الوفراد مثل

و بالرغم من أنه يمكن التنبؤ بدرجة تامة بقيم متغير ثنائي بمعلومية قيم متغير متصل إذا لم يكن هناك تداخل بين توزيعي كل من المتغيرين ، إلا أنه لايمسكن التنبؤ بدرجة تامة بقيم متغير متصل بمعلومية قيم متغير ثنائي. إذلابد من حدوث بعض الاخطاء عند التنبؤ بقيم متغير مداه متسع بمعلومية متغير له قيمتين فقط. ولذا فإن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي يمكن تفسير قيمته على أنها مقياس لدرجة العلاقة بين المتغيرين ،

ولكن لايجب أن يتمدى ذلك إلى التفتسرات الاخرى الممكنة لممامل ارتباط بيرسون مثل التنبؤ ، على الرغم من أن الممامل رضح يعتبر حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون .

طريقة حساب وش ح إذا كانت البيانات بحمة فى جدول توزيع تـكرارى:

إذا كان لدى الباحث بحوعة كبيرة من الدرجات وأراد إيجاد معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى فإنه ربما يكون من الافضل تبويب هذه الدرجات فى جدول توزيع تكرارى. ويوجد المتوسط الحسابي والانحراف المميارى لدرجات المتغير المتصل باستخدام طريقة الانحرافات التى عرضنا لها فى الفصلين الثالث والرابع ، ثم يطبق إحدى الصور الثلاث السابقة لإيجاد ون _ .

ولتوضيح ذلك نفترض أن الباحث أراد أن يصمم اختباراً تحصيليا بحيث يكون لكل مفردة في الاختبار القدرة على تمييز الطلاب الاقوياء والطلاب الصماف في التحصيل. فهذا يتطلب منه إيجاد معامل التمييز لمكل مفردة عن طريق حساب معامل الارتباط بين درجات الطلاب في إحدى مفردات الاختبار (عادة تكون الإجابة على المفردة إما صحيحة أو خطأ، أي يعتبر توزيع درجات كل مفردة من النوع الثنائي)، ودرجاتهم في الاختبار ككل (وتوزيع هذه الدرجات من النوع المتصل)، والجدول الآتي رقم (٧٠) يوضح تتائج تحليل إحدى مفردات مثل هذا الاختبار:

7 0 -	·	\f :
	>	<u>~</u>
77	· · ·	<u>,</u>
_		-4
<u> </u>	-	مر ا
مغر		k
> -+		-4
	77	·
	4	>
+,	114	**
	٧.	10
Ç,		
هن المتوسط ان س	Ç, ;	ر ' ن'
C .	3	3
	(x)	(x) (x)

جدول و ولا) خطوات حساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيتي بين درجات احدى نفردات الاختبار ودرجات الاختبار كلا لمجموعة من الطلاب

وبالنظر إلى هذا الجدول نجد أن العمود الآول يتكون من فئات الدرجات السكلية فى الاختبار . والعمود الثانى يتسكون من عدد الإجابات الصحيحة على المفردة . فثلا إذا افترضنا أن الدرجة السكلية التى حصل عليها أحد العلاب فى الاختبار هى ٧٧، وأن هذا الطالب أجاب على هذه المفردة إجابة صحيحة فإننا نضع علامة فى هذا العمود أمام الفئة .٧ — ٤٧، وهكذا بالنسبة لبقية العلاب. أما إذا حصل ظالب على الدرجة المكلية ٣٦ فى الاختبار ، وأجاب إجابة خطأ على المفردة فإننا نضع علامة فى العمود الثالث أما الفئة ٣٥ — ٣٩ وهكذا .

وفى الحقيقة فإن إجراء هذه العمليات هو بمثابة رسم شكل انتشارى كما هو الحال عند حساب معامل ارتباط بيرسون ، ولكننا نستخدم هنا متغيرين أحدهما من النوع المتصل (على المحبور السيني) والآخر من النوع الثنائي (على المحبور السيني) والآخر من النوع الثنائي (على المحبور السيني) .

أما العمود الرابع فهو يشتمل على تكراد كل فئة من فئات المتغير س، وجموع هذا العمود يساوى المجموع الحكلي لعدد الطلاب.

و بعد ذلك نبدأ في حساب الانحراف المعياري و متوسط الدرجات المكلية في الاختبار ، والاعمدة رقم ، ، ، ، ، توضح خطوات حساب كل منهما ، و نظراً لاننا نحتاج إلى متوسط درجات الطلاب الذين أجابوا على المفردة إجابة صحيحة فإننا أضفنا العمود رقم ٨ و همو يتكون من حواصل ضرب القيم المتفاظرة في العمودين الثاني والخامس .

ولإيجاد رش ح نطبق الصورة رقم (٢) السابقة . وقد اخترنا هذه الصورة لنوضح للباحث كيفية تطبيقها نظراً لأنذا قد استخدمنا الصورتين رقمي ١،٣ فيما سبق .

واذلك يحب أولا إيجاد قيمة كل من س، س بطريقة الانحرافات الى عرضنا لها في الفصل الثالث. ولكننا أن نميد تفاصيلها هنا، وعلى الباحث أن يرجع إلى هذا الفصل إذا تطلب الامر ذلك .

$$0, Y + \xi V = (0) \frac{\xi \Lambda}{\xi \gamma} + \xi V = (0)$$

$$0, Y = 0$$

$$0, Y = 0$$

$$0, Y = 0$$

$$0 + \xi V = 0$$

$$0, Y =$$

ويجب ثانياً إيحاد الانحراف المعيارى للمتغير س بالطريقة التي عرضنا يها ف للفصل الرابع .

$$3 = \sqrt{\frac{2 - 7}{0}} - \left(\frac{2 - 7}{0}\right)^{2} \times i$$

$$0 \times \sqrt{\frac{13}{10}} - \left(\frac{-00}{10}\right)^{2} \times 0$$

$$= \sqrt{13}, -0.7$$

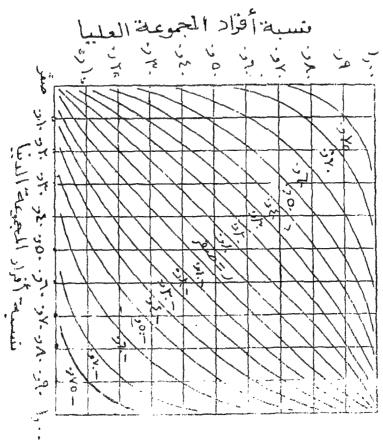
$$0 \times \sqrt{13}, -0.7$$

$$= \sqrt{13}, -0.7$$

$$\frac{1}{\cdot, \wedge \circ 1 \wedge \circ 1} \sqrt{\frac{\Lambda}{1\xi, \Upsilon}} =$$

·, 07 = ·, 17 × ·, 07 =

وفى الحقيقة إذا كان الاختبار يشكون من عدد كبير من المفردات ، فإن هذه الطريقة تصبح غير عملية . ولذلك من الافضل أن يلجأ الباحث فى هذه الحالة إلى إحدى الحاسبات الالسكتروئية ، أو يمكنه الحصول على قيمة تقديرية لمعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي باستخدام الشكل البياني الآني الذي صمه دينجمان Dingman ، وهو مبين بالشكل الآني (رقم 10):



شسكل رقم (٥٩) تفدير قيم المعامل و عند نقطة الوسيط (شكل دينجمان)

ويُمكن أن يستخدم الباحث هــذا الشــكل إذا انقسم المتغير الثنائي عند نقطة الوسيط.

وبالنظر إلى هذا الشكل نجد أن نسبة الطلاب الاقوياء في التحصيل الذين أجابوا إجابة صحيحة على مفردة معينة مبينة على المحود الرأسي ، ونسبة الطلاب الصنعاف في التحصيل الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة مبينة على المحور الافقى.

فإذا أراد الباحث لميجاد القيمة التقسديرية لمعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي درج عليه أن يحدد كلا من النسبتين أولا ، ثم يرجع إلى الشكل ويوجد نقطة تقاطع العمودين المرسومين أحدمها من النقطة على المحور الافقى التي تمثل نسبة الافراد الضعاف في التحصيل ، والآخر من النقطة على المحور الرأسي التي تمثل نسبة الافراد الاقوياء في التحصيل ، فتسكون نقطة التقاطع هي درج .

ولتوضيح فلك تحاول الحصول على قيمة تقديرية للمامل و من من البيانات الموضعة بحدول رقم (٥٠) . وهنا لا بد أن تحسب قيمة الوسيط للمتغير س فنجده يساوى ٤٤ تقريباً . وبالنظر إلى الممود رقم ٧ فى الجدول تجد أن هناك ٣٣ طالباً تفوق درجاتهم هذه القيمة ، ولذلك فإن نسبة مؤلاء الطلاب الاقوياء في التحسيل = ٣٣ = ٢٧٠٠.

و بالرجوع إلى شكل رقم (٧٥) نوجه نقطة تقاطع العمودين المرسومين من

النقطتين ٢٧، ٠، ٢٨، على المحودين الرأسى والافقى على الترتيب، فنجد أن القيمة التقديرية للماءل وضح تسساوى ٥، تقريباً، وهي نفس القيمة التحصلنا عليها فيما سبق.

(ثانياً) معامل الارتباط الرباعي الحقيقي (معامل فاي)

Fourfold or Phi Coefficient

يعتبر معامل الارتباط الرباعى الحقيقى الذى يعرف باسم معامل فاى ويرمز له بالحرف اليونانى φ إمتداد لمعامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى إلى الحالة الئى يكون فيها كل من المتغيرين من النوع الثنائى الحقيقى .

وفى الحقيقة توجد مواقف بحثية قليلة فى العلوم السلوكية يكون فيها أحد المتغيرين أوكلاهما من النوع الثنائى الحقيقى . ولسكن إذا تطلب الامر من الباحث إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين من هذا النوع ، مثل العلاقة بين الجنس والانهاء إلى أحد حزبين ، أو العلاقة بين استجابة الفرد إما بنعم أو لا على إحدى عبارات استيان واستجابته على مفردة صواب وخطأ مثلا ، فإنه يمكن الباحث أن يستخدم في مثل هذه المواقف معامل فاى يه .

و تغلواً لأن معامل فاى هو عبارة عن معامل ارتباط حاصل ضرب المووم البيرسون شأنه شأن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي ، فإنه يمكن حساب معامل فاى باستخدام صورة العرجات الخام المستخدمة في حساب معامل ارتباط بيرسون المذكورة في الفصل السادس، غير أننا فستخدم هنا القيمتين المدديتين صفر، التمثيل كل من المتغيرين الثنائيين ، ويمكن اتخاذ هاتين القيمتين أساسا الاشتقاق صورة أحرى لحساب معامل فاى من معامل ارتباط بيرسون حيث يمكن باستخدامها تبسيط العمليات الحماية .

(۲۲ – التحليل)

ولتوضيح طريقة اشتقاق هذه الصورة نفترض أننا حصلنا على استجابات بحموعة تشكون من ٢٠٠ طالب لكل من مفردتين من نوع الصواب والخطأ ، ونفترض أننا اعتبرنا الاستجابات على إحسدى المفردتين هي المتغير س ، والاستجابات على المغردة الاخرى هي المنفير ص ، وأن الاستجابة الصحيحة تأخذ القيمة ١ ، والاستجابة الخطأ تأخذ القيمة صفر، وبذلك يكون لدينا متغيران س ، ص كل منهما من النوع الشائى .

وفی مثل هذه الحالة تكون أزواج القیم الممكنة (س ، ص) هی : (١،صفر)، (١،١) ، (صفر ، صفر) ، (صر ، ١) كما هو مبین بالجدول الآتی رقم (٧١) :

		١	Ų	صفر ص		
ļ	(16	١)	(۱ ، صفر)	1	
	(1	٤.	(صفر	(صغر ، صفر)	صفر 🛚	<i>-</i>

جدول رقم (٧١) ازواج القيم المكنة (سن، من) لتغيرين كل منهما من النوع الثنائي

ومن الجدول تلاحظ أنه بالنسبة للمفردة الأولى (المتغير س) : مح س عن ، .

أى أن عدد الطلاب الذين كالت استجاباتهم صحيحة على المفردة == ن ، .

وأن :

$$_{1}r = \frac{10}{0} = \overline{0}$$

أى ان نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على المفردة 😑 م .

و الاحظ أيضاً إن مح. س٢ = ن. .

وقد ييها في الفصل السابع أن :

$$\frac{f(w \neq)}{\dot{o}} - fw \neq = f(\vec{w} - w) \neq$$

$$\frac{f(\vec{w} \neq)}{\dot{o}} - fv =$$

ويمكن التوصل إلى نتائج مماثلة بالنسبة للاستجابات على المفردة الثانية(المتغير ص)، أى أن:

ع ص = ن، ع ص = ن، ص = م، ص = م، حيث ن، ترمز إلى عدد العلاب الذين كانت استجاباتهم صحيحة على المفردة الثانية .

و م ترمز إلى نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على هــذه المفردة .

ريكون لدينا أيضاً :

$$\frac{Y(\omega - v)}{\dot{v}} - Y\omega = Y(\omega - \omega) \neq \frac{Y(v)}{\dot{v}} - Y(v) = \frac{Y(v)}$$

ونحتاج الآن إلى إيماد بجموع حواصل ضرب أزواج القيم (س ، ص) .

فإذا تظرنا مرة 'حرى إلى الجدول رقم (٧١) نجد أن س ص = صفر للازواج المرتبة (١ صفر)، (صفر، صفر)، (صفر،١).

أى أن قيمة سرص تعتمد فقط على قيمة الزوج (١،١) .

فإذا رمزاً لعدد الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة لكل من المفردتين أى الزمر (١٠١) بالرمز ن٠٠، فإنه كما بينا في الفصل السابع :

$$\frac{(\omega + \omega)(\omega + \omega)}{\dot{\upsilon}} - \omega \omega = (\overline{\omega} - \omega)(\overline{\omega} - \omega)^{\frac{1}{2}}$$

$$= \dot{\upsilon}_{1} \dot{\upsilon}_{1} \dot{\upsilon}_{2} = 0$$

ولكن معامل ارتباط بيرسون :

$$\frac{-\frac{(2\omega)(2\omega)}{2\omega} - 2\omega\omega}{2\omega} = \frac{2\omega\omega}{2\omega}$$

$$= \frac{2\omega\omega}{2\omega} - 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

$$= \frac{2\omega\omega}{2\omega} - 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

$$= 2\omega\omega$$

وبالتعويض بالمقادير الخاصة بالمتغير الثنائي في هذه الصورة تحد أن :

$$\frac{\frac{r\dot{\upsilon}_1\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}} - r_1\dot{\upsilon}}{\frac{r_1\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}} - r_2\dot{\upsilon}} = 0$$

وبقسمة كل من البسط والمقام على ن نحصل على :

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{k}} - \frac{1}{\sqrt{k}} \sqrt{\frac{1}{k} - \frac{1}{\sqrt{k}}}}{\sqrt{k} - \frac{1}{\sqrt{k}} \sqrt{\frac{1}{k}} - \frac{1}{\sqrt{k}}} = 0$$

حيث م_{١٦} ترمن إلى نسبة الطلاب الذين كانت استجابتهم صحيحة على كل من المفردتين .

$$i |_{\mathcal{C}} : c = \sqrt{\frac{2}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}}$$

وهذا المامل الذي حصلنا عليه هو معامل فاي ۞ . أي أن :

$$(\xi) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{\frac{1}{\sqrt{1 - 1}} \frac{1}{\sqrt{1 - 1}}}{\sqrt{1 - 1}} = \phi$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة تفترض أن التميم المبينة في الجدول رقم (٧٢) هي أعداد الطلاب في كل خلية من خلايا الجدول رقم (٧١) .

$$\cdot, \xi_1 = \frac{\lambda_1}{\lambda_{11}} = \frac{\lambda_1}{\lambda_{12}} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1}$$

وبالتمويض في الصورة رقم (٤) السابقة تجد أن :

$$\frac{(\cdot, \varepsilon \cdot) (\cdot, \circ \cdot) - (\cdot, v \cdot)}{(\cdot, \circ \cdot) (\cdot, \circ \cdot) } = \emptyset$$

$$\cdot, \varepsilon \cdot =$$

وبالطبع يستطيع الباحث ملاحظة ما أدت إليه هذه الصورة من تبسيط للعمليات الحسابية بدرجة كبيرة . ولحسن الحظ فإنه يمكن زيادة تبسيط صورة معامل فاي كالآتي :

نفترض أن الحروف أ ؛ ب ، ج ، د المبينة في الجدول رقم (٧٣) الآتي يمثل كل منها تـكرار أحد أزواج الةيم المبينة في الجدول رقم (٧١) :

وتلاحظ من هذا الجدول أن :

فإذا عوضنا عن هذه المقادير في الصورة رقم (ع) تجد أن :

$$\frac{\dot{v} - \frac{\dot{v} - (\dot{v} + \dot{v})}{\dot{v}}}{\dot{v} - (\dot{v} + \dot{v})} = 0$$

$$\frac{v + - 1c}{(v + 1)(v + 1)(v + 1)(v + 1)} = 0$$
(a) $\frac{(v + 1)(v + 1)(v + 1)(v + 1)}{(v + 1)(v + 1)(v + 1)}$

ويمكن تعلبيق هذه العبورة على المثال السابق كالآتي :

$$\phi = \frac{(\cdot r)(\cdot \lambda) - (\cdot \lambda)(\cdot Y)}{\sqrt{(\cdot Y)(\cdot Y)(\cdot Y)}(\cdot X)} = \phi$$

$$= (3, \cdot)$$

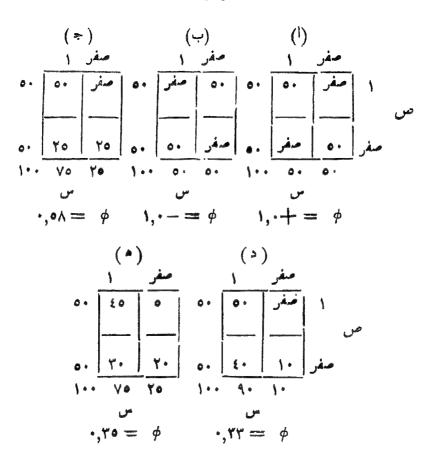
وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام الصورة رقم (٤) .

تفسير معامل فاي :

 ویمکن أن تصل قیمة معامل فای إلی + ۱ و اسکن لاتصل قیمته إلی – ۱ إذاكانت م ج مم بشرطان کلامنهما لانساوی ۵۰٫۰۰ أما إذا كانت م ج ك فإن قیمة معامل فای تصل إلی – ۱ و اسکن قیمته لاتصل إلی + ۱ ·

وإذا كانت قيمة معامل فاى أقل من الواحد الصحيح ، فإن أقصى قيمة يصل إليها تعتمد على مقدار اختلاف التمكرارات الهامشية أى ا + ب ، ا + ح ، ب + و ، ح + و فى الجدول رقم (٧٧) . فكلما زاد مقدار هذا الاختلاف قلمت هذه القيمة القصوى ، وهذا يحدث أيضاً فى حالة معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى . إذ تعتمد أقصى قيمة يصل إليها هذا المعامل على قيم كل من ص (أى نسبة الافراد الذين حصلوا على الواحد الصحيح فى المتغير الثنائى) ، ص (أى نسبة الافراد الذين حصلوا على الصفر فى نفس المتغير) .

من هذا بتضح أن قيم معامل فاى لا تصل إلى أى من القيمتين – 1 أو + 1 إلا تحت شروط معينة . و تتأثر قيمه بالطريقة التى يتم بها تقسيم كل من المتغيرين الشنائيين الوصح جميلفور حرفك ببعض الحالات الخاصة المبينة بالجداول الآئية رقم (٧٤) حيث تكون م = .٥٠. في جميع الحالات بينها تتغير قيم مه .



جدول رقم (۷۶) بعض جداول الاقتران الرباعى توضيح مدى اعتماد قيم معامل ناى على التكرارات الهامشيية

فعدما تنقسم التسكرارات انقساما متعادلا في كل من قسمي المتغسير ص لا يكون معامل الارتباط تاماً إلا إذا انقسمت أيضاً التكرارات انقساماً متعادلا في كل من قسمي المتغير س كما هو موضح بالجدو اين (١، ب) . أما إذا انقسمت التسكرارات في قسمي المتغير س بنسبة ٧٥ : ٢٥ ، فإن أقصى قيمة يصل إليها معامل فاى هي ٥٨ , . كما هو موضح بالجدول (ج) ، وإذا انقسمت التسكرارات في قسمي المتغير س بنسبة ٩٠ : ١٠ ، فإن أقصى قيمة يصل إليها معامل فاى هي سهم ، كما هو هوضح بالجدول (د) ، أما إذا نظر نا إلى الجدول (ه) فإننا نجد التكرارات قدانقسست في قسمى المتغيرس بنسبة ٢٥:٧٥، ولكن معامل فاى لم تصل قيمته إلى القيمة إلقصوى ٨٥,٠ بلأصبحت ٥٠,٠، و يمكن تفسيد هذه القيمة في منوء أقصى قيمة تصل إليها ϕ بالنسبة التكرارات الهامشية التي أدت إليها إذا كان الباحث يود معرفة قوة العلاقة بين المتغيرين س ، ص .

أما إذا كان يود التنبؤ يقسم معين بمعلومية قسم آخر أو أقسام أخرى فإنه يجب أن يعتمد على قيمة ﴿ التى حصل عليها فعلا لان هذه القيمة تكون أكثر وأقمية في هذه الحاله .

ويعتمد تفسير معامل فاى على ميران قياس كل من المتنيرين ، فعند حساب معامل فاى ليس من العشرورى أن تسكون بجوعة الملاحظات الخاصة بكل من المتغيرين مرتبة . فعامل فاى يصلح إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى أو المستوى الرتى .

وقد ذكرتا أن معامل فاى يمكن اعتباره معامل ارتباط بين متغيرين عندما تكون قيمة أحدهما بالواحد الصحيح وقيمة الآخر صفر . فإذا كان هناك ترتيب معين لقسمى كل متغير منهما يمعنى أن الواحد الصحيح يقترن بقسم أعل من القسم الذى يقترن به الصفر في المتغير أو الخاصية ا ، وكذلك في المتغير أو الخاصية ب ، فإن إشارة معامل فاى عند لا يصبح لحا دلالة ، إذ يمكن في مثل هذه الحالة تفسير الإشارة الموجبة على أنها تعنى أن القسم الاعلى في المتغير أو الخاصية بي عترن بالقسم الاعلى في المتغير أو الخاصية بي أما الإشارة السالبة فتعنى أن القسم الاعلى في المتغيرين يقترن بالقسم الادنى في المتغير الآخر .

أى أن تفسير معامل فاى يشبه إلى حد كبير تفسير معامل ارتباط بيرسون . ولهذا السبب يطلن على معامل فاى اسم معامل الارتبساط الرباعى الحقيقى . Fourfold Point Correlation

أما إذا كان كل من المتغيرين من المستوى الاسمى فإن إتجاه العسلاقة (أى العلاقة الموجية أو السالبة) يصبح لامعنى له .

تحديد أقصى قيمة يصل إليها معامل فاى:

نظراً لاهمية معامل فاى فى البحوث النفسية والتربوية و بخاصة فى بحال بناه الاختبارات ، فإننا يجب أن توضح بشىء من التفصيل حدود قيم معامل φ التى عرضنا لهما متذ قليل ، إذ يمكن بوجه عام إبجاد أقصى قيمة لمعامل فاى لاى توفيقة من توافيق فسب التكرارات الهامشية باستخدام الصورة الآتية :

آقسی قیمهٔ لمعامل فای
$$=$$
 $\sqrt{\frac{1}{\frac{1}{2}}}$ $\sqrt{\frac{1}{\frac{1}{2}}}$ $\sqrt{\frac{1}{1}}$ $\sqrt{\frac{1}{1}}$

حیث می کے ام

وترمز م ي لل أكبر نسبة تبكرار هامش في جدول الاقتران الرباعي .

، م ﴿ إِلَىٰ أَكْبَرِ نُسَبَّةً تَكُرُارُ هَا مَثْنَى لَلْمَتَّغِيرُ الَّذِي الَّذِي تَنَاظُرُ مِي .

فإذا كان لدينا مفرد ق اختبار من نوع الصواب والنطأ مثلا، فإن مي هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة الاولى، مم هي نسبة الطلاب الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة الثانية . أو ربما نمتبر مي هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة الآولى ، مم هي نسبة طلاب المجموعة الدكلية الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة الثانية .

فإذا كانت مي على م فإن أقصى قيمة لمعامل فاى تساوى الواحد الصحبح ، وهسدا يعنى أنه إذا كانت نسبة التسكرارات الهامشية متساوية فإن قيمة معامل فاى يمكن أن نصل إلى الواحد الصحبح .

وإذا طبقنا الصورة رقم (٦) على القيم المبينة بجدول رقم (٧٤ جـ، هـ) نجد أن :

$$\frac{1}{\pi} \bigvee = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} \bigvee = \frac{1}{\pi} \bigvee = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} = \frac{1}{\pi} \bigvee = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} = \frac{1}{\pi} \bigvee = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)(\cdot, 0\cdot)} = \frac{(\cdot, 70)(\cdot, 0\cdot)}{(\cdot, 0\cdot)} = \frac{(\cdot, 70)$$

مقاييس النوع الثانى:

: Biserial Correlation الارتباط الثنائي المتسلسل الارتباط الثنائي

ذكراً أنه توجد بعض المواقف البحثية في العلوم السلوكية يفترض فيها أن السيات التي يقيسها كل من المتغيرين يكون توزيعها من النوع المتصل الذي يأخذ شكل المنحني الاعتدالي . غير أن درجات أحسد المتغيرين يكون قد تم قياسها و تدوينها على شكل توزيع ثنائي إما بغرض التبسيط أو لعدم وجود مقاييس أكثر دقة لقياس السمة .

فنى مثل هذه الحالة يمكن إيجاد درجة العلاقة بين متغيرين باستخدام معامل الارتباط الثنائى المتسلسل . ولسكن يبجب أن يراعى الباحث أن تسكون نقطة تقسيم المتغير الثنائى بالعرب من وسيط توزيع هسدذا المتغير والصورة التي

يمكن استخدامها لإيجاد معامل الارتباط الثنائي المتسلسل والذي سنرمز له بالرمز ر_ب هي :

$$(v) \cdot \cdots \cdot \left(\frac{\partial u_1 \partial u_2}{\partial u_1}\right) \cdot \cdots \cdot (v)$$

حيث س، ترمز إلى متوسط توزيع قيم المتنير المتصل س للمجموعة الى حصلت على الواحد الصحيح في المتنير الثنائي (المجموعة العليا) .

- ، س المجموعة التي المتناق المتناق المتمل س المجموعة التي . حصلت على الصفر في المتناي (المجموعة الدنيا).
 - ، ع س ترمز إلى الانحراف المعياري للتغير المتصل س .
 - ، ص، ترمز إلى نسبةالافراد في المجموعة الكلية الذين حصلوا علىالواحد الصحيح في المتغير الثنائل (أي نسبة أفراد المجموعة العليا) .
 - ، ص. تروز إلى نسبة الافراد في المجموعة السكلية الذين حصلوا علىالصفر في المتغير الثنائي (أي نسبة أفراد المجموعة الدنيا).
 - ، ل ترمز إلى الإحدائي الرأسي المنحني الاعتدالي المعياري (ارتفاع المنحني) الذي يقسمه إلى جزأين يشتمل أحدهما على نسبة ص منهم .
 الآفراد ، ويشتمل الآخر على نسبة ص منهم .

فإذا كانت من على من فإن معامل الارتباط الثنائي المتسلسل ي صفر.

ويكون معامل الارتباط موجبا إذا كانت سَى أكبر من سَهِ ، ويكون البا إذا كانت سَى أقل من سَرَبَ .

و تيسيراً للباحث عند إجراء العمليات الحسابية يمكنه إيجاد قيدسة النسبة من من من من من المرة باستخدام الجدول (ه) المبين بالملحق في آخر الكتاب .

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نفترض أن عدد الطلاب الذين التحقوا بالدراسات العليا في إحدى الكليات . . طالب ، حصل ، ي طالبا منهم على درجة الماجستير بينها لم يحصل بقية الطلاب على هدده الدرجة ، ونفترض أيضا أن متوسط نسبة ذكاء بجموعة الطلاب الذين حصلوا على درجة الماجستير ١٢٠ بينها كان متوسط نسبة ذكاء الطلاب الذين لم يحصلوا على الدرجة هو ١١٠ ، والانحراف كان متوسط نسبة ذكاء الطلاب الذين لم يحصلوا على الدرجة هو ١١٠ ، والانحراف المعياري لنسب الذكاء يساوي ١٥٠ والمطلوب إيجاد معامل الارتباط الثنائي المتغير المحصول على السرجة العلمية (المتغير الثنائي) ، ومتغير الذكاء (المتغير المتصل) .

فني هذا المثال يمكن اعتبار أن الحصول على الدرجة العلمية هو متغير ثناءى يفسر القدرة الأكاديمية ، وهي بالطبع متغير متصل (وربسا تتوزع توزيعا عنداليا)، وبذلك يمكن إيجاد رس .

فالخطوة الأولى :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

والخطوة الثانية: نرجع إلى جدول (ه) المبين بملحق الكتاب لنحصل على قيمة صلاص المناظرة لقيمتى ص = ۶٫۰ ، ص = ۶٫۰ فنجد أنها تساوى ٢٢٠.٠

والخطوة الثالثة : نطبق الصورة رقم (٧) لإيجاد رين كالآتى :

$$\left(\frac{\overline{w} - \overline{w}}{\overline{d}}\right) = \frac{\overline{w} - \overline{w}}{2w}$$

$$(\cdot,771)\frac{11\cdot-17\cdot}{1\bullet}=$$

.,11=

ويمكن أيضا أن يستخدم الباحث الصورة الآنية لحساب قيمة رخ بدلا من الصورة السابقة ، إذ أنها تبسط العمليات الحسابية إذا لم يعتمد الباحث على الجدول (ه) المبين بملحق السكتاب وبخاصة إذا كان المطلوب حساب قيمة رخ من جدول توزيع تسكراري . وهذه الصورة هي :

$$(A) \cdot \cdot \cdot \frac{\omega}{\omega} \times \frac{\overline{\omega} - \overline{\omega}}{\omega} = \omega$$

حيث س ترمز إلى متوسط درجات المتغير المتصل، و بقية الرموز معرفة في الصورة السابقة رقم (٧) .

طريقة حساب رئ إذا كانت البيانات بحمة فى جدول توزيع تـكرارى :

إذا حصل الباحث على بموعة من البيانات الخاصة بأحد الاختبارات وأراد إيجاد معامل الارتباط الثنائي المتسلسل بين درجات كل مفردة على حدة والدرجة المكلية في الاختبار فإنه يفضل تجميع هذه البيانات في جدول توزيع تكراري جدول رقم (٧٥) - كالآني :

			جدول رقم (۷۵)	2		
الجموع		7.	6.4	۲.	TV —	774
149 - 15.	~ +		· +	0	-+	>
149-14.	+	<	**************************************	<	11+	14
119 - 11.	۲ +	く	2 +	7.2	+43	44
1.4 - 1	+	71	Y1 +	77	417	77
44 - 4.	, t	۲.	.	L3	ر	\
^1 - ^.	<u> </u>	۲۷	YV -	^	-v3	۲3
٧ <u>١</u> - ٧٠	٦	•	7.	7.	×4-	3<
14 - 1.	4	-1	مر	<	71-	74
01 - 0.	~ 1	_	~ 	<	77-	
-3 - 63	0	غهر	Ġ.	-4	1	•
	('4')	(6)		(°)		
فثات الدرجان	المتوسط	الجموحة العليا	ر ' ن	السكلية في الاختيار	ڻ ر	ن می
3	(۲) الانعراف عن	(۲) تمکرار درجان	Ξ	(٥) نکر ارفشات الدرجات	(1)	3
	(")					

جدول رقم (٧٥) خطوات حساب وش البيانات المجمعة فإذا نظرنا إلى هذا الجدول نلاحظ أننا حسبنا انحرافات كل من تُوزيعي درجات المجموعة العليا والدرجات السكلية في الاختبار أي سَ عن متوسط فرضي يقع في الفئة . ٩ ـــ ٩ ٩ . و نقصد بالمجموعة العليا الطلاب الذين حصلوا على الواحد الصحيح في المتغير الثنائي ، أي أجابوا إجابة صحيحة على المفردة .

فإذا حسبنا كلا من المتوسطين س، س، والانحراف المعياري ع_س الله المعاري ع_س الله المحلية في الاختبار ينفس الطريقة التي اتبعناها عند حساب قيمة رشح المبيانات المجمعة نجد أن :.

$$47,10 = \overline{w} \quad , \quad 4\lambda,7\lambda = \overline{w}$$

$$0.70 = \frac{17}{7.0} = 0.00$$

$$0.70 = \frac{17}{7.0} = 0.00$$

وبالرجوع إلى جدول (ب) المبين بملحق الجداول فى نهاية السكتاب نوجد ارتفاع المنهدى الاعتدالى الذى يقسمه إلى جزأين يشتمل أحدهما على ٣٠٠٠ من الحالات ، فنجد أن : ل = ٢٠٠٤٠.

و بتطبيق الصورة رقم (٨) للحصول على قيمة ري الجد أن :

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{m - m}}{\sqrt{m}} = \frac{1}{\sqrt{m}}$$

$$\frac{\cdot, 0}{\cdot, 0} \times \frac{97, 0 - 9\lambda, 0}{10, 0} =$$

== 1,590 تقريباً .

(۲۳ – التحليل)

و بالطبع يمـكن أن يستخدم الباحث الصورة رقم (٧) التى تتطلب حساب ربي بدلا من سر والرجوع إلى الجدول (ه) المبين بالملحق للحصول على قيمة ما من سر عيض بالقيم الن يحصل عليها في هذه الصورة .

متى يستخدم الباحث معامل الارتباط الثنائى المتسلسل:

نظراً لان معامل الارتباط الثنائى المتسلسل (درر) يستخدم لتقدير قيمسة معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم لبيرسون ، لذلك يجب أن تحقق السانات نفس الفروض التى يتطلبها استخدام معامل ارتباط بيرسون ، أى أنه يجب أن تسكون العلاقة بين المتغيرين خطية . بالإضافة إلى وجوب تحقق فرض خاص بالمعامل درر ، وهو أن توزيع قيم المتغير الثنائى يكون اعتداليا لو أن هذا المتغير قد أمكن قياسه كمتغير متصل .

ولكن يجب أي يراعى الباحث أن هذا الفرض ينطبق على شكل توزيع المجتمع الاصل الذى تستمد منه عينة البحث وليس على شكل توزيع العينة ذاتها. إذ ذبما مختلف شكل توزيع العينة قليلا عن الاعتدالية بينها يكون شكل توزيع المجتمع المجتمع الاصل اعتداليا.

والتمويض بقيم ص ، ص ، ل في أي من الصورتين ٧ ، ٨ المستخدمتين في حساب قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل يمنى ضمنا أن المتغير الثنائي يتخذ شكل التوزيع الاعتدالي . ولذاك إذا اختلف شكل توزيع هذا المتغير عن شكل التوزيع الاعتدالي اختلافا ملحوظا ، فإن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل لا تكون تقديرا صحيحا لمعامل ارتباط بيرسون .

وفى الحقيقة إذا اتخذ هذا المتغير شكل التوزيع الثنائي اللنوال مثلا فإنه ريما تزيد قيمة ري المحسوبة باستخدام إحدى الصورتين أو م عن الواحد الصحيح. فالتوزيمات الثنائية المنوال وغيرها من التوزيمات غير الاعتدالية تحدث نتيجة

لمدم تجانس العينات ، ومثال ذلك العينة التي تشتمل على كل من الذكور والإماث .

كا يجب على الباحث أن ينظر بمين الاعتبار إلى توزيع المتغير المتصل. فإذا كان هذا التوزيع ملتويا التواء شديدا فإن ذلك يدل أحيانا على الدخاء العلاقة بين المتغيرين. ولسكن ليس من الضروري أن يكون التوزيع اعتداليا، بل يجب أن يكون أحادى المنوال ومتماثل إلى حد ما كما هو الحال في معامل ارتباط بيرسون. في المعلوم أن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تزيد عن الواحد الصحيح في حالة التوزيمات الملتوية أو غير المتماثلة.

لذلك لا يفضل استخدام معامل ارتباط بيرسون إلا إذا كان حجم العينة كبيرا رتوافر لدى الباحث الوقت اللازم لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تكون دائما و يجب أن يراعي الباحث أن قيمة معامل الارتباط الثنائي المتسلسل تكون دائما اكبر من قيمة معامل ارتباط بيرسون المحسوبة من نفس بحرعة البيانات . فعامل الارتباط الثنائي المتسلسل يعتمد على الفرق بين متوسطين ، وهذا الفرق لايكون مستقرا بدرجة كافية إلا إذا كانت البيانات التي يستخدمها الباحث مستمدة من عينة حجمها مناسب ، فثلا إذا كان حجم العينة . . . ، فرد ، وكان التسكرار الذي يشتمل عليه أحد قسمي المتنبر الثنائي ١ / فقط من هذا العدد ، فإن معني ولا يكني هذا أن الباحث سوف يعتمد على . . ، فرد فقط في حساب متوسط هذا القسم . ولا يكني هذا المدد بالطبع لتقدير الفرق بين المتوسطين تقدير ابعيداعن التذبذب وفي الحقيقة أن قيم معامل الارتباط الثنائي المتسلسل أقل ثبانا من قيم كل من معامل ارتباط بيرسون ، ومعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي . و امني معامل ارتباط بيرسون ، ومعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي . و امني معامل التخرين ، ومعامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي . و امني الماملين الآخرين .

متى يلجأ الباحث إلى التقسيم الثنائي لاحد المتغيرات:

عندما يقاس المتغير ص على ميزان متدرج (أى متصل) ، و لـكن يظهر

شيء من عدم الانتظام في هذا التدرج بما يجمل استخدام معامل ارتباط بير سون غير مناسب ، فإنه يمسكن للباحث في هذه الحالة استخدام معامل الارتباط الثنائي المتسلسل . ومن أمثلة ذلك التوزيعات المبتورة Truncated Distributions أو إذا كان المتغير ص يتكون من عسدد قليل جدا من الاقسام ، وكانت الفترات على ميزان القياس غير منساوية . أو إذا كان توزيع قيم المتغير ص في المعينة ملتويا التواه شديدا نتيجة لعدم دقة القياس ، وربما يبدو أن هناك تناقض عندما قلمنا أنه يجب أن يتحقق الباحث من فرض اعتدالية توزيع المتغير المتصل قبل استخدام رن في حين أننا قلمنا أيمنا أنه يمكن استخدام رن في حالة قبل استخدام رن في حين أننا قلمنا أيمنا أنه يمكن استخدام رن في حالة التوريمات الملتوية . ولكن يجب أن يتذكر الباحث أنه يمكن أن يكون توزيع الحينة ملتويا و مع هذا ربما يكون توزيع المجتمع الاصل الذي استمدت منه العينة عوضع البحث .

الملاقة الرياضية بين المعامل رشح ، الممامل وش :

إذا اضطرالباحث الى حساب قيمة المعامل رشيع فى الحالات التى تشطلب استخدام المعامل دررى ، فإن القيمة الذائجة سوف تكون أقل من قيمة المعامل درر انفس بحوعة البيانات ، وفى الحالات التى لا يكون فيما توزيع المتغير المتصل اعتداليا حيث يفضل استخدام المعامل وررح فإن درر تعطى تقديرا لدرجة الارتباط أقل من حقيقته ، وفى الواقع توجد علاقة وياضية بين كل من المعاملين دررح ، درر لنفس بحوعة البيانات وهى :

$$(1) \times (1) \times (1) \times (1) \times (1)$$

وتراوح هـــذه النسبة بين ١٫٢٥ (عندما ص = ٠,٥٠) إلى ٣,٧٣ (عندما ص = ٥٠,٥٠) ، و يمكن النأكد من ذلك بالرجوع إلى جدول (ه) المين بالملحق في آخر الـكتاب .

ويوصى جيلفورد Guilford أنه إذا تأكد الباحث دون أدنى شك أن التوزيع من النوع الثنائى الحقيقى فإنه يجب عليه استخدام رئ ما إذا تأكد أن المتغير الثنائى يتخذ شكل المنحى الاعتدالى فإنه يمكن استخدام رئ وإذا لم يكن متأكدا من شكل توزيع المتغير الثنائى فإنه يمكنه استخدام دئ ولكن عليه أن يفسر قيمته بالاستعانة بالجدول (ه.).

فشلا إذا كان التوزيع متصلا و لكنه لا يتخذ شكل المنحق الاعتدالى ، وحصل الباحث على قيمة تقترب من الحد الذي يو ضحه جدول (ه.) للمعامل دي فإنه يمكنه عند ثذ القول بأن الارتباط الحقيقي بين المتغيرين تقترب قيمته من الواحد الصحيح بدرجة أكبر من اقتراب قيمة ري التي حصل عليها بالفعل . أما إذا زادت قيمة ري ح التي حصل عليها باستخدام قيمة معينة من قيم ص، أما إذا زادت قيمة ري ح التي حصل عليها باستخدام قيمة معينة من قيم ص، عن هذا الحد ، فإن هذا ربما يكون دايلا على عدم صحة فرض أن المتغير من النوع الثنائي الحقيقي يمكن أن تصل قيمة ري ح إلى الواحد الصحيح ، والمكن كثيرا من التوزيعات يمكن أن تصل قيمة من هذا النوع ، إذ ربما لات كون ثنائية أو متصلة ، وإذا كانت

متصلة ربما لاتكون أحادية المنوال ، ولذلك فإن على الباحث التحقق من مثل هذه الحالات باستخدام جدول (ه.) .

و إذا قام الباحث بحساب قيمة دف ح بينها كان يجب عليه حساب قيمة دف فإنه يمكنه إيجاد قيمة رشح المناظرة لقيمة دف باستخدام إحدى الصورتين رقم ٩ أو ١٠ ، وكذلك العكس .

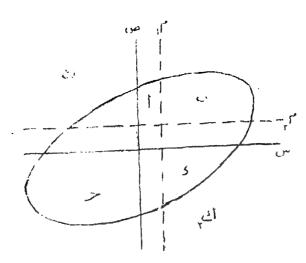
(ثانيا) معامل الارتباط الرباعي:

Tetrachoric Correlation

رأينا مما سبق أن الباحث يمكنه إيجاد العلاقة بين متغيرين أحدهما من الدوع الثنائي والآخر من النوع المتصل باستخدام معامل الارتباط الثنائي المتسلسل بدلا من معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي إذا افترض أن المتغير الثنائي هو متغير متصل، وكذلك يمكن إيجاد العلاقة بين متغيرين كل منهما من النوع الثنائي باستخدام معامل الارتباط الرباعي بدلا من معامل الارتباط الرباعي الحقيقي (أي معامل فاي) إذا افترض أن كلا من المتغيرين الثنائيين متصل. ولذلك يستخدم معامل الارتباط الرباعي لتقدير قيمة معامل ارتباط بيرسون للحموعة معينة من البيانات، فهو مقياس لدرجة العلاقة بين متغيرين متصلين أمكن فياس كل منهما على ميران ثنائي.

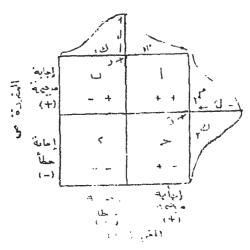
و توجد بعض المواقف البحثية التى تتطلب إيجاد مثل هذه العدلاقة ، مثل إيجاد العلاقة بين درجات مفردتى اختبار اختيار من متعدد أو صواب وخطأ ، حيث تكون الإجابة إما صحيحة أو خطأ ، أو إيجاد العلاقة بين عبارتين من عبارات استبيان أو مقياس للانجاه أو للشخصية ، حيث تكون الإجابة إما موافق أو غير مرافق ، أو نعم أو لا .

ويمكن تصور مثل هـذه المواقف بأن نفتر ش أن لدينا الجدول الرباعي الممثل بالشكل الانتشاري المعتاد (شكل رقم ٥٣٥) الذي ينتج عن تقسيم كل من المتغيرين تفسيها ثناتيا .



شسكل رقم (٥٦) تقسيم نظرى لمتغيرين من النوع الثنائي

و بالنظر إلى هذا الشكل نجد أن المحورين س ؛ ص يمثلان محورى الإحداثيات ، والمحورين م ، م يمثلان محورى تقسيم المتغيرين ، والرموز ا ، ب ، ج ، د تدل على التسكرارات أو المسب الناتجة عن هذا التقسيم. ويمكن أن تعيد توضيه تدل على التسكرارات أو المسب الناتجة عن هذا التقسيم. ويمكن أن تعيد توضيه هذه الرموز في الجدول الرباعي الآني (رقم ٧٦) المزى أ ترتبحه جميل فورد



جدول رقم (٧٦) جدول الاقتران بين متفيرين يفترض ان موزيع كل منهما اعتدالي

- حيث م ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة صحيحة علىالمفردة س.
- ، مر ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة ص
 - ، ك ترمو إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة س .
 - ، كي ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة خطأ على المفردة ص .
- ، أ ترمز إلى نسبة الأفراد الذين أجابوا إجابة صحيحة على كل من المفردتين س، ص .
- ، ب نرمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا الجابة صحيحة على المفردة س، و و لسكام، أجابوا إجابة خطأ على المفردة ص.
- ، حارمز إلى نسبة الافسراد الذين أجابوا إجابة صحيحة على المفردة ص ، و لكنهم أجابوا إجابة خطأ على المفردة س .
- ، د ترمز إلى نسبة الافراد الذين أجابوا إجابة خطأ على كل من المفردتين س، ص
- ؛ د ، دَ ترمزان إلى الدرجات المعيارية على خط قاعدة المنحى الاعتدالى المعيارى عند نقط تقسيم الحالات فى كل من التوزيعين .
- ، ل ، لَ ترمزان إلى أرتفاعي المنحميين الاعتداليين اللذين يناظران د ، دَ .
- والمطلوب تقدير شكل التوزيع الانتشارى للمتغيرين الذي يمسكن أن محمل منه على هذه التكرارات أو النسب .

الفروض الى يجب أن تتحقق فى البيانات إذا أراد الباحث استخدام معاءل الار تباط الرباهي:

يعتمد استخدام معامل الارتباط الرباعي على فرض أن توزيع كل من المتغيرين س، ص ــ اللذين حصل منهما الباحث على التسكرارات في الجدول الرباعي ــ يتخذ شكل المنحى الاعتدالي .

كما يحب اعتبار أن كلا منهما متغير متصل، وأن العلاقة بينهما خطية .

ولتوضيح ذلك تعرض فيها يلى مثالا يبين استخدام معامل الارتباط الرباعي إذا تحققت هذه الفروض في البيانات .

يغترض يحيد تقورد أننا طلبنا من بجموعة مسكونة من ٣٠٠ طالبا الاستجابة بنعم أو لا لعبار تين من عبارات مقياس الشخصية . والجدول الآتى رقم (٧٧) يبين أعداد الطلاب الذين استجابوا استجابات واحدة لسكل من العبارتين (الخليتين ا ، د)، وأعداد الطلاب الذين استجابوا استجابات مختلفة لسكل من العبارتين (الخليتين ب ، ح) .

	ر لی)	(العبارة الاو		•	
النسية	المجموع	X	أحم		
٠,٥٨٢	130	177	TV8	1	
(11)		(ب)	(1)	نهم	3.
٠,٤١٨	444	۲٠٣	7.7.1	l y	17.
('귀)		(2)	(+)		. नः ज
1,	94.	٣٧٠	٥٦٠	المجموع	
	١,٠٠٠	+, ٣٩٨	٠,٦٠٢	النسبة	
		(じ)	(,r)	•	

جدول رباعی یمکن باستخدامه حساب معامل الارتباط الرباعی

فإذا كان الارتباط بين المتغيرين موجبا تاما ، فإن جميع التسكر ارات سوف تقع في الخليتين ا ، د . وإذا كان الارتباط بينهما سهابا تاما ، فإن جميع الشكر ارات سوف تقع في الخليتين ب ، ح . أما إذا كان الارتباط حه صفرا فإن التسكر ارات سوف تقو في الخليتين ب ، ح . أما إذا كان الارتباط حه فإن التسكر ارات سوف تتوزع توزيعا متعادلا في الخلايا الاربع ، وهذا يمسكن الباحث أن يدافع عن تحقق فرض اتصال واعتدالية توزيع كل من المتغيرين في هذا المثال على أساس أنه لا يحتمل أن تسكون درجة تأكد جميع الطلاب الذين استجابوا ، بنعم ، لاي من العبارتين متساوية ، وكذلك لا يحتمل أن تكون درجة عدم تأكد جميع الطلاب الذين استجابوا ، بلا ، لاي من العبارتين متساوية .

ولسكن هناك احتمال كبير أن استجابات الطلاب لأى من العبارتين تمثل متصلا من السلوك يمتد من النأكد التام في أحد الطرفين إلى عدم النأكد بالمرة في الطرف الآخر. وهذا يؤدى إلى ترجيح احتمال أن يكون توزيع كل من المتغيرين من النوع المتال وليس من النوع الثنائي .

ويرى جيلفورد Guilford ، وأورنديك Thorndike أننا يمكن تبرير اعتدالية مثل هذا التوزيع المتصل اعتماداً على أن توزيع كثير من السهات النفسية يكون أحادى المنوال وقريب من الاعتدالية .

معادلة معامل الارتباط الرباعي:

تحتاج طریقة حساب معامل الارتباط الرباعی إلی جهد ووقت کبیرین لانها تنطلب حل المعادلة الآنیة الی تشتمل علی قوی محتلفه لمعامل الارنباط الرباعی الذی سنرمز له بالرمز و روهی :

$$\cdots + \frac{(1-\frac{r_3}{3})(1-\frac{r_3}{3})}{1}$$

$$(11) \cdot \cdot \cdot \frac{7 \cdot - 3}{7 \cdot 1} =$$

وقد اقتصرنا في هذه المعادلة على القوى الثلاث الأولى للمعامل رر . وجميع الرموز التي تشتمل عليها المعادلة سبق تعريفها في الجدول رقم (٧٦) . ويمسكن حساب قيم ل ، د ، ل ، د ، ل المبيئة المندام النسب م ، ك ، م ، ك المبيئة الجدول .

طرق تقدير معامل الارتباط الرباعي :

نظرا لصعوبة حل المعادلة رقم (11) السابقة فقد حاول علماء القياس والإحصاء التوصل إلى طرق أبسط لنقدير قيم معامل الارتباط الرباعي دون الحاجة إلى حل هذه المعادلة، وبعض هذه الطرق جبرية والبعض الآخر يعتمد على جداول تيسر الحصول على قيمة هذا المعامل لمجموعات مختلفة من البيانات.

وصوف تعرض إحدى هذه الطرق الجبرية ، كما سنذكر توعين من الجداول التي يمكن أن يرجع اليهما الباحث إذا أراد أن يحصل على قيم تقدير يقلماملات الارتباط الرباعي .

(أولا) الطريقة الجبرية :

قسمى هذه الطريقة بطريقة جيب تمام النسبة التقريبية ط. وربما يرجسم الباحث إلى الفصل الآول من الباب الآول في هذا الكتاب لمراجعة النسب المثلثية للزوايا إذا احتاج ذلك. ويمكن أن تحصل باستخدام هذه الطريقة على قيم تقريبية لمعامل للارتباط الرباعي إذا قورتت بالفيم التي نحصل عليها باستخدام معادلة معامل الارتباط الرباعي رقم (١١).

والصورة الرياضية لهذه الطريقة هي :

$$(17) \cdot \cdot \cdot \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{1c} + \sqrt{v}} \times V \right) \stackrel{\text{li}}{\sim} = -il \left(d \times \frac{1}{\sqrt{1c} + \sqrt{v}} \times V \right)$$

حیث ۱ ، ب ، ج ، د ترمز إلى الشكرارات الماینة فی خلایا الجدول الرباعی رقم (٧٦) .

و لـكى يحرى الباحث العمليات الحسابية يمسكنه أن يعتبر ط بالتقــدير الدائرى = ١٨٠°. وبذلك يمكن كتابة الصورة رقم (١٢) كالآتى :

$$(1r) \cdot \cdot \cdot \cdot \left(\frac{\frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}}{\sqrt{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}} \right) = -1$$

و بقسمة كل من البسط والمقام على ٧ - - نجد أن :

$$(11) \cdots \left(\frac{\frac{1}{1}\sqrt{1+1}}{1+1}\right) = \frac{1}{1+1}$$

و يحب أن يتذكر الباحث أن الرمزين ١ ، د يه ثلان الحالات المتماثلة و كل من المتغيرين س ، ص مشر (+ ، +) أو (- ، - -) أو (العم، العم) أو (لا ، لا) ... إلح ، أما ب ، ج فهما ممثلان الحالات غير المشماثلة في كل من المتغيرين مثل (١ ، - -) أو (- ، +) أو (نعم ، لا) أو (لا ، نعم) ... إلح .

وبالتمويض عن قيم ١، ب، ج، د فى الصورة رقم (١٤)، المن المقدار الذى بين القوسين يعطى قيمة عددية يمكن اعتبارها زاوية بوجد جيب تمامها (أى حنا الزاوية) باستخدام جدول النسب المششية (يمكن للباحث الرجوع الم أحد الجداول الرياضية).

أى أن جيب تمام الزاوية يعتبر بمثابة نقدير لمعامل الارنباط الرباعي .

و تنحصر قيمة الزاوية بين صفر (إذا كانت ب حصفرا أو ج حسفرا أو كل من ب ، ج حسفرا) ، ١٨٠ (إذا كانت ا حسفرا أو د حسفرا ، أوكل من ا ، د حسفرا) .

فمندما تسكون الزاوية = صفرا يكون معامل الارتباط مساويا الواحد الصحيح (لأن حتا صفر = ١٥) ، وعندما تسكون الزاوية = ١٨٠ يكون معامل الارتباط مساويا = ١ (لان حتا ١٨٠ = - ١) . وعندما تسكون ب ج = ١ د فإن الزاوية = ٥٠ ، ويكون معامل الارتباط المفدر عندالد مساويا للصفر (لان حتا ٥٠ = صفر) .

فإذا طبقنا الصورة رقم (١٤) على الجدول رقم (٧٧) نجد أن :

$$(\frac{\frac{1}{(1 \cdot 1)(1 \cdot 1)} \sqrt{1 + 1}}{(1 \cdot 1)(1 \cdot 1)(1 \cdot 1)})^{\frac{1}{1 \cdot 1}}$$

•v.
$$\gamma_{\xi} = \left(\frac{1 \wedge \cdot}{\gamma_{\xi} \xi_{\xi} \vee + 1}\right) = 0$$

وهذه تقرأ جيب تمام الزارية ٧٠ درجة ، ٢٤ دقيقة ويرمز للدقيقية بشرطة مائلة فوق العدد ، والدرجة على ٣٠ دقيقة) .

وبالسكشف في جدول النسب المثلثية عن جيب تمام هذه الزاوية تجمد أنها تساوى ٣٤٣.

ويلاحظ أنه إذا كانت الزاوية محصورة بين ٩٠، ١٨٠٠ (أى زاوية منفرجة)، فإن معامل الارتباط يكون في هذه الحالة سالبا (لأن جيب تمام الزاوية المحصورة بين ٩٠، ١٨٠٠ يكون سالبا) . ويمكن أن يلاحظ الباحث ذلك إذا وجد أن ب ج أكبر من اد . وقبل الكشف في جدول النسب المثلثية يجب على الباحث أن يعلر الزاوية من ١٨٠٠ ، ويكشف في جدول جيب التمام عن الزاوية الناتجة ، ثم يضع إشارة سالبة أمام القيمة التي يحصل عليها .

و ثيسيراً على الباحث يمكنه أن يستخدم جدول (و) المبين بالملحق في آخر السكتاب لإيجاد القيم التقريبية لمعامل الارتباط الرباعي مباشرة مقربة إلى رقمين عشريين ، وذلك بأن يحسب أيا من النسبتين بهاء أو بهاء الى يكون ناتجها أكبر من الواحد الصحيح ، ثم يوجد قيمة معامل الارتباط الرباعي المناظرة لها من الجدول مباشرة دون أرب يلجأ إلى إجراء أي عمليات حسابية أو مثلثية أخرى

فإذا رجمنا إلى المثال المبين بجدول رقم (٧٧) نجد أن النسبة بــــ تساوى ٢,٤٤٤

وبالرجوع إلى الجدول (م) المبين بملحق الكتاب نجد أن هذا العدد ينحصر بين ٢,٤٩٠، ٢,٤٩٠، والقيمة التقديرية لمعامل الارتباط الرباعى المناظرة تساوى ٣٤,٠، وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها فيا ستق .

وهنا لا يجب أن يفوتنا أن نوضح للباحث أن تقدير قيم معامل الارتباط الرباعي باستخدام طريقة جيب تمام النسبة التقريبية ط يكون تقديراً دقيقاً إلى حد كبير إذا كان كل من المتغيرين المتصلين تم تقسيمهما نقسيماً ثنائياً عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما .

فيكالم ابتمدت قيمة كل من م، ، م، عن . ه. واختلفت قيمة كل منهما عن الآخرى ابتعدت قيمة كل منهما عن الآخرى ابتعدت قيمة معامل الارتباط الرباعى المقدرة بهذه العلريقة عنالقيمة الفعلية لمعامل الارتباط الرباعى وبخاصة إذا كانت قيمة رر مرتفعة . وغالباً تدكون القيمة المقدرة أكبر من القيمة الفعلية .

فثلا إذا كانت م = 0.00 ، م = 0.00 ، فإنه عندما تسكون و = 0.00 ، فإن القيمة التقديرية لمعامل الارتباط الرباعي = 0.00 ، تقريبا .

أما إذا انحصرت قيم م، م بين . ٤٠ ، ٠٠ وفإنه عندها تكون رر على المحرد والمعدد المربقة عنده المربقة المربقة المربعة والقيمة المقدرة باستخدام هذه الماريقة عند و الفعلية . و من تقريبا ، وتنكون أيضا القيم الناتجة أكبر من قيم رر الفعلية .

ويمكن أن يتحكم الباحث فى كثير من الاحيان فى نقطة تقسيم كل من المتغيرين بحيث يجمل م حم م م م م م م م م الله في الافضل ألا يستخدم هذه الطريقة ، وإنما ينكنه استخدام إحدى الطرق البيانية التى ينسب بمضها إلى ثيرستون Thurstone ، والبعض الآخر إلى هيز Hays ، وتعشد هذه الطرق على مجموعات من التخطيطات والاشكال البيانية التى تساعد الباحث فى ايجاد قيم تقديرية لممامل الارتباط الرباعى ، ويمكن الرجوع إلى قائمة المراجع فى نهاية السكتاب إذا أراد الباحث الاطلاع على هذه الطرق البيانية .

(ثانیا) ایجاد قیم تقریبیة لمعامل الارتباط الرباعی بمعلومیة قیم معامل فای (ϕ) :

يمسكن الحصول على قيمة تقريبية لممامل الارتباط الرباعى إذا قام الباحث أولا بحساب قيمة معامل فاى لمجموعة البيانات ثم يستخدم الصورة الآنية لإيجاد ميمة معامل الارتباط الرباعى الى تناظر قيمة معامل فاى وهي :

$$(10) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (^{\circ}4 \cdot \times \phi) \quad = -1$$

ويمكن أن يستمين الباحث بالجدول (ل) المبين ملحق السكتاب لإيجادةيم ر المناظرة لقيم ه مباشرة باستخدام هذه الصورة دون إجراء أي عمليات حسابية .

فثلا إذا كان لدينا الجدول الرباعي الآتي رقم (٧٨) :

فإنه يمكن أن بحسب معامل فإى باستخدام الصورة رقم (﴿) وهي :

$$\frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \phi$$

$$\frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2})} = \frac{1}{(2+\frac{1}{2})(2+\frac{1}{2}$$

وبالرجوع إلى الجدول (ل) المبين بالملحق نبحث عن قيمة ر المناظرة لقيمة $\phi = 1$. نجد أنها تساوى 0.7 .

وهنا يجب أيضا أن نؤكد أن هذه الطريقة نعطى قيمة تقديرية معقر لة للمعامل وهنا يجب أيضا أن نؤكد أن هذه الطريقة تم تقسيمه تقسيما ثنائيا عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما شأنها شأن الطريقة الجبرية السابفة .

الملاقة بين معامل الارتباط الرباعي ، ومعامل فاي ، ومعامل ارتباط بيرسون :

نلاحظ ما سبق أن هناك علاقة بين معامل الارتباط الرباعي (ر) ، ومعامل فاى (م) تحددها الصورة الرياضية :

وبذلك يمكن تحت شروط معينة تقدير قيمة معامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيمة معامل الارتباط الرباعي الذي استخدم قيمة معامل فاى . ولسكن يمكن أن يعطى معامل الارتباط الرباعي الذي استخدم في حسابه إحدى الطرق الجبرية تقديراً جيداً لمعامل ارتباط بيرسون إذا تحققت بمض الفروض التي يرتكن إليها معامل الارتباط الرباعي . ولا تعتمد قيمة معامل الارتباط الرباعي اعتباداً كبيراً على تساوى التكرارات الهاهشية في جدول الاقتران كا هو الحال في معامل فاي .

وتكون قيمة معامل الارتباط الرباعي أكبر من قيمة معامل فاي في جميع الحالات فيها عدا الحالة التي تسكون فيها قيمة كل منهما تساوى الصفر (أي عندما الحالات فيها عدا الحالة التي تسكون غير بالذكر أنه إذا كانت إحدى خلايا الجدول الرباعي تحتوى على الصفر، فإن قيمة معامل الارتباط الرباعي تكون غير محددة.

ويمكن استخدام معامل الارتباط الرباعي عندما يكون كل من المتغيرين من النوع الثنائي الحقيقي ، أو يمكن تقسيم كل من المتغيرين الاصلين تقسيماً ثنائياً بطريقة اعتبارية ، في حين أن معامل فاي لا يصلح إلا في الحالة الاولى فقط .

و نظراً لسهولة تقدير قيمة معامل الارتباط الرباعي كما رأينا سواء بالطرق الجبرية أو بالطرق البيانية ، فإن هذا ربما يعطى انطباعاً لدى الباحث بأنه يمكنه استخدام هذا المعامل بدلا من معامل الارتباط الثنائي المتسلسل أو معامل ارتباط بيرسون .

ولكن هذا الانطباع خاطىء لأن قيم معامل الارتباط الرباعى إقل ثباتا من قيم معامل ارتباط بيرسون أو معامل الارتباط الثنائى المتسلسل . أى أن أخطاء المينات تسكون أكبر فى حالة معامل الارتباط الرباعى .

وحتى إذا أمكن تقسيم المتغيرين عند النقطة التي تمثل وسيط كل منهما فإن (٣٤ ـــ التحليل) أخطاء المينات في هذه الحالة تزيد بنسبة .ه./ عنها في حالة استخدام معامل ارتباط بيرسون .

أى أن استخدام الباحث لمعامل الارتباط الرباعى فى الحالات التى يحسن فيها استخدام معامل ارتباط بيرسون يعنى أن الباحث يفقد أكثر من نصف البيانات التى لديه ، و بذلك تقل المعلومات التى يمكن أن يستمدها من هذه البيانات .

كا أنه كلما ابتعدت نقطة تقسيم المتغيرين عن النقطة التي تمثل وسيطكل منهما كلما زادت أخطاء العينات إلا إذا استخدم الباحث عينة كبيرة بدرجة تسمح بالثقة في قيمة معامل الارتباط الرباعي ، وهذا أيضا له مثالبة من حيث الجهد والوقت .

ولذلك يوصى كثير من علماء القياس والإحصاء فى الوقت الحاضر بعدم استخدام معامل فاى .

بعض الحالات التي لا يحوز أرب يستخدم فيها الباحث معامل الارتباط الرباعي:

فيما يلى بعض الحالات التي لا يجوز أن يستخدم فيها الباحث معامل الارتباط الرباعي:

١ -- إذا كانت نقطة تقسيم أى من المتغيرين متطرفة . كأن تسكون نسبة الحالات فى كل من قسمى أحد المتغيرين ٥٥ إلى ٥ أو ٨٠ إلى ١٠ مثلا ، فذلك يقلل من الثقة فى قيمة معامل الارتباط الرباعى .

۲ ــ إذا اشتملت خلية واحده من خلايا الجدول الرباعى على الصفر.
 ولترضيح ذلك يصرص عبيلموردالحداول م ٤ن٤ هرتم(٧٩) (لأنقه بــ

	(🔺))	(ن))	())
1	/.o	10	19. 1.	11.	7 7	صفر
۲.,	90	1.0	19. 10.	صغر	Y 4.	11.
			TE . TT.		£	
			رقم (۷۹)	جدول ر		

حالات لا يجوز نيها استخدام معامل الارباعي

فإذا حسبنا معامل الارتباط الرياعي للجدول (م) نجده يساوى (لاحظ أن الخلية ا = صفر).

أما إذا حسينا معامل الارتباط الرباعى للجدول (ن) نجده يساوى + ١ بالرغم من أن ربع الحالات تقريبا نناقض الارتباط التام (٠ ٩ حالة من بين ٠٠٠ في الجدول ن) .

وبالرغم من تدرة حدوث مثل هذه الحالات إلا أنه ربما يصادفها الباحث.

وبالمثل الجدول (ه) يعطى تقديراً خاطئاً لمعامل الارتباط الرباعى . فبالرغم من عدم وجود تكرار يساوى الصفر ، إلا أن أحد التكرارات صفير جداً (وهو التكرار ١٥) بالنسبة للكرارات الأخرى فى الجدول .

وربدا نستنتج من هدده الجداول الرباعية أن هناك علاقة غدير خطية بين المتغيرين إذا أمسكن تجزئة الأقسام العريضة التي تشتمل عليها إلى أقسام اكثر تحديداً . وبالطبع إذا لم يتحقق فرض العلاقة الخطية بين المتغيرين ، فإن قيمة رستمطى تقديراً متحيزاً لمعامل الارتباط .

ولَـكُن ليس معنى هذا أننا قد برهنا على عدم خطية الدلاقة باستخدام هـذه الجداول الثلاثه ، ولمنما يعنى آنها ربما تعطينا انطياعا بذلك .

تمارين على الفصل الثالث عشر

الستسيانات، وكذلك عدد الآفراد الذين أجابوا « نعم » وعدد الآفراد الذين أجابوا « نعم » وعدد الآفراد الذين أجابوا « نعم » وعدد الآفراد الذين أجابوا « لا » في إحدى مفردات الاستبيان في كل فئة من فئات الدرجات السكلية .

K	تمن	فثات الدرجات الكلية
1	صفر	79 - 70
1	مدفر	TE - T.
صفر	١	49 - 40
٣	صفر	ξξ - ξ •
•	١	19 - 10
٨	٤	· 0£ 0·
1.	٦	۰۹ ۰۰
.18	14	78 4.
٩	1/	79 - 70
•	4.	VE - Y+
۲.	21	V9 - V0
١١	**	۸٤ - V٠
١ ١	1/	19 - 10
صفر	٦	98 - 9.
صفر	١	99 - 90
٣٠	11.	المجموع

- (١) إحسب معامل الارتباط الثنائى المتسلسل الحقيقى بين درجات مفردة الاستبيان والدرجات الكلة .
- (ب) احسب معامل الارتباط الثنائ المتسلسل بين درجات مفردة الاستبيان والدرجات السكلمة .
- (ج) قارن بين القيمتين اللتين حصلت عليهما في ا ، ب . وأيهما يفضل استخدامه في هذه الحالة ؟

 γ — احسب معامل فاى (ϕ) ، ومعامل الارتباط الرباعى البيانات الآتية ، و فسر كلا من القيمتين اللتين تحصل عليهما .

إجابة خطأ	حيحة	أجابة
70	70	المجموعة المرنفعة التحصيل
Vo	.70	المجموعة الضعيفة النحصيل

فيا يلى استجابات جموعة تتسكون من ١٢ طالباً لسكل مفردة من
 مفردات اختبار وعددها خمس .

						الب							
17	11	١٠	4	٨	٧	٦	•	٤	٣	۲	١		
11	مأر	١	١	١	١	١	صغر	1	صغر	١	١	١	
سفرا	1	1	1	1	صغر	تسقر	1	م عدفر	1	١.	1	1	
,4.0	مهرا	À	عمقر	صه.	1	١	١	1	1	صغو	1	٣	المفردة
,4-4	هداهر	عدقر	صفر	مدغر	صعر	صهر	ص.هر	1	1	١	١	1	
.44	صفر	صفر	صفر	صعر	ممارا	صمهر	1	صفر	صفر	١	١	•	
١	١	Υ	7	۲	۲	۲	٣	٣	٣	ŧ	0		

احسب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل الحقيقي بين درجات كل مفردة والدرجة الكلية في الاختبار .

۱ سـ فى إحدى الدراسات طلب أحد الباحثين من بحموعتين إحداهما تتكون
 من ١٠٠ زوجة ترىكل منهن أنها موفقة فى زواجها ، والاخرى تتكون من ١٠٠ زوجة ترىكل منهن أنها غير موفقة فى زواجها الإجابة على السؤال الآتى :

« هل كنت سميدة في طفو لتك ؟ »

لز وا ج	المال	إجابة السؤال					
غیر موفق	مو فق						
٤٠	٧٠	h-ui					
٦٠	٣٠	צ					

أوجد قيمة معامل الارتباط بين كل من المتغيرين الثنائيين ، وفسر القيمة الناتجة .

مـ طبق اختبار اختيار من متعدد على ١٠٠٠ طالب، وفيما يلى بيانات تشتمل على عدد الإجابات الخطأ على مفردتين من مفردات الاختيار.

(ص)	المفردة	المفردة (س)		
إجابة خطأ	إجابة صحيحة			
٣٠	٣٠	إجابة صحيحة		
٣.	1.	إجابة خطأ		

- . (۱) احسب قيمة معامل فاى (ϕ) لهذه البيانات (
- (ب) اوجد قيمة تقديرية لمعامل الارتباط الرباعي مستعيدًا بقيمة معامل فاي التي حصلت عليها .
- (-) احسب قيمة معامل الارتباط الرباعي بدون الاستعـانة بقيمة معامل فاي .
 - (٤) قارن بين القيمتين اللتين حصلت عليهما في ب . .



الفصل الرابع عشر

الانحدار الخطى البسيط

التنبؤ والارتباط

صورة العلاقة الخطية

الانحدار الخطى للمتغير ص على المتغير س

طريقة المريعات الصغزى

معادلتا خطى الانحدار باستخدام الدرجات الخام

معادلتا خطى الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات

الملاقة بين الانحدار والارتباط

معادلتا خطى الانحدار باستخدام معامل الارتباط

معادلتا خطى الانحدار باستخدام الدرجات المعارية.

الخطأ المعياري للتنبؤ .

عرضنا فى الفصلين السابقين مقاييس العلاقة بين متغيرين ، وقد أشرنا إلى أن معامل الارتباط هو مجرد مقدار يقيس درجة اقتران متغير بمتغير آخر . وقلمنا أن هذا الاقتران ليس معناه أن أحد المتغيرين يسبب المتغير الآخر . فاكتشاف أن هناك علاقة بين متغيرين ربما يدل فقط على أن هناك عامل أالث مستولا عن هذه العلاقة .

ولسكن أحيانا يهتم الباحث باتجاه العلاقة بين متغير ومتغير آخر برغم عدم معرفته المعرفة الكافية بالعامل المسبب لسكل من المتغيرين . فإذا وجداا أن هناك علاقة موجبة بين تقديرات طلاب إحدى الكليات في نهاية السنة الأولى وتقديراتهم في السنة النهائية ، فإنه ربما يكون من المنطقي أن تستنتج أن أداء الطلاب في نهاية السنة الأولى يسهم في أدائهم في السنة الأولى (فالسبب لا يسبق أداء الطلاب في السنة المنابئية يسهم في أدائهم في السنة الأولى (فالسبب لا يسبق الأثر أوالنتيجة من الناحية الزمنية) ، بالرغم من أن الاسباب النهائية لتباين الاداء ربما ترجع إلى التفاعل المعقد بين العوامل الوراثية والظروف البيشية الختلفة للطلاب .

وموضوع الانحدار Regression يعتبر من الموضوعات الإحصائية التى تتناول إحدى المشكلات الهامة وهي مشكلة التنبؤ Prediction . فالباحث النفسي أو التربوي كثيراً مايهتم بالتنبؤ بمتغير باستخدام متغير آخر أو أكثر . ويسمى المتغير المنبيء بالمتغير المستقل ، والمتغير أو المتغيرات المتنبأ به أو بها بالمتغير التابع أو المتغيرات التابعة . فثلا ربما يود باحث تربوي أن يتنبأ بالآداء المدرسي لتلديذ بمعلومية درجانه في اختبار للذكاء . أو ربما يود باحث في علم النفس الصناعي أن يتنبأ بأداء أحد الآفراد في حمل ما بمعلومية أدائه في بطارية من اختمارات الاستعدادات .

أو ربما يود باحث في علم النفس السكلينيكي أرب يتنبأ بقابلية المريض للملاج . باستخدام المعلومات التي يجمعها عن المريض قبل بدء العلاج .

ويمكن أن ننظر إلى مشكلات التنبؤ وبالتالى الانحدار الخطى البسيط من وجهتين:

الوجهة الأولى :

عندما يحاول الباحث التنبؤ بالآداء المستقبل لفرد ما بمعلومية أدائه في الماضي، فهذا لا يحاول الباحث أن يستنتج أن أداء الفرد في الماضي هو سبب أدائه المستقبلي، وإنجما يود أن يتوصل إلى بعض مؤشرات صادقة تفيده في التنبؤ بأداء الفرد المستقبلي، وهذا لا يعني بالضرورة أن هذه المؤشرات تسبب الآداء المستقبلي، ومثال ذلك التنبؤ بأداء العلاب في كلية الطب مثلا باستخدام درجاتهم في امتحان الثانوية العامة أو باستخدام درجات اختبار في الاستعداد العلمي، فهنا يكون الاهتمام منصبا على التوصل إلى مقياس للاداء السابق يمكن استخدامه في الننبؤ بالنجاح في كلية الطب، فالهدف هنا تطبيقي عملي وهو الآداء المستقبلي.

أما الوجهة الثانية :

عندما يستخدم الباحث متغيرات منبئة (مستقلة) Predictor Variables يمكن أن يتحكم فيها بمعنى أن يكون له سيطرة على إحداث تغييرات مقصودة فيها. وعندئذ يمكن الباحث قياس المتغير المتنبأ به وهو المتغير التابع الذي يكون تقيجة للمتغير المستقل ، وهنا يفترض الباحث أن المتغير المستقل هسو الذي سبب المتغير التابع .

فثلا إذا تحكم الباحث فى عدد المثيرات التى يحب أن يستجيب لها شخص فى تجربة لقياس زمن الرجع فإنه ربما يتنبأ بحدوث زيادة خطية فى المتغير التابع ـــ وهو زمن الرجع ــ تبعا للزيادة الخطية فى المتغير المستقل ــ وهو عدد المثيرات.

أو ربما يفترض باحث آخر وجود علاقة خطية بين الجكم الشخصى على طول خط مستقيم (المتغير التابع) والطول الغيزيائى لهذا الخط أى الطول الحقيقى (المتغير المستقل).

وفى جميع هذه الحالات يود الباحث أن ية أ بقيمة متغير ماس يسمى المتغير التابع أوالمتغير ص _ بمعلومية متغير آخر _ يسمى المتغير المستقل أوالمتغير س _ تكون قيمه معلومة .

والانحدار الخطى هو أسلوب إحصائى يفيد فى عمليات التنبؤ، وهو يتصل اتصالا وثيقا بمفهوم الارتباط الخطى الذى عرضنا له فى الفصل السابع من هذا الكتاب, فإذا كان معامل الارتباط بين متغير ينصفراً فإن هذا يعنى عادة انمدام الملاقة بين المتغيرين.

أى أننا لا نستطيع التنبؤ بقيم أحد المتغيرين باستخدام قيم المتغير الآخر أكثر من مجرد التخدين العشوائي . أما إذا كان هناك ارتباط بين المتغيرين يختلف هن الصفر فإن هذا يعني أننا إذا علمنا شيئا عن أحد التغيرين فإنه يمكننا التنبؤ بشيء ما عن المتغير الآخر أكثر من مجرد التخمين العشوائي، والمكس بالعكس .

وكلما زادت القيمة المطلقة لمعامل الارتباط بين المتغيرين ، كلما أمكننا التنبؤ بأحد المتغيرين باستخدام المتغير الآخر بدرجة أكبر من الدقة .فإذا كان معامل الارتباط بينهما — 1 أو إ عندئذ تستطيع التنبؤ بدرجة نامة .

وفى الحقيقة أنه لا يمكن تفسير معامل الارتباط بين متغيرين بصورة مرضية دون الاستعانة بمفهوم الانحدار . وسوف نقتصر فى هذا الفصل على مناقشة الانحدار الخطبي البسيط الذي يشتمل على متفير مستقل واحد ومتغير تابع واحد، ونرجىء مناقشة الانحدار غير الخطي والانحدار المتعدد إلى الفصول التالية .

التنبؤ والارتباط :

لإلقاء الصوء على العلاقة بين مفهوى التنبؤ والارتباط نعرض المثال الآتى: فغترض أننا أود التنبؤ بدرجة طالب ما فى اختبار آخر العام فى أحدد المواد الدراسية. فإذا كانت المعلومات الوحيدة المتاحة لدينا هى متوسط درجات فصله فى هذا الاختبار وهو ٧٥ (٣٠ = ٧٥) فإن أفضل تضمين هو أنه سوف فى هذا الاختبار وهو ٧٥ (٣٠ = ٥٠) فإن أفضل تضمين مو أنه سوف يحصل على الدرجة ٥٠ للاختبار ، ولكن عادة يكون متاحا لدينا معلومات أخرى مثل درجة الطالب فى اختبار نصف العام فى نفس المادة ولتكن ٢٢. فكيف فستخدم هذه المعلومة فى التنبؤ بأدائه بدرجة أفضل فى اختبار آخر العام ، فإذا فسنا أن متوسط أداء طلاب الفصل فى اختبار نصف العام هو ٧٠ (س == ٧٠)، فريما نستنتج أنه نظرا لأن الطالب قد حصل على درجة أقل من المتوسط فى اختبار آخر العام ، فإنه يحتمل أن يحصل على درجة أقل من المتوسط فى اختبار آخر العام ، وربما يبدو من ذلك أن النبؤ فى هذه الحالة أفضل إلى حد ما من التنبؤ السابق .

ولكن مل يمكن أن نصل إلى تنبؤ أفسل من ذلك ؟

بالطبع معرفتنا أن درجة الطالب في اختبار نصف العام تقل عن المتوسط لا تعطى صورة دقيقة لمركزه النسبي في اختبار آخر العام .

ولكن إذا علمناالانحراف المعيارى لدرجات اختبار نصف العام ، فإنه يمكننا تحويل درجة الطالب في هذا الاختبار إلى درجة معيارية . فاذا افترضنا أر. الانحراف المعيارى لاختبار نصف العام هو ٤ (ع = ٤)، و نظرالان الطالب قد حصل على درجة في هذا الاختبار تقل عن المتوسط بقدر انحرافين معياريين قد حصل على درجة في هذا الاختبار تقل عن المتوسط بقدر انحرافين معياريين عدرجة في هذا الاختبار التخمين بأنه ربما يحصل على درجة في على درجة في على درجة في على درجة في التخمين بأنه ربما يحصل على درجة في التخمين بأنه ربما يحصل على درجة في المتحديد المتحديد بأنه ربما يحصل على درجة في التخمين بأنه ديما يحصل على درجة في درجة في درجة في التخمين بأنه ديما يحصل على درجة في درجة في درجة في التخمين بأنه ديما يحصل على درجة في دربة في دربة في درجة في درجة في دربة في د

اختبار آخر العام تقل عن المتوسط بقدر انحرافین معیاریین أیصاً ؟ بمعنی أنه إذا كانس ع = y فهل نستطیع أن تتنبأ بأن درجته فی اختبار آخر العام هی ه ه أی ($0 - 7 \times 10^{-3}$) ؟ .

بالطبع تكون الإجابة لا، لان هذاك معلومة هامة غير متوفرة لدينا وهي معامل الارتباط بين درجات اختبار نصف العام و درجات اختبار آخر العام . ولهذا فإنه يمكننا فقط التنبؤ بالدرجة ه في اختبار آخر العام إذا كان الارتباط بين الاختبارين تاما (عندما ر = + ١) . ولكن إذا افترضنا أن معامل الارتباط بينهما كان صفرا فإنه لا يمكننا أن نتنبأ بالدرجة ه و ولسكن نعود مرة أخرى إلى التنبوين بأن الدرجة المتنبأ بها في اختبار آخر العام هي المتوسط ه و أي (ص) .

والخلاصة أنه إذا كانت ر = صفر ، فإن أفضل تنبؤ يكون هو المتوسط ٥٧ أى (ص) ، وعندما ر = + ١ فإن أفضل تنبؤ يكون ٥٥ . وإذا كانت ر تنحصر بين صفر ، + ١ فإن الدرجة المتنبأ بها سوف تقع بين ٥٥ ، ٥٥ . أما إذا كان معامل الارتباط ر = - ١ فان أفضل تنبؤ للدرجة سوف يكون ١٥ . .

من هذا يتضح أهمية معامل الارتباط فى فهم عملية التنبؤ . والتطبيق معامل الارتباط بصورة أكثر و صوحاً فى التنبؤ يحب أن نضمه فى إطاره الصحيح أى فى إطار مفهوم الانحدار الخطى .

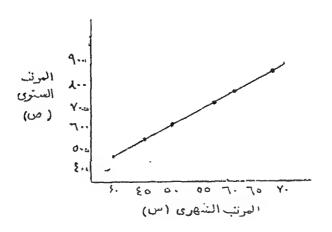
وقبل أن نناقش مفهوم الانحدار مجد أنه من الضرورى أن نقدم فكرة عن معادلة الخط المستقيم لمنا لهما من أهمية في اشتقاق معادلات خطوط الانحدار .

الصورة المامة لممادلة الخط المستقيم:

لتبسيط المفاقشة تحد أنه من الافضل أن نقدم مثالاً لمتغيرين مرتبطين ارتباط تاما وهما المرتب الشهرى والمرتب السنوى . فالجدول رقم (٨٠) يوضح المرتب الشهرى والمرتب السنوى بالجنيهات لمجموعة تتكون من تمانية عمال في أحد المصانع.

المرتب السنوى	المرتب الشهرى	العامل	
٤٨٠	٤٠	1	
• 4 •	٤٥	*	
4	••	٣	
79.	۰۷,۰	٤	
77.	٦•	•	
Y0.	٦٢,٥	4	
٧٨٠	70	٧	
۸۱۰	٦٧,٥	٨	

جدول رقم (۸۰) المرتب الشهرى والمرتب السنوى لمجموعة تتكون من ثمانية عمالًا



شكل رقم (٥٣). التمثيل البياني للمرتب الشهري والمرتب السنوى لمجموعة تتكون من ثمانية عمال

و بالنظر إلى هذا الشكل يتضح أننا مثلنا المرتب الشهرى على المحود الأفقى (السينى)، والمرتب السنوى على المحور الرأسى (الصادى). كما يتضح أن العلاقة بين المتنفيرين علاقة خطية، ويمر الخط المستقيم بنقطة الاصل.

صورة العلاقة الخطية :

يمكن التعبير عن العلاقة بين المؤتب الشهرى والمرتب السنوى بالصورة الرياضية :

ص == ۱۲ س

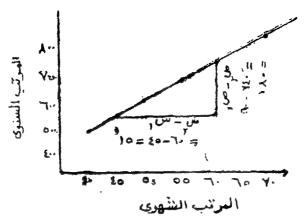
فإذا عوصنا عن (س) بأى قيمة لمرتب شهرى يمكننا الحصول على القيمة المناظرة لها (ص) للمرتب السنوى.

فإذا كان المرتب الشهرى لاحد العمال ١٠٠ جنيه . يكون مرتبه السنوى = ١٢ × ١٠٠ = ١٢٠٠ جنيه .

ويمكن إضافة مقدار ثابت إلى المعادلة السابقة ص = ١٧ س. هذا المقدار الثابث ربما يعبر عن مكافأة إنتاج تشجيعية منحها المصنع للعمال ولتسكن ٢٠ جنيها شهريا ، وبذلك تصبح المعادلة كالآتى :

ص 🕶 ۲۰ 🕂 ۱۲ س

ويلاحظ أن هذه المعادلة تحتوى على مقدارين ثابتين هما . ٧ ، ١٠ . وهى تمثل معادلة خط مستقيم كما هو مبين بالشكل رقم (٥٢) الآتى :



شكل رقم (١٥٥)

العلاقة بين المرتب الشهرى والمرتب السنوى لجمسوعة تتكون من ثمانية عمال مضامًا اليه مكاماة تشجيعية مقدارها ٢٠٠٠ جبيها

من هذا الشكل يتضع أن المستقيم يقطع جزءًا من محور السادات طوله . ٧ (المقدار الثابت الاول) ،

ومن هذا يمكن أن نستنتج أن الصورة العامة لمعادلة الخط المستقيم هي :

س = ۱ + ب س

حيث س ، ص يمثلان المتغيرين .

ا ، ب مقداران ثابتان لمجموعة معينة من البيانات .

وتمثل ا الجزء الذي يقطعه المستقيم من محور الصادات .

وتمثل ب ميل الخط المستقيم .

وتتحدد معادلة الخط المستقيم إذا علمنا قيمة كل من ا ، ب . وعندئذ يمكن إيجاد قيمة ص المناظرة لقيمة معلومة من قيم س .

(٢٥ - التحليل)

ويلاحظ أنه يمكن استخدام المعادلة السابقة فىالتنبؤ بالمتغير ص بمعلومية قيم معينة للمتغير س ، وعندما يكون معامل الارتباط مساويا للواحد الصحيح (كما هو الحال فى المثال السابق) يكون التنبؤ تاما .

الانحدار الخطى المتنفير ص على المتنبر س:

يندر فى البحوث النفسية والتربوية أن نحصل على معاملات ارتباط تامة نظراً لان عملية القياس فى هذه البحوث تكون معرضة دائماً للخطأ . فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لازواج من القيم التي محصل عليها فى إحدى التجارب فإن النقط لا تكون عادة واقعة على مستقيم معين أو منحنى مهد معروف ، بل الاحظ أنها تفتقد شيئا من الانتظام يتوقف على الدقة فى قياس كل من متغيرى التوزيع ، كا يتوقف على مقدار العلاقة بين هذين المتغيرين .

فى مثل هذه الحالات ، أى حينها لاتقع نقط التوزيع على خط مستقيم معين أو مفحى معين ، نحاول حيائذ أن نبحث عن أحسن خط يكون أقرب ما يمكن من أغلب النقط، أى نبحث عن أقرب خطيشير إلى الاتجاه العام الذى يتخذه أحد المتغيرين بالنسبة للمتغير الآخر بحيث يكون من المعقول اعتباره مثلا للعلاقة بين المتغيرين ، ويسمى هذا الخط بخط أحسن مطابقة The Best Fitting Line لأن المقط تسكون متراكمة حوله أو بخط الابحدار واقعة عليه .

وتتضمن فكرة الانحدار فروضا ثلاثة :

الاول: أن هناك خطأ في قياس أحد المتغيرين أو كايهما .

والثابی : أن كلا من المتغيرين لايكون متأثراً فقط بالآخر بل يكون متأثراً أيضاً بعوامل أخرى خارجية .

والثالث : أنه بالرغم من أخطاء القياس وتأثير العوامل المغارجية فهناك المتعدد الاخطاء التون مثالي يربط بين المتغيرين . أي أننا نفتر من أنه لولا وجود هذه الاخطاء

وهذه العوامل الخارجية لارتبط المتغيران بمعادلة جبرية تمثل خطأ مستقيماً ممهداً هو خط الانحدار . وعلى هذه الاسمى نستطيع اعتبار أن خط الانحدار هو خط بمثل العلاقة الحقيقيه بين المتغيرين .

ولـكن ماذا نعن بخط أحسن مطابقة ؟

لعل الباحث يتذكر أنه عند مناقشتنا للمتوسط الحسابي والانحراف المهاري في الفصلين الثالث والرابع ذكرنا أن المتوسط هو تلك النقطة في التوزيع التي تجعل بحوع مربعات انحرافات قيم التوزيع عنها أقل ما يمكن (وتسمى هذه الخاصية بالمربعات الصغرى Guares) . فمند تطبيق طريقة المربعات الصغرى على مفهوى الارتباط والانحداد يمكن تعريف خط أحسن مطابقة بأنه ذلك الخط الذي يحعل بحموع مربعات الانحرافات عنه أقل ما يمكن ، ويسمى هذا الخط بخط الانحداد .

طريقة المربعات الصغرى :

Method of Least Squares

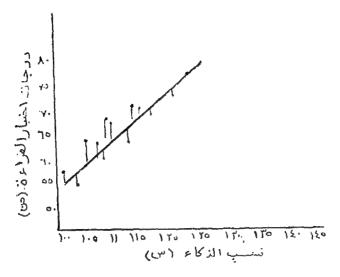
لنبجث الآن عن كيفية تحديد خط الانحدار المناسب لمجموعة من البيانات ذات المتغيرين ، وهو مايطلق عليه أحيانا توفيق خطوط الانحسدار Fitting Regression Line to Data ولإجراء ذلك نبدأ برسم شكل انتشارى بأن نمين لكل زوج مرتب من الملاحظات أو القياسات الخاصة بالمتغيرين موضع البحث نقطة في الشكل البيائي .

ولتوضيح ذاك نفترض أن لدينا بجموعة من البيانات الموضحة فى جدول رقم (٨١) وهى هبارة عن نسب الذكاء ودرجات اختبار فى القراءة لمجموعة تشكون من ١٨ طالبا كالآتى:

درجات اختبار القراء	نسب الذكاء		
(ص)	(<i>w</i>)	رقم الطالب	
44	11/	1	
••	44	۲	
٧٣ }	114	٣	
79	141	٤	
VY	145	•	
0 \$	44	٦	
٧٤	171	Y	
y•	141	٨	
٧.	1.4	4	
77	111	١.	
7.0	114	11	
75	117	١٢	
٦٧ (115	١٣	
٥٩	111	15	
٦٠	1.7	١٥	
•1 .	1.4	١٦	
٧٠	115	17	
• ٧	1.1	١٨	
1100	7.78	الجموع	

جدول رقم (۸۱) نسب ذكاء ودرجات اختبار في القراءة الجموعة تتكون من ۱۸ طالبا

والشكل الانتشاري لحذه البيانات موضح بالشكل رقم (٤٥) الآتي :



شکل رتم (۵۵) شکل انتشاری للبیانات الموضحة بجدول رقم (۸۱)

فبالرغم من عدم انتظام النقط في الشكل السابق إلا أننا تلاحظ أن درجات اختبار القراءة تميل إلى الزيادة بريادة نسب الذكاء .

فإذا علمنا على سبيل المثال نسب ذكاء أحد الطلاب، فكيف تتنبأ بدرجته ف اختيار القراءة ؟

و بالطبع يصعب ذلك بمجرد النظر إلى الشكل رقم (٥٥) أمدم انتظام البيانات، إذ لا يوجد تناظر تام بين بحموعتى الدرجات. وهنا ربما نحاول البحث عن خط أفضل مطابقة للبيانات، هذا الخط المستقيم يمتبر بمثابة التغير في قيم أحد المتغيرين تتيجة لتغير قيم المتغير الآخر.

أى أن هذا الخط يصف النزعة العامة فى البيانات على أساس جميع القيم الممطاة، و بذلك يمكن بمعلومية نسبة ذكاء أحد الطلاب التنبق بدرجته فى اختبار القراءة باستخدام خصائص هذا الخط المستقيم . فإذا كتا بصدد انتنبؤ بقيمة المتغير (ص) بمعلومية المتغير (س) ، فإن طريقة المربعات الصغرى تمكننا من تحديدالخط المستقيم الذي يحمل بجموع مربعات المسافات المواذية لمحور الصادات من كل نقطة إلى الخط المستقيم) نهاية صغرى. وهذا الخط يسمى خط انحدار ص على س •

ورسم هذا الخط بمجرد النظر هو أسهل طريقة لإيجىدد خط الا محدار، إلا أنها طريقة ذاتية قد تعطى نتائج تختلف باختلاف الباحث ، كما أنها لا تصلح في الحالات التي لا تظهر فيها النوعة العامة للبيانات ، أي في الحالات التي لا يطمئن فيها الباحث إلى اختبار خط بالذات دون غيره . كما أن هذه الطريقة لا تحدد للباحث مدى الخطأ في اعتبار الخط الذي اختاره ممثلا للعلاقة بين المتغيرين .

و لذا يكون من العثر ورى اختيار طريقة موضوعية لإيجاد خط الانحدار .

ولقد رأينا أن السرط الأساسي في اختيار هذا الخط هو أن يكون الفرق أو الانحراف السكلي بين قيم التوزيع (والتي تسمى بالقيم المشاهدة) و بين القيم المثالية المناظرة لها على خط الانحدار (وتسمى بالقيم النظرية) أقل ما يمكن ولسكن يمكن في الحقيقة أن نعشر على خطوط كثيرة تجعل المجموع الجبرى لهذه الفروق أو الانحرافات مساويا للصفر ، وذلك لإمكان تعادل الفروق الموجبة مع الفروق السالبة ، ولا نستطيع حينتذ أن نميز أي هذه الخطوط هو الافعنل ، ولذلك نستخدم مربعات هذه الفروق بدلا من الفروق نفسها حيث لا يمكن أن يحدث تعادل لأنها تكون جميماً موجبة في هذه الحالة . والشرط إذن لتوفيق خط الانحدار «و أن يكون بجوع مربعات هذه الفروق أقل ما يمكن . وهذا الشرط لا يتوفر إلا في خط واحد هو الذي نستطيع اعتباره أفضل من غيره في تمثيل لا يتوفر إلا في خط واحد هو الذي نستطيع اعتباره أفضل من غيره في تمثيل الملاقة المطاورة .

وهذا "شرط يمنحنا طريقة موضوعية لايجاد خطوط الانحدار ويعتبر بمثابة قاعدة عامة لإيجاد هذه الخطوط . وهذه الفاعدة تسمى بقاعدة المربعات الصفرى و بمسكر . صياغتها كالآتى :

أفضل خط مطابقة لمجموعة من النقط هو ذلك الخط الذي يجعل مجموع
 مربعات انحرافات هذه النقط المناظرة لها على هذا الخط نهاية صغرى ء .

وأول خطوة يجب أن يتخذها الباحث في محمّه عن خط الانحدار هو المكشف عما إذا كان هذا الخط مستقيا (معادلته من الله جة الأولى كما رأينا فيما سبق) أو خطا منحنيا (له معادلة خاصة). ويمكن أن يتبين الباحث شكل خط الانحدار بالتأمل في الشكل الانتشاري إذ غالباً ما يوحى هذا الشكل بالخط المطلوب.

و الخطوة الثانية هي أن يستخدم الباحث طريقة المربعات الصغرى لتحديد قيم الثوابت في معادلة الخط الذي يختاره على ضوء الخطوة الاولى.

وسنناقش فيما يلي هذه الطريقة في أبسط الحالات وهي حالة الانحدار الخطى البسيط ، وترجىء مناقشة الانحدار غير الخطى إلى الفصل التالى .

إيجاد معادلة خط انحدار ص على س باستخدام الدرجات الخام:

يستخدم خط انحدار ص على س التنبؤ أو لتقدير قيم ص غير المملومة التي تناظر قيم س التي تسكون معلومة .

ولذلك يجب أن نميز بين قيم ص المشاهدة أو اللاحظة والتي رمزنا لها بالرمز ص ، وقيم ص المتنبأ بها أو التي نود تقسيديرها وسنرمز لهما بالرمز ص

فاذا نظر i إلى الشكل رقم (٤٥) تجد أن كل قيمة من قيم س يناظرها قيمة من قيم س يناظرها قيمة من قيم ص عكما يناظرها قيمة ص من تمثل بنقطة على خط الانحدار .

وانحراف أوابتعاد أى نقطة عن خط الانحدار تمثل الفرق بين ص، ص، ص، أى أن مقدار المسافة ص ـــ ص الموازية لمحورالصادات تمثل هذا الانحراف.

وطريقة مربعات الانجرافات الصغرى تبعدد خط الانحداد بحيث يجمل عمرهات هذه الفروق نهاية صغرى ،

ای یبعل : په (ص ـــصم)۲ نهایة صغری .

وسوف نرمز لميل خط انحداد ص على س بالرمز ب ص والنقطة الى يقطع فيها خط الانحداد محور الصادات بالرمز أص س ، وبذلك تكون معادلة خط انحدار ص على س هي :

$$(1) \qquad \qquad \psi_{000} + |\psi_{000}| = |\psi_{000}|$$

ويمكن حساب قيمة كل من الثابتين ب ص ، أص باستخسدام الصور الآنية :

$$(Y) \qquad \frac{\psi \not = \psi \not = \psi \not = \psi}{V(\psi \not = \psi) - V(\psi \not = \psi)} = \psi \not = \psi$$

(1)
$$\frac{1}{1000} = \frac{1}{1000} = \frac{1}{1000}$$

حيث:

يوس هي مجموع قيم س

ا بوص هي مجلوع قيم ص ،

، ﴾ س ص 💎 هي بحموع حواصل ضرب قيم س ، ص المتقابلة .

، بج س٣ هي مجموع مربعات قيم س.

، س متوسط قيم س

، س می متوسط قیم س

و بالطبع فإن إثبات هذه الصور الجبرية يحتاج إلى استخدام بعض الرياضيات العالية وهذا خارج عن نطاق هذا الدكتاب التزاما بما ذكرناه فى المقدمة، وهو أتنا لانفترض أن كل باحث نفسى و تربوى يكون ملما الماما كافيا بأسس و قواهد الرياضيات العالية . فما يهمنا هنا هو كيف يستخدم الباحث هذه الصور فى تحليل بيانات بحثه .

ويمكن توضيح ذلك بتطبيق العور رقم ٢ ، ٤ ، ١ السابقة على البيانات الموضحة بالجدول رقم (٨١) السابق للحصول على معادلة خط انحدار ص (درجات اختبار القراءة) على س (نسب الذكاء) .

ويمكن تلخيص ذلك في الخطوات الآنية :

١ -- الجمع قيم س

٧ ــ أبجمع قيم ص

٣ - أربع قيم س

٤ - نوجد مجموع حواصل ضرب نيم س ، ص المتقابلة .

اجمع حواصل ضرب قيم س ص المتقابلة .

٦ }	0	<u> </u>	٣		
، درجة احتيار	س ص	۲ س۲	درجات	نسب الذكاء	۱ رقم الطالب
القراءة		O	اختبار القراءة	(w)	7 - 10
المتوقعة صم			(ص)		
٦٨	YYAA	37771	77	114	1
00	1900	94.1	۰۰	44	۲
٦٨	3171	18948	٧٣	114	٣
٧٠	1789	12721	79	171	٤
٧١	70	10179	٧٢	175	•
٥٤	-797	97.8	٠٤	4.4	٣
٧٧	4798	17171	٧٤	141	٧
٧٠)	۸٤٧٠	18781	٧٠	171	٨
٦١	٧٠٢٠	3771	70	1.4	٩
74"	YAAF	17771	75	111	١٠
٦٨	> 7 > >	14445	70	114	11
٦٤	7.07	17088	75	114	14
٦0	V0V1	17779	٦٧	115	18
٦٣	4084	17771	04	111	18
٣٠	777.	11777	٦٠	1.7	10
۰۷	7-14	1.8.8	09	1.4	17
٦٥	V41.	17774	٧٠	115	17
۰۷	٥٧٥٧	1.4.1	٥٧	1-1	1.4
	14.4.1	777477	1100	7.78	الجموع

جسدول رقم (۸۲) خطوات حساب معادلة انحدار ص على س

باستخدام الصورة رقم (٢) لحساب ميل خط انحدار ص على س :

$$\frac{\dot{v} * w * - w * \dot{v}}{\dot{v} * w * \dot{v}} = \frac{\dot{v} * \dot{v} * \dot{v}}{\dot{v} * \dot{v}} = \dot{v} * \dot{v}$$

$$\frac{1/\bullet \bullet \times 4.41 - 14.4 \times 1}{2}$$

و باستخدام الصورة رقم (٤) لإيجاد الجزء الذي يقطمه خط الانحدار من محور الصادات .

وبذلك تـكون معادلة خط انحدار ص على س هي :

سم = ۲۰۲۸ س - ۱۱٫۲۰ س

ويمكن استخدام هذه الممادلة فى التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س . ويبين المعمود رقم ٦ فى الجدول رقم (٨٢) السابق درجات اختبار القراءة المتنبأ بها باستخدام قيم ص بعد التعويض بهده القيم فى معادلة خط الانحدار التى حصلنا عليها .

إيجاد معادلة خط انحدار س على ص باستخدام الدرجات الخام :

أو جدنا فيا سبق معادلة خط انحدار ص على س . وقد حددنا هذا الخط عيث يحمل بحموع مربعات المسافات المبينة بالشكل الانتشارى الموازية لمحود الصادات من النقط إلى خط الانحدار نهاية صغرى . وقد كانت المشكلة المطروحة هي التنبؤ بأقل قدر بمكن من الخطأ بدرجات اختبار القراءة بمعلومية فسب الذكاء . أما إذا كنسا نريد التنبؤ بنسب الذكاء بمعلومية درجات اختبار القراءة إذا افترضنا أن فسب الذكاء هي قيم دقيقة وأن درجات اختبار القراءة قد تعرضت للخطأ عند قياسها، فإننا يجب أن فستخدم خط انحدار مختلف عن الخط الأول ، ويسمى خط انحدار س على إص .

وهذا الخط يحب أن يحمل بحموع مربعات المسافات الموازية للمحور السيني من النقط إلى خط الانحدار نهاية صغرى . فإذا افترضنا أن س هي القيمة المشاهدة آو الملاحظة ، سم هي القيمة المتنبأ بها أو التي تريد تقدير قيمتها بمعلومية ص . فإننا يجب أن نبحث عن خط الانحدار الذي يجعل (سسسم)٢ نهاية صغرى.

و بذلك تــكون معادلة خط انحدار س على ص هي .

سم = بس س + أس س + د ٠٠٠٠

عيث سرم ترمز إلى قيمة س المتنبأ بها والتي اريد تقدير قيمتها .

- ، ب سمس ترمز إلى ميل خط انحدار س على ص .
- ، أس من ترمز إلى نقطة تقاطع خط الانحدار مع المحور السيني .

ويمكن حساب قيمة كل من ب_{س ص}، أ_{س ص} باستخدام الصورتين الآتيتين :

ويمكن تطبيق الصور ٧ ، ٩ ، ٦ على البيانات الموضحة بالجدول رقم (٨١) لإيجاد معادلة خط العدار س على ص .

حيث نجد أن:

مج ص ا = ٥٥٥ ٧٤٨

وقد سبق أن حصلنا علىقيم مج س ص ، مج س ، مج ص عند إيجاد معادلة خط انحدار ص على س .

$$\frac{1100 \times YY \cdot \xi - 17 \cdot \lambda \cdot 7 \times 1\lambda}{Y(1100) - Y\xi\lambda00 \times 1\lambda} =$$

$$\frac{1100 \times 1704 - 7076}{10} = \frac{1}{10}$$

71,1A ==

وبذلك تـكون معادلة خط انحدار س على ص هي :

سم = ۱,۲۰۷ ص + ۲٤,۹۸

ويمكن استخدام هذه المعادلة فى التنبق بقيم س بمعلومية قيم ص .

ويتضح أن خط الانحدار الأول يختلف عن خط الانحدار الثانى فهما خطان مختلفان لـكل منهما معادلته الخاصة ، وكل منهما يعبر عن علاقة تقريبية بين المتغير بن .

ولكنهما ينطبقان بعضهما على بعض ويصبحان خطا واحداً إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين تاما أى + 1 أو - 1 . أما إذا لم يكن الارتباط تاما فإنه يمكن أن نضرب المعادلتين ١٤، ١٥ الآني ذكرهما لنشبت أن :

معامل الارتباط بين المتغيرين = ط بي المثال السابق فإن معامل الارتباط فنظراً لاختلاف معادلتي خطى الانحدار في المثال السابق فإن معامل الارتباط بين نسب الذكاء و درجات اختمار القراءة:

^{1,} Y · V × · , 7 V · A V ==

هره تقریدا .

ويمكن أن يتأكد الباحث من ذلك بحساب معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص الموضعين في الجدول رقم (٨١) بإحدى الطرق التي ذكر ، اها في الفصل السابق وسيجد أنه قد حصل على نفس القيمة .

إيجاد معادلتي خطى الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات :

يمكن إيجاد معادلتي خطى الانحدار باستخدام طريقة انحراف قبم كل متغير عن متوسط المتغير بدلا من استخدام الدرجات الخام ، أي أن :

انحراف الدرجة س عن المتوسط _ س س س

وانحزاف الدرجة ص عن المتوسط ص _ ص

وعندئذ يمكن التمبير عن ب مرس، ب س كالآتى ،

$$\frac{\sqrt{(\varpi - \varpi)}(\varpi - \varpi)}{\sqrt{(\varpi - \varpi)^{*}}} = \frac{\sqrt{(\varpi - \varpi)}}{\sqrt{(\varpi - \varpi)^{*}}}$$

وقيم ب ص ، ب س م مى نفس القيم الى نحصل عليها باستخدام طريقة الدرجات الخام ، والاختلاف الرئيسي، بيزيدا يرجع لى اختلاف الحاور المرجعية التي تنسب إليها النقط. ونقطة تقاطع خطى الانحدار بالنسبة لمذه الجماور المرجعية الجديدة هي نقطة الاصل .

 \cdot ان ا $\omega_{m} = \omega_{mon} = \omega_{mon}$ ان ان

الملاقة بين الانحدار والارتباط :

وجدنا فيما سبق أنه يمكن تحديد خطى انحدار لآى بجموعة من البيانات ، وأن لكل من هذين الخطين معادلة خاصة به ، وذكرنا أنه إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين هو + 1 أو - 1 فإن جميع النقط في الشكل الانتشاري سوف تقع على خط مستقيم ، وعندئذ ينطبق خطى الانحدار ويصبحان خطا واحداً . أما إذا ابتمدت القيمة المطلقة لمعامل الارتباط (أي قيمة معامل الارتباط بصرف النظر عن الإشارة) عن الواحد الصحيح فإن خطى الانحدار سوف يميل كل منهما على الآخر بزاوية معينة .

وعلى وجه العموم ، فإنه كذا انخفضت قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين زاد مقدار الزاوية بين خطى الانحدار ، وإذا لم تكن هذاك علاقة على الإطلاق بين المتغيرين بمعنى أن يكون المتغيران مستقلان استقلالا تاما عن بعضهما يتعامد خطى الانحدار ، أى تصبح الزاوية بإنهما قائمة (٩٠٠) .

وفى الحقيقة توجد علاقة بسيطة تربط معامل الارتباط يميل خطى الاتحدار يمكن إثباتها كا يلى :

أولا ــ ميل خط انحدار ص علىس:

سبق أن أوضحنا في الصورة رقم (١٢) أن :

$$\frac{(\overline{w} - \overline{w})(\overline{w} - \overline{w})}{(w - \overline{w})^{*}} = \underline{w}$$

ولـكن سبق أن ذكرنا أن إحدى طرق حساب قيمة معامل الارتباط هي

$$\frac{(w-\overline{w})(w-\overline{w})}{\sqrt{(w-\overline{w})*(w-\overline{w})}}$$

أي أن:

$$\overline{\Upsilon(m-m)(m-m)} \times \overline{\Upsilon(m-m)} \times \sqrt{m-m}$$

$$\frac{\sqrt{(w-w)^*}}{v} = \frac{\sqrt{(w-w)^*}}{v}$$

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{5}{2}} \times \sqrt{\frac{5}{2}} \sqrt{\frac{5}{2}}} \times \sqrt{\frac{5}{2}} \sqrt{\frac{5}{2}}$$

$$\frac{3\omega}{2} \times J =$$

(٢٦ -- التحميل)

ثانيا : ممل خط انحدار س على ص :

وبالمثل يمسكن إثبات أن ميل خط انحدار س على ص هو :

$$\frac{3_{v}}{\sqrt{3_{o}}} \times \frac{1}{\sqrt{3_{o}}} \times \frac{1}{\sqrt{3_{o}}}$$

ممادلة خط اتحدار ص على س باستخدام معامل الارتباط:

أثبتنا فيما سبق أن:

وقد سبق أن أوضحنا فى الصورة رقم (﴿) أن :

وبالتهويض عن سيمة كل من ب مس ، أص في معادلة خط انحدار من على س ، وهي :

صم = بس س + اسس نجدان:

$$\overline{y} \times \frac{y}{2} = c \frac{y}{2}$$
 w $+ \overline{y} - c \frac{y}{2}$

$$(17) \qquad \cdots \qquad (\overline{\omega} - \omega) \qquad (17) \qquad \cdots \qquad (17)$$

معادلة خط انحدار س على ص باستخدام معامل الارتباط:

نظرا لوجود معادلة انحدار مختلفة تستخدم للتنبق بقيم المتغير س بمعلوميه قيم للمتغير ص .

فإنه يمسكن بالمثل إئبات أن معادلة خط انحدار س على ص هي :

$$(17) \qquad (\overline{\omega} - \overline{\omega}) \qquad + \overline{\omega} = \overline{\omega} + \overline{\omega} = 0$$

فإذا أمعنا النظر في الحســـد الثانى للطرف الأيسر من كل من المعاداتين ١٦ ، ١٧ وهو :

$$\frac{1}{2\omega} \left(\omega - \overline{\omega}\right) \quad \text{le } \quad e^{\frac{2\omega}{2\omega}} \left(\omega - \overline{\omega}\right)$$

يمكن أن نتبين أنه كلما زادت قيمة معامل الارتباط ر ، كلما زادت قيمة هذا الحد . ويمثل هذا الحد الانحراف المتنبأ به عن متوسط العينة الناشيء عن المحدار ص على س أو س على ص ، أى أننا يمكن أن نستنتج أنه كلما زادت قيمة معامل الارتباط ، كلما زاد مقدار الانحراف المتنبأ به عن متوسط العينة . فإذا ما أصبح معامل الارتباط تاما (أى 1 أو — 1) يصبح مقدار الانحراف المتنبأ به أكبر ما يمكن ، وإذا كان معامل الارتباط صفرا فإن مقدار الانحراف المتنبأ به يكون صفراً أيضا . ولهذا فإنه عندما تسكون ر = صفر اللانحراف المتنبأ به يكون صفراً أيضا . ولهذا فإنه عندما تنعدم الملاقة تصبح ص م = س ، سم = س ، وهذا يعني أنه عندما تنعدم الملاقة بين متذيرين ، فإن أفضل تنبؤ لقيمة معينة من قيم أحد المتغيرين هو متوسط توزيع هذا المتغير .

مثال توضیحی (۱):

لتوضيح كيفية تطبيق معادلة خط الانحدار باستخدام معامل الارتباط نعود إلى المثال الذى قدمناه فى مستهل هذا الفصل . فالطالب حصل على الدزجة ٢٧ فى اختبار نصف العام فى إحدى المواد الدراسية ، ونود أن نقنباً بدرجته فى اختبار آخر العام فى نفس المادة الدراسية مستخدمين البيانات الآتية :

، معامل الارتباط بين الاختبارين ر = للحصول على الدرجة المنابأ بها يجب أن نحصل على معادلة خط انحدار ص على س لاننا نو دالتذبؤ بدرجة الطالب فى اختبار تصف العام (ص) بمعلومية درجته فى اختبار تصف العام (س).

ولذلك يجب أن نطبق المعادلة رقم (١٦) وهي :

$$(\overline{w} - \overline{w}) + \overline{w} = \overline{w} + \overline{w} = \overline{w}$$

$$(\sqrt{17}) \cdot \sqrt{\frac{\Lambda}{2}} \cdot \sqrt{17} + \sqrt{17} = \overline{w} = \sqrt{17} \cdot \sqrt{17} + \sqrt{17} = \sqrt{17} \cdot \sqrt{17} = \sqrt{17} = \sqrt{17} \cdot \sqrt{17} = \sqrt{$$

70.1 =

مثال توضیحی (۲):

إذا حصل الطالب على الدرجة ٧٦ فى اختبار نصف العام . ما هى الدرجة المتنبأ بها فى اختبار آخر العام مستخدما نفس البيانات ؟

للحصول على الدرجة المتنبأ بها نطبق المعادلة رؤم (١٦) كالآن :

$$\sqrt{u-u} = \overline{u} + c \frac{3u}{3u} (uv - \overline{u})$$

$$(\vee \cdot - \vee \neg) \left(\frac{\wedge}{\xi}\right) \cdot , \neg \cdot + \vee \circ =$$

أما إذا كان المطلوب التنبق بدرجات اختبار ما(س) بمملومية درجات اختبار آخر (ص) ، فإنه يمكن اتباع نفس الطريقة مع استخدام المعادلة رقم (١٠) . بدلا من المعادلة رقم (١٦) .

ويجب على الباحث أن يدرك أن هدهنا من تقديم هذين المثااين هو مجرد توصيح كيفية تطبيق معادلتي خطى الانحدار . إذ ليس هناك ما يدعو إلى أن تتنبأ بدرجة طالب في اختبار ما باستخدام اختبار آخر ولدينا جميع البيانات الملاحظة .

وفى الواقع العملى نستخدم الطرق الارتباطية للنذبؤ بأداء الافراد الدين ينتمون إلى عينات أخرى ربما تتواجد فى وقت لاحق حيث نكون قيم المتغير المثنبأ به هير معلومة . مثال ذلك استخدام درجات اختبار فى الاستعداد الموسبةى المتنبؤ بنجاح الطلاب المتقدمين لمعاهد الموسيقى فى سنوات تالية حيث تكون درجات تحصيلهم فى الموسيقى غير معلومة عند اتخاذ قرارات بشأن قبولهم فى هذه المعاهد .

إيجاد معادلتي خطى الانحدار باستخدام الدر جات المعبارية :

عند مناقشتنا لمفهوم معامل الارتباط أكدنا أهمية العلاقة القائمة بين معامل الارتباط والدرجات المعيارية ، فقد عرفنا معامل الارتباط بأنه متوسط بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة لسكل من المتغيرين ، فإذا سولنا قيم كل من المتغيرين س ، ص إلى درجات معيارية فإن :

$$\frac{\overline{\omega} - \omega}{3\omega} = \frac{\omega - \overline{\omega}}{3\omega} = \frac{\omega}{3\omega}$$

ونحن تعلم أن الانحراف المعياري للدرجات المعيارية هو الواحد الصحيح :

أى أن:

وباستخدام هذه المعلومات يمكن استنتاج أن ميل كل من خطى الانحدار في صورته المعيارية يكون مساوياً لمعامل الارتباط لآن :

$$\frac{3\omega}{4\omega} \times x = \frac{3\omega}{4\omega}$$

ويمكن إيجاد معادلة خط انحدار ص على س باستخدام الدرجات المعيارية كالآتى :

حيث إن:

$$(\overline{w} - w) \frac{\partial w}{\partial w} + \overline{w} = w$$

وهذه يمكن كمابتها على الصورة الآنية :

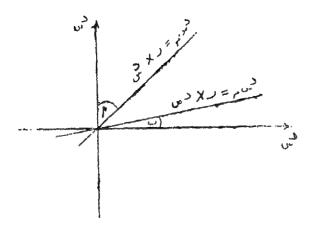
$$\frac{\overline{\omega} - \overline{\omega}}{2\omega} \times \overline{\omega} = \overline{\omega}$$

و لكن $\frac{-\overline{w}}{2}$ = د من الدرجة المعيارية المثنباً بها . أى $\frac{1}{2}$ و لكن $\frac{-\overline{w}}{2}$ = د من الدرجة المعيارية $\frac{3}{2}$

$$\omega = \frac{\overline{\omega} - \omega}{3\omega},$$

وبالمثل يمكن إيجاد معادلة خط انحدار سعلى ص باستخدام الدرجات الميارية وهي:

فإذا رسمنا شكلا انتشاريا للدرجات المعيارية المتقابلة لمتغيرين ، ثم وفقنا أفضل خطى انجدار للبيانات فإنهما يظهران كما مالشكل رقم (٦٠) الآتى :



شمكل رقم (٥٦) خطى الانحدار فى صورتيهما المعياريتين ، الزاوية 1 = الزاوية ب

ومن هذا الشكل بتضح أن ميل خط الانحدار :

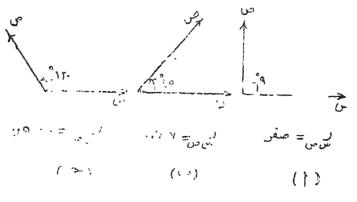
أما إذا كان معامل الارتباط <u>صفراً</u> ، فإن خطى الانحدار يتعامدان ، أى تكون الزاوية بينهما . ٩٠ ، وعندئذ ينطبق أحد خطى الانحدار على محور در ، وينطبق الخط الآخر على محور در .

التميل الهندسي للارتباط:

يفيد التمثيل الهندسي المار تباط في تصور العلاقة بين متغير بن وبخاصة إذا كان لدينا أكثر من متغيرين كما سنرى في الباب الثالث .

وقد ذكراً أنه توجد علاقة بسيطة بين الارتباط والانجدار إذا عبرنا عن كل من المتغيرين في صورة درجات معيارية . فيل خط الانجدار بالنسبة إلى عور مرجمي يساوي معامل الارتباط كا هو مبين بالشكل رقم (٥٥) ، وتوجد في مثل هذه الحالة أيضا علاقة بسيطة بين معامل الارتباط والزاوية المحصورة بين خطى الانجدار . فعامل الارتباط يساوي جيب تهام الزاوية المحصورة بين خطى الانجدار . فعندما يكون معامل الارتباط على صفراً يتعامد خطا الانجدار (اي تصبح الزاوية بينهما . ه ، حتا ، ه ، عند ما يكون معامل الارتباط على منطبق خطا الانجدار (اي تصبح الزاوية بينهما عدة منا الانجدار (اي تصبح الزاوية بينهما عدد منظراً ، حتاصفراً ،

وبالرغم من أن هذا يعد تبسيطا أكثر من الواجب لمفهوم الارتباط ، إلا أن الفسكرة الاساسية هي تمثيل كل من المتغيرين بخط مستقيم له مقدار وانجاه ، ويسمى حينتذ متجه Vector ، والشكل رقم (٥٧) يمثل هندسيا الائة معاملات ارتباط مقاديرها مختلفة .



شسكل رقم (٥٧) التمثيل الهندسي لثلاثة معادلات ارتباط متاديرها مختلفة

فن الشكل يتضح أن الارتباط التام يمكن تمثيله هندسياً بمتجهين متعامدين ، والارتباط الذي قيمته ٧٠٧, يمكن تمثيله بمتجهين يحصران بينهما زاوية ٥٤°، والارتباط الذي قيمته — ٥٠٠, يمكن تمثيله بمتجهين يحصران بينهما زاوية ٠٢٠٠. و نلاحظ أننا افترضنا أن طول كل متجه يساوى الوحدة .ولسكن في بعض الحالات التي يستخدم فيها مثل هذا التثيل الهندسي ، فإن طول المتجه ربما يكون له معنى دقيق وربما يكون طوله أقل من الواحد الصحيح .

والجدول الآئى رقم (٨٣) يوضح بعض قيم معاملات الارتباط ، أى قيم جيب تام الزاوية المحصورة بين متجهى المتغيرين س ، ص .

معامل الارتباط	الزاوية
صفر	٥٩٠
+,178	۰۸۰
+, 727	۰۷۰
•,0••	٠٦.
+,787	٠.
٠,٧٦٦	۰٤٠
٠,٨٦٦	•4.
•,48•	• }
٠,٩٨٥	•1•
1,	صفر

جدول رقم (۸۳) بعض قيم معاملات الارتباط ، اى قيم جيب تمام الزاوية المحصورة بين متجهى المتفيرين

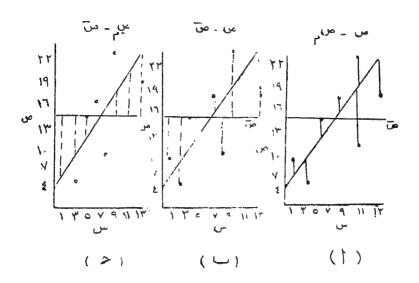
الخطأ المعيارى للتنبؤ :

إذا أراد الباحث التنبق بمتغير ما بمعلومية متغير آخر ، فإنه ربما يحتاح إلى

معرفة العلاقة بين معامل الارتباط ومقدار الخطأ فى التنبؤ . والتمثيل البيانى هو أفضل العارق لتوضيح هذه العلاقة .

قالشكل رقم (٥٨) الآتي يوضح خط انحدار المتغير ص على س ، أي الخط الذي يستخدم في التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س .

وبالرغم من أننا سنقتصر في مناقشتنا على خط انحداد ص على س ، إلا أن المناقشة يمكن أن تنطبق بالمثل على خط انحداد س على ص .



شکل رتم (۸۸) شکل انتشاری لاز واج الدرجات فی متغیرین یوضح خط انحدار ص علی س ۲ متوسط توزیع درجات ص ای ص ۲ ر = ۲۸۲۰،

فن الشكل يتضح أن جميع النقط لا تقع على خط الانحدار لاننا افترضنا أن معامل الارتباط بين المتغيرين يساوى ٨٢,٠، ونحن تعـــلم أن جميع النقط تقع على خط الانحدار إذا كان معامل الارتباط تاماً، والانحرافات ص ــ صم في

الشكل الانتشارى (ج) تمثل خطأ التنبق. وربما يلاحظ الباحث وجه الشبه بين ص – صم. (أى انحراف الدرجات عن خط الانحدار)، ص – ص (أى انحراف الدرجات عن المتوسط). فالمجموع الجبرى لهذه الانحرافات حول خط الانحدار يساوى صفراً. وقد علمنا فيما سبق أن المجموع الجبرى لانحرافات الدرجات عن المتوسط بي صفراً. أى أنه يمكننا القول بأن خط الانحدار هو الدرجات عن المتوسط بي صفراً. أى أنه يمكننا القول بأن خط الانحدار هو نوع من و المتوسط المتحرك Floating Mean ، الذى يأخذ قيما مختلفة على حسب قيم من المستخدمة في التنبؤ .

ويذكر الباحث أننا عندحساب التباين ع٢ ، ربعنا الانحرافات عن المتوسط، وجمعنا هذه المربعات ، وقسمنا الناتج على ن .

ولإيجاد الانحراف المعيارى استخرجنا الجذر التربيعى للتباين الناتج وبنفس الطريقة إذا ربعنـا انحراف كل درجة عن خط الانحدار وجمعنـا مربع الانحرافات الناتجة: أى بح (ص ـ صم) ، فإنه يمكن أن الخذهذا المجدوع كأساس لحساب نوع آخر من التباين والانحراف المعيارى .

ويسمى التباين حول خط الانحدار بتباين البواقى Residual Variance ويمكن تمريفه كما يلي :

أما إذا كنا نود التنبق بقيم س بمعلومية قيم ص فإن تبأين البواق =

والانحراف المعيارى حول خط الانحدار (والذي يسمى الخطأ المعياري للتنبق) هو الجذر التربيعي لتباين البواقي. أي أن :

وإذا كنا نود التنبق بقيم س بمعلومية قيم ص فإن :

$$|V_{i}| = \sqrt{\frac{V_{i}}{V_{i}} - V_{i}}$$

ويمكن استخدام هذه الصورة الرياضية فى حساب الخطأ المعيارى للننبق ، إلا أنها تتطلب كثيراً من العمليات الحسابية . والفرض من عرضنا لها هنا هو الوفاء بما التزمنا به فى هذا الكتاب والذى ذكرناه فى مقدمته من أننا نودأن نضم المفاهيم والطرق والاساليب الإحصائية فى إطارها الصحيح ، فعرضنا لهذه الصور يحمل الباحث على دراية بأسس ومعنى الخطأ المعيارى للتنبؤ ، وأن هذا الخطأ المعيارى يقصد به الانحراف المعيارى للدرجات حول خط الانحدار وليس حول متوسط التوزيع .

إلا أنه كما هو الحال غالبا في أساليب تحليل البيانات توجد طريقة أبسط لحساب الخطأ الممياري للتنبؤ وهي :

والخطأ المميارى للتنبؤ بقيم س بمعلومية قيم ص 😑

ويمكن توضيح هانين الصورتين إذا نذكر الباحث نعربف معامل التحديد

و معامل الاغتراب اللذين ناقشناهما في العصل السابق ، فعامل الاغتراب هو نسبة النباين في أحد المتغيرين الذي لا يرجع إلى المتغير الآخر و هو يساوى (١ - ٧٠)، فإذا ما ضربنا هذا المقدار في القيمة الحقيقية لتباين ص أي ع⁷ص فإننا نحصل على مقدار التباين (مقاسا بالوحدات الاصلية للمتغير ص) والتي لا ترجع أو لا تنسب إلى الانحدار . فإذا ما استخرجنا الجذر التربيعي لحاصل العشرب

ع ص (١ -- ر٢) نحصل على الخطأ المميارى للتنبؤ .

وللاحظ أنه عندما تسكون ر = + 1 أو - 1 يصبح المقدار \1 - 2 الله عندما أنه عندما تسكون ر = + 1 أو - 1 يصبح المقدار بل تقع جميع النقط عليه وعندئذ لا توجد أخطاء في التنبؤ . أما إذا كانت ر = صفرا فإن \1 - 2 = 1 و تصبح أخطاء التنبؤ لمثل هذا التوزيع أكبر ما يمكن ، ويصبح تباين ص الذي أمكن تقديره مساويا لتباين ص الفعلى . وعندئذ يمر خط الانحدار بمتوسط المتغير ص .

ومن هذا يتضح أن الخطأ المميارى للتنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س يتراوح بين صفر ، عص وهو يدل ببساطة على مدى تراكم النقط حول خط الانحدار .

ويمكن توضيح ذلك إذا افترضنا أن الانحراف المعيارى للمتغير ص أى عمى الله عمى الله المعيارى للتنبؤ المناظرة عمى الخطأ المعيارى للتنبؤ المناظرة لقيم و المختلفة :

الخطأ المعيارى للننبؤ	٧١-د١	ر
١٥,٠٠	1,	صفر
18,47	• 44.	٠,١٠
18,40	٠,٩٨٠	٠,٢٠
15,71	•,401	٠,٣٠
18,40	•,41٧	٠,٤٠
17,11	٠,٨٦٦	•,••
17, • •	٠,٨٠٠	٠,٦٠
1.,41	•,٧١٤	•,٧•
1,	٠,٦٠٠	•,^•
7,08	•,٤٣٦	٠, ٩٠
صفر	صغر	١,••
į	Į	

جدول رقم (٨٤) على المختلفة على الخطأ المعياري المناظرة لتيم ر المختلفة عندما يكون الانحراف المعياري لتوزيع المتغير ص = ١٥

ومن الجدول السابق يتصح أن أخطاء التنبؤ كما تقاس بالخطأ المميارى للتنبؤ تسكون كبيرة في هذه الحالة حتى عندما تسكون قيم ركبيرة نسبياً . فإذا افترضنا أن أخطاء التنبؤ تتوزع توزيماً اعتدالياً انحرافه المميارى عص فإنه يمسكنما تفسير مقدار هذا الخطأ . ويجب أن يتذكر الباحث أن ٣٨٪ من الحالات في التوزيع الاعتدالي تقع بين درجتين ممياريتين – ١، + ١، وحوالي ٣٢٪ تقع دون هانين الدرجتين . فعندما تكون ر حصفرا مثلا، عص = ١٥ أى عندما يكون المتفيران مستقلين عن بعضهما أو غير مرتبطين فإن ٨٨٪ من أخطأء التنبؤ سوف تكون أقل من ١٥ نقطة في كلتا الجهتين ، بينها تكون 7٨٪ من اخطاء الكبر من ١٥ نقطة ، وعندما تكون ر حوج ٣٠٪ فإن ٨٨٪ من اخطاء الكبر من ١٥ نقطة ، وعندما تكون ر حوج ٣٠٪ فإن ٨٨٪ من اخطاء

التنبؤ سوف تسكون أقل من ١٢ نقطة (أنظر الجدول رقم ٨٤) بينها تسكون ٢٢٪ من هذه الاخطاء أكبر من ١٦ نقطة ، وعندما تسكون رسمة ٥٠٠٠ فإن ٢٢٪ من أخطاء التنبؤ سوف تكون أقل من ٩ نقط ، وهكذا .

ومن هذا يتضح أنه بالرغم من زيادة قيم معامل الارتباط ر إلا أنه لا تزال توجد أخطاء في التنبؤ . و تقل هذه الاخطاء تدريجيا ولسكن ببطء كلما زادت قيمة معامل الارتباط . وهذا يجب أن يجملنا حدرين عند التنبؤ بمتغير باستخدام متغير آخر .

ولإاقاء العنوء على هذه المشكلة نعرض المثال الآتى :

وجد كثير من الباحثين أن معامل الارتباط بين ذكاء الوالدين وذكاء أبنائهم يبلغ حوالى ، ٥٠ ، وقد استخدم البعض هذا الارتباط لتأكيد دور العوامل الورائية في الذكاء . فإذا كنا على استعداد لتقبل هذا الوأى ، فإننا يبعب أيصا أن تسكون على استعداد لتقبل حقيقة أن التباين في الذكاء الذي يرجع إلى عوامل غير وراثية ولتكن العوامل البيئية سيكون كبيراً بالفعل . فالالمحراف المعياري لسكثير من اختبارات الذكاء يكون مساويا و و نقطة من فسب الدكاء . فإذا نظر أا إلى هذه البيانات من الوجهة التفيؤية نبعد أنه حتى لو كان معامل الارتباط بين ذكاء الوالدين وذكاء أبنائهم صفراً فإن الخطأ المعياري للتنبؤ سيكون بالطبع مقداره و و نقطة ، وذا كان معامل الارتباط حوالى ٥٠ ، كما قررته كثير من البحوث فإن الخطأ المعياري للتنبؤسوف يكون حوالى ١٥ ، كما قورته كثير من البحوث فإن الخطأ المعياري للتنبؤسوف يكون حوالى ١٥ ، كما أن ارتفاع قيمة معامل الارتباط من الصفر إلى ٥٠ ، كم أن در إلى انخفاض ملحوظ في قيمة الخطأ المعياري للتنبؤ .

ويجب أن نلاحظ أننا لم نفرق فى حساب الخطأ المعيارى للتنبؤ بين العلاقة الموجبة والسالبة . فمن الوجهة التنبؤية يكون لمعامل الارتباط ـــ وورو نفس الدقة فى التنبؤ كما هى لمعامل الارتباط ـــ وورو .

مثال (١):

احسب الخطأ الممياري للتنبق بدرجات اختبار فهم المقروء (ص) بمعلومية

درجات اختبار القبول بإحدى السكليات (س) مستخدما البيانات ، الآتية وغسر هذا الخطأ ؟

· , A4 == J

فلإيجاد الخطأ المعيارى تطبق الممادلة رقم (٢٥) وهي الخطأ المعياري التنبؤ · بقيم ص بمعلومية قيم س

$$= 3_{\bullet,\bullet} \sqrt{1 - \epsilon^{7}}$$

$$= 3_{\bullet,\bullet} \sqrt{1 - \epsilon^{7}}$$

$$= 3_{\bullet,\bullet} \sqrt{1 + \epsilon^{7}}$$

$$= 3_{\bullet,\bullet} \sqrt{1 + \epsilon^{7}}$$

7,01 ==

وقد أوضحنا فيما سبق أن الخطأ المعيارى للتنبؤ له خصائص تشبه خصائص الانحراف المعيارى. فمثلا إذا رسمنا خطوطا موازية لخط انحدار ص على س على كل من جانبيه وعلى مسافات تساوى قيمة الخطأ المعيارى للتنبؤ ومصاعفاته فإننا سوف نجد أن حوالى ٢٨ / من الحالات تقع بين + 1 خطأ معيارى ، ... ١ خطأ معيارى ، ٥ ه / من الحالات تقصع بين + ٢ خطأ معيارى - ٢ خطأ معيارى ، معيارى ، من الحالات تقع بين + ٣ خطأ معيارى ، ... ٣ خطأ معيارى ، الحالات تقع بين + ٣ خطأ معيارى ، ... ٣ خطأ معيارى ،

وأستخدام الخطأ المعيارى للتنبؤ بهذا الشكل يتطلب أن نتحقق بعض الفروض في البيانات وهي :

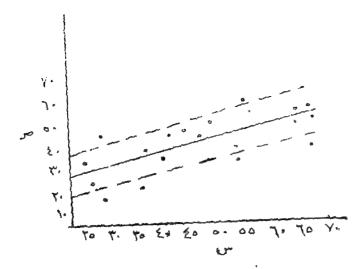
ان تكون العينة التي تستمد منها البيانات الخاصة بمعادلة الانحدار بمثلة للجموعة التي ستطيق هذه المعادلة علما بعد ذلك بغرض التنبؤ .

٧ _ أن تكون أخطاء التنبؤ موزعة توزيعا اعتداليا •

س _ أن تكون أخطاء التنبؤ موزعة توزيما متعادلا على جميع نقط خط الانحدار . وهذا الفرض يعرف بفرض نجانس النباس النباس

ويترتب على عدم تحقق هذا الفرض زيادة اخطاء التنبؤ للدرجات المتطرفة ، غير أن هذا لا يعد في الحقيقة . شكلة في مواقف التنبؤ الفعلية نظراً لانه يمكننا التنبؤ بنجاح أو فشل الطلاب الذين تكون درجاتهم متطرفة بدرجة أفضل من الطلاب الذين تقع درجاتهم بالقرب من مركز التوزيع ، و بعبارة أخرى ر بما تكون أخطاء الننبؤ للحالات المنطرفة كبيرة إلا أنه من الناحية العملية إلا يحب أن تمنع هذه الاخطاء الباحث من استخدام مفهوم الخطأ المعياري للتنبؤ .

فإذا افترضنا تحقق هذه الفروض وأردنا تفسير المحطأ المعيارى للتذؤ في مثال رقم (١) السابق فإننا نرسم خطين موازبين لخط انحدار ص على س ، كما هو مبين بالشكل رقم (هه) الآتى . وكل من الخطين يبعد بقدر واحد خطأ معيارى للتنبؤ أى (+ ١٠٥١ أو - ٢,٥١) .



شسكل (٥٩) خط انحدار ص على س ، الخطين الموازيين له واللذان يبعدان عنه بهتدار الخطأ المعيارى للتنبق

وبذلك يمكن أن نستنج أن ٦٨. إ` من الحالات نقع بين هذين الخطين . أى أن درجاتهم تنحصر بين عد ١٥.٦ حول الدرجة صم المتنبأ بها . كايمكن أن نستنتج أن ٩٥. إ` من الحالات تنحصر بين الخطين الموازيين لخط الانحدار واللذين يبعدان عنه من كاتما جهتيه بقدر (٢ × ١٥.٢ ، - ٢ × ١٥.٦) أى بقدر (٢ ، ١٣. ، - ٢ ، ١٣.) ، أى أن درجاتهم تنحصر بين عد ٢ ، ١٣. حول الدرجة المتنبأ بها .

وبالطبع كلما زاد عدد الحالات زاد التراب عدد اللهم الى تنحصر بين الخطين بالقيم المتوقعة من النوزيع الاعتدالي .

مثال (۲):

فيها بلي درجات بحموعة تتكون من خمسة طلاب في اختبارين .

الاغتبار الثانى (ص)	الأختبار الأول (س)	دقم العالب
٧.	70	1
£ •	10	Y
٧٠		٣
۸٠	••	£
1	10	•

- (1) أوجد معامل الارتباط بين درجات كل من الاختبارين .
 - (ب) أوجد معادلة خط انحدار ص على س ،
- (ج) إذا حصل طالب آخر على الدرجة ٢٥ في 'لاختبار س ، ما هي درجته المتنبأ بها في الاختبار ص .
 - (د) أوجد الخطأ المعيارى للتنبؤ .

لحل هذه المسألة ربما يكون من الأفضل تحويل الدرجات الخام إلى درجات مميارية تظرآ لقلة عدد الدرجات، خيث يمكن خساب معامل الارتباط باستخدام هذه الدرجات المعيارية.

دس × دص	دص	دس ع	رقم الطالب
١, ٨٠	1, 4	1,0	1
•; 4.	*, \$ * -	.,0	۲
منفر	صفر	صفر	٣
•, ٢٠	1 ., 1 .+	•,••+	ŧ
1. 1.	1,7.+	1,00+	•

$$c_{,,\Lambda} = \frac{1}{c} = \frac{c_{,\Lambda} \times c_{,\Lambda}}{c} = \frac{1}{c} = 0$$

، دمس = د ×دس

أى: دمرم $\times \cdot , \wedge \cdot = \times \cdot$ دس

وهذه هي معادلة انحدار ص على س في صورتها المعيارية . أما إذا أردنا إيجاد معادلة ص على س في صورة الدرجات الخام ، فإننا تعليق المعادلة رقم (١٦) السابقة وهي :

$$(\overline{w} - \overline{w}) \frac{e^{2}}{2} \times y + \overline{w} = \omega$$

$$(e \cdot - \overline{w}) \frac{e^{2}}{1!} \times \cdot, \wedge \cdot + \vee \cdot = \omega$$

$$(e \cdot - \overline{w}) \frac{e^{2}}{1!} \times \cdot, \wedge \cdot + \vee \cdot = \omega$$

$$\wedge \cdot - w \cdot \cdot, \wedge \cdot + \vee \cdot = \omega$$

1. - - 1,7 =

فإذا حصل طالب على الدرجة ه٧ في الاختبار س، فإن درجته المتنبأ بها في الاختبار ص وهي :

صم == ١٠ × ٢٥ × ١,٦ = ٣٠ والخطأ المعيارى للتنبؤ بدرجات ص بمعلومية درجات س

= عس ١٧ - د٠

 $\overline{Y(\cdot, \lambda \cdot) - 1} \vee \times Y \cdot =$

 $\cdot, \tau \times \tau \cdot = \overline{\cdot, \tau_{\tau}} \times \tau \cdot =$

17 =

و بمكن تفسير هذه القيمة كما سبق .

تصحيح الخطأ المعياري للتنبؤ:

ربما يكون من الأفضل تصحيح تقدير الخطأ المعيارى التنبؤ إذا استخدم الباحث عينة قليلة العدد (أى أقل من ٥٠ فرداً) قبل أن يعمم هذا التقدير على المجتمع الأصل الذي استمدت عنه العينة ، ويمكن إجراء هذا التصحيح باستخدام الصورة الآنية .

الخطأ المعياري للتذؤ بقيم ص بمعلومية قيم س بعد تصحيحه عصد

الخطأ الممياري قبل التصحيح ×
$$\sqrt{\frac{\dot{v}}{v-v}}$$
 ٠٠٠٠ (٢٦)

حيث ن ترمر إلى عدد أفراد العينة . أو يمكنه إجراء هذا التصحيح عند حساب الخطأ المعياري للتنبؤ بقم ص بمعلومية قم س باستخدام الصورة :

عص ١٧ - را حيث يصبح الخطأ المعياري بعد تصحيحه

$$=3\omega\sqrt{\left(1_{j}^{2}-c^{2}\right)\left(\frac{\dot{c}}{\dot{c}-\gamma}\right)}\cdots\cdots\cdots$$

و بالمثل بالنسبة للخطأ المعيارى للتنبؤ بقيم س بمعلومية قيم ص .

التباين المتنبأ به والتباين غير المتنبأ به :

Predicted and Unpredicted Variance

إذا نظرنا إلى شكل رقم (٧٠) السابق نلاحظ أن هناك ثلاثة أنواع من محموعات المربعات بمكن حسابها من البيانات وهي : ١ - تباين الدرجات حول متوسط المينة (شكل رقم ١٥٠) و يمثل المقدار
 (ص _ ص) ٢ بحموع المربعات الخاصة بهذا التباين . وهو يستخدم في تحديد التباين والانحراف المعيادي للعينة .

۲ ــ تباین الدرحات حول خط الانحدار (او حول الدرجات المتلبأ بها)
 کافی شکل (۱۹۵۳) و یمثل المقدار (ص ــ صم)
 بهذا التباین . و یسمی التباین غیر المتنبأ به ، أو التباین الذی لا نستطیع تفسیره .

ويمكن أن يتضح سبب هذه التسمية إذا رجعنا إلى تفسير معامل الارتباط بين متغيرين . فقد سبق أن ذكر تا أنه إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين يادى ±1 (أىممامل ارتباط تام) ، فإن جميع الدرجات تقع على خط الانحداد ٢

وهذا يمنى أننا تكون قد فسر تا التباين المكلى للمتغير ص يمعلومية تباين المتغير س، وبالعكس نكون قد فسر تا التباين المكلى للمتغير س بعلومية تباين المتغير ص. أى أننا فستطيع القول أنه فى حالة الارتباط للتام يمكننا تعسير التباين المكلى، ولمكن لمكر يكون هذا الاستنتاج صحيحا يجب أن تفترض أن قيمة معامل الارتباط هى القيمة الفعلية أى لا ترجع إلى الصدفة، وهذا يعلى عدم اختلاف قيمة معامل الارتباط اختلاها ملحوظا باختلاف العينات المستمدة من المجتمع الاصل.

أما إذا لم يكن معامل الارتباط تاما فسوف نجد أن كثيراً من الدرجات لا تقع على خط الانحدار كما يتضح من الشكل رقم (٥٥٠) . وانحرافات هذه الدرجات عن خط الانحدار تمثل التباين الذى لا فسنطيع تفسيره بمعلومية الارتباط بين المتغيرين . ولذلك استخدمنا عبارة والتباين الذى لا فستطيع تفسيره أو التباين غير المتنبأ به ، .

۳ - تباین الدرجات المننبا به حول متوسط التوزیع (شکل رقم ۱۵۰).
 ویمثل المقدار (صم - ص)۲ بحمرع المربعات الخاصة بهذا التباین، ویسمی

التباين المتنبأ به أو التباين الذي يمسكن تفسيره . وكلما زادت قيمة معامل الارتباط زاد مقدار التباين الذي يمكن تفسيره أو التنبؤ به . وعندما يكون مقدار هذا التباين أكبر ما يمسكن يكون معامل الارتباط تاما ، وتسكون نسبة التباين الذي يمكن تفسيره . . . / . .

ويمكننا إئبات أن المجموع السكلى للمربعات يشتمل على مكونتين يمسكن إضافة كل منهما إلى الآخرى .

وهانان المسكونتان تمثلان النباين المتنبأ به ، والنباين غير المتنبأ به . $(ص - \overline{\omega})^{\gamma} = (a - \overline{\omega})^{\gamma} + (a - \overline{\omega})^{\gamma} + (a - \overline{\omega})^{\gamma}$ أي أن : $a + \overline{\omega}$ ($a - \overline{\omega}$) $a - \overline{\omega}$ ($a - \overline{\omega}$)

وهذا يمنى أن المجموع الكلى المربعات = جموع المربعات الحاصة بالتباين غير المتنبأ به .

فإذا كانت ر سے صفراً ، فإن مح (ص ب س) معفراً ، وبالتالى يكون التباين الدى لانستطيع تفسيره . يكون التباين السكلى سے التباين غير المتنبأ به أو التباين الذى لانستطيع تفسير أى جزء من التباين الو بدمنى آخر عندما تكون ر سے صفراً ، لا نستطيع تفسير أى جزء من التباين السكلى .

أما إذا كانت ر = 1 فإن : مح (ص - ص م) = صفرا، لأن جميسه الدرجات تقع في هذه الحالة على خط الانحدار ، وبهذا يكون التباين المكلى مساويا للتباين المتنبأ به أو التباين الذي يمكن تفسيره . أو بعمني آخر إذا كانت ر = 1 فإننا نستطيع نفسير . . . / من التباين .

ونسبة التباين المتنبأ به إلى التباين السكلي تسمى معامل التحديد Coefficient of Determination. كما أشراً اللي ذلك في الفصل السابع ، ويرمز له بالرمز رع . ويمكن إيجاد قيمة رع باستخدام الصورة الآتية :

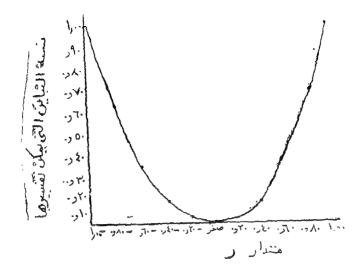
$$(14) \cdot \cdot \cdot \frac{Y(\sqrt{\rho} - \rho v)^{2}}{Y(\sqrt{\rho} - \rho v)^{2}} =$$

و من هذه الصورة يتضح أن معامل التحديد يدل على نسبة التباين الـكلى الذى يمكن تفسيره بمعلومية قيمة معامل الارتباط .

فعندما تکون ر سے صفراً ، یکون معامل التحدید ر ۲ سے صفرا ایضاً . وعندما تکون ر سے ، و ، تکون ر ۲ سے ، ای اننا نستطیع القول ان رحندما تکون ر سے ، و ، تکون ر سے ، من التباین السکلی یمکن تفسیرہ .

ولـكن عندما تـكون ر = ١ تصبح ر ٢ = ١ وبذلك نستطيع تفسير . . . / من التباين الـكلى .

والشكل رقم (٦٠) يوضح بيانياً نسبة أباين أحد المتغيرين الذي يمكن تفسيره بمعلومية تباين المتغير الآخر المرتبط بالمتغير الآول عندما أأخذ رقيماً مختلفة . وتلاحظ أننا استعنا في رسم هذا الشكل بالقيم المبينة في جدول رقم (٨٥) .



شكل رقم (٦٠) نسبة تباين احد المتغيرين الذي يمكن تنسيره بمعلومية تباين المتغير الآخر عندما تاخذ ر قيما مختلفة

ويمكننا أن نلاحظ أن الجذر التربيعي لمعامل التحديد يعطينا تعريفا آخر لمعامل الارتباط ر .

ای ان:
$$c = \pm \sqrt{\frac{||\vec{x}_{1}|_{1}}{||\vec{x}_{2}|_{1}}} ||\vec{x}_{2}|_{2}}$$

$$c = \pm \sqrt{\frac{2(\omega_{1} - \overline{\omega})^{2}}{(\omega_{2} - \overline{\omega})^{2}}} \cdot \cdots \cdot (...)$$

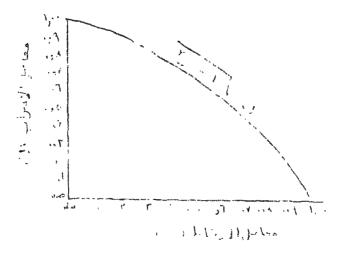
ونظراً لآن ر 7 تمثل نسبة التباین الذی یمکن تفسیره ، فإن (1 – 7) تمثل نسبة التباین الذی لا نستطیع تفسیره بمعلومیة الارتباط بین المتغیرین س ، ص ، ولذلك یسمی المقدار (1 – 7) معامل الاغتراب Coefficient of ویرمر له بالرمز ك 7 .

أى أن ك تمثل نسبة التباين فى المتغير ص الذى يلزم تفسيره بمعلومية متغيرات أخرى تختلف عن المتغير س .

ويمكن تلخيص العلاقة بين ك ، ر٢ كالآتى :

و إذا كانت ر = ۷۰۷۱, فإن ك = ۷۰۷۱, أيضاً ، وهنا فقط تكون د٢ لـ ك٢ = ٥٠، ٠ لـ ٥٠، = ١ ، أى أنه عندما تكون ر = ۷۰۷۱, فإنه يتساوى و جود علاقة مع عدم و جودها .

ويمكن تمثيل العلاقة بين ر ، ك بالشكل الآنى رقم (٣١) . وفي الحقيقة تدل العلاقة المبينة بالصورة رقم (٣٢) وهي د الله ك = ١ على معادلة دائرة مركزها نقطة الآصل ، ونصف قطرها الوحدة ، وقد اقتصر ا في الشكل على تمثيل القيم الموجبة فقط لكل من ر ، ك .



شكل رقم (٦١) العلاقة بين معامل الارتباط (ر) ومعامل الاغتراب (ك)

ممامل فاعلية التنبؤ :

The Index of Forecasting Efficiency

إذا رجعنا إلى الصورة رقم (٢٥) التي تستخدم في حساب الخطأ المعياري للتنبؤ وهي :

النعطا المعيارى للتنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س

تلاحظ أن المقدار الذي تحت علامة الجذر التربيمي هو معامل الاغتراب. أي إنه بمكننا كتابة هذه الصورة بطريقة أخرى كالآثي :

وبذلك يكون الخطأ المعيارى للتنبؤ ٢٤ / ٧٩ من الانحراف المعيارى للستغير ص . أى أننا عند التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س ، تكون نسبة الخطأ مساوية ٧٩ / من الخطأ الناج عند التنبؤ بقيم ص دون معرفة قيم س .

أى أن النسبة المشوية لمقدار النقص فى أخطاء التنبؤ = ١٠٠ - ٧٩,٢٤ = ٧٩,٢٠ أن النسبة المشوية لمقدار النقص فى المحروب النقوية لمقدار النقص فى المحطاء التنبؤ تقيجة للارتباط بين المتفريين و الصورة العامة التى يمكن استخدامها فى حساب هذا المعامل هى :

ف = ١٠٠ (١ – ١٧ – ٢٠) • • • • (٣٤) أو ف = ١٠٠ (١ – ك) • • • • • (٣٥) أو ف = ١٠٠ (١ – ك) • • • • • • • (٣٥) والجدول الآن رقم (٨٥) يوضح قيم ك ، ف ، ر٢ المناظرة لقيم ر المختلفة .

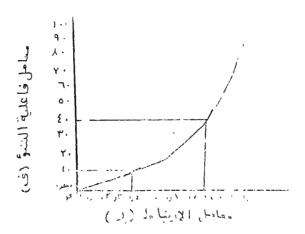
۰۰۱ × د۲	ف	실	ر
صفر	صغر	1,	مفر
مشفر	٠,١	•,444	٠, ٠٠
١,٠٠	٠,٥	.,490	٠, ١٠
7,70	1,1	+,9119	٠, ١٥
٤,٠٠	۲,٠	۰۸۴,۰	٠, ٢٠
7,70	٣,٢	٠,٩٦٨	·, Y0
4,	٤,٦	+,401	٠, ٣٠
14,40	٦,٣	•,144	٠, ٣٠
17,	۸٫۳	٠,٩١٧	٠, ٤٠
Y•,Y•	1.,٧	٠,٨٩٣	٠, ٤٥
۲0,00	14,5	•, ٨٦٦	٠, ٥٠
۳۰,۲۰	17,0	٠,٨٣٥	٠, ٥٥
٣٦,٠٠	۲۰,۰	۰,۸۰۰	٠, ٦٠
17,70	71, -	٠,٧٦٠	٠, ٦٥
٤٩,٠٠	۲۸,٦	٠,٧١٤	٠, ٧٠
07,70	44,4	٠,٦٦١	۰, ۷٥
78,00	٤٠,٠	•, 4 • •	۰, ۸۰
۷۲,۲۰	٤٧,٢	٠,٥٢٧	٠, ٨٥
۸۱,۰۰	٥٦, ٤	•, ٤٣٦	٠, ٩٠
9.,40	٦٨,٨	٠,٣١٢	٠, ٩٥
44, • •	۸۰,۱	٠,١٩٩	٠, ١٨
۹۸,۰۰	۸0,٩	•,181	٠, ٩٩
11,	۹۰,۰ ۱	•,1••	•,440
44,800	90,0	+, + & 0	•,444

جدول رقم (٥٨)

قيم ف، ك، ١٠٠ 🗙 رَا المناظرة لقيم و المختلفة

و نلاحظ من هذا الجدرل أن معامل الارتباط يحب أن يساوى و إو . قبل أن تصل ف إلى ١٠/٠. فمثلا إذا كان معامل الصدق التنبؤى لاختبار ما يساوى و إو . و . فإن معنى هذا أن مقدار أخطاء التنبؤ بوجه عام تكون فقط أقل بقدر ١٠/٠ من الاخطاء التي تحدث لو أنه لم يكن معلوما لدينا درجات الاختبار ، ولحكن يكون لدينا فقط متوسط درجات المقياس المحك . وهذا ربما يدل على عدم فاعلية هذا الاختبار في التنبؤ بالمحك . وتوجد بلا شك مواقف تحسل منها على قيم منخفضة لهذا المعامل، ولكن بالرغم من ذلك يكون للموقف أحمية عملية .

والشكل الآتى رقم (٦٢) يوضح بيانياً الملاقة بين معامل فاعلية التنبؤ (ف) ، ومعامل الارتباط (ر).



شكل رقم (٦٢) . . العلاقة بين معامل فاعلية التنبؤ ، ومعامل الارتباط

ويةترج جيلفورد Guilford أن تنحصر معاملات صدق الاختبارات الق تستخدم فى البحوث النفسية الربوية لأغراض التنبؤ بين ٣٠,٥٠، ٥,٠ لانه نادرا ما نجد اختبارا يزيد معامل ارتباطه بمحك عملي واقعى عن ٥٠،٠ . بينها إذا النخفضت قيمة معامل الارتباط عن ٢٠, و فإن مثل هذا الاختبار تكون قيمته عدودة إذا استخدم عفرده للتنبؤ بالمحك . أما إذا استخدم عنن بطارية من الاختبارات بحيث يسهم إسهاماً متميزا عن غيره من اختبارات البطارية فإنه ربما يفيد في هذه الحالة في التنبؤ.

ولذلك فقد حددنا فى شكل رقم (٦٢) المنطقة التى يجب أن تنحصر بينها قيم معامل الارتباط وهى ٣٠٫٥ إلى ٨٠٫٠، وبذلك تنحصر ف بين ٢٫٤، ٠٤٠

أتمارين على الفصل الرابع عشر

۱ — أوجد معادلتي خطى انحدار ص على س ، س على ص البياءات
 الآتية :

٥	٤	٣	۲	١	س
١	۲	£	٣	0	ص

٢ _ في دراسة لإيجاد العلاقة بين درجات اختبارين إس ، ص حصل باحث على البيانات الآنمة :

- (أ) حصل طالب على الدرجة ١٣٠ فى الاختبار س ، ما هى درجته المتنبأ بها فى الاختبار ص ؟
- (ب) حصل طالب على الدرجة ١٩٢٨ فى الاختبار ص ، ما هى درجته المتنبأ بها فى الاختبار س ؟
 - (ج) إحسب الخطأ الممياري للتنبؤ في كل من الحالتين ؟

٢ – أراد باحث إيجاد العلاقة بين الانزان الانفعالى والاداء العلاب
 إحدى السكليات ، وحصل على السيانات الآنية :

متوسط الآداء (ص)	الاتزان الانفعالى (س)
ص = ۱٫۳۰	س = ۱۹۹
ع س 🖘 ۰٫۵۰	عس= ۱۲
7.	د <u>= ن</u>

(أ) حصل طالب على الدرجة ه٦ في المتغير (س)، ما هو تنبؤك بدرجته في المتغير رص)؟

- (ب) احسب الخطأ الممياري للتنبؤ في هذه الحالة .
- (-) ما هي نسبة التباين المكلي الذي يمكن تفسيره تقيجة لهذه العلاقة .
- ع _ إذا افترضنا أن _ , = ٣٠ ع ص = ٥ ، ص = ١٤ ع ص

- ٨ . ارسم شكلا لـكل . ن خطى الانحدار في الحالات الآنية :

$$(1)$$
 $c = -id$ $(+)$ $c = -1$.

$$1,\dots = 1$$

ثم استنتج العلاقة بين قيمة ر والزاوية المحصورة بين خطى الانحدار .

و إذا كانت معاملات الارتباط (ب، ه، و) سالبة ، ماذا يحدث لهذه الملاقة .

ه _ إذا كان الانحراف المميارى ادرجات اختبار مقن في فهم معانى السكليات _ 10 . والارتباط بين هذا الاختبار ونسب الذكاء ـ 10 . م ما هو توقعك لقيمة الانحراف المعيارى لتوزيع درجات الاختبار المقن إذا طبق على عينة كبيرة من الطلاب المتقاربين في نسب ذكائهم . مع تفسير الإجابة .

(۲۸ .. التحليل)

محصل طالب فی أحد الاختبارات (س) علی درجة تزید عن المتوسط بقدر ه و التحراف معیا ی . ما هی الدرجة المتنبأ بها فی اختبار (ص) إذا كان ممامل الارتباط ر بین درجات كل من الاختبارین یساوی :

$$\cdot, \wedge \cdot - (3) \quad \cdot, \circ \cdot - (4) \quad 1, \cdots (3)$$

٧ — قام أحد الباحثين بدراسة أحد جوانب الآداء في إنتاج إحدى السلم لدى عمال أحد المصانع . وقد استطاع أن يحصل على مقياس للاداء (س) يعكس بدقة كفاءة هؤلاء العمال بعد أن اكتسبوا خبرة في هذا العمل لمدة عام واحد . ثم قام بتصميم اختبار (ص) ليستخدم في التنبؤ بكفاءة العمال المستقبلية في أداءهذا العمل . ووجد أن معامل الارتباط بين هذا الاختبار ومقياس الآداء الذي حصل عليه = . . . و متوسط درجات المقياس ن ، و الانحراف المعياري عس = المعياري عس = ١٠ . باستخدام هذه البيامات أجب على الاسئلة الآنية ،

- (1) حصل عامل على الدرجة . ي في الاختبار (ص) ، ماذا تسكون درجته المتنبأ بها في المقياس (س) ؟
- (ب) ما هو احتمال حصول عامل على الدرجة ١١٠ في مقياس الاداء (س)؟
- (ج) إذا اعتبر الباحث أن الدرجة ٨٠ في المقياس (س) درجة مقبولة ، والدرجات التي تقل عن ٨٠ في نفس المقياس غير مقبولة ـ ما هي الدرجة التي يجب استخدامها كنقطة فاصلة إذا استخدم الباحث الاختبار ض كوسيلة لانتقاء المهال ؟
- (د) حسل عامل على الدرجة ٢٠ فى الاختبار (س) . ما هو احتمال حصوله على درجة غير مقبولة فى المقياس (ص) ؟
- (ه) حصل عامل على الدرجة ٣٠ فى الاختبار (ص) . ما هو احتمال حصوله على درجة مقبولة فى المقياس (س) ؟

- (و) لسكى يحصل عامل على مركز إشرانى فى العمل يجب أن يحقق الدرجة ١٢٠ أو أعلى من ذلك فى المقياس (ص) . ما هى الدرجة فى الاختبار (س) التى يجب استخدامها لاختيار مثل هذا العامل ؟
- (ن) إذا حصل ١٠٠٠ عامل على درجة فى الاختبار (ص) يمكن باستخدامها الننبؤ بحصولهم على الدرجة ١٢٠ فى المقياس (س) . كم عدد العال (بالتقريب) الذين سوف يحصلون على درجات فى الاختبار س تقل عن ١٢٠ ؟ وكم عدد العال الذين سوف يحصلون على درجات تزيد عن ١٣٠ ؟
 - (ح) احسب معامل فاعلية التنبؤ للاختبار ص . وفسر القيمة الناتجة ؟
- ۸ إذا كان تباين أخطاء التنبؤ (مربع الخطأ المعيارى للتنبؤ) = ٢٠٠ ،
 وتباين المتغير ص = ٢٠٠ .
- (أ) أوجد نسبة تباين المتغير ص الذي يمكن تفسيره بمعلومية المتغيرس.
 - (ب) أوجد معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص .
- و النا البواق (ص صم) تتوزع توزيعا اعتداليا انحوافه المعياري عص ما هي الحدود التي تنحصر بينها ٥٥٪ ، ٩٩٪ من هذه البواق؟
- ا إذا كانت الدرجات المعيارية لأربعة تلاميذ في المتغير س هي ٢٠٠
 ١٠٦٠ ، ١٠١٠ ، ١٠١٦ ، والارتباط بين المتغير س ومتغير آخر ص يساوى ٥٠٠٠ .
 - (1) أوجد الدرجة المعيارية المتنبأ بها لـكل منهم في المتغير ص .
 - (ب) أوجد الخطأ المعياري للتنبق.



الفصل أتخامه عشر

الاتحدار غير الخطى

مطابقة البيانات لبعض الدوال الرياضية

مطابقة البيانات للدالة الاساسية

مطابقة البيانات لدالة القوة

مطابقة البيانات للدالة اللوغاريتمية

مطابقة البيانات لدالة القطع المسكاف

عرضنا فى الفصل السابق العلاقة الخطية بين متغيرين و إيجاد خط أحسن مطابقة للبيانات الخاصة بالمتغيرين ، ولكن ربما لا يجد الباحث فى جميسع الاحوال أن هناك خطا مستقيما يشير إلى الاتجاه العام الذي يتخذه أحسد المتغيرين بالنسبة للمتغير للآخر ، بل يجد أن الاتجاه يشير إلى علاقة غير خطية أى منحنية .

وقدناقشنا فى الفصل الحادى عشر كيفية حساب معاملالارتباط بينمتغيرين الملاقة بينهما منحنية باستخدام نسبة الارتباط (m) .

ولكننا سنناتش في هذا الفصل مشكلة التنبؤ أو الانحدار إذا كانت العلاقة بين المتغيرين غير خطية ، وإيجاد أفضل منحني مطابقة أو أفضل دالة رياضية تطابق البيانات . وسوف تعرض في هذا الفصل أربعة أنواع من هـذه الدوال هي الدالة الأسية Exponential ، ودالة القوة Power ، والدالة اللوغاريتمية Logarithmic ، ودالة القطع المكاني. Parabola . وعادة يبدأ الباحث برسم شكل انتشاري لازواج قيم المتغيرين على ورقة رسم بياني عادية ، فإذا وجد أن العلاقة تقترب من الخطية فما عليه إلا أن يستخدم طرق الانحدار الخطى التي عرضنا لها في الفصل السابق . أما إذا وجد أن النقط لا تميل إلى التراكم حول خطمستقيم ، وأنالعلاقة تبدو منحنية فيمكنه استخدام ورقة رسم بياني لوغاريتمي ويوجد نوعان من هذا الورق ، النوع الأول يقسم فيه المحور الافقى إلى أقسام متساوية مثل ورقة الرسم البياني الحـــادية ، بينما يقسم المحور الرأسي تقسيما لوغاريتميا . أي أن الاقسام على هذا المحور ليست متساوية ، و إنما تتبع النظام Semi-Log Paper . أما النوع الثاني فيقسم فيه كل من المحورين تقسيما لوغاريتميا ، وتسمى هذه الورقة ورقة رسم بياني لوغاريتمي على كل من المحورين Log-Log Paper

مطابقة البيانات للدالة الأسية:

Exponential Function

إذا وجد الباحث من التثميل البيان للملاقه بين المتغير بن على ورقة رسم شبه لوغاريتمى Semi—Log Paper أن هذه الملاقة خطمة ، أى أن تحو بل ميزان قياس أى من المتغيرين إلى ميزان لوغاريتمى جعل الملاقه نبدو خطية ، فإن هذا يكون دليلا على أن الملاقة بين قيم كل من ص ، س الملاحظة تأخد شكل منحنى الدالة الاسية التي على الصورة :

وهذا يعنى أن قيم ص ترتبط بقيم س بعلاقة أسية . حيث يكون المتغير المستقل س عبارة عن قوى ب .

ويمسكن كتابة هذه المعادلة على الصورة اللوغاريتمية الآتية :

$$(Y) \qquad \dots \qquad (U_0 + W_0) = (U_0 + W_0) \qquad (Y_0 + W_0) \qquad (Y_0$$

حيث (لو) ترمز إلى لوغاريتم العدد للاساس . ١ . واللاحظان هذه المعادلة تمثل علاقة خطية بين قيم س الاصلية وقيم لو ص .

وبذلك يمكن استخدام طرق الانجدار الخطى التى عرصنا لها فى الفعل السابق ، ولسكن بعد أن نضع لو ص بدلا من ص ، لو ا بدلا من ا . لو ب بدلا مر ب فى الصورتين رقمى ٢ ، ٤ للستخدمتين فى البجاد قيمتى كل من بصور س ، أص

وبذلك تصبح الصورتان كاكَّتى:

$$l_{0} = \frac{v^{2} + w(l_{0} + w)^{2} + w^{2}(l_{0} + w)^{2}}{v^{2} + w(l_{0} + w)^{2}} = \frac{v^{2} + w(l_{0} + w)^{2}}{v^{2} + w(l_{0} + w)^{2}}$$

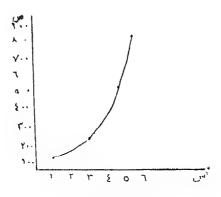
وبالمثل في حالة انبحدار س على ص.

ولتوضيح كيفية تطبيق هاتين الصورتين . نفترض أن لدينا البيانات الآتيسة الخاصة بالمتغيرين س ، ص المبينة بجدول رقم (٨٦) :

ص	س
117	١
154	۲
777	٣
701	٤
٥٨٠	•
٧٢٨	٦

جدول رقم ٨٦

فإذا رسمنا شكلا كالآتى رقم (٣٣) ليوضح العلاقة بين الثقفيرين ، فإننا نلاحظ أن العلاقة غير خطية .



شكل رقم ٦٣. علاقة غير خطية بين المتغيرين

ولكن تصبح هذه العلاقة خطية إذا حولنا ميزان قياس ص إلى ميزان لوغاريتمي كما هو مبين بالشكل رقم (ع٢). ولذلك فإن البيانات تطابق الدالة الاسية.



شکل رقم (۱۳) علاقة خطية بين متغيرين ممثلة على ورقة رسم بياني شبه لوغاريتمي

ولإيجاد معادلة انحدار صعلى سيحب أن نوجد قيمة كل من لو بصس ، لو أصس . ولذلك نكرن جدولا كالآتى:

٣٠٠	س لو ص	لو ص	ص	س	
1	7, . 197	4,.984	117	١	
٤	१,४१४	7,1777	189	۲	
٩	V+179A	Y, 4777	747	٣	
17	10,1970	7,019.	70 1	ź	
40	14.714.	7,774	۵۸۰	٥	
41	14,774.	۲۶۹۳۸۰	۸٦٧	٦	
11	00,1778	14,8892		71	الجموع

جدول رقم ۸۷ خطوات ایجاد معادلتی الانحدار عندما تکون البیانات مطابقة للدالة الاسیة

وبالتمويض في المعادلةين السابقةين رقمي ٣ ، ٤ نجد أن :

$$\frac{(1\xi, \lambda\xi 1\xi)(Y1) - (00, 177\xi)(7)}{Y(Y1) - (91)(7)} = \frac{1}{(7)}$$

·, 11/4 ==

و بالكشف في جدول الاعداد المقابلة للوغاريتهات (يمكن أن يرجمع الباحث إلى أحد الجداول الرياضية) نجد أن :

Y.,089 ==

وبالكشف في جداول الاعداد المقابلة للوغاريتهات مجد أن :

و بذلك تسكون معادلة متحنى الدالة الآسية التي تمتبر أفضل تمثيل للعلاقة بين المتخيرين س ، ص هي :

حيث صم هي قيمة ص المتنبأ بها

وهذه بمكن كتابتها على الصورة اللوغاريشمية الاتية :

لو صم = لو ۱۱۳۰٥ + س لو ۱۰۵۲٤

فإذا أردنا التنبق بقيمة ص بمعلومية قيمة س = ١٠ مثلا ، فما علينا إلا أن نعوض في المعادلة اللوغاريتمية عن س = ١٠ ، و بذلك نحصل على :

TO A A E 4 -

وبالكشف في جدول الاعداد المقابلة الوغاريتيات نجد أن :

صم = ۱۱۷۱۰۸۰

مطابقة البيانات لدالة القوة :

Power Function

إذا وجد الباحث من التمثيل البياني للملاقة بين المتغيرين على ورقة Log-Log أن العلاقة تبدو خطية في حين أنها لم تبد كذلك عندما استخدم ورقة رسم بياني شبه لوغاريتمي Semi -Log Paper فإن هذا يكون دليلا على أن العلاقة بين قيم س ، ص الملاحظة تأخذ منحني دالة القوة التي على الصورة:

وهذه تربط قبم ص بقوى معينة لقيم س -

و يمكن كتابة هذه المعادلة على الصورة اللوغاريتمية الآتية :

وتلاحظ أن هذه الممادلة تمثل علاقة خطية بين لوص ، لو س ، وبذلك يمكن أيضاً إيجاد معادلة الانحدار باستخدام طرق الانحدار الخطى التى عرضنا لها في الفصل السابق . ولسكن يجب أن تضع لو س بدلا من س ، لو ص بدلا من ص ، لو أ بدلا من أ في الصورتين السابقتين رقم ٢ ، ٤ المستخدمتين في إبجاد قيمتي أصس ، بصس في حالة الانحدار الخطى كالآتي :

$$\frac{\dot{v} = \dot{v} = (\dot{v} = \dot{v}) \cdot (\dot{v} = \dot{v}) \cdot (\dot{v} = \dot{v}) \cdot (\dot{v} = \dot{v})}{\dot{v} = (\dot{v} = \dot{v})' \cdot (\dot{v} = \dot{v})'}$$
(V)

 (\land) · · · · · ·

حيث مح (لو س) (لو ص) هي مجموع حواصل الضرب التي نحصل عليها بضرب لو غاديتم كل قيمة من قيم س في لوغاديتم القيمة التي تناظرها من ص .

، بح (لو س)۲ هي جموع مربعات لوغاريتهات قيم س .

وبالتعويض في هانين الصورتين يمكننا إيجاد قيمة كل من أصس ، ب سس وبذلك نستطيع الحصول على معادلة انحدار ص على س وهي :

مطابقة البياتات للدالة اللوغاريتمية :

Logarithmic Function

أحيانا يجد الباحث أن هناك علاقة خطية بين قيم ص وقيم لو س عند تمثيلها على و رقة رسم بيانى شبه لوغاريتمى لتمثيلها على و رقة رسم بيانى شبه لوغاريتمى لتمثيل العلاقة بين قيم إس، ص الاصلية ، فهذا يكون دليلا على أن البيانات تكون مطابقة لمنحنى الدالة اللوغاريتمية ، ومن المعلوم أن الدالة اللوغاريتمية هى دالة عكسمة للدالة الاسية ، و تكتب على الصورة :

و بنفس الطريقة يمكن الحصول على معادلتي الانحدار باستخدام طرق الانحدار الخطى بعد أن نضع لو س بدلا من س في الصورتين رقمي ٢ ، ٤ المستخدمتين في البحاد أص ، بص في حالة الانحدار الخطى .

مطابقه البيانات لدالة القطع المكلفء:

Fitting a Parahola

إذا وجد الباحث أن النط العام للعلافة يشير إلى أن مرم ص تزيد في البدمام مقل بعد ذلك أو العكم ، فإنه يمكنه أن يرتب فيم على ترتيبا نناز ليا أو تصاعديا ، وعدئذ ربما يجد أن البيانات تكون مطابقة لمعادلة الفطع المكافى، الله على الصورة :

وهنا يمكن أن يستخدم الباحث المعادلات الثلاث الآنية في حساب قيمة كل من الثوايت ١، ب، ب، في المعادلة رقم (١٠) كالآتى :

$$(11) \cdot \cdot \cdot (^{7}\omega^{2}) + \psi_{1}(^{2}\omega^{2}) + \psi_{1}(^{2}\omega^{2})$$

$$(17) \cdot (^{r} \cup ^{r}) + (^{r} \cup ^{r}) + (^{r} \cup ^{r}) + (^{r} \cup ^{r})$$

$$(17) \cdot (^{1} - ^{2}) + (^{7} - ^{7}) + (^{7} - ^{7}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) + (^{2}) + ($$

حيث محس ص ترمز إلى بجوع حواصل ضرب كل قيمة من قيم س في قدمة ص المناظرة لها .

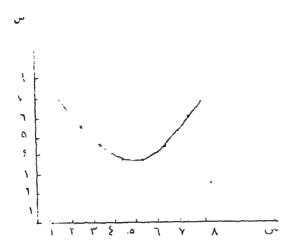
- ، مح س٢ ص ترهز إلى جموع حواصل ضرب مربع كل قيمة من قيم س في قيمة ص المناظرة لها .
- ، مح س^۲ ، مح س³ هي بحموع القوة الثانية ، وبحموع القوة الثالثة ، و بحموع القوة الرابعة للمتغير س على الترتيب .

ويمكن توضيح كيفية تطبيق هذه المعادلات على البيانات الآنية الى في الجدول رقم (٨٨) :

ص	س
٧,٢	1
٦,٧	۲
٤,٧	٣
٣,٧	٤
٤,٧	•
٤,٢	7
0,7	٧
0,7	٨

جدول رقم (٨٨)

قَإِذَا مِثْلُمَا هَذَهُ البِيَانَاتُ تَمَثَيْلًا بِيَانِياً عَلَى وَرَقَةَ رَسَمُ بِيَانَى عَادِيةَ يَمَـكُن أَن تحصل على الشكل الآتي رقم (٦٥):



شكل رقم (٦٥) مطابقة البيانات لدالة القطع المكافىء

و با انظر إلى هذا الشكل تجد أن قيم ص تقل تدريجيا ، ثم تزيد بعد ذلك ، يما يدل على أن شكل البيانات يطابق إلى حد كبير دالة القطع المسكاف. .

والتعويض في المعادلات الثلاث السابقة يتطلب إيجاد قيم مح س ص ، بح س٣ ض ، بح س ، بح س٣ ، بح س ؟ كما في الجدول الآتي :

س۲ ص	س ص	س\$	س۲	س	ص	س (
٧,٢	٧,٢	1	1	1	٧,٢	i	_
Y7,1	18,8	17	٨	٤	7,7	۲	
27,4	14,1	۸۱	77	٩	٤,٧	٣	
7,00	18,4	707	٦٤	17	7,7	٤	
114,0	77,0	770	170	40	٤,٧	٥	
101,7	70,7	1797	717	77	٤,٢	٦	
105.1	41.8	72.1	727	٤٩	0,7	٧	
X+3 F7	٤٥,٦	2.97	017	٦٤	٥٫٧	٨	
۸٬۲۲۰	11.7	۸۷۷۲	1797	7.1	1,73	77	 المجموع

جدول رقم (۸۹) خطوات ایجاد معادلتی الانحدان عندما تکون مطابقة لدالة القطع المکافی،

وبالتمويض في الممادلات رقم ١١، ١٢، ١٣ نجد أن :

$$1,73 = 1$$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$
 $1,73 = 1$

و بحل هدذا النظام من الممادلات الثلاث لكى تحصل على قيمة كل من أ ، ب ، ب مع تقريب كل قيمة إلى رقم عشرى واحد تجد أن :

و بذلك تـكون معادلة القطع المسكاني. هي:

قاذا كانت س = ٥,٠ فإن :

$$(7,0)(0,7) + (7,0)(7) - 9,7 = 0$$

وإذا أردنا تقدير قيمة المتغير س عندما نكون قيمة المتغير ص أقل ما يمكن، فإننا يجب ان نعلم أن أكبر قيمة (أو أصغر قيمة) يأخذها المتغير ص في حالة القطح المسكاني، الذي معادلته ص علم ألب بس ب برس مي عندما تكون

و بالتعويض عن قيمة كل •ن ب، ب التي حصلنا عليها نحد أن :

$$\bullet = \frac{\Upsilon}{\cdot, \xi} = \frac{\Upsilon - \cdot}{(\cdot, \Upsilon)(\Upsilon)} - = \omega$$

$$^{7}(\circ)(\cdot, \Upsilon) + (\circ)(\Upsilon) - 9, \Upsilon = 0$$
و بذلك تـكون ص Υ

وربما يتسامل الباحث كيف أن أقل قيمة تصل إليها ص = ٢,٤ بينها إذا نظر نا إلى الجدول رقم (٨٩) نجد أن بعض قيم المتغير ص أقل من ٢,٤ . فثلا إحدى هذه القيم بين ٢,٣ . والكن يجب أن يعلم الأحث أن المتغير ص هو متغير عشوائي ، وأن معادلة القطم المكافىء التي حاولنا مطابقة البيانات لها يبعب اعتبارها معادلة انحدار ، فعند تفسير القيم المنابأ بها يجب أن تنظر إليها علم أنها قيم متوقعة أو متوسطات وليست سيا ملاحظة ،

(pr - 1 morty)

تمارين على الفصل الخامس عشر

١ ــ فيها يلى مجموعة من البيانات التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين
 س ، ص :

٨	٧	٦	•	٤	٣	۲	١	س
19,4	14,0	9,8	٧,٣	•,1	٠,٠٤	7, 1	٠,٨	ص

(أ) استخدم الدالة الآسية لمطابقة هذه البيانات.

(ب) استخدم ذلك في التنبؤ بقيمة المتغير ص إذا كانت س = ٩ -

٧ - فيا يلي جموعة من البيانات التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين س ، ص :

1 1	۲٠		
	18.		

استخدم دالة القوة لمطابقة هذه البيانات.

٣ ـ بين هل من الممكن أن تطابق المعادلة :

ص= أ + ب لوس

البيانات الآتية التي تشتمل على قيم كل من المتغيرين س ، صر

1.	,•	٧	,•	٤	۲	٣	,•	۲	,•	١	٧,	١	۰, ۰	١	۲,	س
٤,	٦,	٤	۲.	٣	٦,	٣	۲,	7	,۸	۲	٦,	۲	۰,۰	۲,	, ۲	ص

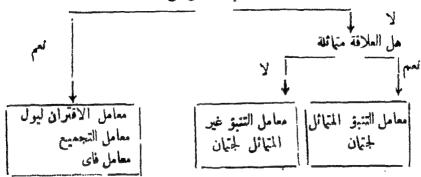
ع 🔃 فيما يلي بحموعة من البيانات التي تشتمل على قيم متغيرين :

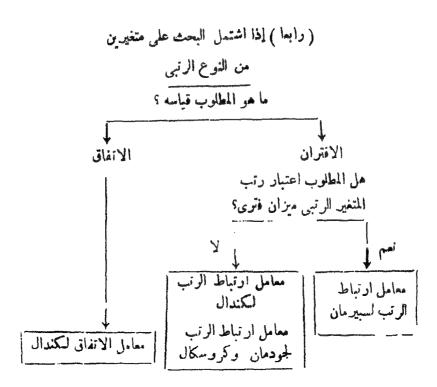
٣,٠	۲,۰	۲,۰	١,٥	١,٠	س
٦,٩	۸,۸	1	٩,٨	۸,٦	ص

استخدم دالة القطع المكانى. لمطابقة هذه البيانات ، وثغباً بقيمة المتغير من التي تجعل قيمة المتغير ص نهاية عظمى مع التقريب لرقين عشريين .

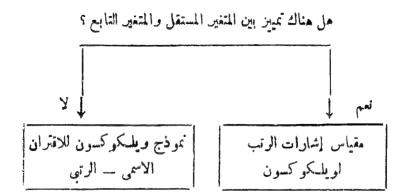
معامل الارتباط المعامل وناطبيه بسوله الدرتباط الارتباط الكارتباط والمفلوب تقديرتها مل الاولاد مرد من المتنارية التاكير هل السلاقة بيخالمتغيرين خطية والمطلق فيامالاكتها ؟ مع من المتغربي かだがんべい المهاعي شعبرة قرارات قساعدالباحث عالماستيارا لأسلوب الامعيال الذي يناسب بإلان بعثع هلها الع تمييزين المتعيم المستقل والمتعولات العي منامق فی طریق سون وردوی معاوند فولا افتا کا افت سه اهمایی حل التنيز إلى تناثق غير حقيق والمعلوب تقديري سياحل الارتباط لواكن المتنير كان مستعملا ماعدد المتيرات الق من النج الشائي ؟ 4 عن المستوح الفسنوى (الانيا) الذا المنافقات البحديد ملى مناف إحدالتنيق المتعددة مراف لاقة بين التنورين خطية والمعلود حوالتنق ؟ الالبائ اساس ارتال ديويون يلا ديوسال لمنحسف الدوائ الرياضي ما في البادة وعد الانفدال

(ثالثا) إذا اشتمل البحث على متغيرين من النوع الاسمى من النوع الاسمى مل كل من المتغيرين يشتمل على قسمين ققط ؟



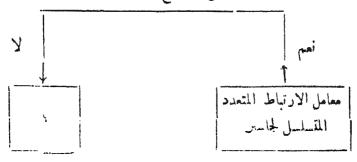


(خامسًا) إذًا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الرتبي والآخر من النوع الاسمى

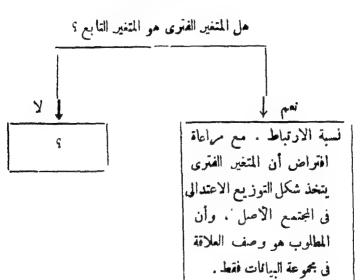


(سادسا) إذا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الفترى والآخر من النوع الرتبي

هل المطلوب اهتبار المتغير الرتبي متغيراً متصلا يتخذ شكل التوزيع الاهتدالي ؟



(سابعاً) إذا اشتمل البحث على متغيرين أحدهما من النوع الفَرَى والآخر من النوع الاسمى





الباحبالثالث

تحليل البيانات المتعددة المتغيرات



الفصل السادسي عشر

نحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات الـكمية

تحليل الانحدار المتمدد في حالة وجود متغيرين مستقلين إيحاد معادلة انحدار ص على س، س، مأخوذتين معاً معامل الارتباط المتعدد و تفسيره

فروض الانحدار المتعدد

تحليل الانحدار المتعدد فى حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة تحليل الانحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالكترونى التمثيل الهندسى للانحدار المتعدد تقلص معامل الارتباط المتعدد

عرضنا في البابين الآول والثافي طرق تحليل البيانات ذات المتغير الواحد ، والبيانات ذات المتغيرين . ولسكن السلوك الإنساني معقد حقا و ايس من البساطة بحيث يعتمد الباحث النفسي والتربوي في دراسته لظاهرة نفسية أو تربوبة معينة على متغير واحد أو متغيرين فقط . إذ أن الباحث يتوقع عادة وجود متغيرات متعددة تؤثر في ظاهرة نفسية معينة ، وإذا أردنا التعبير عن ذلك بأسلوب إحصائي نقول أن تباين المتغيرات التابعة يكون عادة دالة التغيرات الصاحبة في كثير من المتغيرات المساحبة في كثير من المتغيرات المستقلة التي تتفاعل مع بعضها .

فتلا ربمها يستطيع الباحث التثبؤ بتحصيل الطلاب في مواد دراسية معينة بمعلومية درجاتهم في اختبار للذكاء . إلا أنه ربما يستطيع أيضا التنبؤ بتحصيلهم بمعلومية متغيرات أخرى مثل درجاتهم في التحصيل في هذه المواد في أعوام سابقة، أو دافعيتهم للإنجاز والتحصيل، أو بعض سمات شخصياتهم وغير ذلك . فكل من هذه المتغيرات ربما يكون له تأثير على الاداء الاكاديمي للطلاب ، وبالتالي يسهم كل منها بقدر ما في التنبؤ بهذا الاداء .

وتحليل الانحدار المتعدد يمكن الباحث من تحليل العلاقات بين متغير تابع ومتغيرين مستقلين أو أكثر ، والتنبؤ بقيم المتغير التابع بمعلومية قيم المتغيرات المستقلة بجتمعة أدضل من المستقلة ، و بالطبيع يكون التنبؤ باستخدام المتغيرات المستقلة بجتمعة أدضل من التنبؤ باستخدام أى منها على حدة ، بشرط أن يكون الارتباط بين هذه المتغيرات منخفضا ، وارتباط كل منها بالمتغير التابع مرتفعا .

وللانحدار المتعدد جانبان من جوانب تحليل الهيانات أحدهما جانب وصنى، وفيه يكون الاهتمام منصبا على طرق تحليل وتلخيص العلاقة الخطية بين المتغير التابع وبجموعة المتعيرات المستقلة ، والآخر جانب استدلالى ، وفيه يكون الاهتمام منصبا على طرق الاستدلال على العلاقات فى المجتمع الاصل باستخدام البيانات المستمدة من عيسة البحث ، وبالرغم من الارتباط الوثيق بين الجانبين فى تحليل البيانات ، إلا أنه ربما يكون من المناسب معالجة كل منهما على حدة حتى يتسنى الباحث تصور مفهوم الانحدار المتعدد كأسلوب إحصائى وصنى تحليل ، وكأسلوب استدلالى تفسيرى يتمنز بالعمومية والشمول .

ولذلك فإننا سنقتصر فى هذا الجوء من المكتاب على الجانب الوصنى للانحدار المتعدد، ونتناول الجانب الاستدلالي للانحدار فى الجوء الثانى من السكتاب الذي يختص بالاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات .

كما سنقتصر في هذا الباب على مناقشة تحليل الانحدار المتعدد في حالتي وجود متغيرين مستقلين ، وثلاثة متغيرات مستقلة من النوع السكى أو النوعى (السكيني) أي من المستوى الفترى أو الاسمىحتى يتسنى للباحث فهم أساسيات هذا الاسلوب الإحصائي الإحصائي الذي يعتبر نظاما عاما تبنى على أساسه مختلف الاساليب الإحصائية الاخرى مثل تحليل المسادات ، والتحليل العاملي ، وتحليل الدالة النميزية ، وتحليل الارتباط بين بجوعتين من المتغيرات وغيرها .

ونظراً لآن تحليل المسارات يتناول طرق إيجاد العلاقات التركيبية وتفسير العلاقات المتشابكة التي تشتمل عليها البيانات المتعددة المتفيرات ، وهذا يعتبر من أهم استخدامات تحليل الانحدار المتعدد، فإننا سوف نعرض أيضا في فصل مستقل من فصول هذا الباب أسلوب تحليل المسارات الذي يعتبر عن الاساليب الإحصائية المستحدثة في تحليل البيانات . وقد أصبح يستخدم بكثرة في البحوث الاجتماعية والتربوية في الآونة الاخيرة .

تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود متنبرين مستقلين :

عرمننا فى الفصل الرابع عشر موضوع الانحدار الخطى البسيط لمتغير نابع

(ص) على متغير مستقل واحد (س)،وذكرنا أن معادلة خط انحدار ص على س هي :

- ب من ترمو إلى ميل خط الانحداد ، ويسمى معامل الانحداد ،
 أو الوزن التقديرى للمتغير مس .
 - ، س ترمز إلى قيم المتنفير المستقل.

ويمكن استخدام هذه المعاهلة في التنبؤ أو تقدير قيم ص بمعلومية قيم س .

ولتقدير قبمة كل من الثابتين أ ، ب فى هذه المعادلة ذكرنا أنه يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى التى نستطيع عن طريقها تحديد الخط المستقيم الذى يجعل مجموع مربعات الاخطاء الناجمة عن التنبؤ نهاية صغرى . وعندئذ تسكون

$$(7) \quad \cdot \quad \frac{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }}_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not } = \underbrace{(\cancel{p} \not) (\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }}_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }}_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }}_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }_{(\cancel{p} \not) - \cancel{p} \not }}_{(\cancel{p} \not)}$$

وفى الحقيقة أن تحليل الانحدار المتعدد فى حالة و جود متغيرين مستقلين هو امتداد لتحليل الانحدار الخطى البسيط ، و تنطبق عليه نفس الافكار الرئيسيسة فيما عدا أن العمليات الحسابية فى هذه الحالة تكون أكثر مشقة .

فالممادلة العامة للانحدار في حالة وجود متعير أن مستقلين هي :

حيث ص م ترمز إلى قبم ص المتنبأ بها بمعلومية المتغيرين س، ، س، .

، ب، ب ترمز إلى معاملي الانحدار أو الوزن المقدر لحكل من المتغيرين س ، س على الترتيب .

والصورة المستخدمة لحساب الثابت أ هي امتداد للمادلة رقم (٢) كالآتي :

ولإيجاد قيمة كل من أ ، ب ، ب يمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى التي سبق استخدامها في حالة الانحدار الخطى البسيط للحصول على ثلاث معادلات تشتمل على أ ، ب ، ب . .

وهذه المادلات هي :

(v) · · · · ·

ويمكن اختزال هذه المعادلات إلى معادلتين فقط إذا استخدمنا انحوافات قيم المتغيرات س، ، س، ، ص عن متوسط كل منها . وسنر مز لهذه الانحرافات بالرموز س، ، س، ، ص، ، والمعادلتان هما :

$$(4) \cdots \qquad (7) + (7$$

$$(1) \cdot \cdot \cdot \cdot \overset{\mathsf{Y}}{\smile} \overset{\mathsf{Y}}{\smile} + \overset{\mathsf{Y}}{\smile} \overset{\mathsf{Y}$$

و يمكن حل هاتين المعادلتين آنيا لسكى نحصل على قيمة كل من ب، ب، ب،

وهما نفس القيمتين اللتين نحصل عليهما من حل المعادلات رقم ٢ ، ٧ ، ٨ ، وبذلك توفر للباحث بعض الجهد والوقت .

وتيسيراً على الباحث يمكنه استخدام المعادلتين الآتيتين مباشرة لإيجاد قيمة كل من ب، ب وهما :

$$\frac{(\cancel{2} \cancel{w} \cancel{v})(\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v}) - (\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v})(\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v})}{(\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v}) - (\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v})(\cancel{v} \cancel{w} \cancel{v})} = 1$$

$$(\mathsf{IT}) \quad \cdots \quad \frac{\mathsf{I}(\mathsf{I}^{mex})}{\mathsf{i}} - \mathsf{I}^{mex} = \mathsf{I}^{mex} = \mathsf{I}^{mex}$$

$$(1\xi)\cdots\cdots \frac{r(\sqrt{\omega^{2}})}{i}-r_{\sqrt{\omega}}=r_{\sqrt{\omega}}$$

ولكى اوضح الباحث كيفية تطبيق هذه المعادلات في حالة وجود متعيرين مستقلين تقدم المثال الآتى :

نفترض أننا أردنا (يجاد معادلة انحدار درجات جموعة من الطلاب في مادة الرياضيات في الصف الآول بالمرحلة للثانوية (المتنسسير التابع ص) بمعلومية درجاتهم في أحد اختبارات الاستعداد الرياضي (المتغير المستقل الآول س)، ودرجات تحصيلهم في الرياضيات في نهاية المرحلة الإعدادية (المتغير المستقل الثاني س)، وهذه الدرجات مبينة في الجدول الآتي (رقم ، ه).

س	س،	ص	سه	س	ص
٣	٤	٤	•	۲	۲
٦	٣	٣	£	٣	١
٧	٥	٦	*	١	۲
٥	٦	٦	٣	٤	١
4	٧	1.	٤	£	•
٦	4	٩	٥	٤	٤
ŧ	١.	٧	٦	٥	٧
•	٩	٦	1	٤	٦
Y	٦	٩	٦	٧	٧
4	٤	١٠	٤	٦	٨
	1	1	i l	l 1	

چدول رتم (۹۰)

فالخطوة الاولى: يوجد بجموع قيم كل من المتغيرات ص ، س, ، س, ، ومتوسط كل منها ، وبجموع مربعات هذه القيم المتناظرة لكل منها مثنى مثنى ، والانحراف المعيارى لسكل منها كالآتى:

(٠٤ - التحليل)

$$\frac{44}{100} = 0.0 \quad 0.0 = 0.0 \quad 0.0 = 0.0$$

$$\frac{46}{100} = 0.0 \quad 0.0 = 0.0$$

$$\frac{46}{100} =$$

والخطوة الثانية : يستخدم المعادلات رقم ١٣ ، ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٧ لإيجاد بحوع مربعات انحرافات قيم كل من ص ، س ، س عن متوسط كل منها ، وكذلك مجموع انحرافات حواصل العشرب كالآنى :

$$101,00 = \frac{Y(11T)}{Y} - V1Y = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$107,00 = \frac{Y(10T)}{Y} - 7TY = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$01,00 = \frac{Y(10T)}{Y} - 711 = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(11T)(10T)}{Y} - 770 = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(10T)(10T)}{Y} - 770 = \frac{Y(10T)}{Y}$$

$$11,00 = \frac{(10T)(10T)}{Y} - 010 = \frac{Y(10T)}{Y}$$

وجميع هذه المقاييس الإحصائية يتم حسابها بطريقة آلية باستخدام برامج الحاسب الالكتروني الجاهزة . ولكن في حالة وجود متغيرين مستقلين ربما يحتاج الباحث فقط إلى آلة حاسبة صغيرة لإيجاد قيم هذه المقاييس .

وفى الحقيقة توجد طرق متعددة لحساب هذه المقاييس الإحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعدد ، ولسكننا فعنلمنا طريقة بجوع المربعات اسهولة حسابها مباشرة من البياتات ، كما أنها تستخدم فى كثير من المقاييس الإحصائية التي سنعرض لها فى الجزء الثانى من السكتاب مثل تحليل التباين ، وتحليل التغاير وغيرهما .

و يمكن تلخيص النتائج الى حصلنا عليها فيما سبق فى الجدول الآتى رقم (٩١) :

س	س ا	ص	The state of the s
77,00	۸٣,٠٥	101,00	ص
19,40	1.7,00	(+,714)	س
01,70	(+, 4117)	(+,7987)	س
1,0000	۲,۳٦٨	7,007	الانحرابالمعيادي
0,40	0,10	٥٢,٠	المتوسط

جدوك رميم (٩١)

ملخم نتائج المتاييس الاحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعديد في حالة وجود متغيرين مستقلين

و نظراً لأن الباحث سوف يحتاج إلى معاملات الارتباط بين كل متغيرين من المتغيرات س ، س ، س فإنه يمكن أن يحسب هذه المعاملات باستخدام طريقة الدرجات الخام مباشرة كالآنى :

$$\frac{(117)(117) - (177)(117)}{[(117) - (117)(117)][(117) - (117)]} = \sqrt{[(117) - (117)]}$$

$$\frac{1}{\sqrt{(117)}} = \sqrt{(117)} = \sqrt$$

$$\frac{(\cdot 7)(\cdot 77) - (7 \cdot 1)(\cdot 7)}{[(\cdot 7)(177) - (717)(\cdot 7)][(\cdot 7)(177) - (717)^{7}]}$$

$$= 7397.$$

$$\frac{(1\cdot \bullet)(1\cdot T) - (\circ 7)(?)}{\left[\begin{smallmatrix} 7\\ (1\cdot \bullet) - (711)(?) \end{smallmatrix}\right]\left[\begin{smallmatrix} 7\\ (1\cdot T) - (717)(?) \end{smallmatrix}\right]} = \frac{1}{2}$$

وهذه القيم مبينة فى خلايا الجدول رقم (٩١) بين قوسين . وقد حسبنــا معاملات الارتباط السابقة لاهمتها فى :

ا __ إيجاد معادلة المحدار ص على س، س، بعد حساب قيم الثوابت أ ، ب ، ب ، وسوف تستخدم هــــذه المعادلة فى التنبؤ بتحميل طالب معين فى الرياضيات فى الصف الآول بالمرحلة الثانوية بمعلومية درجاته فى اختبار الاستعداد الرياضي ، و درجات تحميله فى الرياضيات فى نهاية المرحلة الإعدادية .

٧ - معرفة نسبة التباين السكلى لتوزيع المتغير ص الذي يمسكن تفسيره عطومي ت المتغيرين س، س، أى معرفة العلاقة بين التركيب الجعلى Linear Combination للمتغيرين المستقلين والمتغير التابع . ويمكن استخدام مربع معامل الارتباط المتعدد Multiple Correlation الذي سنعرض له بعد قليل التعبير عن هذه العلاقة .

ب معرفة الإسهام النسي لكل من المتغيرين المستقلين س، س، ف التغير بقيم المتغير التابع ص . وسوف نستخدم الاوزان بو ، ب ب في إلقاء بعض العنو على هذا الإسهام .

و الكننا سوف تحتاج إلى مقاييس أخرى أكثر دقة لتفسير هذا الإسهام النسى بعضها يعتمد على مربع معامل الارتباط المتعدد .

ع معرفة الدلالة الإحصائية لمقدار مايسهم به كل من المتغيرين المستقلين س ، و لكننا سنرجى مدالحين مناقشة الاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات في الجزء الثاني من السكتاب .

إيجاد معادلة الحدار ص على س، س معا:

لإيجاد معادلة انحدار ص على س، س، في المثال السابق يجب أن نستمين بالمقاييس الإحصائية التي تم حسابها لإيجاد قيمة كل من ب، ب، ب، باستخدام المعادلتين ١١، ٢٠ إكالآق :

$$\frac{(11, 10)(11, 10) - (01, 10)(11, 10)}{(11, 10) - (01, 10)(11, 10)} = \frac{1}{11111}$$

$$\frac{(\wedge 7, \cdot \circ) (19, 70) - (97, 70) (1 \cdot 7, 00)}{(19, 70) - (99, 70) (1 \cdot 7, 00)} = 0$$

$$0.9190 = 0.9190$$

ويمسكن إيحاد قيمة أ باستخدام المعادلة رقم (٥) كالآتى :

$$(0, Y_{\epsilon})(\cdot, 110) - (0, 10)(\cdot, 177) - (0, 10) = 1$$

$$= - 10 Y_{\epsilon} Y_{\epsilon}$$

وبذلك تسكون معادلة انحدار ص على س، ، س، هى :

وإذا نظرنا إلى الجدول رقم (.) نجد أن نيمة ص الفعلية المقابلة لقيمة س = ۲ ، س = ۵ تساوی ۲ ، في حين أن القيمة المتنبأ بها والتي حصلنا عليها من معادلة الانحدار تساوی ۳٫٤۸۸ ، و بذلك يكون الفرق ف بين القيمتين هو — ۲۸۸۲ ، وهذا الفرق يعبر عن خطأ التنبؤ أو ما يسمى ببواقي التنبؤ — Residual ، وهو يساوي (ص — ص م) .

و يمكن الحصول على مقدار أخطاء التنبؤ أو البواق لجميع قيم ص المبينة في جدول رقم (٩٠) . وهذه الاخطاء أو البواق مبينة في الجدول الآتي رقم (٩٢)، وكذلك مربع هذه البواقي ، وقيم ص المتنبأ بها أي صم ، ومربعات هذه القيم ، وحواصل ضرب قيم ص في ص

وسوف تفيد هذه القيم في حساب قيمة معامل الارتباط المتعدد .

ف سے ص ۔ ص	صم = ا + برس + برس	س	س	م
1,411-	7,811	•	Y	4
Y, 1 AY -	4,144.	1	٣	1
.,4481	1,.٣•1	٣	1	4
1,444	Y, AV = A	٣	٤	١
1,4.84	7,7407	٤	٤	0
., 141-	4,7141	•	٤	1
•, • • • •	7,7577	٦	•	٧
7,7.4 7	7,14	٤	٤	٦
., ٤٧٤٢ -	V, £Y £ Y	٦	Y	٧
7,1741	0,. 714	1	٦	٨
1,1787	•,^\•	٣	1	٤
7,.71. —	•,•٢١•	٦	٣.	٣
1,1771 —	٧,١٦٧١	Y	٥	٦
٠,٠•٨٦	•,4818	•	٦	٦
•, ٢٣٢٧—	1., ۲۳۲۷	1	٧	1.
٠,٢٩٩٢	۸,٧٠٠٨	4	١ ١	1
., ٤٧٥٠	V, £Y•1	٤	١.	٧
1,7414-	٧,٧٨١٣	•	4	٦
4,4147	V, V A • £	٧	٦	4
1,7.77	1,444	1	٤	١.
Managathanantia Associational Association and Company of the Compa		1.0	1.4	111

جدول رتم (۹۲) بواتی قیم ص، ومربع البواتی، ومربع قیم ص، وحاصل منرب ص 🗙 ص،

ص 🗙 ص	ص"م	ن
7,4778	17,170	7,7147
٣,١٨٢٠	1.1701	1,7711
۲,۰۷۱۸	1,.471	.,4740
Y, AV • A	۸, ۲۷ ۰ ۲	4,017
14,474	14,6-67	1,4017
14,4097	77,7797	.,01.1
£7,7 7 77	79,.770	•,•441
44,4414	18,8-88	٤,٨٧٠٦
47,7198	V77A,00	•, 4444
1.14.14	70,7140	۸,۸۹۹۱
11,0.77	A, 7V+Y	1,7114
10, .77.	40,41-8	٤,٠٨٩٤
٤٣,٠٠٢٦	*1, TV7T	1,4771
40,771	40,44	٠,٠٠٣٩
1.7,870.	· ٤, ٧· ٨ ١	., . 0 £ 1
YA, Y•YY	140,4.44	٠,٠٨٩٥
•٢,٣٢•٧	••,AYY1	., 7707
£7,7 4 VA	7.,0487	۳,۱۷۳۰
٧٠,٠٢٣٦	7.,0747	1,844
۸۳,۹۲۸۰	٧٠,٩٣٩١	Y,•AT1
V•• ,Y•YA	V=1, T1T-	£7,70TV

وينبغى أن تلاحظ من هذا الجدول أن تصف عدد الفروق (ف) موجب والنصف الآخر سالب ، كما أن معظم هذه الفروق صنيلة ، وهذا بالطبع ما يجب أن يكون . فقيم أ ، ب ، ب التي سبق أن حصلنا عليها تحقق قاعدة المربعات الصغرى ، أى أن هذه القيم تجعل مربع الفروق (ف٢) أقل ما يمكن . فجموع الفروق أي بح ف على صفر ، بينها بح ف٢ على ٢٥٣٧ . ويسمى هذا المقدار و بحوع مربعات البواقى يدل على الجزم من الجموع الكلى للربعات الحاص بالمتفير ص الذي لا نستطيع أن ترجعه أو تنسبه إلى الانحدار .

وفى الحقيقة يمكن أن يحصل الباحث على بحموع مربعات البواقى مباشرة دون الحاجة إلى حساب جميع المقاييس الإحسائية التي قدمناها .

والسبب في عرضنا لها هو توضيح أهمية مفهوم د مجموع المربعات Sum of والسبب في عرضنا لها هو توضيح أهمية مفهوم د مجموع المربعات في التحليلات الإحصائية الاخرى كا سنرى فيما بعد .

وبالتعويض عن قيم ب، ب، ب، به سَ ، بح سَ ، بح سَ سَ من البيانات الموضحة في المثال السابق نجد أن :

وهذا الناتج يدل على الجزء من المجموع السكلى للربعات الخاص بالمتغير ص الذي يمكن أن ينسب أو يرجع إلى انحدار ص على س، مس،

وقد وجدنا فيما سبق أن المجموع الـكلى المربعات الخاص بالمتغير ص

فإذا أصفنا بحوع المربعات الخاص بالانحدار إلى بحوع مربعات البواق ، فإننا نحصل على المجدوع المكلى للربعات الحاص بالمتغير ص .

> ای آن: مم = مم + مم ص انحدار بواق = ۲۲,۲۰۳۷ + ۱۱۲,۳۱۱۲ = ۲۶۲۰,۵۶۴

وهذه تساوی تقریباً بحموع مربعات ص التی حصلنا علیها فیما سبق وهو ^۳ ۱۹۶٫۰۰۰ .

معامل الارتباط المتعدد:

Multiple Cerrelation

يعتبر معامل الارتباط المتعدد من المقاييس الإحصائية الاساسية التي تستخدم في تحليل الانحدار المتعدد . ويدل معامل الارتباط المتعدد على درجة العلاقة القائمة بين متغير تابع ومتغيرين مستقلين أو أكثر . ويعتمد معامل الارتباط المتعدد على الارتباطات الداخلية بين المتغيرات المستقلة من ناحية ، وارتباطات المتغيرات المستقلة بالمتغير التابع من ناحية أخرى . ويعتبر مربع معامل الارتباط المتعدد من المقاييس الإحصائية الهامة في تفسير الانحدار . وسوف نرمز لمعامل الارتباط المتعدد بالرمز رم ، ومربعه رام .

وإحدى الصور البسيطة التي يمكن استخدامها لإيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد والتي تعتمد على بحوع المربعات الخاص بالانحدار (سنرمز له بالرمزم انحدار)، والمجموع السكلي للربعات الخاص بالمتغير ص (سنرمز له بالرمزم ممر) هي:

ويمكن الحصول علىمعامل الارتباط المتمدد (رم) باستخراج الجدرالتربيعي الطرف الايسر من الصورة رقم (١٩) .

فإذا طبقنا هذه الصورة على البيانات المستمدة من المثال السابق تجد أن :

$$V_{1} = \frac{117,7117}{100,00} = V_{1}$$

وينبغى أن يلاحظ الباحث أن معامل الارتباط المتعدد هو معامل ارتباط بيرسون بين قيم المتغير التابع ص، وقيم ص المتنبأ بها والتي تعتبر تركيبا خطبا المتغيرين س، س. .

و يمكن استخدام صورة معامل ارتباط بيرسون رقم (٣) التي عرضنا لها في الفصل السابع في التوصل إلى صورة بما ثلة لحساب قيمة معامل الارتباط المتعدد وهي:

و يمكن الحصول على قيم يح ص ص م ، يجمع ٢، يجمع باستخدام القيم المبيئة في أحدة الجدول رقم (٩٢) .

$$\frac{Y(\rho \circ \varphi)}{(117)} - \gamma \circ \gamma \circ \varphi = \gamma \circ \varphi \varphi$$

$$\frac{Y(117)}{Y \cdot (117)} - \gamma \circ \gamma \circ \varphi = \gamma \circ \varphi \varphi$$

$$\frac{(117)(117)}{Y \cdot (117)} - \gamma \circ \gamma \circ \varphi = \gamma \circ \varphi \varphi$$

$$\frac{(117)(117)}{Y \cdot (117)} - \gamma \circ \gamma \circ \varphi = \gamma \circ \varphi \varphi$$

وینبغی ملاحظة أن مج ص ۲م یجب أن یکون صاویا مج ص ص م م علی وجه التقریب ، فالفرق هنا یساوی ۸۸

وقد سبن أن وجدنا قيمة مج ص ٢ == ٥٥٤,٥٥٠ . وبالتمويض في الصورة رقم (٢١) نجد أن :

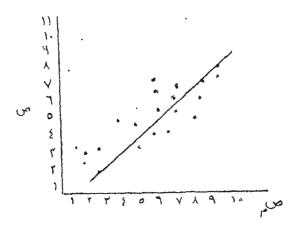
$$\frac{117,7.00}{(117,711.)(101,00)}$$

$$\cdot, \wedge \bullet Y \circ =$$

و اظراً لآن رم هو معامل الارتباط النحلى المتعدد بين المتغير من المتغيرين من ، س ، س ، و أن ص م هر قيم ص المتنبأ بها بعد أخذ تأثير كل من المتغيرين س ، س ، س على المتغير ص في الاعتبار ، لذلك فإن معامل الارتباط بين ص ، ص م يساوى معامل الارتباط النحلى المتعدد بين المتغير ص والمتغيرين س ، س ما .

تفسير معامل الارتباط المتصدد:

لتوضيح مفهوم معامل الارتباط المتعدد وطبيعة الانحدار المتعدد ربما يكون من الافخل تمثيل العلاقة بين قيم المتغير ص ، وقيم ص المتنبأ بها فالمثال السابق والموضعة بجدول رقم (٩٢) تمثيلا بيانياً في الشكل الآتي رقم (٦٦) :



شكل رقيم (١٦٦) تمثيل العلاقة بين قيم المتغير ص ، وقيم ص المتنبأ بها في المثال السابق

و هذا الشكل يشبه الشكل الانتشارى للبتغيرين س ، ص الذى عرصنا لمعند مناقشتنا للانحدار الخطى البسيط ، غير أننا في هذه الحالة مثلنا المتغير ص على المحور الرأسي .

وفى الحقيقة يمكننا اعتبار المتغير صم (المتغير المستقل في هذه الحالة) هو الانحدار المركب من كل من المتغيرين المستقلين س، س، بدلا من س في حالة الانحدار الخطبي البسيط.

وتظراً لأن معامل الارتباط المتعدد فى هذا المثال يساوى ١٥٧٥. وهى قيمة مرتفعة ، لذلك فإننا تلاحظ أن النقط الممثلة لسكل من ص ، ص ، تراكم بصورة واضحة حول خط الانحدار . فعامل الارتباط المتعدد والذى سنرمز له بطريقة أخرى بالرمز وص ، و بأى الارتباط بين المتغير التابع ص، والمتغيرين المستقلين س ، س , معا ، هو تعبير دمزى لما يمثله الشكل البيانى دقم (٦٦) .

فسكايا زاد تراكم النقط حول خط الانحدار دل ذلك على ارتفاع قيمة معامل الارتباط المتعدد . ويجب أن يلاحظ الباحث أله يمكنه رسمخط الانحدار بتوصيل النقطة المناظرة لقيمة أ (الجرء المقطوع من محور الصادات) وهى في هذه الحالة عد – ٢,٣٣٥٩ ، ينقطة تقاطع متوسط كل من ص ، ص م وهما ، ٥٦٥ ، ٥٦ ، ٥٠ ، وهما ، ٥١ ، ٥٠ ، وهما الارتباط المتعدد عملويا الواحد الصحيح . أما إذا التشرت النقط بطريقة عشوائية حول خط الانحداركان معنى هذا أن معامل الارتباط المتعدد يقترب من الصفر .

وبدهنى آخر يشير مداعل الارتباط المتعدد وبخاصة مربع هذا المعامل إلى مقدار أو درجة العلاقة بين المتغير التابع ص والمتغيرين المستقلين س، س، س، معا . ويمكن نفسيرمربع هذا المعامل في ضوء مفهوم التباين المسترك الذي عرضنا

له فى الفصل الرابع عشر . فنى المثنال السابق وجعانا أن رئم == ٧٢٩٧. ، وهذا يعنى أن ٧٧,٦٧٪ من تباين المتغير ص يرجـــــع لملى أو يمكن تفسيره بالمتغيرين س، س، مها .

وهنا يجب أن يلاحظ الباحث أنه يمكن أن تطلق على وبع معامل الارتباط المتعدد اسم ومعامل التحديد، كما هو الحال عند تربيع مربع ارتباط حاصل ضرب المروم لبيرسون . إلا أن قيم معامل الارتباط المتعدد (دم)تترا و حبين صفر، ١، في حين أن قيم معامل ارتباط بيرسون تتراوح بين – ١، + ١ بما في ذلك الصغر .

فني هذا المثال نستطيع القول بأن ١٠٧٢,٦٧ من التباين الكلى لتوزيع درجات اختبار الرياضيات في نهاية الصف الأول لمجموعة الطلاب يمكن تفسيره بمعلومية التركيب الخطى للمتغيرين المستقلين ، وهما درجات اختبار الاستعداد الرياضي ، ودرجات اختبار الرياضيات في نهاية المرحلة الإحدادية .

وبهذا تسكون قد القينا الصوء على المشكلة الثانية التي ذكرناها فيما سبق ، وهى مشكلة معرفة نسبة التباين السكلى لتوزيع المتغير ص الذى يسكن تفسيره بمعلومية المتغيرين س ، س ، معا .

الإسهام النسبي لسكل من المتغيرين س، س، في التنبؤ بقيم المتغير ص:

والآن نود أن نلقى بعض الصوء على مشكلة إسهام كل من المتغيريناللستقلين م، ، س، فى التنبؤ بقيم المتغير التابع ص وهى المشكلة الثالثة التى ذكرناها فيما سبق .

وفى الحقيقة تختلف طرق مواجهة هذه المشكلة . فالاعتماد على قيم معاملى الانحدار أى الاوزان ب ، ب لا يبعمل التفسير واضحا فى تحليل الانحدار المتعدد . ومع هذا فإننا سوف نبدأ بهذا التفسير ثم تعرض بعد ذلك تفسيراً أكثر دقة باستخدام طريقة أخرى .

فقد سبق أن ذكر الفضل الوابع عشر عند عرضنا للانحداد الخطى البسيط أن معامل الانحدار ب في معادلة الانحدار صم المراب في معادلة الانحدار صم الوحدات ، وأطلقنا على الرمز ب أسم و ميل خط الانحدار Regression Slope ».

ولكن الآمريكون أكثر تعقيداً في حالة الانحدار المتعدد نظراً لوجوداً كثر من معامل انحدار واحد ، فني حالة وجود متغيرين مستقلين بصبح لدينا معاملا انحدار ب، ب، وكلما واد عدد المتغيرات المستقلة زاد تبعاً لذلك عدد معاملات الانحدار بنفس القدر .

ومشكلة تفسير الآهمية النسبية لسكل من المتغيرين المستقلين س، س، في التنبؤ بقيم المتغير التابع ص باستخدام قيمة كل من ب، ب، ت.كون مصللة إلى حد كبير . والسبب في ذلك أن هذه القيم تعتمد على ترتيب إدعال المتغيرين المستقلين في معادلة الانحدار . فإذا أدخلنا س، أولا يليها س، كاهو الحال في المشال السابق فإن قيمة كل من ب، ب، تساوى ٣١٣٣, ، ، ٩١٩٥, وعلى الترتيب كارأينا فيا سبق .

وإذا كان ميوان قيم المتغير س, هو نفس ميزان قيم المتغير س, أو هونفسه تقريبا ، بمنى أن تكون قيم كل من المتغيرين س ، س ، متساوية تقريبا ، كا هو الحال في المثال السابق - إذ تتواوح قيم كل من المتغيرين بين ١ ، ، ١ - وإنه بمكن اعتبار قيمة كل من ب ، ب ب تدل على الأهمية النسبية لكل من المتغيرين س ، اعتبار قيمة كل من ب ، ب ب تدل على الأهمية النسبية لكل من المتغيرين س ، س ، أى أن المتغير س في هذه الحالة يسهم بقدر أكبر من إسهام المتغير س ، في التنبق بقيم المتغير س .

و لسكن تزداد المشكلة تعقيداً إذا علمنا أن تغيير ترتيب إدخال المتغيرينس، سي في معادلة الانحدار بي دي الى تغيير قيمة كل من معاملي الانحدار بي ،ب. إذ ربما تصبح قيمة بي أكبر من قيمة سي وبذلك ينعكس التفسير .

و من هنا فإن الاعتماد على قيم معاملات الانحدار في تفسير الأهمية النسبية للمتغيرات المستقلة في التنبؤ بالمتغير التابع يكون مضللاً . ولذلك فإننا سنعرض طربقة أخرى تساعد على هذا التفسير بدرجة أكثر دقة من الطريقة السابقة .

طريقة حساب انحداد ص على س، ، س، كل على حدة :

نظراً لان إسهام كل من المتغيرين س، ، سم، فى التنبق بقيم المتغير التابع ص يختلف عن إسهام المتغيرين معا فى هذا النابق ، فإن الباحث يجب عليه أن يبحث عن أسبة تباين المتغير ص الذى يمكن تفسيره إذا أضيف المتغير المستقل س، أو س، إلى معادلة الانحدار . فالهدف الرئيسي من إضافة متغيرات مستقلة غير مرتبطة بعضها ببعض — أو تو تبط فيها بينها ارتباطا متخفضا — إلى معادلة الانحدار هو زيادة دقة التنبق وإمكانية تفسير أكبر قدر من تباين المتغير التابع ، أو بعمى آخر يكون الهدف من إضافة متغير مستقل جديد في معادلة الانحدار هوخفض يحموع مربعات البواق .

فالتباين السكلى للتغير ص لا يختلف بإضافة أو استبعاد أى من المتغيرات المستقلة . وإضافة بجموع المربعات البعاص بالانحداد إلى بجموع مربعات البواق يساوى دائما المجموع السكلى للمربعات .

ولذلك فإننا نبدأ بإيجاد الانحدار الخطى البسيط للتخير ص على المتغير المستقلالاول س، ونحسب قيمة كل من ب، مم انحدار ، مم بواقي .

فلإيجاد ب، نستخدم الصورة الآنية التي سبق أن استخدمناها في الفصل الرابع عشر .

و بالنَّمويض من البيانات التي حصلهٔ! عليها في المثال السابق نجد أن :

$$\frac{V_{1}}{V_{1}} = \frac{AV_{1} \cdot 6}{1 \cdot 7,00} = \frac{V_{1}}{V_{1}}$$

$$\frac{V_{1}}{V_{2}} = \frac{V_{1}}{V_{2}} = \frac{V_{1}}{V_{2}} = \frac{V_{2}}{V_{2}} = \frac{$$

٢٤,٧٢ - ١٠٤,٥٥ = ١١٠٤١

· 11,17 =

ثم نحسب مربع معامل الارتباط بين المتغير التابع ص والمتغير المستقلس، باستخدام الصورة الآتية :

$$\cdot, \xi 1 \wedge \lambda = \frac{7\xi, \forall Y}{10\xi, 00} =$$

أى أن ٤١٫٨٨/ من تباين المتغير ص وهو درجات اختبار الرياضيات فى الصف الاولالثانوى يمكن تفسيره بمعلومية درجات اختبار الاستعدادالرياضي.

و پیمب آن یلاحظ الباحث آن معامل الارتباط ر بین ص ، س کما مو مبین بالجدول رقم (۹۱) السابق بساوی ۰٫٤۲، ۰٬۲۲۰ ر $^{7}=7٤٧٠$ تقریبا .

وهى تفس القيمة التى حصلنا عليها باستخدام مقاييس الانحدار المتمدد . أى أنه يمكننا اعتبار أن معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين والانحدار الخطى البسيط حالتان خاصتان من معامل الارتباط المتمدد والانحدار المتمدد .

والخطوة التالية هي أن نوجد انحداد المتغير التابع ص على المتغير المستقل الثاني من كالآتي :

ثم نحسب مربع معامل الارتباط بين المتغير ص ، والمتغير س, كالآني :

$$\cdot, \xi \wedge \gamma \circ = \frac{\vee \xi, \circ \vee}{1 \circ \xi, \circ \circ} =$$

وهي نفس القيمة المبيئة في الجدول رقم ٩٦ .

أى أن ٤٨٫٢٥٪ من تباين المتغير ص يمكن تفسيره بمعلومية المتغير س وهو درجات اختبار الرياضيات في نهاية المرحلة الإعدادية .

و من هذا يتضح أن كلا من المتنبدين س، س، يسهم على حدة بقدر متساو تقريبا فى تباين المتغير ص . ولحن يجب معرفة الدلالة الإحصائية لهذا الإسهام، يمنى هل هذا الإسهام رجع إلى محض صدفة أم هو إسهام حقيقى ؟ وإجابة هذا السؤال تحتاج من الباحث الرجوع إلى الاساليب الاستدلالية فى تحليل البيانات وهو ماسنهتم به فى الجزء الثانى من السكتاب .

والآن ربما تود معرفة هل إضافة المتنبر س، إلى المتنبر س، في معادلة لانحدار قد أسهمت في زيادة قدرتنا على التنبؤ بالمتنبر التابع ص ؟

و يمكن الإجابة على ذلك بالاستعانة بقيمة كل من واص ٢١٠ مسادا

فإذا طرحنا را من را من را ص و التباين الذي أسهم المتغير س في التنابق .

ای آن
$$c^{7}_{00}, \gamma = c^{7}_{00}, \gamma - c^{7}_{00}$$

 $= \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2}$

أى أن المتغيرس, أسهم بنسبة ٢٠,٧٥ ٪ ق تباين المتغير ص عندإضافته إلى المتغير س، في معادلة الانحدار ، وهي بالطبع نسبة كبيرة . ويجب هنا أيضا أن نختبر الدلالة الإحصائية لحذه الإضافة .

وينغيران يلاحظ الباحث أنه عندما حسبنا رامس، من انحدار ص على سي فقط وجدنا أن رامس، = ١٩٨٨. بينها انتخصت هسنده القيمة إلى معادله وجدنا أن رامس، إلى المتغير المستقل سي إلى المتغير المستقل سي في معادله الانحدار.

ويمكن تلخيص بحموع المربعات الخاص بالمتغير ص ، وجموع مربصات البواق في حالة استخدام المتغير سي بمفرده ، وفي حالة إضافة المتغير سي الى المتغير سي في معادلة الانحدار في الجدول الآتي رقم (٩٣) :

مقدار النقص الذي				
حدث في مم بو افي	ممبواق	۲۴ انحدار	ممص	س
				months and a second
	14,14	78,48	108,00	المتغير س
£ ∨ , • ∨	17,70	117,81	108,00	اللتغيرين إس ، س
	حدث في مم بوافي	ممبواتی حدث فی ممبوای	۱۲ انحدار ۱۳ بواق حدث فی م بواق ۲۲,۷۳ م ۱۹,۸۲ م	۱۹ اتحداد ۱۹ مرواق حدث فی مم یواقی ۱۹ مرواقی

بېستول رقم (۹۳)

ويتضح من هذا الجدول أن إضافة المتغير س إلى المتغير س فى معادلة الانحدار أدى إلى خصص بجموع مربعات البواق بقدر ٤٧,٥٧ ، أو بمعنى آخر زيادة بحموع المربعات الخاص بالانحدار من ٢٣,٤٢ إلى ١١٢,٣١ أى بقدر ٥٨,٥٧،

وهذا بمادل (٤٧,٥٨ اى حوالى ٣١,٠ كا بينا فيما سبق . `

وبوجه عام إذا كان لدينا بجموعة من المتغيرات المستقلة سي ، سي ، سي ، سي ، من ، د ، من التغير التابع ص ، . . . من التغير التابع ص ، . . . هن التغير التابع ص ، فإننا سوف تحد في هذه الحالة أن را ص ، ٢٠١٠ عند التعاوى

كل من بجوع المربعات الخاص بالانحدار والمجموع الكلى للمربعات وهو ٥٥,٥٥ ، ويصبح بجموع مربعات البواقي صفراً . ولكن نظراً لاتنالم نستخدم في المثال السابق هذه المنفيرات المستقلة جميعاً ، وإنما استخدمنا متغيرين فقط هما س ، س ، فقد وجدناً أن مجوع المربعات الخاص بانحدار ص على س ، فقط يساوى ٣٤,٧٢ ، وفسبة نباين المتغير التابع $\frac{74,77}{100,000} = 100,000$

وبجوع المربعات المخاص بانحدار صرعل س، س، مما يساوى ١١٢,٣١١، وبجوع المربعات المخاص بانحدار صرعل س، س، مما يساوى ١١٢,٣١١، ونسبة تباين المتغير التابع $=\frac{117,7117}{100,000}=777$.

والمقداران ١٠٨٨ع. ، ٧٢٦٧. هما قيمتا رامس١٠٠ ومساء ٢٠ ص

وينبغى أن يلاحظ الباحث أن إضافة متغير مستقل فى حالاوجود متغير مستقل آخر فى معاداة الانحدار المتعدد بغرض زيادة التنبؤ بمتغير تابع لا يعنيف عادة قدرا كبيرا للى مربع معامل الارتباط المتعدد (رمم) وذلك لآن معظم المتغيرات المستقلة المستخدمة فى البحوث النفسية والتربوية تدكون مرتبطة فيا بينها أما إذا كانت قيمة معامل الارتباط بين المستقلين س ، س = صفرا فإنه يمكننا فى هذه الحالة إضافة مربع معامل الارتباط بين س ، ص لكى نحصل على رم م الى المستقلين على المستقلين المستقلين المستقلين المستقلين المستقلين على المستقلين المستق

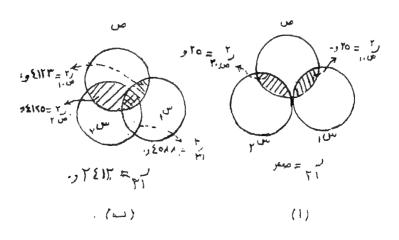
دامس، ۲۱ = دامس، + دامس، ۲۰ س

و بالطبيع يندر وجود مثل هذه الحالة في البحوث النفسية والتربوية ، ولذلك كالم زاد الارتباط بين المتغيرين س ، س قل إسهام المتغير س في التنبؤ بالمتغير التابع ص على افتراض أن المتغير المستقل س قد أسهم بقدر ما في هذا التنبؤ .

فإذا أضاف الباحث متغيرا ثالثا وليكن سي ، وكان مرتبطاً ارتباطا مرتفعاً بكل من المتغير في التنبؤ بالرغم من المتغيرين المستقلين س، ، س، يقل إسهام هذا المتغير في التنبؤ بالرغم من أنه ربما يكون ارتباطه بالمتغير التابع مرتفعاً .

ولسكن وجدنا في المثال السابق أن الارتباط بين المتغيرين المستقلين سي ، سب يساوى ٢٤١٢, كما هو مبين في الجدول رقم (٩١) ، وهي قيمة منخفضة إلى حد ما . وقد أسهم المتغير سي في التنبؤ بدرجات التحصيل بقدر مساو تقريبا لإسهام المتغير س. .

ويمكن توصيح هذه النتامج بشكل عن الآني رهم (٦٧) كمأ عن كير فنجر



شکل رهم (۲۷) تمثیل تباین المتغیرات ص ، س_و ، س_و فی الجالتین ر_{۲۱} == صفر ، دور == ۲٤۱۲.

ويتضح من هذا الشكل أنه يمكن تمثيل تباين كل من المتغيرات ص ، س، ، س، بدائرة .

و في الشكل الأيمن معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين سي،س ـــ صفر،

رص ۱۰ سے ۱۰۰۰ و میں ہے۔ ۱۰۰۰ و بتربیع قیمة کل من رص ۱۰۰۰ و بتربیع قیمة کل من رص ۱۰ و میں در معلومیة رس ۲۰ و جمع الناتھین تحصل علی تباین المتغیرص الذی یمکن تفسیرہ بمعلومیة المتغیرین س، س، معا ۱۰ ای آن :

رام ٠,٥٠ = ٠,٢٥ + ٠,٢٥ = ٢٩٠٠٠

أما الشكل الآيسر فهو يلخص تتاميج المثال الذي عرصنا له في هذا الفصل حيث دوم = ٢٤١٢, وهو الارتباط بين المتغيرين المستقلين س، س، س، ويمثل الجزء الناسج من تقاطع الدائرتين س، س، مربع هذا الارتباط. ولسكننا لا نستطبع الحصول على تباين المتغير ص الذي يمكن تفسيره بمعلومية س، مرب بإصافة رئس. الى رئس به كاهو الحال في الشكل الآيمن حيث دم عضر ، بل يحب أن نظرح الجزء المظلل بمربعات صغيرة ، وهو يمثل الجزء من تباين المتغير مر الذي يشترك فيه كل من المتغيرين س، ، س حتى لا تدخله في حسابنا مرتين .

ومشكلة ارتباط بعض أو جميع المتغيرات المستقلة ارتباطا مرتفعا عند تحليل الانحدار المتعدد تمرف في الإحصاء باسم Multicollinearity . وهذا الارتباط المرتفع يمكن أن يسبب الباحث بعض المشكلات عند استخدامه طريقة الانحدار المتعدد في تحليل بيانات عنه تذكر منها:

1 — إذا كان أحد المتغيرات المستقلة على الأقل دالة خطية تامة لمتغير مستقل آخر أو لمتغيرات مستقلة أخرى في معادلة الانحدار ، فإنه لا يمكن إيجاد قيمة وحيدة لسكل معامل من معاملات الانحدار ، وإذا كان الارتباط بين أى اثنين من هذه المتغيرات تشراوح قيمته بين ٢٠٠، وربما لا يكون ممكنا حل المعادلات المعتادة لإيجاد قيمة معاملات الانحدار بسبب عدم وجود ممكوس ضربي لمع فوفة الارتباطات بن المتغيرات المستقلة ،

٢ ــ عدم ثبات تقدير معاملات الانحدار من عينة إلى أخرى

حكما ذادت الارتباطات بين المتغيرات المستقلة رادت الحاجة إلى صبط التأثيرات المتداخلة لحذه التغيرات على المتغير التابع.

لهدا يحب على الباحث أن يتأكدعند إضافه متغير مستقل إلى معادلة الانحدار بهرض زبادة فاعلية التنبؤ أن يكون ارتباط هذا المتغير الجديد بأى من المتغيرات المستقلة الاخرى منخفضا وفي نفس الوقت يكون ارتباطه بالمتغير التابع ارتباطا مرتفعا.

أى أن الدائرة التى تمثل تباين المتغير المستقل سه مثلا يحب أن تتقاطع مع الدائرة التى تمثل تباين المتغير التابع ص ، ولكنها لايجب أن تتقاطع مع أى من الدوائر التى تمثل تباين المتغيرات المستقلة الآخرى سم ، سم ، سم ، مد، سلامي ، أو على الآقل تكون الآجزاء الذائجة من تقاطعها مع كل منها حثيلة. أما إذا كان هناك ارتباط مرتفع بين المتغيرات المستقلة فإنه لا توجد طريقة مناسبة لإجراء تحليل الاتحدار المتعدد باستخدام هذه المتغيرات، ويوصى الباحث عندئذ بأن يضم المتغيرات المرتبطة ارتباطا مرتفعا معا ويكون منها متغيرا جديدا مركبا Composite Variable يستخدمه في معادلة الاتحدار بدلا من استخدام مركبا المسكونة له . أو يختار فقط أحد هذه المتغيرات المرتبطة ارتباطا مرتفعا المتغيرات المرتبطة المتغيرات المرتبطة المتغيرات المرتبطة المتعدار المتعدار المتعدار المتغيرات المرتبطة المتغيرات المرتبطة المتعدار المتعدار المتغيرات المرتبطة المتغيرات المرتبطة المتعدار المتعدا

الفروض التي يحب أن يتحقق منها الباحث إذا أراد استخدام الانحدار المتعدد :

يتطلب الاستخدام الذكى لأى أسلوب إحصائى فى تحليل البيانات معرفة الباحث للاساس المنطقي الذي بني عليه هذا الاسلوب .

وتحليل الانحداد يتطلب بعض الفروض التي يجب أن تتحقق في البيانات المطلوب تحليلها . وفي الحقيقة أن معظم هذه الفروض لها أهميتها في الجانب الاستدلالي من تحليل وتفسير الانحدار المتعدد ، والكنها لا تعتبر ضرورية إذا اقتصر الباحث في التحليل على الجانب الوصنى أي حداب بعض المقاييس الإحصائية التي عرضنا لها في هدذا الفصل مثل معادلات الانحدار ، ومعامل الارتباط المتعدد ، ونظرا لاننا اقتصرنا في هذا السكتاب على الاساليب الوصفية في تحليل البيانات ، فإننا سوف نتناول هذه الفروض بالمناقشة التفصيلية في البحز. الثاني من المكتاب الذي يختص بالاساليب الاستدلالية في تحليل البيانات ولسكن يحب أن يراعي الباحث أن تكون العينة المستخدمة عشوائية وكبيرة نسبيا وأن تكون المتدى والعلاقة بينها خطية .

إذ ربما يدخل الباحث في اعتباره التفاعل القائم بين المتغيرات إذا تبين له أن العلاقة ليست خطية بأن يعنيف حدودا من العرجة الثانية أو الثالثة مثلا في معادلة الانحدار ، ولذلك ربما يكون من المفيد رسم الشكل الانتشارى لبواقي الانحدار Residuals ، وفحص النط العام لهذه البواقي حول مستوى الانحدار للتأكد من خطية أو انحناء العلاقة بين المتغيرات ، ويجب أن توضح للباحث أنه بالرغم من أن الانحدار المتعدد يعتمد على متغيرات من المستوى الفترى أوالنسبي الا أنه يمكن استخدام متغيرات من المستوى الاسمى و معادلة الانحدار ، وهو ما سنعرض له في الفصل الثامن عشر .

تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة :

الصورة العامة لمعادلة الاتحدار في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة س، ، سه، سه هي :

كا يمسكن. اشتفاق أربع معادلات معتادة Normal Equations من المعادلة رقم (٢٧) باستخدام طريقة المربعات الصغرى كا فى حالة وجود متغيرين مستقلين . غير أننا نحتاج هنا إلى أربع معادلات حتى تتمكن من إيحاد قيمة كل من أ ، ب ، ب ، ب ، وهذه المعادلات هى :

- ، المحرس عدد به المحرس به بالم المحرس بالمحرس المحرس المحرس

و يمكن أيضاً أن نشتق ثلاث معادلات معتادة تعتمده لى انحرافات قيم المتغيرات عن متوسط كل منها باستخدام المعادلة رقع (٢٣) وهذه المعادلات هي :

مجس مجس ب + بن مجس ب + بن مجس ب س ب ب ب ب مجس ب ب ب مجس ب ب ب ب مجس ب ب ب ب مجس ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب

ويمكن أن يعوض الباحث فى هذه المعادلات بنفس الطريقة التى اتبعت فى حالة وجود متغيرين مستقلين ، ثم يحسل المعادلات الثلاث الناتجة ليحصل على الثوابت ب ، ب ، ب ، ب .

وبذلك يستطيع إيجاد معادلة انحدار ص على س، ، س، ، س، مجتمعة في صورتها الانحرافية .

وبالطبع يمكن تعميم الافسكار السابقة على أى عدد من المتغيرات المستقلة ، إلا أنه كل زاد عدد هذه المتنيرات كل زاد تعقيد العمليات الحسابية التي يجبعل الباحث أن يحريها لسكى يحصل على المقاييس الإحصائية اللازمة لتحليل الانحدار المتعدد ، ولذلك يجب أن يلجأ الباحث إلى إحدى وحدات الحاسبات الالكترونية إذا كانت بيانات بحث تشتمل على أكثر من ثلاثة متغيرات ، وتوجسد برامج إحصائية جاهزة تسمى Canned Programs يمكن أن يستخدمها الباحث مباشرة بعد إدخال البيانات الخاصة بالمتغير التاب والمتغيرات المستقلة ، وهذه البيانات ربما تكون هى الدرجات الخاصة بالمتغيرات ، أو معاملات الارتباط ربما يستعين بأحد المتخصصين في برمجة الحاسبات الالكترونية أو أى شخص مدرب على استخدام هذه الحاسبات ، أو ربما يحصل الباحث على تدريب سريع على طرق تجهيز البيانات Data Processing ليقوم بنفسه بعد ذلك باستخدام هذه الجاسبات ، أو ربما يحصل الباحث على تدريب سريع هذه البرامج ، ويمكن أن يستمين بالطرق والمفاهيم التي قدمنا لها في هذا الفصل في نفسير النتائج Outputs التحصيل عليها .

كما يمكن للباحث أن يرجع إلى دليل بحوعة أو حزمة برامج محليل البيانات في البحوث الاجتماعية .

Statistical Packages for the Social Sciences (Spss)

وبخاصة الطبعات الحديثة بنها ، أو غيرها من البرامج المتاحة لسكى يطلع على بمموعة البرائج الجاهزة التى يمسكنه الاستعانة بها فى تحليل بيانات بحثه . ويجب أن نؤكد مرة أخرى أن هذا لا يغنى الباحث عن الفهم المستنبر لطبيعة بيانات بحثه ، والاسئلة التى يود الإجابة عليها باستخدام هذه البيانات فبل أن يختار الاساليب الإحصائية المناسة .

تعليل الانحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالمكتروني :

عرضنا فيا سبق الطرق الممتادة المستخدمة في تحليل الانحدار المتعدد وهي تعتمد على اختيار الباحث لمجموعة من المتغيرات المنبثة Predictor Variables على أساس نظرى أو فكرى ، وتضمينها في معادلة الانحدار مرة واحدة . وربما تغيد هذه الطريقة في تقدير الاهمية النسبية لهذه المتغيرات في التنبؤ بالمتغير التابع . ولسكن كثيراً ما يهدف الباحث إلى محاولة التوصل إلى أفضل بجموعة من المتغيرات المنبئة التي يمكن الاستعانة بهسا في التنبؤ الجيد بمتغير تابع معين . وهذا يهتم بالحصول على أعلى قيمة لمربع معامل الارتباط المتعدد .

ولكن نظراً لأن معظم المتغيرات في البحوث النفسية والتربوية تكون مرتبطة ببعضها كما سبق أن ذكرنا ، فإنه يمكن اختيار بجموعة صغيرة من هده المتغيرات بحيث تجعل قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد مساوية للقيمة التي يحصل عليها إذا استخدم جميع المتغيرات .

وتنصب المشكلة هنا على اختيار أفضل هذه المتغيرات من حيث التكلفة ، ولمكانية الحصول على أدوات لقياسها بدقة . وسهولة تطبيق هذه الادوات إ.

وبالطبع لا يرجد أسلوب أمثل لاختيار مثل هذه المجموعة من المتغيرات ، وإنها يعتمد ذلك على طبيمة البحث والهدف منه والإطار النظرى الذي يسترشد به الباحث و عملية الاختيار . بيد أنه إذا كان هدف الباحث ارتيسي هو اختيارافل عدد من المتغيرات الى يستطيع عن طريقها نعسير أكبر قدر من تباين المتغير

التابع ، فإنه يمكنه استخدام إحدى الطرق الآنية التي صممت لهذا الفرض . و مما هو جدير بالذكر أن معظم هــــــذه الطرق يحب إجراؤها باستخدام الحاسب الالمكتروني بسبب كثرة وتعقد العمليات الحسابية التي تتطلبها .

١ _ طريقة إضافة المتغيرات على التوالى :

Forward (Stepwise) Inclusion

الخطوة الأولى التى تتبع عند إجراء هذه الطريقة هى أن تحسب جميع معاملات الارتباط بين كل من المتغيرات المستقلة والمتغير التابع . ويتم تصمين المتغير التابع المستقل الذى يكون معامل ارتباط حاصل ضرب العزوم بينه وبين المتغير التابع أعلى هذه المعاملات في معادلة الانحدار .

و يلى ذلك تضمين المتغير المستقل التالى الذي يؤدى إلى زيادة ملحوظة في مربع معامل الارتباط المتغير المتغير المعادلة بعد أن يؤخذ في الاعتبار المتغير الذي تم تضمينه أولا . ثم يلى ذلك تضمين المتغير الثالث الذي يرتبط بالمتغير التابع ارتباطاً عالياً بعد عول أثر المتغيرين المستقلين السابقين في معادلة الانحدار .وتستدر هده العملية بقدر ما لدى الباحث من متغيرات مستقلة .

فى كل حالة مراعاة المحك الإحصائى المطلوب أى الدلالة الإحصائية . للزيادة التى تحدث فى مربع معامل الارتباط نتيجة لتضمين متغير مستقل جديد فى المعادلة

و اسكن يجب أن يعلم الباحث أنه كلما زاد حجم العينة تسكون الزيادة في قيمة رحم الها دلالة إحصائية حتى لو كانت هذه الزيادة طفيفة . وهذا يبين أهمية حجم المينة في تحليل الابحداد المتمدد .

ولذلك يجب على الباحث أن يرتكن إلى محك آخر إلى جانب محك الدلالة الإحصائية ، وليكن هذا المحك مرابطا بأهمية وتسكلفة المتعير الجديد الذي يتم تضمينه في معادلة الانحدار .

إذ ربما لا يحنى الباحث فائدة تذكر من إضافة متغير مستقل يكون له دلالة إحصائية ولسكن لا يكون له معنى يذكر . وعلى كل حال يجب على الباحث أن يقرر بنفسه ما إذا كانت التكلفة والفائدة توازى ما يضيفه المتغير المستقل الجديد من تفسير منطقى لتباين المتغير التابع . وبالطبع يمكن أن يختلف هذا المحك الجديد من موقف عثى إلى آخر .

ومما هو جدير بالذكر أن إلحاسب الالكترونى يتولى هملية ترتيب تضمين المتغيرات المستقلة فى معادلة الانحدار ، وبذلك لا يكون للباحث الحرية فى حذف أى من هذه المتغيرات المستقلة من المعادلة .

٧ _ طريقة حذف المتغيرات على التوالى .

Backward Elimination

و تقطة البدء في هذه الطريقة هي تضمين جميع المتغيرات المستقلة التي لدى المتغير في معادلة الانحدار ، وحساب مربع معامل الارتباط المتعدد بينها وبين المتغير التابع . ويتم حذف المتغير الذي لا يؤدى حذف إلى إنقاص قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد . مني أن كل متغير ينظر إليه وكأنه قد تم تضمينه مؤخراً في معادلة الانحدار .

وبهذا تستطيع ملاحظة أى المتغيرات المستقلة تضيف أقل إضافة عندما يتم تضمينها مؤخراً في المعادلة . ويمكن _ كافي الطريقة الاولى _ تقدير النقص الذي يحدث في مربع معامل الارتباط المتعدد تتيجة لحذف متغير مستقل تبعا لمحك الدلالة الإحصائية إلى جانب المحكات الاخرى .

فإذالم يتم حذف أى من المتغيرات المستقلة ينتهى البرتائج. أما إذا تم حذف أحدها، فإن البرتائج يستمر بنفس الطريقة حتى ينتهى من جميع المتغيرات. وإذ أدى حذف أحد المتغيرات إلى تقص له دلالة أو أهمية فى قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد ينتهى البرتائج عند هذا الحد.

ومن الجدير بالذكر أن كلا من الطريقتين السابقتين لا تؤدى بالضرورة إلى اختبار نفس بجوعة المتغيرات المستقلة .

والدليل على ذلك أنه في الطريقة الأولى لا يتم حذف أحد المتغيرات المستقلة التي تشتمل عليها معادلة الانحدار حتى إذا انعدمت أهميته عقب تضمين المتغيرات المستقلة الآخرى في المعادلة . أما في الطريقة الثانية فإنه يتظر إلى متغير مستقل معين في ضوء ما تسهم به المتغيرات المستقلة الآخرى مجتمعة . ولذلك ربما يتم حذف أحد المتغيرات إذا استخدمت الطريقة الثانية بينها يستبقى إذا استخدمت الطريقة الآولى .

٣ ــ طريقة إضافة وحذف المتغيرات تدريجيا :

Stepwise Regression

تجمع هذه الطريقة بين ميزات كل من الطربقتين السابقتين ، وهي تعتبر تعديلا للطريقة الأولى . فهي تتلافي أحد العيوب الرئيسية لهذه الطريقة ، وهو استبقاء أحد المتغيرات المستقلة الذي يتم تضمينه في معادلة الانحدار على الرغم من فقدان أهميته بالنسبة لغيره من المتغيرات التي يتم تضمينها بعد ذلك في المعادلة .

و تجرى اختبارات الدلالة الإحصائية فى نهاية كل خطوة لتحديد مدى إسهام كل متغير مستقل تم تضميته فى معادلة الالمحداركا لو كان قد تم تضمينه مؤخراً فى المعادلة .

وبهذا يمدكن حذف أحد هذه المتغيرات التي ربما كان في البداية له قيمة تنبؤية .

ع ير طريقة ترفيق المتغيرات :

Combinatorial Solution

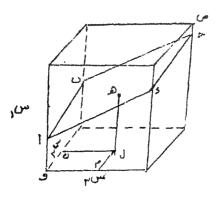
يتم في هذا البرقائج فحص جميع التوافيق الممكنة للمتغيرات المستقلة ، واختيار (٢٧ ـــ التحليل) أفضل الوفيقة من هذه المتغيرات التي يمكن باستخدامها تفسير أكبر قدر من تباين المتغير التابع .

البشيل الهندسي للانحدار المتعدد:

سبق أن ذكرنا فى الفصل الرابع عشرأنه إذا كان لدينا متغيران أحدهمامستقل (س) ، والآخر تابع (ص)، فإن معادلة إنحدار ص على س يمكن تمثيلها هندسيا بخط مستقيم .

فكل زوج من الملاحظات أو القيم المشاهدة يمكن تمثيله بنقطة من المستوى. فإذا رسمنا شكلا انتشاريا لهذه الازواج من القيم ، فإن هذا الخط المستقيم يكون بمثابة خط احسن مطابقة أو خط الانحداد ، لأن النقط تسكون متراكة حوله وتميل إلى أن تنحدر واقعة عليه .

وبالمثل إذا كان الدينا ثلاثة متغيرات أحدهما متغير تابع س، والمتغيران الآخران مستقلان س، س، فإن كل ثلاث آقيم إمن الملاحظات الى تناظر المتغيرين المستقلين س، س، الله والمتغير التابع س، يمكن تمثيلها بنقطة في الفراغ الثلاثي الابعاد كا هو موضح بالشكل الآتي رقم (٦٨):



شكل رقم (٦٨) التمثيل الهندسي للانحدار المتعدد حيث يمثل المستوى اب ج عستوى الانحدار

ويتضبح من هذا الشكل أن أى نقطة مثل ه لها ثلاثة أبعاد س، س، س، س، طإذا كانت جميع معاملات الارتباط بين المتغيرات الثلاثة موجبة ، فإن جميع النقط سوف تميل إلى التراكم حول قطر متوازى المستطيلات و ص . وعند ثذ يمكن إيجاد أفضل مستوى مطابقة لمجموعة النقط الواقعة في الفراغ الثلاثي الابعاد، وهو عمل في الشكل بالمستوى أب جد الذي يسمى بمستوى الانحسداد وهو عمل في الشكل بالمستوى أب جد الذي يسمى بمستوى الانحسداد

ويمكن التعبير وياضيا من هذا المستوى بالمعادلة : سرم عدا + برسم + ب س

حيث أ هي نقطة تقاطع المستوى مع المحود س، أى المسافة أ و ، ب، هي ميل المستقيم أ د ، ب هي ميل المستقيم أ ب ، س وم هي قيمة المتغير التابع المتنبأ بها .

فإذا افتر مننا أن درجة فرد ما تمثل على المحور سم بالبعد وم ، وعلى المحود سي بالبعد و ن ، فإنه يمكننا تميين النقطة لى التي تقع في المستوى وم لمن . وتقيم من النقطة لى عموداً على هذا المستوى حتى يلاقى مستوى الانحداد أب جد في النقطة ه ، ويمكن عند ثذ اعتباد المسافة لى ه تمثل أفضل تقدير لموجة هذا الفرد في المتغير التابع س، بمعلومية درجته في كل من المتغيرين المستقلين سي ، سي ، وتعنى بأفضل تقدير أن مستوى الانحدار هو ذلك المستوى الذي يحمل جموع مربعات الانحرافات عنه المواذية للمحور س، نهاية صفرى .

وهما يجب أن يلاحظ الباحث أن التمثيل الهندسي للانحدار المتعدد في حالة وجود متغيرين مستقلين يعتبر امتدادا طبيعيا للانحدار الخطي البسيط .

إلا أننا نستخدم في هذه الحالة مستوى الانحدار بدلا من خط الانحدار . ويمكن أيضا نعميم الفكرة بحيث تشتمل على الحالة التي يكون لدينا فيها ثلاثة متغيرات مستقلة أو أكثر .

تقلص معامل الارتبساط المتعدد:

Shrinkage in Multiple Regression

ذكر تا فيا سبق أن معامل الارتباط المتعدد هو مقياس لفاعلية التنبق لعينة ، ويمكن الحصول على قيمته بإيجاد الارتباط بين الدرجات أو القيم المتنبأ بها على أساس معادلة الانحدار ، ودرجات أو قيم المتغير التابع . والحمدف من التوصل إلى بجوعة من الاوزان في تحليل الانحدار المتعدد هو جعل الارتباط بين المتغيرات المستقلة والمتغير التابع أكبر ما يمكن . فإذا طبق الباحث بحوعة الاوزان التي حصل عليها من عينة معينة على عينة أخرى ، فإن الارتباط بين المدرجات الموزوئة للمتغيرات المستقلة والمتغير التابع للعينة الثائية سوف تكون قيمته أقل من قيمة معامل الارتباط المتعدد التي حصل عليها من العينة الآولى . وتعرف هذه الظاهرة باسم و نقلص معامل الارتباط المتعدد هو أننا نعالج قيم معامل ارتباط بيرسون على أنها خالية من الحظا ، وهذا بالطبع يتنافى مع ما يحدث فى الواقع . واللك على أنها خالية من الحظا ، وهذا بالطبع يتنافى مع ما يحدث فى الواقع . ولذلك فإن أخطاء الصدفة تتراكم و تؤدى إلى قيم متحيزة (أى أكبر من القيم الفعلية) لمامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحير بقيم معامل الارتباط المتعدد . ويتأثر مقدار هذا التحير بقيم معامل الارتباط المتعدد في الجتمع الذي تستمد منه عينة البحث ، وحجم العينة ، ونسبة عدد المتغيرات المستقلة إلى عدد أفراد العينة .

ويومى بعض خبراء الإحصاء بأن يكون هناك ٣٠ فردا لكل متفيد مستقل ، ولكن هذه لانعتبر قاعدة مسلما بها فى جميع الحالات . إذ يرى البعض الآخر أن حجم العينة يجب أن يكون مساويا ٠٠٠ فرد ، وكلما زاد هذا العدد زاد ثبات نتائج تحليل الانحدار المتعدد . ولذلك ينصح كيرلنجر Kerlinger أن تدكون العينات كبيرة العدد إلى حد ما .

وبالرغم من أننا لانستطيع تحديد درجة التحيز في حساب قيمة معامل

الارتباط المتعدد، إلا أنه يمكننا تقدير مقدار التقاص الذي يحدث في هذه القيمة بتعاميق الصورة الرياضية الآتية .

$$(r_1)$$
 $(r_{j-1}-1)$ $(r_{j-1}-1)$ $(r_{j-1}-1)$ $(r_{j-1}-1)$

حيث رّم، أرهز إلى تقدير مربع معامل الارتباط المتعدد في الجتمع.

والم تحصل عليه من المتعدد الذي تحصل عليه من المينة موضع البحث .

ك قد ترمز إلى عدد أفراد العينة.

كم ترمز إلى عدد المتغيرات المستقلة .

وكلما زادكل من حجم العينة ، وعدد المتغيرات المستقلة قل مدى التحير الذي يحدث فى قيمة $(^{Y}_{a})$ ، فإذا كانت $(^{Y}_{a})$ ، $(^{Y}_{a})$ ، فإذا كانت $(^{Y}_{a})$ ، $(^{Y$

و او ضح كير لنجر Kerlinger كيف يتأثر مقدار هذا التقلص بقيمة النسبة بين حجم المينة وعدد المتغيرات المستقلة بأن افترضر ثلاث تسب مختلفة وهي :

..: 1 . 4. : 1 . . : 1

فإذا كان عدد المتغيرات المستقلة م ٣٠، فإن عدد أفراد العينات الثلاث مد ١٥٠، ٩٠، ١٥٠ على الترتيب

وإذا افترضنا أن مربع معامل الارتباط بين المتغيرات المستقلة الثلاثة والمتغير التابع يساوى ٣٦. فإن :

ويتضح من هذه الحالات الثلاث أن قيمة رّم٬ وهي ١٩,٥ تساوى تقريبا تصف قيمة رـ٬م وهي ١٩,٥ تساوى تقريبا تصف قيمة رـ٬م قيمة رـ٬م يقدر ٢٠,٥ عندما تكون النسبة ١:٠٠ أما إذا كانت النسبة ١:٠٠ فإن مقدار التقلص المتنبأ به يصبح سوالى ١٠.٠

ويجب أن يلاحظ الباحث أن الصورة السابقة رقم (٣١) يمكن تطبيقها إذا استخدمت جميع المتغيرات المستقله في معادلة الانحدار .

أما إذا استخدمت إحدى الطرق الى يتم فيها اختيار المتغيرات في معادلة الانحدار عن طريق الحاسب الالكتروني ، فإن أخطاء الفندفة تتراكم بدرجة أكبر ، وذلك لان أفضل بحوعة من المتغيرات المستقلة التي يتم اختيارها من بحوعة أكبر تكون عرضة للاخطاء الناتجة عن ارتباط هدده المتغيرات بالمتغير التابع من ناحية والاخطاء الناتجة عن ارتباط المتغيرات المستقلة فيها بينها من تاحية أخرى . ويمكن التخلص من بعض هذه الاخطاء إذا اختار الباحث عينة كبيرة نسبيا (ولتكن حوالى . . و فرد) .

وربما تسكون أفضل طريقة لتقدير درجة التقلص التي تحدث في قيمة مربع معامل الارتباط المتعسدد هي إجراء مايسمي بالصدق المستعرض ... Cross-Validation.

ويمكن تحقيق ذلك بأن يختار الباحث عينتين يجرى على إحداهما تعليل الانحدار. المتعدد، ويحسبقيمة مربع معامل الارتباط المتعدد، وكذلك يوجد معادلة الانحدار. ثم يعلبق هذه المعادلة على المتغيرات المستقله المعينة الثانية، وبذلك يمكنه الحصول على قيمة صم (أى القيمة المتنبأ بها) لكل فرد في هذه العينة، ويحسب معامل ارتباط بيرسون بين الدرجات الملاحظة (ص) للعينة الثانية والدرجات المتنبأ بها النفس العينة. وهذا المعامل الناتج (دررم) يشبه معامل الارتباط المتعدم الذي استخدمه الباحث في الحصول على معادلة الانحدار العينة الأولى، والفرق بين هذين المعاملين يكون بمثابة تقدير لمقدار التقلص الذي حدث في قيمة رام ، فإذا كان مقدار هدذا التقلص صغيرا يستعايع الباحث عندائد استخدام معادلة الانحدار التي حصل عليها من العينة الأولى في أغراض التنبؤ المستقبلى، ويرى موزيير محمل معادلة الانحدار التي تعتمد على ضم أكثر من حينة واحدة معادلك يوصي الباحث بأن يضم العينتين الأولى و الثانية معا إذا وجد أن مقدار ولذلك يوصي الباحث بأن يضم العينتين الأولى و الثانية معادلة الانحدار المستعدة من بيانات هذه العينة المركبة في التنبؤ المستقبلي .

ومن هذا يتضح أن إجراء طريقة الصدق المستعرض تحتاج إلى هيئتين ، فإذا لم يتمكن الباحث من الحصول عليهما يمكنه أن يختار عينة واحدة كبيرة ولتسكن . . . وقر ويقسمها إلى بجوعتين بطريقة عشوائية يستخدم إحداهما في إيجاد معادلة الانحدار الاصلية ويستخدم الاخرى في التحقق من هذه المعادلة لتقدير النقلص الذي حدث في قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد .

ويرى كثير من الباحثين أننا يجب أن نعتمد على طريقة الصدق المستعرض

المزدوج Double Cross-Validation بدلا من طريقة الصدق المستمرض لا المربقة العدق المستمرض مرتبن .

ولسكى يجرى الباحث ذلك عليه أن يحسب مربع معامل الارتباط المتعدد المكل من عينتين (أو يقسم عينة كبيرة إلى بحوعتين بطريقة عشوائية). ويوجد معادلة الانحدار التي حصل عليها من إحدى معادلة الانحدار التي حصل عليها من إحدى المينتين على المتنيرات المستقلة النينة الاخرى . ويوجد مربع معامل الارتباط المتعدد عن طريق حساب قيمة مي . وبذلك يكون لديه قيمتان لمربع المتعدد عن طريق حساب قيمة مي .

معامل الارتباط المتعدد نم حسابهما مباشرة من كل من العينتين . وكذلك قيمتان لمربع معامل الارتباط المتعدد تم حسابهما من معادلتي الانحدار لعينتين عتلفتين . وبهذا يستطيع دراسة الفروق بين مربع كل من معاملي الارتباط وكذلك الفروق بين مربع كل من معاملي الارتباط وكذلك الفروق بين مربع كل من معاملي الانحدار .

فإذا اتفقت النتائج يمكن أن يضم العينةين معاً ويحسب معادلة الانعدار في هذه الحالة المستخدميا في التنبؤ .

ولذلك توصى الباحث أن يستخدم طريقة الصدق المستعرض المزدوج كلما أمكنه ذلك إذا كان الهدف،ن بحثه استخدام تحليل الانحدار المتعدد في أغراض التنبؤ المستقبلي ، و بذلك يستطيع التحقق من صدق تتاثج التحليل .

تمارين على الفصل السادس عشر

١ ـــ لماذا يفضل استخدام تحليل الانحدار المتمدد على الانحدار البسيط
 ف البحوث النفسية والتربوية ؟ ومتى لا يكون هذا الاستخدام صحيحا ؟

٢ - فيما يلى بحوعة من درجات التحصيل فى الفراءة (المتغير التابع ص) ،
 ودرجات الاستعداد اللفظى (المتغير المستقل الأول س) ، ودرجات اختبار
 فى الدكاء (المتغير المستقل الثانى س) لمجموعة تشكون من عشرة تلاميذ فى الصف
 الثامن :

٨	٧	٦	٧	٤	•	1	١	١	۲	ص
٦	٧	٥	•		٣		١	۲	۲	س ا
٣	٣	٤	٣	٦	٦	٣	٤	٤	٤	س

(1) احسب المقاييس الاحصائية اللازمة لإيجاد ممادلة الحدار ص على على من ، سي .

(ب) أوجد مقدار مايسهم به المتغير س، ، س، مماً في تفسير تباين المتغير التابع ص .

(ج) أوجد مقدار مايسهم به المتغيرين س، س، كل على حدة فى تفسير تباين المتغير التابع .

س فيما يلى جموعة من البيانات الافتراضية لمتغيرين مستقلين س ، س ،
 ومتغير تابع ص .

٦	٧	٥	۵	٤	٣	١	١	۲	۲	س۱_
٣	٣	٤	٦	٤	٦	٣	0	٤	0	سع
٨	٧	7	٧	٤	0	١	١	١	4	ص

- (ا) أوجد المتوسط والانحراف المعيارى الكل متغير وجموع المربعات ، وبجوع حواصل ضرب الانحرافات ، ومعامل ارتباط ببرسون بين كل متغيرين .
- (ب) أوجد قيم ثوابت معادلة الانحدار ، وبمـــوع المربعات الخاصة بالانحداد ، ومجموع مربعات البواق .
 - (ج) أوجد معادلة الجدار ص على س ، س .
 - (د) أوجد مربع معامل الارتباط المتعدد ، وفسر القيمة الناتجة .
- (ه) احسب البواقى ، ومر بع البواقى، ومجموع هذه المربعات ، وفسر المجموع الناتج .
- (و) احسب معامل الارتباط بين قيم ص المتنبأ بها وقيم ص الاصلية ، وفسر القدمة الناتجة .
- ٤ -- حصل باحث على معاملات الارتباط بين أربعة متنفيرات مستقلة ،
 وكذلك معامل الارتباط بين كل متغير مستقل والمتغير التابع .
- (١) هل يستطيع الباحث باستخدام مصفوفة الارتباطات الناتجة وحدها إجراء تحليل الانحدار المتعدد، أي بدون استخدام الدرجات الخام؟
- (ب) ماهي المقاييس الإحصائية التي يجبأن يحصل عليها في هذه الحالة نتيجة لمذا التحليل؟
- (ج) هل يمكنه إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بمعلومية مصفوفة الارتباطات وحدها ؟

 $0 - \frac{1}{6}$ کان المتوسط و الانحراف المعیاری لمتغیر تابع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۶,۹۰ ع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹,۹۰ ع $0 - \frac{1}{6}$ ۲۹ ع

أحسب معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع س، ، والمتغيرين المستقلين س، ، س، معاً .

تيما يلى مجموعة من البيانات الخاصة بدرجات ثمانية طلاب في ثلاثة اختيارات :

٨	V	٦	٥	٤	۲	v	١	الطالب
V	1	14	11	1	•	٠	۲	اختبار الاستعداد اللغرى
								(ص)
٣	٤	10	1.	٤	۲	٨	٣	اختبار الاستدلال اللفظي
								(۱٫۰۰)
1	14	1	4	٣	٧	٩	10	اختبار الاستدلال
								الحندسی (س)
	!	<u> </u>	<u> </u>			_		

إذا افترضنا أن درجات الاختبار ص ترتبط ارتباطا خطياً بدرجات كل من الاختبارين س، س. .

- (۱) احسب مصفوفة معاملات الارتباط ۳ ٪ ۳ بین ص، س، ، ا
 - (ب) أوجد معادلة انحدار ص على س، ، س، .
 - $(-1)^{\frac{1}{2}}$ اوجد قیمهٔ ر 7 ، ر ، ر م 7

۷ - هل يؤثر ترتيب إدخال المتفيرات المستقلة في معادلة الانحدار في مقدار ما يسهم به المتفير الآول الذي يتم احتواؤه في المعادلة ؟ وهل يؤثر ذلك في مقدار ما يسهم به المتغير الآخير الذي يتم احتواؤه ؟ وما سنب ذلك ؟

٨ -- هل يؤثر ترتيب إدعال المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار في قيم معاملات الانحدار ؟ وهل يؤثر هذا الترتيب في مربع معامل الارتباط المتعدد ؟ وإذا كان الأمر كذلك فا هي الصعوبات التي تواجه الباحث النفسي عند تفسير البيانات الفعلمة ؟

هيما يلى تمانية متغيرات. تخير بمضا منها و ضع ثلاثة فروض بحثية يمكن اختبار صحتها باستخدام تحليل الانحداد المتعدد مع العناية باختياد المتغيرات المستقله والمتغير التابع. والمتغيرات هي:

التحصيل اللغوى ، مفهوم الذات ، الذكاء ، المستوى الاجتماعي والاقتصادي، مستوى الطموح ، الجنس ، التحصيل في القراءة ، دافع الانجاز .

• ١ - افترض أن لديك مشكلة بحثية تنطلب تفسيرا علىيا لسمة التعصب . وافترض أيضاً أن هناك ستة متغيرات مستقلة ترتبط بهذه السمة مثلالتسلطية، التعارف الديثى ، العمر ، و بعض هذه المتغيرات المستقلة ترتبط فيما بينها بدرجات متفاوتة .

(١) ماهي الشروط التي ينبغي توفرها للتنبؤ بدرجة أفضل بسمة التعصب .

(ب) هل من المحتمل أن تزيد دقة التنبؤ بإضافة أكثر من هدده المتغيرات المستقله في معادلة الانحدار ؟ والماذا ؟

الفصيل السابع عشر

طرق الضبط الاحصائى معامل الارتباط الجزئ وشبه الجزئ

معامل الارتباط الجزئ استخدام تحليل الانحدار في حساب معامل الارتباط الجزئ معامل الارتباط شبه الجزئ (معامل ارتباط الجزء) تفسير الانحدار المتعدد في ضوء الارتباط شبه الجزئ عرضنا فى الفصل السابق مفهوم الانحدار المتعدد و كيفية الحصول على معادلة الانحدار فى حالة وجود متغيرين مستقلين أو أكثر، وتفسير مقدار ما تسهم به المتغيرات المستقلة مجتمعة، وما تسهم به كل منها على حدة فى التنبؤ بقيم المتغيرالتابع باستخدام مفهوم معامل الارتباط المتعدد . وسنفرد هذا الفصل لمناقشة أحد الموضوعات الهامة المرتبطة بتحليل الانحدار المتعدد وبغيره من طرق تحليل البيانات المتعددة المتغيرات ، وهو موضوع العنبط الإحصائى Statistical البيانات المتعددة المتغيرات ، وهو موضوع العنبط الإحصائى Control .

فالارتباط والانحدار المتعدد يهدفان إلى دراسة العلاقة بين مجموعة من المتغيرات للاستفادة بها في التنبؤ بالظاهرة السلوكية وتفسيرها . وهذا بالطبع يتطلب توعاً من العنبط والتحكم في العوامل العارضة أو المفترية التي وبما تؤثر في التفسير .و يمكن إجراء هذا الصبط أو التحكم بطرق متعددة منها الصبط التجريبي Experimental لذى يتم عن طريق التصميمات التجريبية المختلفة Control الذي يتم عن طريق التصميمات التجريبية المختلفة Designs . والصبط الإحصائ ، إدهو ماستثناولة في هذا الفصل بشيء من التفصيل .

ونقصد بالصبط الإحصائى إستخدام الطرق الإحصائية في عزل تأثير متغير أو أكثر ومتغير تابع . وبذلك تتحكم في أو أكثر ومتغير تابع . وبذلك تتحكم في تأثير بعض المتغيرات على المتغير النابع حتى يتسنى للباحث دراسة العلاقة الفعلية بين المتغيرات المستقلة المطلوبة والمتغير التابع .

ولتوضيح ذلك نعرض المثال الآتي :

نفترض أننا طبقنا اختبارين أحدهما يقيس الذكاء والآخر يقيس القدرة النفسحركية على جموعة من الاطفال في أعمار مختلفة .

وتظرأ لان الذكاء يزيد بزيادة العمر وكذلك القدرة النفسحركية فإن درجات اختبار الذكاء سوف ترتبط بدرجات اختبار القدرة النفسحركية لان كلا منهما يرتبط بالعمر ارتباطاً موجباً .

وتوجد مقاييس إحصائية مختلفة تستخدم في الضبط الإحصائي أهمها :

- · Partial Correlation الجزئ Partial Correlation
- · Semi-Partial Correlation معامل الارتباط شبه الجزئ Усті-Раттіаl Correlation
- و أحيانا يطلق عليه معامل ارتباط الجزء Part Correlation وأحيانا

وسوف نعرض فيما يلى هذين التوعين من المعاملات لأهميتهما في تحليـــــل الانحدار المتعدد، وتحليل المسارات Path Analysis الذي ستعرض له في الفصل التاسع عشر.

معامل الارتباط الجزئ :

معامل الارتباط الجزئ هو مقياس إحصائى العلاقة الخطية بين متغيرين بعد عول تأثير المتغيرات الآخرى . ويتم عزل تأثير هذه المتغيرات عن طريق تعديل قيم المتغير التابع والمتغيرات المستقلة بحيث تأخذ درجات المتغير المطلوب عزل أو ضبط تأثيره في الاعتبار .

 عَزِه يمكن التنبؤ به بمعلومية المتغير سي ، والآخر هو قيمة الباقى Residual أو الخطأ الناتج عن تقدير س أو سي بمعلومية سي . وهذان الجزءان مستقلان أى غير مرتبطين .

والارتباط بين بحوعتى البواق أو أخطاء التقدير الناتجة عن التنبؤ بقيم المتغير سراوس، بمعلومية س، هو معامل الارتباط الجزئى، ويرمز له بالرمزوم. أى هو الإرتباط بين المتغيرين س، س، بعد عزل تأثير المتغير س، وهو الجزء من الارتباط المتبقى بعد عزل تأثير المتغير الثالث .

ويعبارة أخرى روبه هو الارتباط بين البواقى بعد عزل تأثير المتغير سي من كل من المتغيرين مي، ، س، ،

ويسمى معامل الارتباط الجزئ في هذه الحالة . معامل الارتباط الجزئي من الرئبة الأولى First—order Partial . •

والصورة الرياضية المستخدمة فى حساب معامل الارتباط الجوئى من الرتبة الأولى هي :

$$(1) \quad \cdots \quad \frac{\sqrt{1-\sqrt{1-\sqrt{1-1}}}}{\sqrt{1-\sqrt{1-1}}} = \sqrt{1}$$

ولتوضيح كيفية تطبيق هذه الصورة نفترض أن س، ، س، هما درجات اختبارين في الذكاء والقدرة النفسحركية على التوتيب لمجموعة من الاطفال عتلفة الاعمار .

ولنفترض أن س_ب هو متغير العمر ، وأن الارتباط بين المتغيرات الثلاثة هو :

وبذلك يكون معامل الارتباط الجزئى باستخدام الصورة السابقةرفم(١)هو :

$$\frac{(\cdot, \cdot) \cdot (\cdot, \cdot) \cdot (\cdot, \cdot)}{(\cdot, \cdot) \cdot (\cdot, \cdot) \cdot (\cdot, \cdot)} = \frac{(\cdot, \cdot) \cdot (\cdot, \cdot)}{(\cdot, \cdot, \cdot)}$$

ویمکن نفسیر هذه القیمة باستخدام مفهوم النباین المشترك . فجزه النبایی المشترك بین المتغیرین سو ، س $_{1}$ = $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{7}$

والنسبة المشوية للارتباط الناتج عن تأثير عوامل أخرى = ١٠٠ – ٥٥ = ٥٠٠ / ٤٣

ومما لاشك فيه أنه يمكننا تثبيت أوضيط متغير العمر بالطرق التجريبيةو ذلك بأن نختار بجموعة عمرية واحدة من الاطفال، ثم نوجد الارتباط بين درجات الاختبارين لهذه المجموعة .

وبذلك لا يكون للعمر تأثير على مقدار الارتباط بين درجات الاختبارين. غير أن استخدام مفهوم الارتباط الجزئى يحقق نفس الفكرة ولمكن بالطرق الإحصائية .

وفى حالة وجود ثلاثة متغيرات يمكن أن تحسب ثلاثة معاملات ارتباط جزئية من الرتبة الآولى هى : ر ٫٫٫٫٫ ، ر ٫٫٫٫٫ ، بتطبيق صور رياضية اثلة للصورة رقم (١) السابقة كالآنى :

$$\frac{\sqrt{1-c^{4}}}{\sqrt{1-c^{4}}} \frac{\sqrt{1-c^{4}}}{\sqrt{1-c^{4}}} \cdots \cdots \cdots (\lambda)$$

$$(r) \quad \cdots \quad \frac{1^{n-1} \cdot 1^{n-1}}{r^{n-1} \cdot 1^{n-1}} = \frac{1^{n+1}}{r^{n-1}},$$

ويجب أن يعلم الباحث أن الارتباط الجزئي لا يقتصر على ثلاثة متغيرات فقط، إذ توجد معاملات ارتباط جزئية من رتب أعلى و تتحدد رتبة معامل الارتباط بعدد المتغيرات المطلوب عزل تأثيرها . فثلا إذا كان لدينا أربعة متغيرات س، ، مس فإنه يمسكننا الحصول على معاملات ارتباط جزئية من الرتبسة الثانية Second-Order Partials مثل ربيء وهذا الرمز يعني أننا نوجد معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين س، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين سي، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين س، ، س، بعد عزل تأثير المتغيرين س، س،

والصورة الرياضية المستخدمة في حساب معامل الارتباط الجزئي من الرتبة الثانية هي :

(1)
$$\frac{1}{(27)^{2} - (21)^{2} - (21)^{2}} = \frac{1}{(27)^{2} - (21)^{2}} = \frac{1}{(27)^{2}} = \frac{1}{(27)^{2$$

وبالطبع يزداد تعقيد العمليات الحسابية كالم زادت رقبة معاملات الارتباط الجزئية ، أى كالم زاد عدد المتغيرات التي يريد الباحث عزل تأثيرها . ولذلك فإن برامج الحاسب الالحكروني الحاصة بتحليل الانحدار المتعدد تجرى عادة العمليات التي يتطلبها إيجاد معاملات الارتباط الجزئية ، ولكن نظراً لصعوبة تفسير مثل هذه المعاملات و بخاصة التي من الرقبة الثانية وما فوقها ، فإرز الباحث نادراً ما يلجأ إلى حساب معاملات أعلى رتبة من الرقبة الثانية ليما للأولى

طريقة أخرى لحساب معامل الارتباط الجزئ :

يمكن حساب معامل الارتباط الجزئى باستخدام طريقة أخرى أكثر تعميها . وهى تعتمد على معامل الارتباط المتعدد . فاستخدامها يتطلب حساب هسذه المماملات . وينصح كيرلنجر Kerlinger الباحث بألا يستخدم هذه الطريقة إلا إذا كان لديه قيم معاملات الارتباط المتعدد أثناء تحليل الانحدار المتعدد . فن المعلوم أن حساب هذه القيم يتطلب وقتاً وجهداً كبيراً .

والهدف من ذكر هذه الطريقة هنا هي أنها تمكن الباحث من تصور العلاقة بين تحليل الانحدار المتعدد ومعاملات الارتباط الجزئية .

و لتوضيح ذلك تفترض أن لدينا متغيرين مستقلين س، س، فلإيجادُ معامل الارتباط الجزئ بين المتغير التابع ص والمتغير المستقل س، بعد عول تأثير المستقل س، نطبق الصورة الرياضية الآتية :

$$\frac{(\gamma_1, \omega^{\gamma_2} - 1) - (\gamma_2, \omega^{\gamma_2} - 1)}{\gamma_2 - 1} = \gamma_1 \omega^{\gamma_2}$$

(o) · · · ·

حيث رئمس المتغير المتابع معامل الارتباط الجزئى بين المتغير التابع ص ، والمتغير المستقل س، بعدعزل تأثير المتغير المستقل س. ب

، را ص ۲۰ ترمز إلى تباين المتغير النابع ص الذي يمسكن تفسيره عملومية المتغير المستقل س.

، را ص ۱۱۰ ترمز إلى تهاين المتفير النابع ص الدي يسكن تفسيره عملومة المتفيرين المستقلين س، سر،

و بالطبع المقدار 1 ــ ر⁷ص ٢١٠ هو تباين المتغير التابع ص الذي لا يرجع إلى البحدار ص على س، ، س، مماً .

أما إذا كان لدينا ثلاثة متغيرات مستقلة س، س، س، س، فإنه يمكننا إيحاد معامل الارتباط الجوثى بين المتغير التابع ص. والمتغير المستقل س، بعد عزل تأثير المتغيرين المستقلين س، ،س، بتطبيق الصورة الرياضية الآتية .

$$\frac{(1-c^{2}\omega\cdot 1)-(1-c^{2}\omega\cdot 1)}{(1-c^{2}\omega\cdot 1)}$$

حيث ر" ص٢٠٠٣ ترمز إلى مربع معامل الارتباط الجزئري المطلوب.

، ر^۲ ص ۲۱۰ ترمز إلى تباين المتغير التابعص الذي يمكن تفسير وبمعلومية المتغيرين المستقلين س، ، س, معا .

، را ص ٣٢٩٠ ترمز إلى تباين المتغير التابع ص الذى يمكن تفسيره بعدومية المتغيرات المستقلة س، س، س، س بحتمعة .

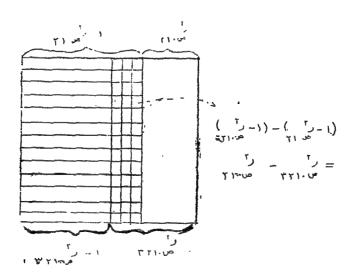
و الاحظان المقدار (۱ د $^{V}_{00}$) يدل على تباين المتغير ص الذى لا يرجع إلى المتغيرات المستقلة م، سم ، سم محتمعة . والمقدار (۱ – $^{V}_{00}$) يدل على تباين المتغير ص الذى لا يرجع إلى المتغيرين المستقلين س، ، سم معا .

أى أن البسط فى الصورة رقم (٦) عبارة عن الفرق بين تباين بواقى انحدار ص على س، ، س، و تباين بواقى انحدار ص على س، ، س، ، س، .

فإذا قسمنا هذا الفرق على تباين بوافي انحدار ص على س، ، س، (وهو

الثباين الاكبر) ينتج لدينا ما يسمى ، بالتباين الجزئي Partial Variance. ومعامل الارتباط الجزئي .

ويوضح كيرلنجر Kerlinger التباييز الجزئى ر⁷ص ٢٠٠٣ وبالتالى معامل الارتبـــاط الجزئى رص ٢٠٠٣ بالشكل التخطيطى الآتى رقم (٦٩):



شكل رقم (٦٩) تمثيل التباين الجزئي

و بالنظر إلى هذا الشكل تجد أن مساحة المستطيل الآكبر تمثل التباين السكلى للمتغير التابع ص، وهي تساوى الواحد الصحيح. واللجوء من المساحة المظلل يخطوط أفقية يمثل المقدار (١ -- راص ٢٠٠)، والجوء من المساحة المظلل يخطوط رأسيه وى نفس الوقت مقسم إلى مربعات صغيرة نتيجة تقاطعه معالجزء من المساحة المظلل يخطوط أفقية به ثل المقدار (١ -- راص ٢٠٠) - (١ -

ويلاحظ أن التباين و ٢ من ٢١٠، التباين و٢ ص ٢١٠ مثلان في الشكل.

و بذلك يكون التباين الجزئى عبارة عن النسبة بين المساحة المقسمة إلى مربعات صغيرة إلى المساحة المقسمة إلى مربعات صغيرة هي التي تمثل التباين المشترك ، وهي الاساس الذي يبن عليه تفسير معامل الارتباط الجزئي .

استخدام تحليل الانحدار المتعدد فى حساب معاملات الارتباط الجزئية :

لـكى نوضح للباحث كيف يمكنه استخدام تحليل الانحدار المتعدد في حساب معاملات الارتباط الجرثية نعرض المثال الافتراخى الآتى لقيم متغير تابع ص، ومتغيرين مستقلين س، س.

	س	ص
٣	٣	
۲	١	٢
١	Ý .	٣
٤	ŧ.	٤
	•	0
۲	٣	المتوسط الحسابي ٣
1.	1.	مجمسوع مربعات الأنحرافات عن المتوسط
۲,۰	۷,٥	$Y, o = \frac{Y(\overline{U} - U)^*}{U + U}$ التباین $\frac{Y}{U} = 0$
1,01	١,٥٨	الاتحراف المعياري ١,٥٨
رس،س۲	د مسس	رصس =

جدول رقم (١٩٤)

فإذا أردنا إيجاد معامل الارتباط الجوثى رص،،س، فإننا تعلبق الصورة رقم (١) السابقة كالآتى:

$$\frac{(\cdot, 9 \cdot) (\cdot, 7 \cdot) - (\cdot, 7 \cdot)}{\sqrt[7]{(\cdot, 9 \cdot) - 1}} = \sqrt[7]{(\cdot, 9 \cdot) - 1}$$

$$= 73, \quad \text{isc, where } 1$$

أى أن عول تأثير المتغير سي من العلاقة بين المتغيرين ص ، س، أدى إلى المخفاض قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين من ٥٠٠٠ إلى ٤٠٠٠ و بالطبع لا يكون الانخفاض في مقدار الارتباط كبيراً إلى هذا الحد في البحوث الفعلية .

ولتوضيح مفهوم معامل الارتباط الجزئى فى ضوء تحليل الانحدار نفترض أننا حسبنا قيم ص المتنبأ بها باستخدام انحدار المتغير التابع ص على أحدالمتغيرين المستقلين وليكن سر مثلا . ثم أوجدنا معامل الارتباط بين المتغير التابع س ، المحد أن قيمة هذا المعامل تساوى الواحد الصحيح . وقيم ص المتنبأ بها ص م ، المحد أن قيمة هذا المعامل تساوى الواحد الصحيح . أى أن رسم ص م المتنبأ بها ص م المتنبأ بها ص م المتنبأ بها ص م المتنبأ بها ص المتنبأ

فعامل الارتباط بين قيم المتغير المنيء ، وقيم المتغير المتنبأ به تكون قيمته مساوية الواحد الصحيح دائما لأن قيم صم هي نفس قيم سم بعد ضربها في مقدار ثابت وإضافة مقدار ثابت آخر عليها . وقد ذكرنا في الفصل السابع أن هذا لا يؤثر في قيمة معامل الارتباط .

أما إذا أوجدنا معامل الارتباط بين قيم المتغير المستقل من والبوافى ف نجد أن قيمته تساوى الصفر . وهذا صحيح دائما لأن البه التي هي الانحرافات الناتجة عن التنبؤ بقيم المتغير التابع بمعلومية قيم المتغير المستقل .

والحقيقة أنمعامل الارتباط الجزئ هـ. معامل الارتباط بين بحموعنين من البواقي residuals .

أى أنه إذا اغترضنا أننا حصلنا على معادلة انحدار ص على س، ومعادلة انحدار س، على س، وهما :

و بعد حساب قیمة كل من الثابتین لـكل معادلة على حدة ، و إیجاد قیم صم $_{i}$ ، ثم حساب قیم ف $_{i}$ = ص $_{i}$ ، ف $_{i}$ = س $_{i}$ س $_{i}$ ، ثم حساب قیم ف $_{i}$ = ص $_{i}$ ، ف $_{i}$ = س $_{i}$ س $_{i}$ معامل الار تباط الجزئى رص $_{i}$ ، س $_{i}$ هو معامل الار تباط بین البو اقی ف $_{i}$ ، ف $_{i}$ ،

ولتوضيح ذلك نطبق هذه الخطوات على البيانات السابقة المبينة في جدول. · رقم (٩٤) كالآتي :

نحسب أولا قيمة كل من الثابتين ا ، ب فى معادلة انحدار ص على س، باستخدام المعادلتين :

$$\frac{3\omega}{\omega} \times \omega = 0$$

و بذلك تـكون معادلة انحدار ص على سم عيى .

سم = ۱۹۲ بر س

و بنفس الطريقة نحسب فيمة كل من الثابتين [، ب ، و نوجد معادلة انحدار س، على س، وهي :

+~·,+·, = ~~

و باستخدام هاتین المعادلتین یمکن ایجاد قیم صم ، س المناظرة لقیم ص ، س المناظرة لقیم ص ، س المواقی ف ، الجدول رقم (۹۶)، و کذلك البواقی ف ، الحدول الآتی رقم (۹۶) :

]					
3	-) -	۲		•
ž	3	2-	_	w	0
an 27 20 = 7.1 + 1 27	7 11.11.1	1 11十二 31	1,1 = 1,1	ひょうけい これ	e, r = r. + 1, r o
.DD.	7 7.	- yr 2	۲° - ۲	3.	٧٠٠٠
<i>z</i>	3-	> -		~	0
ニャーナーシーシーシーシーシーシーナーナーシャーシャー	r,·=r,v+·,r	1,1=1,1+.,r		r, + r, r = r, r	1,+0,3=1,3
.Ĵ	.4	-16	۲,۰	-	<u>ئ</u> .

طِدول رقم (١٥٥)

ويتضح من هذا الجدول أن قيم ف, تمثل الاخطاء الناجمة عن التنبؤ بقيم ص بمعلومية قيم س, ، وقيم ف, تمثل الاخطاء الناجمة عن التنبؤ بقيم س, بمعلومية قيم س, .

فلإيجاد معامل الارتباط بين المتغيرين ص ، س، بعد عزل تأثير المتغير س، يجب أن نحسب معامل الارتباط بين البواقى ف، ف، ف، باستخدام الدرجات الخام مباشرة كالآتى :

فإف	ف۲	ف۲	ف	ف	
صغر	صفر	٤,٠٠	صفر	۲,۰-	
.,11	1,71	٠,١٦	1,1-	• , ٤	
٠,٩٩	• ,78	1,55	٠,٨	1,7	
£	٠,٠١	٠,١٦	٠,١	٠,٤	
٠,١٦	٠ ,٠٤	• , 4 ٤	٠,٢	٠,٨	
1,7-	1,4.	٦,٤٠	صغر	صفو	الجموع

جدول رتم (٩٦)

$$\frac{(3.8 \times 1.0 \times 1$$

وهذا يجب أن يلاحظ الباحث أنها نفس القيمة الى حصلذا عليها باستخدام صورة معامل الارتباط الجزئى رفم (١) ، ﴿ يَجِبُ أَنْ يَلَاحظُ أَنْ رَسَهُونَ اللَّهِ اللَّهُ اللَّ

أى أن معامل الارتباط بين متغيرين بعد عزل تأثير متعير ثالث هو معامل الارتباط بين البواقى الى نحصل عليها من انحدار كل من المتغير الثالث.

معامل الارتباط شبه الجزئ أو معامل ارتباط الجزء :

من عرضنا السابق يتضح أن الباحث يستطيع أن يعزل أثر التباين غير المطلوب من كل من المتغيرين موضع البحث . فني المثال السابق عولنا تأثير العمر من كل من درجات اختبار الذكاء و اختبار القدرة النفسحركية . ويعبر الارتباط الجزئ عن العلاقة بين درجات كل من الاختبارين بعد عزل تأثير العمر من هذه الدرجات أو ضبط تأثيره على المتغيرين بطريقة إحصائية .

والآن نفترض أن الباحث أراد أن يعزل تأثير العمر من درجات اختبار الذكا. فقط ولا يريد أن يعول تأثيره من درجات اختبار القدرة النفسحوكية . فعندئذيمكنه استخدام نوع آخر من معاملات الارتباط يسمى معامل الارتباط الجزء الجزئ Semi—Partial Correlation ، وأحيانا يسمى معامل ارتباط الجزء Part Correlation .

والصورة المستخدمة فى حساب هــــذا المعامل والذى سنرمز له بالرمز را المتغير الارتباط بين المتغير الاول والمتغير الثالث فقط مى :

$$(\Lambda) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{\Lambda^{1-1}}{\Gamma^{1/2}} = \frac{\Lambda}{\Gamma^{1/2}} = (\Lambda \cdot \Lambda)_{1-1}$$

وربما يلاحظالباحث أن الفرى بين هذه الصورة والصورةرقم (١) المستخدمه في حساب معامل الارتباط الجزئي هو أن مقام هذه الصورة يشتمل على المقدار المستخدم المستحدم المستحدم

أما إذا أراد الباحث عزل تأثير المتنير الثالث من المتعير الاول فقط أي رراد) فإنه يمكنه استخدام الصورة الآتية :

$$(V) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{V_1 - V_2}{V_1 - V_2} = (L \cdot I)^L$$

ويمكن توضيح مفهوم الارتباط شبه الجزئى وكيفية حساب قيمته بالإشارة إلى الجدولين رقمى (٩٥) ، (٩٥) ، فنى الجدول رقم (٩٥) حسبنا قيمة س، المتنبأ بها أى س ، والبواتى ف الى تساوى س ... س ، الناتجة عن انحداد المتغير س ، على المتغير س .

فإذا حسبنا معامل الارتباط بين قيم في، ص المبينة بالجدولين رقم(٤)، (٩٥)، فإن قيمة المعامل الناتجة وهي ٣٧. • تمثل العلاقة بين المتغيرين ص، س, بعد عزل تأثير المتغير س, من المتغير س, فقط .

و يمكننا أيضاً إيجاد العلاقة بين المتغيرين ص ، س، بعد عزل تأثير المتغير س، من المتغير س، فقط باستخدام الصورة رقم (٧) كالآتى :

$$\frac{1}{(\omega_1, \omega_1)} = \frac{1}{(\omega_1, \omega_1)} = \frac{1}{(\omega_1, \omega_1)}$$

وبالتعويض عن قيم معاملات الارتباط المدونة أسفل جدول رقم (٩٤) نجد أن :

$$\frac{(\cdot, 9 \cdot)(\cdot, 9 \cdot) - (\cdot, 9 \cdot)}{(9 \cdot)} = (0.9 \cdot)$$

$$\cdot, 77 =$$

وهي نفس القيمة التي حصلمًا عليها بإيجاد معامل الارتباط بين في ، ص.

ويمكن حساب معاملات ارتباط شبه جزئية من رتب أعلى كما هو الحال في معاملات الارتباط الجزئية . ويمكن أن يستفيد الباحث من هذه المعاملات في التحليل المتقدم للارتباط والانحداد المتعدد ، وفي تفسير نتائج هذا التحليل . فعامل الارتباط ر (٤٣٠٢) هو معامل ارتباط شبه جزئي من الرتبة الثانية .وهو يعدل على الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عزل تأثير كل من المتغيرين ٣ ، ٤ من المتغير ٢ فقط . وبعبارة أخرى ر (٤٣٠٢) هو معامل الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عرب والمتغيرين ٣ ، ٤ .

والصورة المستخدمة في حساب هذا المعامل هي :

$$\frac{(4.4)_{1}}{(4.4)_{1}} = \frac{(4.4)_{1}}{(4.4)_{1}} = (4.4)_{1}$$

أما معامل الارتباط ر ((۲۰۰۶ه) فاو معامل ارتباط شبه جزئ من الرتبة الثالثة ، وهو يدل على الارتباط بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد عزل تأثير كل من المتغيرات ٣ ، ٤ ، ٥ من المتغير ٢ فقط ، ويمكن الحصول على معاملات ارتباط شبه جزئية من رتب أعلى من ذلك .

تفسير الانحدار المتعدد في ضوء مفهوم الارتباط شبه الجزئي :

ذكرنا فيما سبق أن المتغيرات المستقلة التي استخدم عادة في البحوث النفسية والتربوية تسكون مرتبطة إلى حد تبير . وهذه نؤدى إلى بعض المشكلات عند تحليل الانحدار المتعدد .

فإذا كانت جميع معاملات الارتباط بين المتغيرات المستقلة تساوى صغراً ، فإن مربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغيرات المستقلة مجتمعة والمتغير التابع يساوى بحوع مربعات معاملات الارتباط بين كل متغير مستقل والمتغير التابع .

أى أن:

وبذلك نستطيع تحديد مقدار تباين المتغيرالتابع الذى يمكن تفسيره بمعلومية كل متغير من المتغيرات المستقلة نظراً لعدم وجود ارتباط بين هذه المتغيرات . وبالطبع يندر وجود مثل هذه الحالة في البحوث النفسية والتربوية . إذ عادة تشتمل المواقف البحثية على متغيرات مرتبطة . وهنا يحاول الباحث التغلب على هذه المشكلة بأن يجرى توعاً من التعديل على هذه المتغيرات المرتبطة بحيث تصبح متعامدة المشكلة بأن يجرى توعاً من التعديل على هذه المتغيرات المرتبطة بحيث تصبح متعامدة المتغيرات المرتبطة بحيث تصبح متعامدة المتغيرات المرتبطة بحيث تصبح الارتباط بينها صفراً .

ويستخدم الارتباط الجزئى والارتباط شبه الجزئى فى[جراء مثل هذا التعديل .

ويمكن تعميم الصورة رقم (١٠) علىأى عدد من المتغيرات المستقلة المرتبطة . فني حالة أربعة متغيرات مثلا تصبح الصورة كالآتى :

$${}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega}{}^{1}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega}{}^{1}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega}{}^{1}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega}(1.7)^{\omega}{}^{1}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega} + {}^{C^{1}}_{\omega$$

وبالنظر إلى هذه الصورة نجد أن ر^۲ص ترمز إلى التباين المشترك بينالمتمير التابع والمتغير المستقل الاول ، ر^۲ص (۱۰۲) ترمز إلى مربع معامل الارتباط

شبه الجزق (معامل ارتباط الجزء) بين المتغير التابع والمتعير المستقل الثانى بعد عول تأثير التباين المشترك بين المتغيرين الآول والثانى ، د ص (٢١٠٣) ترمز الله مربع معامل الارتباط شبه الجزئى من الرتبة الثانية عند احتواء المتغير الثالث في المعادلة بعد عزل تأثير التباين المشترك بينه وبين المتغيرين الاول والثانى . وبذلك تحصل على التباين الذي يسهم به هدا المنغير دون تسكراد للتباين الذي أسهم به المتغيران الآول والثانى الفعل .

أما و⁷ ص(٣٢١٠٤) فهى ترمزللى التياين المشترك بين المتغير التابع والمتغير المستقل المستقل الرابع بعد عزل تأثير المتغيرات الثلاثة الأولى من هذا المتغير المستقل فقط .

أى أن هذه الصورة تعبر عن طريقة عزل بواقى كل متغير مستقل على الترتيب من المتغيرات المستقلة متمامدة. فكل من المتغيرات المستقلة التألية له ، وبذلك تصبح المتغيرات المستقلة متمامدة. فكل حد تشتمل عليه هذه الصورة يدل على نسبة التباين في المتغير التابع الذي يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة الأربعة في معامل الارتباط المتعدد ، وبالطبع يدل معامل الارتباط المتعدد على نسبة التباين الكلى في المتغير التابع الذي تسهم به المتغيرات المستقلة محتممة في معادلة الانحدار .

وهنا يجب أن نوجه نظر الباحث إلى أنه يمكنه الحصول على نفس قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بصرف النظر عن ترتيب احتواء المتغيرات في معادلة الانحدار . أي أن :

ولدكن يختلف مقدار ما يسهم به كل متغير مستقل في تباين المتغير التابع اختلافاً ملحوظا باختلاف هذا الترتيب ، فالمتغير المستقل الذي تحتويه معادلة

الانحدار أولا سوف يسهم بلاشك بقدر أكبر فى تباين المتغير التابع عما لو احتوته الممادلة مؤخراً . وبوجه عام ، كلما زادت الارتباطات بين المتغيرات المستقلة وتم احتواؤها فى معادلة الانحدار مؤخراً قل تبعا لذلك مقدار ما تسهم به فى هذا التباين .

ولسكى توضح للباحث كيفية إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بين متغير تابع وثلاثة متغيرات مستقلة باستخدام الصورة رقم (١١) والتي تصبح كالآتي:

$$(11.7)^{-1} = e^{r_0} - (1.7)^{-1} + e^{r_0} - (1.7)^{-1} = e^{r_0$$

تفترض أن لديمًا مصفوفة ادتباطات بين المتغير التابع وكل من المتغيرات المستقلة ، وكذلك الارتباطات بين المتغيرات المستقلة . وهذه مبينة في الجدول الآتي دقم (٩٧):

ص	۲	۲	١	
• , 77	٠,٣٥	.,10	1,	1
٠,٥٢	· , · Y	1		Y
٠,٣٥	١,٠٠			٣
1		1		ص

جدول رقم (۹۷)

فالحد الآول فى الصورة رقم (١٢) وهو ربر يدل على مربع معامل الارتباط بين المتنير التابع والمتنير المستقل الآول ، أى يساوى (٢٠,٦٧) == .٤٤٨٩

أما الحد الثانى وهو ر^۲ص(۱۰۲)فيمكن إيجاد قيمته باستخدام الصورة وق^{لو} (۷) كالآتى :

$$\frac{(v^{-1})^{-1}}{(1 \cdot r)^{-1}} = \frac{(1 \cdot r)^{-1}}{(1 \cdot r)^{-1}}$$

وبالتعويض من الةيم المبينة فى الجدول رقم (٩٧) نجد أن :

$$\frac{(\cdot,10)(\cdot,77)-(\cdot,07)}{7(\cdot,10)-1/\sqrt{}}=(1\cdot7)$$

$$\cdot,\xi T \xi \xi =$$

والحد الثالث و"ص (٢١٠٣) يمكن إيجاد قيمته باستخدام الصورة رقم (١) ومى:

$$\frac{(1\cdot t)^{r^{J}}(1\cdot r)^{-r}\omega(1\cdot r)}{(1\cdot r)^{r}} = \frac{(1\cdot r)^{r}}{(1\cdot r)^{r}}$$

وهذا يستلزم إيجاد فيمة كل من رص (١٠٣) ، د٣(٢٠١) كالآتى:

$$\frac{(a_{\nu}^{T})^{-1}}{(a_{\nu}^{T})^{-1}}$$

$$\frac{(\cdot, 70) (\cdot, 70) - (\cdot, 70)}{7(\cdot, 70) - 10}$$

$$\frac{(\cdot, 70) - 10}{(\cdot, 70)} = \frac{(\cdot, 70) \cdot (\cdot, 70)}{(\cdot, 70)} = \frac{(\cdot, 70) \cdot (\cdot, 70)$$

$$\frac{(\cdot,\cdot \Upsilon \Upsilon \Lambda -)(\cdot,\xi \Upsilon \xi \xi) -\cdot,1 \Upsilon \Upsilon \Upsilon}{\Upsilon (\cdot,\cdot \Upsilon \Gamma \Lambda -) -1} =$$

$$\cdot,1 \Upsilon \Lambda \cdot =$$

أى أن نسبة التباين في المتعبر التابع الذي يسهم به المتعبرات المستقلم اللانة بهذا الترتيب هي ١,٩١٠ / ١,٩١٠ / ١

و بالطبع إذا قام الباحث بإيجاد قيمة رعص ٣٢١٠ باستخدام إحدى الطرق التي عرضنا لحا في الفصل السادس عشر فإنه سيحصل على نفس القيمة تقريباً .

ومما هو جدير بالذكر أنه كالما زاد عدد المتغيرات المستقلة كالم أصبحت العمليات الحسابية المطلوبة لإيجاد قيم معاملات الارتباط شبه الجزئية معقيدة للغاية مما يستدعى استخدام الحاسب الآلكتروني لإجراء هذه العمليات . أو بمعني آخر يجب في هذه الحالة أن يلجأ الباحث إلى إحدى وحدات الحاسبات الالكترونية لإجراء هذا النوع من التحليل الإحصائي للبيانات .

ويحب أن نؤكد مرة أخرى أن تقدير ما تسهم به المتخيرات المستقلة في تفسير تباين المتغير التابع ليس بالامر اليسير أو المباشر ، ولكن إذا استطاع الباحث أن يحد تبريراً منطقيا أو أساسا نظريا يرتسكن إليه في عملية ترتيب إدخال المتغيرات المستقلة في معادلة الانحدار ، فإنه يمكنه الاعتماد على مربعات معاملات الارتباط شبه الجزئية في هذا التقدير بالإضافة إلى الطرق الاخرى التي ذكرنا بعضا منها في الفصل السادس عشر .

ولذلك نوصى الباحث أن يصمم خطة واضحة لمشكلة وفروض بحثه ، وأن يكون لديه الاساس النظرى الذى يختار فى ضوئه المتغيرات التى سيتناولها فى تحليل الانحدار المتعدد . فإذا كان الباحث مهتما فقط بالتنبؤ بوجه عام بقيم المتغير التابع بمسلومية قيم المتغيرات المستقلة مجتمعة ، فإنه يمكنه إدخال هذه المتغيرات فى معادلة الانحدار بأى ترتيب يراه مناسبا . إذ أن قيمة معامل الارتباط المتعدد ، و كذلك قيم المتغير التابع المتنبأ بها لا تختلف باختلاف هذا الترتيب .

أما إذا كان الباحث يهدف إلى تفسير الظاهرة موضع البحث، وتقصد بذلك تفسير تباين المتغير التابع عن طريق معرفة مقدار ما يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة في هذا التباين، فإن ترتيب إدخال هذه المتغيرات في معادلة الانحدار يصبح أمراً هاما.

والحلاصة أن التحليل الإحصائى للاتحدار المتعدد يفيد فى تفسير الظاهرة موضع البحث عن طريق دراسة العلاقات القائمة بين المتغيرات التى تشتمل عليها هذه الظاهرة. وفى الحقيقة يعتبر تحليل الاتحدار المتعدد . كما يؤكد كوهن Jacob Cohen وكوهن Patricia Cohen — أكثر الاساليب الإحصائية قوة وفاعلية فى تحليل هذه العلاقات ليس فقط لاغراض التنبؤ و إنما لاغراض التغسير وبناء النظريات العلية والتحقق من صحتها .

تمارين على الفصل السابع عشر

وجد أحد الباحثين أن معامل الارتباط بين درجات مادة الرياضيات
 امتحان الثانوية العامة ودرجات امتحان نهاية العام في السنة الاولى بكاية الهندسة لنفس جموعة الطلاب بعد عزل أثر الذكاء ٨٣٠٨ . . ومعامل الارتباط قبل عزل أثر الذكاء ٤٥٠٨ . . فسر معامل الارتباط الجزئ .

٧- إذا افترصنا أن معامل الارتباط بين المقدرة العضلية وطول بجموعة. من الاطفال من عتلف الاعمار ٥٠٫٠، وبين المقدرة العضلية والوزن ٥٫٠، م وبين الطول والوزن ٥٫٨٠، ما هو أفضل تقدير للارتباط الفعل بين المقدرة المعضلية والوزن هذه المجموعة .

٤ - . فسر معنى كل من معامل الارتباط الجول ومعامل ارتباط الجزء
 باستخدام بواق الانعدار .

من المعلوم إحصائيا أن العنبط هو ضبط التباين. ما معنى ذلك ؟ وماهو
 دور معامل الارتباط الجزئ ومعامل الارتباط شبه الجزئ في العنبط الإحسائي ؟

بي يلي مصفوفة معاملات الارتباط بين ثلاثة متغيرات عيى: تماسك الجماعة (ص) والمشاركة في انخاذ القرار (س) والعلاقات الإنسانية بين أفراد الجماعة (س):

دسس,س	د صس	دمسسا	
٠,٠٠	•, ٤ •	٠,٦٠	(1)
٠,٩٠	$(\cdot, \varepsilon \cdot)$	(٠,٦٠)	(ب)
• ,^•	(·,v·)	(+,4+)	(+)
٠,٨٠	٠,٩٠	٠,٧٠	(د)

(1) احسب معاملات الارتباط الجزئية الآتية :

رصس، سپ د صسپ س

(ب) احسب معاملات الارتباط شبه الجزئية رص (سه وس) ، رص (س٠٠سه) مع تفسير القيمة الناتجة في كل حالة .



الفصل الثامن عشر تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات النوعية

- ء المتغيرات الرمزية
- تحليل الاتحدار المتعدد باستخدام المتغيرات الرمزية
 - . استخدامات أخرى للشغيرات الرمزية

عرضنا في الفصلين السابقين طرق تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات الدحمية ، وذكرنا أن الباحث يمسكنه أن يستخدم هذه الطرق في التنبؤ بمتغير تابيع بمعلومية متغيرين مستقلين أو أكثر من النوع المتصل ، أي تختلف درجة الافراد في السمة أو الصفة التي تقيسها هذه المتغيرات بحيث يمسكن ترنيب هذه الدرجات بحسب مقاديرها مثل درجات اختبار في الذكاء أو التحصيل أو عدد مرات التعزيز وما إلى ذلك ، وبالرغم من أن تحليل الانحدار المتعدد قد سمم بصفة خاصة بحيث يستخدم في حالة المتغيرات السمية المتغيرات السميدات النوعية Quantitative Variables المتغيرات التي من المستوى الاسمى . ومن أمثلة هدده المتغيرات الجناسة (ذكر أو أرثي) أو الديانة (مسلم أو مسيحي أو غير ذلك) أو الحالة الاجتماعية (متزوج أو أعرب أو معلق أو أدمل) وهكذا .

وهذه المتغيرات تعتبر من النوع الاسمي أو التصنينى . أى أن التغير يكون فى النوع وليس فى الدرجة كما هو الحال فى المتغيرات السكمية التى تكون من المستوى الرتبى أو الفترى أو النسى .

وبذلك يتسع مجال استخدام تحليل الانحدار المتعدد بحيث يمكن التنبؤ عمني تايع معين من النوع السكمى بمعلومية متغيرين نوعيين أو أكثر، مثل التنبؤ بالاتجاء نحو المهن المختلفة (وهو متغيركمى متصل) بمعلومية جنس الفرد ومستوى تعليمه (وهما متغيران من النوع التصنيق غير المتصل وغير المرتب)

أو يمكن التنبق بالمتغير التابع بمعلومية متغير متصل أو أكثر بالإضافه إلى متغير نوعى أو أكثر مثل التنبق بالاتجاه تحو المهن المختلفة بمعلومية بعض معامته

شخصية الفرد ومستوى تعلمه . أو التنبؤ بالتحصيل الدراسي في مادة دراسية معينة بمعلومية الذكاء وأسلوب التدريس .

المتميرات الرمزية: Dummy Variables

يتطلب تحليل الانحدار باستخدام المتغيرات النوعية أو التصنيفية إجراء اوع همين من الترميز Coding المعتغير أو المتغيرات النوعية الإشارة إلى الاقسام المختلفة التي يتسكون منها هذا المتغير أوهذه المتغيرات. فثلا يمكن أن نرمز للدكور بالرقم ١ و للإناث بالرقم صفر إذا كان المتغير النوهي هو الجنس. أو يمكن أن نرمز للذكور بالرقم ١ و الإناث بالرقم ١ أو أى نظام ترميزي أخر، إلاأنه يفصل استخدام نظام الصفر و الواحد الصحيح تقارا السهولة استخدامه. وتسمى المتغيرات الناتجة عن هذا الترميز بالمتغيرات الرمزية على النوعي ، وإنما وهي لانصف مستوى قيدا الراد الباحث مثلا أن يستخدم في معادلة تشير فقط إلى أقسام هذا المتغير ، فإذا أراد الباحث مثلا أن يستخدم في معادلة الانحدار متغيرا توهيا مثل مستوى التعليم الذي يشتمل على ثلاثة أقسام ، فإن المتغيرات الرمزية الثلاثة الناتجة سي ، سي ربما تكون كالآتى:

و بدالك نتجول أقسام المتغير النوعى إلى بجموعة من المتغيرات الرمزية الثنائمة بحيث يا مز الواحد الصحيح إلى انتهاء الفرد إلى حد أقسام المتغير النوعي مو الصفر إلى عدم دنهائه إلى هذا الفاحر وبالرغم من أن عدد المتغيرات الرمزية في هـذا المثال ثلاثة إلا أن الباحث يمكنه استخدام اثنين منها فقط كمتغيرات هستقلة أو منبئة في معادلة الانحدار دون أن يفقد شيئاً من المعلومات .

إذ يمكن معرفة أثر المتغير الرمزى سي من تتاتج معادلة الانحدارالتي تشتمل على س، سي فقط . وبعبارة أخرى معرفة ما إذا كان الفرد ينتمى أو لا ينتمى الى احدى المجموعتين التي يمثل كل منهما المتغيرين الرمزيين س، سي على الترتيب تمد كافية لتحديد انتهاء الفرد الى إحدى المجموعات الثلاث . فإذا لم ينتم الى أى من المجموعتين س، أو سي فإنه لا بد أن ينتمى الى المجموعة سي .

ويمكن تمثيل المتغيرات الرموية في المثال السابق كالآتي :

الومزى	المتغير		
۳۰۰	اس		
صفن		15	
1	صفر	چ .	المتغير اللنوهى
صفو	صفر	₹ €	

فالمعلومات التي يتضمنها المتغير النوعي (مستوى التعليم) الذي يشتمل على ثلاثة أقسام ج، ، ج، ، ج، أمكن تمثيلها بمتغيرين رمزيين س، ، س، بدلا من ثلاثة متغيرات رمزية س، ، س، ،س، . فعدم انهاء الفرد إلى إحدى المجموعتين ج، أو ج، يعنى أنه ينتمى إلى المجموعة ج،

و بالمثل يمكن تمثيل المتغير النوعى الذي يشتمل على أربعة أقسام ج، ، ج، ج، ج، بثلاثة متغيرات رمزية س، س، س، كالآتى :

المتغير الرمزى

س م	سپ	س		
صفو	صفر	١	ع,	
صفو	١	مىغو	45	المتذير
١	صغر	صفر	۴۵	النوعى
صفو	صفر	صفو	ع،	

وبوجه عام إذا اشتمل المتغير النوعى على ك من الاقسام أو المجموعات، فإن عدد المتغيرات الرموية اللازمة والسكافية للإشارة الى انتماء الفرد إلى قسم معين أو بجوعة معينة من هذه الاقسام أو المجموعات = ك _ 1 حيث ك ترمز إلى عدد أقسام المتغير النوعى . وفي حالة ما إذا كان عدد الأفراد الذين ينتمون إلى كل قسم متساويا يكون معامل الارتباط بين أى متغيرين رمزيين مساويا مقلوب عدد هذه المتغيرات بإشارة سالبة .

حيث ه، و ترمز الى المتغيرين الرمزيين .

تحليل الانحدار المتعدد باستخدام المتغيرات الرمزية :

Dummy Variable Multiple Regression

لتوضيح كيفية استخدام فكرة المتغيرات الرمزية في تحليل الاتحداد التعدد في حالة المتغيرات النوعية تعرض المثال الآتي :

نفترض أن باحثا أراد أن يقوم بدراسة سلوك حل المشكلة ، فمين الافراد بطريقة عشوائية فى ثلاث مجموعات تجريبية مختلفة . وعقب الانتهاء من المعالجات التجريبية طلب من كل فرد فى كل مجموعة حل مجموعة معينة من المشكلات . وفيما يلى ملخص لهذه الدرجات لسكل من المجموعات الثلاث (جدول رقم ٩٨):

ۍ,	ج	ع,
٧	٣	۲
٦	٣	٣
٤	٤	۲
٧.	٤٠	0
٨	۲	٣
٤	۲	٥
	1	1

جدول رقم (۸۸٠)

فلكى تتنبأ بسلوك حل المشكلة من عضوية الفرد في إحدى المجموعات السجر ببية يمسكن أنباع الخطوات الآنية :

الخطوة الأولى : ترمز للدرجات بالرمر ص ، وتكون متغيرين ومزيين س ، س يمثلان أقدام منخبر المعالجة التجريبية كالاتى :

لر مزی	المتغير ا		
γ	١٠٠		
صفر	١	15	
١	صفر	۴Ξ	متغير المعالجة التجريبية
صفو	صفی	+ €	

فبالنسبة للتغير من نرمز للافراد الذين ينتمون إلى الجموعة التجريبية جم بالرقم ، بينما نرمز للافراد الذين لا ينتمون إلى جم بالرقم صفر .

ويالنسبة للمتغير سي ترمز للأفراد الذين ينتمون الى المجموعه التجريبية جي بالرقم ١، بيتما نرمز للأفراد الذين لاينتمون الى جي بالرقم صفر .

ويمكن أيضاً تكوين متغير رمزى ثالث سي نرمز فيه للأفراد الذين يتتمون الى المجموعة التجريبية جي بالرقم ١، والذين لا يتتمون اليها بالرقم صفر ، إلا أن هذا المتغير ليس ضروريا حيث إن المعلومات الحاصة بالانتماء الى مجموعة معينة تكون كافية باستخدام المتغيرين الرمزيين س، سي فقط. فالفردالذي لا ينتمى إلى إحدى المجموعة جي أو جي يحب أن ينتمى الى المجموعة جي .

والجدول الآقى رقم (٩٩) يوضح تتاتج تكوين هذين المتغيرين الرمربين .

س.	س,	ص	المجموعة
صفر	١	۲	
صفر	١	*	
صفر	١	۲	15
صغو	١	٥	
صفر	١	٣	
مبغو	١	٥	
١	صفر	٣	
•	صفر	٣	
١.	صفر	٤	ج.
١	صفر	٤	
١	صفر	۲	
1	صغر	۲	
صفر	صغو	٧	
صفر	صفر	भ न	
اصفر	صفر	٤	34
صفر	معفر	٧	
صفر	صفر	٨	
صفر	صفر	٤	

جدول رقم (۹۹)

ويمكن استكمال تحليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات النوعية الني في هذا المثال بنفس الطريقة التي عرضنا لها في الفصل السادس عشر في حالة المتغيرات الدكمية ، غير أننا هنا نستخدم المتغيرات الرمزية على أنها متغيرات مستقلة .

وني هذا المثال يمكننا اعتبار المتغيرين الرمزيين س، س، منه متغيرين مستقلين، والدرجات التي حصل عليها كل فرد من أفراد المجموعات التجريبية متغيرا تابعا. ولذلك فإن الخطوة الثانية هي أن تحصل على قيمة كل من معاملي الانحدار ب، بب، أي الوزن المقدر لكلمن المتغيرين س، س، وكذلك الثابت أ باستخدام المعادلات ١٠، ٢، ٥ التي سبق أن ذكر تاها في الفصل السادس عشر وهي:

$$\frac{(\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{1} w_{2}) - (\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{2})}{(\neg w_{1} w_{2}) - (\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})} = , \psi$$

$$\frac{(\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{2}) - (\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})}{(\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{2}) - (\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})} = , \psi$$

$$\frac{(\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{2}) - (\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})}{(\neg w_{2} w_{1} w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})} = , \psi$$

$$\frac{(\neg w_{1} w_{2})(\neg w_{2} w_{2}) - (\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})}{(\neg w_{2} w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})(\neg w_{2})} = , \psi$$

والتعويض فى هذه المعادلات من البيانات الموضحة بجدول رقم (٩٩)يتطلب إيجاد المقادير الآتية :

$$\frac{V(1000)}{0} - V_{10000} = V_{10000}$$

$$\xi = V - V = \frac{V(V)}{10} - V = \frac{V(V)}{10}$$

$$\frac{V(V)}{0} - V_{10000} = V_{10000}$$

$$= V - V_{10000} = V_{10000}$$

$$= V - V_{10000} = V_{10000}$$

$$= V - V_{10000} = V_{10000}$$

ره٤ شحدل)

$$\frac{(\sqrt{m^2})(\sqrt{m^2})}{i} - \sqrt{m}\sqrt{m^2} = \sqrt{m}\sqrt{m^2}$$

$$= -i (1) (1) = -i (1)$$

$$Y = \frac{r\eta}{1\Lambda} - \frac{r\eta}{1\Lambda} = -r\eta$$

$$\frac{(v_{\xi})(\tau)}{v_{\xi}} - v_{\xi} =$$

$$\frac{(r)(3)}{\lambda} - 1\lambda =$$

$$1,77V - = 75,77V - 1A =$$

$$\cdot, rrr = \frac{\tau}{1A} = \frac{\tau}{1A} \cdot \frac{\tau}{1A}$$

$$\cdot , \forall \forall \tau = \frac{7}{1A} = 777,$$

$$\xi_{\bullet}(1) = \frac{\forall \xi}{1 \wedge 1} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{$$

وبالتعويض في العبورة رقم (١١) نجد أن :

و يحبأن يلاحظ الباحث أنهذا الناتج يساوىالفرق بين متوسط المجموعة ج. ومتوسط المجموعة جي .

و بالتعويض في الصورة رقم (١٢) محد أن :

$$\frac{(\mathfrak{z})(-\mathsf{Vrr}_{i}r)-(-\mathsf{Y})(-\mathsf{Vrr}_{i}\mathfrak{z})}{\mathfrak{z}(\mathfrak{z})-(-\mathsf{Y})^{\mathsf{Y}}}=\frac{(\mathfrak{z})(-\mathsf{Vrr}_{i}\mathfrak{z})}{\mathfrak{z}(\mathfrak{z})-(-\mathsf{Y})^{\mathsf{Y}}}$$

وهذا الناتج يساوي الف.ق بين سوسط المحموعة جر ١٠٠وـط ٢٠٠عة

وبالتمويض في الصورة رقم (ه) نجد أن :

 $(\cdot, \tau\tau\tau)(\tau, \cdots -) - (\cdot, \tau\tau\tau)(\tau, \tau \vee -) - \xi, 111 = 1$

·,1991 = ·,199 + ·, AA911 + £,111 =

= ۲۰۰۰ تقریبا

وهذا الناتج يساوى متوسط المجموعة جي . وهي المجموعة التي عينا فيها لكل من المتغير بن الرمزيين س. ، س. القيمة صفر .

وبذلك تـكون معادلة انجدار ص على المتغيرين المستقلين سي، سي هي :

صم = ا + ب س + ب س

۳,۰۰ – ۲,۶۷ س <u>۱ – ۳,۰۰ س</u>ې

وباستخدام هذه المعادلة يمسكن أن نوجه فيمة ص المتنبأ بها بمعلومية قيمة معينة من قيم س . وهذه القيمة المتنبأ بها هي متوسط المجموعة التي تنتمي إليها هذه القيمة المعينة من قيم س .

فثلا بالنسبة للفرد الثانى فى كل مجموعة من المجموعات ج، ، ج، من المجدول رقم (٩٩)، أى الفرد الثانى والثامن والرابع عشر من الجدول رقم (٩٩) على الترتيب ، تسكون قيم صرم كالآتى :

وهذه القيمة تساوى متوسط المحموعة ج. .

$$(1)(T, \cdot \cdot) - (T, \tau)(min) - \tau - (T, \tau)(min) - (T, \tau)(T)$$

وهذه القيمة تساوى متوسط المجموعة ج

وهذه تساوى متوسط المجموعة جم

مربع معامل الارتباط المتعدد:

يمكن حساب مربع معامل الارتباط المتعدد بإحدى الطرق التي ذكرناها في الفصل السادس عشر .

فثلا يمكن إيجاد بجموع المربعات الخاصة بالانحدار باستخدام الصورة رقم (۱۸) وهي :

مجموع مربعات الانحداد عدب بعس من ب ب بعض من من

و بالتعويض من القيم السابقة نجد أن :

جموع مربعات الانحداد
$$=(-7,7)(-7,7)$$
 $+(-7,7)(-7,7)$

47,877 =

والمجموع السكلي للمربعات من جدول رقم (٩٩) :

$$= 377 - \frac{(3V)^7}{\Lambda t}$$

og VVA =

ويمكن إيجاد قيمة مربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع ص والمتغيرين المستقلين الرمزيين س، س، باستخدام الصورة رقم (١٩) المذكورة فى الفصل السادس عشر وهى :

$$\cdot, \circ \varepsilon \tau = \frac{\tau \tau, \varepsilon \tau \tau}{\circ \mathbf{q}, v \vee \lambda} =$$

أى أن ٣٤,٥٠ / من مجموع مربعات قيم المتغير ص (الدرجات التي حصل هليها الآفراد في بجموعة المشكلات) يمكن تفسيرها بمعلوهية انتياء الفرد إلى إحدى المجموعات الثلاث . أو يمعني آخر ٣٤٥ / من تباين الدرجات التي حصل عليها الآفراد في مجموعة المشكلات يرجع إلى عصويتهم أو انتيائهم إلى إحدى المجموعات التجريبية الثلاث .

وبالطبع يحب أن يختبر الباحث الدلالة الإحصائية لقيمة رام ليتأكد من أن انتهاء الفرد إلى مجموعة تجريبية معينة يسهم إسهاما فعليها في التنبؤ بدرجته في مجموعة المشكلات .

استخدامات أخرى المتغير ان الرمزية :

يمكن أن يستخدم الباحث فسكرة المتغيرات الرمزية فى مواجهة مشكلةا نبحناء العلاقة بين المتغيرات فى تحليل الانحدار .

فثلا اذا وجد الباحث أن العلاقة بين المغير التابيع وأحد المتغيرات المستقلة غير خطية ، ولسكنه لايعرف على وجه التحديد طبيعة أو شكل هذه العلاقة ، فإنه يمكنه في هذه الحالة تجزئة هذا المتغير المستقل إلى عدد معين من الاقسام وليكنك،

ثم يقوم بتسكوين عدد فدره ك ــ ١ من المتغيرات الرمزية التي تشير إلى مده الاقسام . ويستخدم هذه المتعيرات الرمزية كمتغيرات مستقلة في تحليل الانحدار المتعدد كا سبق أن أوضعنا ، ثم يوجد قيمة صم لكل قسم من أقسام المتغير المستقل ، ويمكنه بعد ذلك أن يمثل على ورقة رسم بياني قيم صم على المحود الرأسي ومنتصفات كل فئة من فئات المتغير المستقل س على الحرر الافتى و مهذا يستطيع أن يأخذ فسكرة سريعة عن شكل العلاقة بين المتغيرين .

ويجب أن اوصى الباحث بعدم اللجوء الى هذه النجزئة اذا كان لديه معلومات، مسبقة عن طبيعة هذه العلاقة ، وإنما يغضل استخدام المتغير الفنرى دون تجزئته، واختيار أسلوب تحليل الانحدار الذي يناسب هذه العلاقة . أما إذا لم تمكن لديه هذه المعلومات فإنه يمكنه استخدام فكرة المتغيرات الرمزية لانها تشميز بسرجة كبيرة من المرونة في تحليل مثل هذه البيانات .

تمارين على الفصل الثامن عشر

(١) اذكر بحموعة من المتغيرات النوعية التي ترى أنها ربما ترتبط بالتحصيل الدراسي لطلاب الجامعة .

(٢) إذا كان لديك أربع بحموعات تجريبية مختلفة . ماعدد المتخسيرات الرمزية المطلوبة لتنحليل الانحدار ؟ وضح ذلك في جدول .

3+	_ve_	_ve_
11	٤	۲
۲.	۸	٦
10	٦	

استخدم فسكرة المتغيرات الرءزية فى ايجاد معادلة الانحدار المتعدد، وأوجد مربع معامل الارتباط المتعدد.

(٤) أجرى أحد الباحثين دراسة على أربع بحوعات تجريبية ج، ، ج، ، ج، ، ج، ، وقام بترميز المتغير النوعى (المتغير المستقل) كالآتى :

المتغیر الرمزی س، حیث رمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة ج، ، والرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

المتغیر الرمزی سیم حیث رمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة جیم ، والرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

المتغیرالرمزی سی حیث رمز فیه بالرقم ۱ للافراد فی المجموعة ج، و الرقم صفر لجمیع أفراد المجموعات الاخری .

ثم قام بإجراء تحليل انحدار المتغير التابع (ص) على المتغديرات الرمزية الثلاثة س، س، س، وحصل على معادلة الانحدار الآتية .

صم = ۲٫۰۰ + ۲٫۰۰ س ۲٫۱ س ۲٫۱ س - ۲٫۰۰ س

باستخدام هذه المعادلة أوجد متوسطات المجموعات التجريبية الأربعة في المتغير التابع .

(o) أراد باحث دراسة العلاقة بين الانتماء إلى نوع معين من التعليم والاتجاه نحو التحديث .

فطبق مقياسا للاتجاه محو التحديث على أربع عينات من طلاب التعليم العام، والتعليم المهنى، والتعليم الازهرى، والتعليم المسكرى، وحصل على الدرجات الافتراضية الآتية:

تعليم عسكرى	تعليم أزهرى	تعليم مهنى	تعلم عام
٣	£	٣	Y
٣	۳	٣	٣
ŧ.	٦	٤	٤
٦	٧	•	٤
٦	v	•	۰
٧	٨	٦	٥
٨	٩	٦	٦
٨	١.	٧	٦
١.	11	٨	٧
١٠	14	٨	٨
{			

باستخدام فمكرة المتغيرات الرمزية أوجد:

(أ) قيمة مربح معامل الارتباط المتعدد بين درجات الاتجاه نحو التحديث وانتهاء الطالب إلى تعليم معين ، وفسر القيمة الناتجة .

(ب) ممادلة الانحدار المتمدد :

ثم قارن بين أوزان الانحدار والفروق بين متوسطات المجموعات .

الغصل الناسع عشر

تحليل المسارات

- . مفهوم العلية أو السبيية
 - . تخطيط المسارات
 - معاملات المسارات
 - بناء نماذج المسارات
- طرق حساب معاملات المسارات
- . نماذج المسارات التي تشتمل على متغيرين
 - نماذج المسارات المتعددة المتغيرات
 - . خطوات حساب معاملات المسارات

يتضح من عرضنا في الفصول السابقة أهمية تحليل الانحدار البسيط والانحدار المتعدد في تحليل بيانات البحوث النفسية والتربوية . كما يتضح أن مناقشتنا انصبت على استخدام تحليل الانحدار في أغراض التنبؤ ، وفي الحقيقة توجد بحوعة من الاساليب والطرق التي تعتمد على مفاهيم الانحدار والتي يمكن أن يستخدمها الباحث في أغراض التفسير يطلق عليها طرق « تحليل المسارات « Path Analysis

فالتنبؤ والتفسير هما جانبان من جوانب البحث النفسى والتربوى . فإذا كان هدف الباحث التنبؤ بمتغير تابع بمعلومية متغير مستقل أو أكثر ، فإنه يمكنه استخدام تحليل الانحدار في التوصل إلى معادلة انحدار تفيد في هذا التنبؤ . ويتم اختيار المتغيرات المستقلة التي تسهم بدرجة أفضل في التنبؤ بالمتغير التابع . وهنا ربما لايهتم الباحث اهتاما خاصا بالدراسة المتعمقة في أسباب حدوث الظاهرة المتنبأ بها ، فسكل ما يهمه هو التنبؤ بدرجة كبيرة من الدقة بالظاهرة موضع البحث ، ولكن في كثير من البحوث النفسية والتربوية لا يقتصر اهتمام الباحث على التنبؤ ، وإنما يود أيضاً تفسير الظاهرة ، أي تفسير تباين المتغير التابع بمعلومية متغير مستقل أو أكش .

فتفسير الظواهر المختلفة هو الهدف الرئيسي للعلم، ونقصد بالتفسير محاولة ا التوصل إلى أسباب حدوث الظاهرة موضع البحث .

فعندما يقوم الباحث مثلا بدراسة أثر التنشئة الاجتماعية على تكوين بعض سمات شخصية الطفل، أو أثر الاتجاهات على الإدراك ، أو أثر التعزيز على السلوك اللاحق، فإنه يكون بصدد دراسة الاسباب المحتملة للسلوك فى كل حالة ، ولذلك يحاول الباحث تصمم مو اقص تجريبية يستطيع فيها أن يضبط الموامل العارضة

التى يمكن أن تؤثر فى المتغير التابع حتى يتسنى له أن يعزى التباين الملاحظ فى هذا المتغير إلى المتغير المستقل.

ولكن أحيانا يصعب على الباحث _ وبخاصة في البحوث غير النجريبية _ أن يتحكم في متغيرات بحثه ، لهذا يلجأ عادة إلى طرق الضبط الإحصائي الى عرضنا لها في الفصل السابع عشر ، وتعتمد هذه الطرق كا سبق أن رأينا على معاملات الارتباط . وبالطبع لانستطبع تفسير هذه المعاملات على أنها دليل على علاقات سببية أو علاقات أثر ونتيجة سواء حصلنا على قيمها من بيانات بحوث نجريبية أو عساير تجريبية . فالبحث في المسلاقات السببية أو العلية الناذج التفسيرية وغسير تجريبية . فالبحث في المسلاقات السببية أو العلية الناذج التفسيرية المعتمد بالمعتمد بالمعتمد المناهرات التي توضع تأثير المتغيرات. التي تشتمل عليها الظاهرة موضع البحث بعضها على البعض الآخر ، واختبار صحة منده الناذج باستخدام البيانات التي يحصل عليها الباحث . ويعتمد بناه هذه الناذج على الإطار النظري أو المنطقي الذي يتبناه الباحث . فإذا لم تتسق البيانات مع على الإطار النظري أو المنطقي الذي يتبناه الباحث . فإذا لم تتسق البيانات مع على ألاطار النظري أو المنطقي الذي ينبناه الباحث . فإذا لم تتسق البيانات مع على أساسه .

أما إذا اتسقت البيانات مع النموذج فإن هسدا لا يعد دليلا كافيا على أن الإطار النظرى صحيح، ولكنه يدل على أن البيانات تؤكد هذا الإطار وتتسق معه، الإطار النظرى صحيح، ولكنه يدل على أن البيانات تؤكد هذا الإطار وتتسق معه، فأن المدخر أن تتسق البيانات مع نماذج تفسيرية عظفة . فثلا إذا افترضنا أن المتغير سيوثر في المتغير عو نموذج تفسيرى الظاهرة معينة، أو إذا افترضنا أن المتغير صيوثر في المتغير سيائلت وبما تتسق مع كل من النهوذ جوزة النهانات وبما تتسق مع كل من النهوذ جوزة التفسيري الثاني إذا تبيناه أن المتغير سيسبق المتغير صيمن الناحية الزمنية . وفي الحقيقة يحتاج الباحث الما الملوب في تحليل البيانات يمكن أن يستخدم بصورة أكثر انتظاما واتسادًا وانسادًا وانس

موضع البحث، وهذا الأسلوب هو تحليل المسارات. وقد توصل عالم الوراثة سيوال رايت Sewall Wright لهذا الأسلوب عام ١٩٢١، وعرض له في سلسلة من المقالات التي نشرت في الأعوام ١٩٢١، ١٩٣٤، وقد أخذ هذا الأسلوب كوسيلة تساعد على التصبير بصورة رياضية عن الوراثة، وقد أخذ هذا الأسلوب في تحليل البيانات في الانتشار في كثير من العلوم الآخرى وبخاصة في العلوم الاجتماعية حيث يرجع الفضل في ذلك إلى دائكان nara عام ١٩٦٦، ولسكن نظرا لعدم تعرض كثير من المراجع الإحصائية التقليدية لهذا الاسلوب سواء بالإشارة أوالتفصيل، فإن كثيرا من الباحثين في العلوم السلوكية لا يستخدمونه رغم أهميته في اختبار صحة النظريات ، واستنتاج التفسيرات المنطقية للظاهرة موضع البحث ،

ولا ادعى ألنا سوف تحيط فى هذا الفصل يحميع جوانب هذا الاسلوب و فتحليل المسارات يحتاج إلى مؤلف خاص إذا أردنا عرض جميع الطرق التي يشتمل عليها . ولمكننا سوف تعرض المبادى. الاساسية التي تمكن الباحث من فهم طبيعة همذا الاسلوب المستحدث فى تحليل البيانات . وإذا أراد الاستزادة عليه أن يرجع إلى قائمة المراجع المذكورة في آخر هذا السكتاب .

تحليل المسارات ومفهوم العلية أو السببية :

يخطى من يتصور أن تحليل المسارات هو طريقة للسكشف عن العلية أو السببية . وفي هذا يقول رايت Wright : وإننا لانهدف من تحليل المسارات إلى استنباط علاقات علية أو سببية بين مجموعة من المتغيرات باستخسدام قيم معاملات الارتباط ، وإنما نهدف إلى تطبيق هذا الاسلوب من أساليب تحليل البيانات على تموذج سببي Causal Model نفترضه على أساس نظرى معين ، البيانات على تموذج سببي الاحتفق إذا أرداا استشباط علاقة سببيسة بين إذ أن هذاك ثلاثة شروط يجب أن تنحقق إذا أرداا استشباط علاقة سببيسة بين متغيرين س ، ص .

الشرط الاولهو أنه يجب أن يكون هناك تعاير أو بهاين منلازم بين المتغيرين.

والشرط الثانى يتطلب وجود ترتيب زمنى بينهما . وهذين الشرطين يسهل التحقق منهما . إذ يمكن عادة قياس التغاير وملاحظة التسلسل الزمنى بين متغيرين .

والشرط الثالث يؤكدانه لسكى توجد علاقة سبيبة بين المتغيرين يحب الاينعدم التباين المتلازم بينهما إذا استبعدت الآثار الناتحة عن المتغيرات الدخيلة Confounding Variables.

أى أن هذا انشرط يتطلب استبعاد جميع العوامل السببية الآخرى المحتملة . وتعظرا لإمكانية وجود عدد لانهائى من هذه العوامل ، وعدم وجود اختبار أو معامل إحصائى يساعدنا على اتخاذ القرار الصحيح فى هذه الحالة ، فإنه يصعب التحقق من هذا الشرط ، لذلك يجب أن نفترض تموذجا معينا يمثل الظاهرة موضع البحث بحيث يكون أقرب ما يمكر فى تمثيله لواقع هسدة الظاهرة ، ونقوم بفحص العلاقات القائمة بين مجموعة محدودة من المتغيرات على الإطار النظرى يستمل عليها هذا النموذج ، ويتوقف اختيار هذه المتغيرات على الإطار النظرى والفكرى المشكلة موضع البحث ، كا يجب أن يشمل النموذج المتغيرات الدخيلة التى يمكن أن تؤثر فى الظاهرة ، وإذا تبين أن هناك متغير دخيل لم ناخذه فى الاعتبار ، فإننا يجب أن نقيس هذا المتغير ونعيد تعديل النموذج بحيث يشتمل على هذا المتغير الجديد .

تخطيط المسارات :

يمكن تمثيل تماذج العلاقات السببية بين مجموعة من المتغيرات بأشكال نخطيطية . و توجد قواعد يمكن أن يتبعها الباحث عند رسم وقراءة هـذه الاشكال كما هو الحال عند رسم وقراءة خرائط الطرق تلخصها فيما يلي :

 (٢) التمييز بين ما يسمى بالمتغيرات الخارجية Endogenous Variables والمتغيرات الداخلية والمتغيرات الداخلية السببية القائمة للك المتغيرات الى لا تحاول تفسير تباينها أو العلاقات الداخلية السببية القائمة بينها فى النموذج المقترح . أما المتغيرات الداخلية فهى تلك المتغيرات الى يمكن تفسير تباس كل منها بمعلومية المتغيرات الخارجية والمتغيرات الداخلية الآخرى فى النموذج .

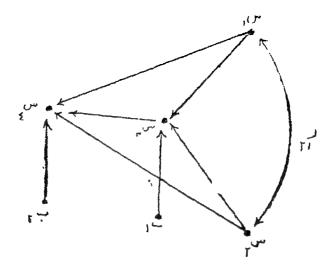
(٣) تحديد ترتيب زمني واضح بين المتغيرات الداخلية .

(ع) رسم الشكل التخطيطى المتغيرات بحسب ترتيبها الزمنى من اليمين إلى البسار . وتربط بين كل متغيرين خارجيين منها بخط منحنى (قوس) ينتهى كل من طرفيه بسهم الدلالة على أثنا لانستطيع اعتبار أن أحدهما سبب للآخر . كا نربط بين المتغيرات الداخلية بخطوط مستقيمة (أشعة أو مساوات) ينتهى أحد طرفى كل منها بسهم يتجه من المتغير المستقل (الذي يفترض أنه سبب Cause) المتغير المستقل (الذي يفترض أنه المستقل المستقل المتغير المستقل المستقل التابع (الذي يفترض أنه أثر أو تتيجة على المستقل المستقلم المستقل الم

والنماذج السببية الى يمثلها هذا النوع من التخطيطات تسمى نماذج ذات اتجاه واحد Recursive Models .

لأنه لايمكننا اعتبار أحد المتغيرات سببا ونتيجة في نفس الوقت لمتغير آخر . وتوجد أنواع أخرى من النماذج السببية تسمى النماذج التبادلية Non Recursive Models ونماذج التغذية الراجعة Non Recursive Models لأن هذه النماذج تعتمد على افتراض وجود علاقات سببية تبادلية بين بعض المتغيرات . وهذا النوع من النماذج يعتبر أكثر تعقيدا وأقل استخداما في البحوث النفسية والتربوية من النماذج ذات الاتجاه الواحد ، ولذلك سنقتصر في هذا الفصل على مناقشة بعض النماذج ذات الاتجاه الواحد .

والمثال الآتي يوضح فكرة المتعيرات الخارجية والمتغيرات الداخليه في نموذج سبى بسيط يتكون من أربعة متغيرات .



شکل رقم (۷٪) شکل تخطیطی لنبوذج سببی یشتبل علی اربعة متغیرات

قإذا نظرنا إلى التسكل التخطيطي رقم (، ٧) الذي يمثل الملاقات السببية بين هذه المتغيرات التي رمونا لها بالرموز س، ، س، ، س، ، س، ، س، به بعد ترتيبها في قسلسل سبي من اليمين إلى اليساد ، نحد أن المتغيرين س، ، س، هما المتغيران المخارجيان Exogenous Variables ، ويمثل الارتباط بيشها درم بخط منحتي (قوس) ينتهي كل من طرفيه بسهم للدلالة على أثنا أن تستخدم هدا الارتباط في التحليل ، وكذلك للدلالة على تماثل العلاقة بين س، ، س، ،

أما المتغيران سي، سي فهما المتغيران الداخليان Paths والخطوط المستقيمة (الاشعة أو المسارات Paths) تمثل الدأثيرات السببة Causal Effects لسكل متغير على المتغير الآخر والمتغير الذي يقع عليه التأثير يسمى المتغير الداء والمتغير الذي يقع عليه التأثير يسمى المتغير الداء .

و بذلك يتضح من الشكل أن المتغير سي هو مندير تابع بالنسبة المندين سي ، والنأثير عليهمسدا من المندير سي هو تأثير مباشر سي ، من يا التحليل)

• Direct Effect ولسكن المتغير من (وهو متغير داخلي) يصبح منغيراً مستقلا بالنسبة للسغير الداخلي سي ، لأن المتغير سي أصبح يؤثر على المدغير من ي .

أى أن المتغير الداخلي يمكن أن يكون متغيراً تابعا بالنسبة لمجموعة معينة من المتغيرات التي يشتمل عليها النوذج السببي (التفسيرى) ثم يصبح متغيراً مستقلا بالنسبة لمجموعة أخرى من المتغيرات في نفس النمرذج.

و بالطبع من المستحيل أن يمثل الباحث جميع المتغيرات التي تشتمل عليها الظاهرة موضع البحث في النوذج ذي يفترضه لكي يحدد التباين الكلى لاحد المتغيرات. لذلك فإنه من الضروري أن نقدم نوعا ثالثا من التغيرات التي تسمى متغرات البواقي Resiqual Variables ، وهي تشمل جميع الموامل التي تؤثر في الظاهرة ولكن لم يتضمنها النوذج المقترح ، وهذه متغيرات غير مقاسة . فتي المشكل التخطيطي السابق ومؤنا لمنغيري البواقي بالرمزين ب، ، ب ومثلنا كلا منهما بخط مستقيم ينتهى أحمد طرفيه بسهم يتحه من متغير البواتي إلى متغير تابع .

و نظراً لأن التأثير السبي في هذا النموذج له اتجاه واحد فإنه يعتبر من النماذج السب_{ني}ة ذات الاتجاء الواحد Recursive Models .

• Path Coefficients معاملات المارات

ربما يتبادر إلى ذهن الباحث الآن بعض الاسئلة التي تستحق الإجابة وهي : ١ – هل بمكن تحديد قيمة اكمل مسار بعد تمثيله في الشكل التخطيطي ؟ وما تفسير هذه التيمه ؟ ٢ ــ ما هي العلاقة بين قيمة معامل المسار ومعامل الارتباط والوؤن المقدو للانحداد ؟

٣ ـــ ما هي الفروض التي يبني علما تحليل المسارات ؟

١٠ علاقة تحليل المسارات بتحليل الانحدار؟

وى الحقيقة أن هذه الاسئلة مترابطة ، لذلك فإندا لن نجيب عليها الواحد على الآخر، وإنما سيتضح للباحث الإجابة عليها منخلال عرضنا للطرق المستخدمة على المسادات. وسنبدأ بمقهوم معاملات المسادات Parth Coefficients . وسنبدأ بمقهوم معاملات المسادات Cause على متغير آخر ومعامل المساديدل على الآثر المباشر لمتغير (سبب Cause) على متغير آخر (نقيجة Effect) .

أى أن معامل المسار يعبر عن الآثر المتوقع في متغير الذي ينتج عن تغير الإنحراف المعياري لمتغير آخر بقدر الوحدة (بعد تثبيت جميع المتغيرات الآخرى). وهذا التغير يعبر عه بواسطة الانحراف المعيساري للتغير المنيء (التابع). ومعامل المسار يجب أن يقيس الآثر المباشر لمتغير على متغير آخر بجزء الانحراف المعيادي للتغير الثاني الذي يرجع إلى المتغير الأول إذا كان تباين المتغير الأول هو نفس التباين الملاحظ في العينة موضع البحث بعد تثبيت الموامل الآخرى. ومن هذا يتبين أن مربع معامل المسار يقيس الجزء من تباين المتغير النابع الذي يرجع إلى المتغير الأبراً مباشراً شأنه شأن معامل التحديد في تحليل الإعدار.

ويرم, عادة معامل المسار بالحرف الإنحليزى P ويوضع تحتسبه حرفان صفيران أو عددان يدل أو لها على المتذير النابع (النتيجة Effect) ويدل ثانيهما على المدن المستقر (المبدر المستقر (المبدر Cause)، ولكننا سنر مزله في هذا الفصل بالرف (م)

وشخته الحرفان الصغيران أو المددان ، فثلا م_{ص س}ترمز إلى الآثر المباشر المتغير (س) على المتغيز (ص) .

، مهم ترمز إلى الآثر المباشر للمتغير (١) على المتغير (٣) .

و يمكن التعبير عن معاملات المسارات بصورة غير معيارية أى ناتجة عن استخدام الدرجات الخام مباشرة Raw Data شأنها شأن أوزان الانحداراا ادية التي رمزنا لها في الفصول السابقة بالحرف (ب) ، وعندئذ تسمى معاملات المسارات غير المعيارية Wnstandaradized Coefficients أو معاملات مسارات الانحداد Path Regression Coefficients ، كما يمسكن التعبير عنها بصورة معيارية، أى ناتجة عن استخدام الدرجات المعيارية (و) التي عرصتنا لها بالتفصيل في الفصل الخامس بدلا من الدرجات الخام شأنها شأن أوزان الاتحدار المعيارية أي الفصل الخامس بدلا من الدرجات الخام شأنها شأن أوزان الاتحدار المعيارية التي يرمز لها هائدة بالرمز (ع) وتقرأ (بيتا)، وعندئد قسمى معاملات المسارات المعيارية Standaradized Coefficients .

والرمز (م) الذي سوف نستخدمه في هــذا الفصل يرمز إلى معامل المُسار في صورته المميادية .

ونما هو جدير بالذكر أنه يمكننا تخويل أوزان الانحدار العادية (ب) للمتغير ص على المتغير س إلى أوزان انحدار معيارية (B) باستخدام الصورة الآنية :

حيث عمس ترمز إلى الانحراف المعياري للمتغير ص .

، عمر أرمز إلى الانحراف المعارى للشنيرس.

و بالمثل يمكن تحويل معاملات المسادات العادية التي تدل على أثر المتعير (س) على المتعير (ص) إلى معاملات مسارات معيارية باستخدام الصورة الآتية :

فأوزان الانحدار تعتبر حالة خاصة من معاملات المسارات ، وتحليل الانحدار الخطى يعتبر حالة خاصة من تحليل المسارات ، فكلاهما من عائلة الناذج الخطية العامة General Linear Models .

وتحليل المسارات يقدم الباحث قدراً من المعلومات الخاصة بالمعلاقات القائمة بين نظام متغيرات بحثه أكبر عايقدمه تحليل الانحدار الخطى . وهذا يساعده على تفسير العمليات السببية ، وتجزئة هذه العمليات إلى آثار مباشرة وآثار غير مباشرة لسكل متغير على الآخر .

وربمايتسامل الباحث الآن: هل يستخدم معاملات المسارات العادية أمالمعيارية بني تحليل بيانات بحثه ؟

وفي الحقيقة لا توجد إجابة عددة على هذا التساؤل ، فشكلة الاختيار بين توعى المعاملات ما زالت مثار جدل بين المهتمين بأسلوب تحليل المسارات ، ولكننا نستطيع أن توجه الباحث إلى أن الهدف من البحث هو الذي يملى عليه نوع المعامل المطلوب ، وقد اتفق معظم الباحثين على أنه إذا كان الهدف من البحث هو إجراء موازنات بين بحوعات جزئية من البيانات مثل البنين في مقابل البنات، أو الريف في مقابل الحضر، فإنه يفضل استخدام معاملات المسارات المادية في هذه الحالة (بافتراض أن ميزان قياس المتغيرات عدد ، أي أنه يجب أن يتسق ميزان قياس كل متغير في المسارات المحاملات المعاملات المعام

يسهل تفسيرها ، كما أنها لا تتأثَّر باختلاف تباين نفس المتفير نتيجة التحليل مجموعة. جزئية من البيانات .

أما إذا كان الهدف من البحث معرفة الآهمية النسبية لمتغيرات معينة في مجتمع ما أو في مجتمعات فرعية ، فإنه يفضل استخدام معاملات المسارات المعيارية لانه يمكن في هذه الحالة أخذ اختلاف موازين قياس المتغيرات في الاعتبار . ويقترح رايت Wright – مؤسس تحليل المسارات – أنه يجب النظرالى نوعى المعاملات على أنهما ، مظهران لنظرية واحدة ، وليس على أنهما ، بديلان يجبأن نختار بينهما » .

ولذلك يوصى رايت Wright بأن يسجل الباحث نوعى المعاملات في بحثه، وإذا أراد أن يسجل أحدهما فقط فإنه يجب علبه أن يذكر الاتحرافات الممارية. للمتغيرات حتى يتمكن القارىء من استنتاج المعامل الآخر باستخدام العمردة. السابقة رقم (٢).

بناء تماذج المسارات :

إن تقطة البدء في تحليل المساوات هي بناء تموذج سببي Causal Model الظاهرة التي يود الباحث تفسيرها ، وتمثيل هذا النوذج بشكل تفطيطي يوضح الملاقات بين المتغيرات التي يشتمل عليها ، وهذا بالطبع يتطلب من الباحث مراجعة البحوث والنظريات والدراسات السابقة التي تناولت الظاهرة ، وضع البحث لسكي يتمكن من تحديد المتغيرات الهامة ، وتأثير كل منها على الآخر ، وترتيبها من من الوجهة السببية بمايتفتي و نتائج هذه البحوث والنظريات ، أو ربما يتبني الباحث نظرية معينة ويقوم ببناء نموذجه بحيث يتسق مع هذه النظرية ، ولذاك بجب أن تبكون عمليات قباس المتغيرات التي يشتمل عليها النوذج وجمع البيانات متسفا أيضاً مع النظرية ، ويعتمد صدق نتائج تحليل المسارات إلى حد كبير على مدى ثقة الباحث في النموذج الذي يمثل الظاهرة موضع البحث ، فالترتيب السبي الخاطيء للمتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج ما النهوذج الذي يمثل الظاهرة موضع البحث ، فالترتيب السبي الخاطيء للمتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى معاملات ارتباط وهمية أو زائفة للمتغيرات التي يشتمل عليها النهوذج مثلا تؤدي إلى معاملات ارتباط وهمية أو زائفة المتغيرات التي يشتمل عليها النه في التحليل على أنها معاملات حقيقيسة ،

ما يؤدى إلى قيم خاطئة لمماملات المسارات . وقد أطلق جوردون Gordon على هذا النوع من الخطأ اسم ، عزل الآثر الوهمي False Partialing . .

كما أن إغفال الباحث أو حذفه لبعض المتغيرات الهامة المرتبطة بالظاهرة موضع البحث يؤدى إلى نوع من التجيز عند حساب معاملات المسارات.

فإذا أغفلالباحث متفيراً خارجيا Exogenous Variable مثلا، فإن هذا يؤثر بلا شك على تقدير معاملات المسسارات الخاصة بالمتغيرات الخارجية الآخرى والمتغيرات العاخلية Endogenous Variables .

وقد سبق أن ذكر نا أن المتغير الداخلي يمكن أن يصبح متغيراً خارجاً بالنسبة قلمتغيرات الآخرى ، وهذا يدل على أن إغفال أو حذف احد المتغيرات الداخلية التي تسبق المتغيرات الآخرى في الترقيب السبي ربما يؤثر تأثيراً متنخيراً في قيم معاملات المسايرات الخاصة بالمتغيرات التي تلي هذا المتغير ، وتعتمد درجة هذا التحيز على مقدار التداخل أو الارتباط بين هذا المتغير والمتغيرات الاخرى التي يشتمل عليها التوذج ، فكال زاد هذا المقدار تزيد درجة التحير ويقل بالتالي التحيز في قيمة معامل التحديد .

أما إذا كان المتغير العاخلي الذي أغفله الباحث لا يرتبط بالمتغيرات الاخرى التي يشتمل عليها النوذج، فإنه لا يكون له تأثير على معاملات السارات و لسكنه سوف يقال من نسبة التباين الذي يمكن تفسيره.

لذلك يجب على الباحث العناية باختيار المتفيرات وعدم إغمال أى متغير هام حتى لا يقلل من صدق تتاتج تحليل النماذج التفسيرية التي يفترضها.

و توجد بعض الفروض التي يجب أن يراعيها الباحث قبل البدء في نطبين طرن حساب معاملات المسارات التي سنعرض لهما بعد قدل . وهسذه الفروض هي : 1 — أن تكون العلاقة بين المتغيرات خعلية المنوذجو توجد ان يتحقق الباحث من شكل العلاقة بين كل متغير بن يشتمل عليهما النوذجو توجد طرق عند لفة لاختبار فرض خطية العلاقة عرضنا أحدها في العصل السابع ، والطريفة الاولى هي أن يقوم الباحث برسم شكل انتشاري لازواج قيم كل من المتغيرين ، ويفحص هذا الشكل بغرض أخذ فكرة سريعة عن نزعة اقتران هذه القيم ويسهل على الباحث إجراء ذلك إذا كان عدد أفراد العينة قليلا . والطريقة الثانية هي أن يستخدم أحد برانج الحاسب الآلي لإيجاد قيمة كل من معامل ارتباط بيرسون (ر) ونسبة الارتباط (π) بين كل متغسيرين ، ثم يقارن بين القيمتين ، فإذا وجد اختلافا ملحوظا بين كل قيمتين بغض النظر عن الدلالة الإحصائية لهذا الاختلاف، فإنه لا يجب أن يبدأ في حساب قيم معاملات المسارات قبل أن يجرى نوعا من فإنه لا يجب أن يبدأ في حساب قيم معاملات المسارات قبل أن يجرى نوعا من فائته ويلات الرياضية التي عرضنا بعضا منها في الفصل الخامس عشر على قيم أي من هذين المتغيرين أو كليهما لكي تصبح العلاقة بينهما خطية .

۲ — أن تكون العلاقة بين المتذبرات جمعية Additive ، أى لا يوجد تفاعل Interaction بين المتغيرات . فعندما تختلف العلاقة بين متغيرين تبعا لمستنوى متغير ثالث فإننا نقول أن هناك تفاعلا بين المتغيرات الثلاثة . وفي الحقيقة يمكن أن يتأكد الباحث من هذا الفرض باستخدام بعض البرائج الجاهزة للحاسب الآلي Morgan أحدها هو البرنائج الذي صممه سونكويست Sonquist ومورجان Morgan عام ١٩٦٤ ويسمى برنائج المكشف الآلي عن التفاعلات Operation وعلى الباحث عام ١٩٦٤ وعلى الباحث أن يرجع إلى الدليل الخاص بهذه الحزمة قبل أن يستخدم هذا البرنامج .

٣ ــ أن يكون ميزان قياس المتغيرات من المستوى الفترى . وفي الحقيقة يعتبر هذا الفرض أفل الفروض أهمية ، إذ يمكن أحيانا استخدام متغيرات من المستوى الاسمى أو الرتب في تحليل المسارات كما هو الحال في تحليل الانحدار .
 ٤ ــ ألا ترتبط متغيرات البواقي بعضها ببعض أو بعيرها من المتعيرات

في النموذج الذي يفترضه الباحث .

فأى نموذج سببى لابد أن يشتمل على بعض الخطا أو البواق Residuals . وتحليل المسارات الذى يعتمد على تحليل الانحدار المتعدد ويفترض ، فيه أن معاملات الارتباط بين البواق وجميع المتغيرات الخارجية Exogenous في معادلة معينة تساوى الصغر . وقدوضمناكلة ويفترض ، بين قوسين لتدل على أنه ما لم يتحقق هذا الفرض فإن طرق تقدير المربعات الصغرى -Least لتوى على أنه ما لم يتحقق هذا الفرض فإن طرق تقدير المربعات الصغرى وبعبارة أخرى عندما يحل الباحث معادلات الانحدار المتادة ، فإنه يكون بذلك قد جعل جميع معاملات الارتباط بين البواق تساوى صفراً . وعدم تحقق هذا الفرض يؤدى إلى تحيز في أوزان الانحدار .

ولكن فى كثير من الأحيان لا تكون هذه الارتباطات مساوية الصفر. فعدم تحقق أى من الفروض السابقة يؤدى إلى وجود ارتباطات غير صفرية بين البواقى أو بين البواقى والمتغيرات الخارجية.

فإذا كان هناك تفاعل بين المتغيرات، فإن البواقي سوف ترتبط بمتغيرين خارجيين على الاقل.

وإذا أغفل الباحث بعض المتغيرات الخارجية الهامة ، فإن الجزء المشترك بين المتغيرات المتضمنة فى النوذج وهــــذه المتغيرات الخارجية سوف يرتبط بالبواتى بما يؤدى إلى بعض الاخطاء فى تقدير تم معاملات المسارات .

وكذلك إذا لم يتحر الباحث الدقة فى ترتيب المتغيرات من الوجمة السببية مما يحمل تحديد المتغيرات الخارجية والداخلية غير صحيح ، فإن هذا سوف يؤدى إلى الخطأ فى تقدير معاملات المسارات وكذلك فى بواقى المتغيرات التى لم توضع فى ترتيبها الصحيح .

وباختصار فإن هذا الفرض يتضمن اعتبارأن المتفيرات الداخلية هي تركيب خطى من المتغيرات الخارحية أو المتغيرات الداخلية الآخرى في النموذج ومتغير البواقى، واعتبار المتغيرات الخارجية بمثابة ومعطيات ، وعندما يكون هناك ارتباط بين المتغيرات الخارجية فإنه يمكن اعتبارهذه الارتباطات بمثابة ومعطيات، أيضاً ولا تستخدم في التحليل.

أن يكون هناك اتجاه سبى واحد فى النموذج ، وتستبعد العلاقات
 السبيبة التبادلية بين المتغيرات .

طرق حساب معاملات المسارات :

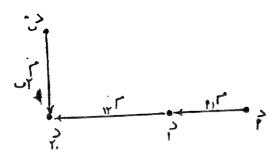
تختلف نماذج المسارات باختلاف عدد المتغيرات الى تشتمل عليها هذه النماذج. فهناك نماذج تشتمل على متنيرين وأخرى متعددة المتغيرات .

ولسكى يتضح للباحث كيفية حساب قيم معاملات المسارات نعرض أورلا تموذج المسارات الغص يشتمان على متنب بن Bivariata Path Model .

وبالرغم من أنه يندر استخدام هذا النموذج بمفرده في البحث الفعلى إلا أقه يغيد في فهم النهاؤج متعددة المتغيرات، فهو يعتبر أحد مكوفات هذه النهاذج . كما أن معاملات المسارات الحاصة بهذا التموذج البسيط يسمل تفسيرها ، وهذا يساعد الباحث على فهم وتفسير المعاملات في النهاذج الاكثر تعقيداً .

(أولا) نموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين:

يعتبر نموذج المسارات الذى يشتمل على متغيرين أبسط نماذج الهلاقات السببية التى تنطبق عليها طرق تحليل المسارات . وبشتمل هذا النموذج على متغير خارجى دم ، ومتغير داخلى در ، ومتغير البواقي دم ، ويمكن تمشل هذا النموذح الشكل التخايا لى رقم (٧١) .



شکل رقم (۷۱) شکل تخطیطی لنموذج مسارات یشتمل علی متغیین

ويتضح من هذا الشكل أن المتغير الخارجي دم هو المتغير المستقل ، والمتغير الداخلي در هو المتغير التابع ، در يمشل البواقي أي المتغيرات التي لم يتضمنها النموذج . ويلاحظ أن المتغيرات دم ، در ، در هي درجات معيارية (متوسطها حضر ، انحرافها المعياري = 1) .

كما يلاحظ أن هناك سهمين (مسارين) يتجه أحدهما من المتغير الخارجي در إلى المتغير الداخلي در ، ويتجه الآخر من متغير البواقي در إلى المتغير الداخلي در.

ولكل مسار مقدار واتجاه، وهذا المقدار يدلعلى أهمية ذلك المسار. وقد سبق أن ذكرنا أن هذا المقدار يسمى معامل المسار. ولذلك فقد وضعنا الرمزين مهم المهارين في الشكل ليدلا على معاملى المسارين في الشكل ليدلا على معاملى المسارين .

و يمكن تمثيل كل متغير داخلي (مستقل) يشتمل عليه نموذج سببي بمعادلة تحتوى على المتغيرات التي يفترض أنها تابعة ، وكذلك تحتوى على حد يمثل البواق أو المتغيرات التي لم تؤخذ في الاعتبار في النوذج ، ويقترن بكل متغير داخلي (مستقل) في المعادلة معامل مسار يدل على مقدار التغير المتوقع في المتغير

وقد سبق أن ذكرنا أن المتغيرات الخارجية يفترض أنها تعتمد علىمتغيرات خارجة عن النموذج ، أى غير متضمنة فيه ، ولذلك فهى نمثل بحد البواقى فقط دم .

وبمكن التعبير عن نموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين المبين بالشكل رقم (٧١) بالمعادلتين الآتيتين :

و لكن نظراً لآن د, تعتبر متغيرا خارجيا فإن م ا عـــ ۱ . أى أن التباين الكلى فى المتغير د ، ناتج عن متغيرات غير مقاسة ، أو متغيرات خارجة عن النموذج . · وينطبق هذا ــــ كما ذكر تا ـــ على جميع المتغيرات الخارجية .

وبذلك تكون المعادلات التي تستخدم في تقدير معاملي المسارين مهم، ، مهن في تموذج المسارات الذي يشتمل على متغيرين هي :

الموذج المسار: دي عمر ١٥٠ م ب دب

$$(\wedge) \cdot \frac{(\wedge) \cdot (\wedge) \cdot (\wedge$$

و يلاحظ أنه إذا اشتمل النموذج على متغيرين فقط يكون معامل المسار مساوياً معامل ارتباط بيرسون .

ولتوضيح المعادلات السابقة تلاحظ أثنا افترضنا أن در لاتعتمد على و. فقد سبق أن ذكرنا أن متغير البواق يفترض أنه مستقل عن المتغيرات المنبئة في تموذج المسادات ، (وهذا يعتبر أيضاً من فروض قواعــــد تقدير المربعات الصغرى) .

وبعبارة أخرى فإنه تظراً لأن مربع كل من المتغير يدل على الجزء من تباين المتغير در الذى يعتمد اعتماداً مباشراً على كل من المتغيرين دو ، در على الترتيب ، ونظراً لانه يغترض أن كلا منهما مستقل عن الآخر ، فإن بحوع الجزاين يجب أن يصاوى الواحد العجيج ، وهذا هو ما تدل عليه الممادلة رقم (٢) .

وربما يلاحظ الباحث أن م مو ما يعرف بمعسمامل الاغتراب Coefficient of Nondetermination الذي عرضنا له في الفصل السابع و في الخيره من الفصول السابقة.

ويعد هذا في الحقيقة أول ما يسهم به تحليل المسارات في تفسير الانظمة

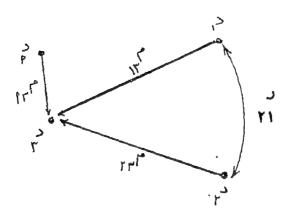
السبية Causal Systems. إذ يمدنا هذا الاسلوب من أساليب تحليل اللبيانات بتفسير منطقي مناسب لمعامل الاغتراب على أنه معامل المسار لمتغير البواقي في المادلة النكوينية Structural Equation و نظراً لان متوسط هذا المتغير يساوى الصفر وانحرافه المعيارى يساوى الواحد الصحيح، فإنه يكون من المفيد أن تنظر إلى هذا المتغير على أنه متغير ومزى Dummy Variable متوسطه من وانحرافه المعيارى عند 1، وهو يمثل جميع المتغيرات غير المفاسة التي تسبب تباين المتغير الداخلي و بذلك يمثل معامل المسار الخاص بمتغير البواقي الجوء من الانحراف المعيارى (ومربعه يمثل الجزء من التباين) للمتغير الداخلي المقسبب عن جميع المتغيرات غير المقاسة الخارجة عن بجوعة المتغيرات التي يتعتسفها عن جميع المنارات م

(ثانياً) الذج المسارات متعددة المتضرات:

Multivariate Path Model

يواجه الباحث فإذج المسارات متعددة المتغيرات في كثير من المواقف البحثية الفعلية . ونقصد بالناذج متعددة المنغيرات تلك التي تشتمل على ثلاثة متغيرات أفر أكثر . وبالطبع لن نستطيع أن تعرض في هذا الفصل المختصر جميع أنواع حده الباذج، إلا أننا نود أن نظمتن الباحث أن طرق تحايل المسارات ذات الانجاء الواحد Recursive لا تختلف كثيراً باختلاف عدد المتغيرات التي يشتمل عليه النموذج إلا في عدد المعادلات التكوينية اللازمة لتقدير معاملات المسارات . كذلك فإننا سوف نعرض الاساس الرياض المنطقي لطريقة تحليسل المسارات لمنموذج يشتمل على ثلاثة متغيرات ، ونشتق منه الصور العامة التي يمكن أن لمنتخدم في تحليل الناذج التي تشتمل على أي عدد من المتغيرات ، ثم نقدم المباحث مثالا لنموذج المبارات الذي يشتمل على أربعة منعيرات . ثم نقدم المباحث مثالا لنموذج المبارات الذي يشتمل على أربعة منعيرات .

نفترض أن الباحث أراد إجراء تعليل المسارات للنموذج المبين بالشكل التخطيطى رقم (٧٣) الذى يشتمل على ثلاثة متغيرات د، ، د، ، د، في صورة درجات معيارية ، حيث د، هو المتغير الداخلى الذى اعترض الباحث أنه يعتمد على الخرين الخارجين د، ، د، ، ومتغير البواقى د، .



شكل رقم (۷۳) تخطيط المسارات لنموذج سببى يشتمل على ثلاثة متغيرات

فن هذا الشكل يتضح أن كلا من المتفهرين د، ، دم يؤثران على المتفير دم، وأن رب ترمز إلى الارتباط بين المتفيرين الخارجيين د، ، دم ، وهذا الارتباط يمكن حسا به مباشرة من البيامات التي يحصل عليها .

والمعادلات "تى تستخدم فى تقدير معاملات المسارات فى صورتها المعيارية هى :

$$(1\cdot) \quad \cdot \quad |_{(1\cdot)} + |_{(1\cdot)} = |_{(1\cdot)}$$

$$(17) \quad \cdot \quad \int_{a}^{b} 1 = 1 - (12)^{1/2} (12)^{1/2} = 1 - C_{a}^{1/2} = 1 - C_{a}^{$$

حيث رم هو معامل الارتباط المتعدد .

أى أن
$$n_{\rm pl} = \sqrt{1 - \frac{V_{\rm pl}}{2}}$$
. . . . (17) وفيما يلى نومنه الباحث كيفية اشتقاق المسادلتين رقمى ١٠٠٩:

نظراً لان تعریف معامل ارتباط بیرسون بین متغیرین الذی عرضنا له ف الغصل السابع هو متوسط بحموع حواصل ضرب الدرجات المعيارية المتقابلة. التغرين ، فإن :

$$(1i) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{({}_{1}{}^{3}\times_{r^{3}})}{3}={}_{1r^{3}}$$

ونظراً لانه يغترض أن المتغير التابع دم يعتمد اعتماداً كلياً على المتغيرات ديمه دم ، دم . فبالتعويض من المادلة رقم (٨) في الممادلة رقم (١٤) نجد أن :

$$\frac{1}{1_{2}i_{2}} \int_{a}^{b} \int_{a}^{b} \frac{1}{1_{2}} \int_{a}^{b} \frac{1}{$$

وحيث أن يجموع مربعات الدرجات المعيارية 🎃 ن ، و معامل الارتباط بين.

البواقي هم والمثغير در يفترض أنه يساري صفراً ، فإن المعادلة رقم (١٥) تصبح كالآتي :

دي = ١١٠٠ + ١١٠٠ = ١١٠١

وهذه هي المعادلة السابقة رقم (٩) .

وبالمثل يمكن اشتقاق المعادلة رقم (١٠).

وإذا فحسنا هانين المعادلتين نجد أنه فى نموذج المسارات الذى يشتمل على ثلاثة متغيرات والمتغير الثابع مساريا بحوع المسكونتين الآنيتين:

١ -- الآثر المباشر ويحدده معامل المسار بين هذا المتغير الخارجي والمتغير التابع .

الأثر غير المباشر من خلال الارتباط بينه وبين المتغير الخارجي
 الآخر ، ويقاس بحاصل ضرب معامل الارتباط بين المتغيرين الخارجين في معامل مساو المتغير الخارجي الآخر .

وهذا هو الإسهام الثانى لتحليل المسارات فى تفسير الانظمة السببية . إذ يمدنا بتفسير الارتباط بين متغيو خارجى ومتغير داخلى على أنه بجموع الآثار المباشرة . والآثار غير المباشرة .

وبالطبع لا نستطيع أرب نصل إلى هذا التفسير من أى من الصورانين المستحدمتين في حساب معامل ارتباط بيرسون أو أوزان الامحدار المعيارية .

رنى الحقيقة تعتبر الممادلة رقم (٩) بمثابة تعريف عام للآثار المباشرة . فإذا كان الآثر المكلى لمتغير خارجى د، على متغير داخلى د، هبارة عن معامل (٤٧ ـــ التحليل) الارتباط بين المتغيرين ، وإذا كان مم، هو بمثابة تقدير للاثر المباشر ، فإنه يجب تقدير الاثر غير المباشر بإيجاد قيمة رم، مهم ، ويمكن النمبير عن ذلك بالصورة الرياضية الآتية :

الانر الكلي غير المباشر للتغير در على المتغير در 🕳 رس – مهم • • (١٦)

وهذا يعتبر الإسهام الثالث لتحليل المسارات فى نفسير الانظمة السببية . فهو يمدنا بطريقة عامة للسكشف عن الآثار غير المباشرة لمتنبير مستقل على متنبير تابع فى نموذج المسارات متعدد المتنبيرات . وتتضم هذه الطريقة بصورة أفعشل فى حالة النهاذج الاكثر تعقيداً . وبذلك تفيد طريقة تحليل المسارات فى تحليل الارتباط إلى مكوناته .

ويمكن أن تتضح العلاقة بين معاملات المسارات المعيارية مي ، وأوزان الانحدار المعيارية على م ، ومعاملات الارتباط ريم إذا استخدمنسا المعادلتين رقى و ، ، و في إيحاد مين بدلالة رم، ، ومه ، وبه كالآني :

من الممادلة رقم (٩) :

$$(1A) \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \lambda^{1/2} L L_{\nu} - \lambda^{1/2} = L L_{\nu}$$

ومن المعادلة رقم (١٠) :

$$r_1, r_2, \dots, r_m = (r_1, r_2, \dots, r_m)$$

(19)
$$\cdot \cdot \cdot \frac{c_{11}-c_{11}}{1-c_{11}} = \frac{c_{11}-c_{11}}{1-c_{11}}$$

وبالتعويض في (١٨) نجد أن:

$$(7.) \qquad \cdot \qquad \cdot \qquad \frac{1}{1-1} = \frac{1}{1-1}$$

و يجب أن يلاحظ الباحث أن الصورة (١٩) التي تستخدم في إيجاد معامل المسار بين المتغيرين ١ ، ٣ هي نفس الصورة المستخدمة في إيجاد الوزن الممياري للانحدار الذي يشتمل على المتغيرين ١ ، ٣ بعد عزل أثر المتغير ٢ أي ٢ هي. .

والصورة (٢٠) هي نفس الصورة المستخدمة في إيحاد الوزق المعياري للانحدار الذي يشتمل على المتغيرين ٢ ، ٣ بعد عزل أثر المتغير ١ أي ١٠٣٨ .

وبذلك مكننا كتابة المعادلتين رقي ٩ ، ، و كالآتي .

$$(71) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot r_{1} r_{1} \cdot r_{1} r_{2} + r_{2} r_{3} r_{2} + r_{3} r_{3} r_{3} r_{3} + r_{4} r_{5} r_{5} r_{5} + r_{5} r_{5} r_{5} r_{5} + r_{5} r$$

$$(YY) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot_{r/2},_{rr}^{B} + \cdot_{rr}^{B} = _{rr}^{B} \cdot \cdot$$

أى أنه إذا عبر آا عن المتغيرات التى يشتمل عليها تموذج سبي فى صورة معيارية (أى درجات معيارية د) وتحققت فى هذا النموذج الفروض التى عرمنا لها فيا سبق بدرجة معقولة ، فإن معاملات المسارات تصبح مساوية لأوزان الانحدار المعيارية أى (β) التى تحصل عليها فى تحليل الانحدار المعتاد . ولسكن يوجد اختلاف هام بين طريقتى التحليل . فنى تحليل الانحدار المعتاد يتم إبجاد المحدار المتدد يتم إبجاد المحدار المتدر النابع على جميع المتغيرات المستقلة مرة واحدة أى فى تحليل واحد، ولسكن و تحليل المسارات يمكن إجراء أكثر من تحليل واحد ، أى يجرى التحليل على مراحل ، و يتم فى كل مرحاة إيجاد انحدار المتغير الذى يفترض أ ه نابع على المتعبرات الى يعتمد عليها ، وحساب قم В النى تعتبر هذه الحالة هى معاملات

للسارات التي تصل بين بجوعة المتغيرات المستقلة والمتغير التسابع المعين مو لكن النموذج المبين بالشكل التخطيطي رقم (٧٢) يتطلب إجراءتحايل الانحدار المتغير على المتغي

وربما يكون من المفيد أيضا أن نوضح للباحث كيفية اشتقاق المعادلات رقم. ١١ ، ١٢ ، ١٣ لاهميتها في تقدير قيمة معامل المسار الخاص بالبواتي Residual Path Coefficient.

فالمعادلة رقم (11) يمكن اعتبارها حالة خاصة من المعسمادلتين به ١٠٠٠ وهى الحالة التى يتحدد فيها المتغير التابع تحديداً تاما . فقد اشتملت المعادلة على أثر المتغيرين الداخليين وأثر متغيرالبواق ، ولذلك فإن بجموع هذ، الآثار يساوى الواحد الصحيح .

والصورة المستخدمة لإبحاد معامل الازتباط بين المتغير ديرو نفسه هي :

$$(77) \quad \cdot \quad \cdot \quad \frac{(r^3 \times r^3) \neq r}{r} = 1 = rr$$

و بالتمويض في الطرف الآيسر للمادلة رقم (٢٣) من الممادلة رقم (٨). تجد أن:

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac$$

ولسكن من بين فروض تحليل المسادات التي عرضنا لها فيا سبق أن مكون المتغير دم مستقلا عن المتغير ين دم ، دم ، أي أن الارتباط بين دم وكل منهما يساوي صفراً ، دم على مأ ذكرنا في تموذج المسادات الذي يشتمل على متغيرين . لذلك فإن المعادلة (٢٤) تصبح كالآتي :

ويمكن كُتَابَة هذه المعادلة باستخدام رمز التجميع (مج) كالآتى :

ع مربع معامل الارتباط المتعدد الذي ولكن بحب مهير ولكن بحب مربع معامل الارتباط المتعدد الذي كالمرتباط المتعدد الذي المرتباط المرتباط المتعدد الذي المرتباط المرتباط

سبتى أن رمزنا له في الفصل السادس عشر بالرمو رم

لذلك يمكن كتابة الممادلة رقم (٢٧) كالآني:

و هذه هي المعادلة السابقة رقم (١٢).

وباستخراج الجذر التربيمي لكل من الطرفين نجد أن :

وهي المعادلة السابقة رقم (١٣) ٠

ويمكن باستخدام هذه المعادلة تقدير معامل المساد الخاص بالبواق، ويلاحظة أن (ر) ترمز إلى معامل الارتباط المتعدد بين المتغير التابع المطلوب والمتغيرات السابقة عليه المسببة له كتغيرات مستقلة .

والمعادلات رقم ۱۹، ۲۰، ۹۳ تستخدم فى تقدير معامسلات المسارات فى صورتها المعيارية ، وبذلك تتحدد هسذه المعاملات فى المعادلة رقم (۸) الى تمشسل تموذج المسارات الذى يشتمل على ثلاثة متغيرات .

وهنا ربما يتساءل الباحث كيف يفسر معاملات المسارات في النوذج انتمدد. المتغيرات ؟ .

فقد سبق أن ذكرنا أن تفسيرهذه المعاملات فى النماذج الى تشتمل على متنبهدين. أمر يسير ، إذ أن معامل المسار فى هذه الحالة يساوى معامل ارتباط بيرسون . ولكن الإمر يختلف فى حالة النماذج متعددة المتغيرات .

والتوضيح ذلك تعود إلى المعادلة رقم (٢٥) وهي :

وبالتعويض هن قيم ريه ويه من المعادلتين السابقتين رقى ، . ، فالمعادلة وقم (٢٥) نجد أن:

حيث ن عدل + ١ ، ومدى قيم ك ، ن يشتمل على جميع المتنبرات المقاسة في النوذج .

ويجب أن يلاحظ الباحث أن الحسد الثان في الطرف الآيسر للعادلة رقم (٢٦) يساوى جموع الحدين الآول والثاني فالطرف الآيسر للعادلةرقم (٢٨). لذلك فإن جموع هذين الحدين يساوى أيعناً مربع معامل الارتباط المتعدد .

و توضح المعادلة رقم (٢٨) أن التبابن الكالى للتغير در يساوى بجموع مربعات المسارات مضافاً إلى هـذا المجموع تأثير الارتباط بين المتغيرات المخارجية Exogenous Variables ومن الجدير بالذكر أن معاملات المسارات في الناذج متعددة المتغيرات تشير بخاصية فريدة إذا قورنت بالمعاملات في الناذج النافيرة تنحصر قيمها التي تشتمل على متغيرين : فعاملات المسارات في الناذج الاخيرة تنحصر قيمها بين في و مثل معامل ارتباطبيرسون ، ولكن هذه المعاملات بهاتويد عن في و الناذج متعددة المتغيرات ، وربحا يدل هـذا الأول وهـلة على أن المتغير في النادجي الذي يكون مربع معامل مساره أكبر من الواحد الصحيح يسبب أكثر من نسبة ، ١٠٠٠ من تباين المتغير المستقل ، ولكن هذا بالطبع ليس له مني ، ويظل السؤال عن كيفية تفسير مربع معامل المسار الذي تكون قيمته أكبر من الواحد الصحيح في مثل هذه الناذج قائما .

ويقول رايت Wright أن الارتباط بين المتنمير الخارجي والمتغير أو المتغيرات الخارجية الآخرى وهوما يمثله الحد التجميمي الثانى من العارف الآيسر للمادلة رقم (٢٨) يجب أن يكون بمثابة تعويض لما قد يسببه هذا المتغيرالخارجي من زيادة في تباين المتغير الداخلي عما يمكن ملاحظته في البيانات ، لذلك ربما يكون من المفيد الباحث في المواقف البحثية القملية أن يفحص مكونات هذا الحد التجميعي الثاني كل على حدة ليأخذ فكرة عن كيفية حدوث هذا التعويض .

أما معامل المسار الخاص بالبواقي ــ وهو الحمد الثالث في الطرف الايسر

للمعادلة رقم ٢٨ ــ فيمكن تفسيره بنفس الطريقة كما في حالة النموذج الذي يشتمل على متفرين .

نمو ذج المسارات الذي يشتمل على (ن) بن المتغيرات :

لا يختلف الآساس الرياضي الذي يبني عليه أسلوب تحليل المسارات في حالة النموذج الذي يشتمل على المعاوذج الذي يشتمل على (ن) من المتغيرات عنه في حالة النموذج الذي يشتمل على ثلاثة متغيرات ، إذ يمكننا تعميم الصور السابقة كالآني:

إذا اغترضنا أن المتغير الداخل د، ، والمتغيرات الخارجية د، ، دم ، دع ، مه، دي ، ومتغير البواقي دا فإن الصورة العامة لنموذج المسارات تصبح :

والسورة العامة للارتباط بين أي متغير خارجي ومتغير داخلي هي :

حيث ل ترمز إلى المجموعة الكاملة من المدسرات في النموذج التي تؤدى مساراتها هباشرة إلى المنظير الماخلي المطلوب.

والصورة العامة للأثر غير المباشر لأى متغير خارجى دور على المتغير الداخلي در هي :

والصورة العامة التي تستخدم في تقدير قيمة معامل المسار الخاص بالبواقرهي.

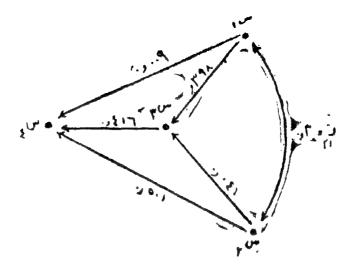
$$\gamma_{i} = \sqrt{1-c^{\frac{1}{2}}} \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (77)$$

حيث رم ترمز إلى معامل الارتباط المتعدد .

خطوات حساب معاملات المسارات:

فيما يلى مثال لنوذج يشتمل على أربعة متغييرات من بحث تربوى بوضع الباحث الخطوات التي يمكنه اتباعها في تحليل المسارات والمثال مأخوذ عن كيرلنجر Kerlinger

نفترض أن الباحث أراد تحليسل الملاقات السببية بين المتغيرات الاربعة التحصيل الدراسى ، والمستوى الاجتماعى الاقتصادى ، والذكاء ، ودافعية الإنجاز باستخدام أسلوب تحليل المسارات ، فالخطوة الاولى هى أن يفترض الباحث نموذجا يمثل العلاقات السببية بين المتغيرات الاربعة على أن يراعى الشروط التي سبق أن ذكرناها في بناء نماذج المسارات ، ولنفترض أنه اقترح النموذج التالى المبين بالشكل التخطيطي رقم (٧٤) :



السكل رقم (١٧٤)

ومن الشكل يتضع أننا رمزنا لمتغيرى المستوى الاجتهاعى الاقتصادى عروالذكاء بالرمزين س، س، على الترتيب، واعتبرنا أن كل منهما متغير خارجى Exogenous Variable يؤثر فى متغير دافعية الإنجاز س، وأن كلا من المتغيرات س، س، س، يؤثر فى متغير التحصيل العراسي س، أى أننا اعتبرنا كلا من س، س، متغيراً داخليا Endogenous Variable والاعداد فوق كل مسار تدل على قيمة معامل المسار المعين الذى سيتم حسابه فى الخطوات التالية.

والخطوة الثانية : يحسب معامل ارتباط بيرسون بين قيم كل متغبرين منها. ولنفترض أن مصفوفة الارتباطات الناتجة من عينة تتكون من ١٠٠ طالب كانت كالآتى :

	س		سر ۲	١٠٠	-
1	•,٣٣•	• , 1 1 •	٠,٢٠٠	١,٠٠٠	١٠٠٠
	• ,•٧•	٠,١٦٠	١,٠٠		س۲
	• ,• • •	١,٠٠			اس
	١,٠٠				س

جدول رقم ١٠٠. مصفوفة الارتباطات بين كل متغيين

والخطوة الثالثة: يحسب معاملات المسارات الخاصة بالنموذج السبي الذي افترضه على أساس نظى معين والمبين بالشكلرةم (٧٢). وهذا يتطلب إجراء تحليل الابحدار مرتين.

فنى التحليل الأول يوجد انحدار المتنسر س (المتنبر الداخلي الأول) على المتنبرين الخارجيين س ، س بغرض الحصول على وزئى الانحدار الممياريين B مر ، م وهذان الوزنان هما معاملا المسادين م ، ، م ، م ، م ، ، م ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، ، م ، م ، ، م ، م ، ، م ، ، م ، م ، ، م ، م ، ، م

وفى التحليل المثانى يوجد العصدار المنفير س، (المتغير الداخلى المثانى) على المتغيرين الخارجيسين س، س، والمتغير الداخلى الآول، س، الآن همذه المتغيرات الثلاثة تؤثر تأثيرا مباشراً في المتغير س، ويذلك يمكنه الحمسول على أوزان الانحدارالمعيارية $B_{17.7}$ ، $B_{17.7}$ ، $B_{17.7}$ ، وهي تساوي معاملات المسارات م، ، م، م، م،

وفيها يل طريقة الحصول على هذه الاوزان :

$$\frac{r_{1}r_{2}-1}{r_{1}r_{2}-r_{1}}=r_{1}=r_{1}_{\mu}B$$

$$\cdot, rq_{\Lambda} = \frac{(\cdot, r \cdot \cdot)(\cdot, 17 \cdot) - \cdot, \epsilon_{1} \cdot}{r(\cdot, r \cdot \cdot) - 1} =$$

$$\frac{r_1 r_2 - r_2}{r_1 r_2 - r_3} = r_1 r_2 = r_1 r_2 B$$

$$\frac{(\cdot, \tau \cdot \cdot)(\cdot, \varepsilon 1 \cdot) - \cdot, 17 \cdot}{(\cdot, \tau \cdot \cdot) - 1} =$$

وكذلك يمكن حساب قيم أوزان الانحدار الآخرى .

وهـذه القيم الاخرى هي :

$$\bullet, \bullet \bullet 1 = {}_{r\xi} \bullet = {}_{r'} {}_{r\xi} B \qquad \bullet, \bullet \bullet 1 = {}_{t\xi} \bullet = {}_{r', r\xi} B$$

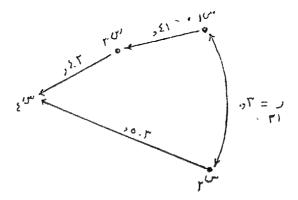
$$\bullet, \xi 1 = {}_{r\xi} \circ = {}_{r', r\xi} B$$

وبالنظر إلى هذه الأوزان أو المعامـلات يتضح أن قيمة كل من م،، م مهم عقل عن ه، و م عالى عن ه، و عالى عن عن ه، و عالى عن عن ع، و عالى عن عن ع، و عالى عن عن ع، و عالى ع، و ع

فالان المباشر للمتغير س في المتغير س، يساوى ٥٠٠٩، بينما الاثر الكلى غير المباشر يساوى (٣٣٠٠ - ٥٠٠٩، أي ٣٢١٠).

ومن هذا نستطيع أن نستنتج أن المستوى الاجتماعي الاقتصادي ليس له أثر هباشر في التحصيل الدراسي ، ولكنه يؤثر فيه تأثيراً غير مباشر نتيجة لارتباط المستوى الاجتماعي الاقتصادي بالذكاء ودافعيسة الإنجاز ، والارتباط بين الذكاء ودافعيسة الإنجاز يرجع أساساً إلى الارتباط بين الذكاء والمستوى الاجتماعي الاقتصادي .

وفى الحقيقة يمكن حذف المسار الذي يرط بين المتغيرين س، ، س، وكذلك المسار الذي يربط بين المتغيرين س، ، س، وتعديل النموذج السبي السابق بحيث يصبح كما هو ممثل بالشكل التخطيطي الآتي رفم (٧٤):



شکل رقم (۷٤) شکل تخطیطی لنموذج المسارات بعد تعدیله

ولسكى نبحث عن مدى انساق النموذج المبين بالشكل رقم (٧٤) يجب أن نحسب معاملات المسادات لحذا النموذج الجديد بنفس الطريقة السابقة ، ثم فستخدم هذه المعاملات في إيجاد قيم معاملات الارتباط بين كل متغيرين ومقاداتها بالقيم المناظرة في مصفوفة الارتباطات السابقة الجينة في الجدول وقم (١٠٠) .

وفيما يلي قيم معاملات المسارات .

م، = رسى = ١٤٠٠ لان هناك مسارا وحيدا يربط بين المتغيرين س، س، م، وبإجراء تحليل انحدار المتغير س، على س، ، -س، نجد أن :

والمعادلتان اللتان تمثلان التموذج المبين بالشكل رقم(٧٤) هما :

دم = مير د ا + ق

حيث قي ، قع هما متغيرا البواتي في صورة معيارية أيضاً .

ويمكن حساب قيم معاملات الارتباط الى من الرتبة الصفرية بين جميع المتنبرات كا يأتى :

دى، هو الارتباط بين المتغيرين الخارج بين سوس، الذلك يبقى دون تعليل.

$$(.4.)(.51) = (.4.)^{1/4} = \frac{0}{10^{3/4}} = \frac{0}{10^{3/$$

ويلاحظ أن قيمة ربي المبينة في الجدول الاصلى رقم (١٠٠) تساوى ١٦٠.

· .177 ==

$$a_{(1)} = \frac{* c_1 c_3}{0}$$

ويلاحظ أن قيمة ربع المبينة في الجدول تساوى ٣٣٠.

$$= \gamma_{17} + \gamma_{17} (\gamma_{17} + \gamma_{17} +$$

و يلاحظ أن القيمة المبينة في الجدول تساوي ٧٥.٠

$$(\dot{\upsilon} = {}^{r}_{r^{3}} \circ {}^{r}_{r^{1}})_{r_{1}r} + {}^{r}_{r^{7}})_{r_{1}r} = \dot{\upsilon}$$

$$(\cdot, \iota \Upsilon \cdot) + (\cdot, \tau \cdot) (\cdot, \iota \cdot) (\cdot, \iota \cdot \Upsilon) = 0$$

والقيمة المبينة في الجدول ساوى . ٥٠٠

ونظراً لأن الفروق بين قيم معاملات الاربباط اعموبة باستحدام معاملات المسارات والقيم الاصلية المبينة في الجدول رقم (١٠٠) ضئبلة ، فإنما يمكن أن فستنتج أن البيانات تتسق مع تموذج المسارات الجديد الموضح بالشكارةم (٧٥).

أى أنه يمكننا القول بأن المستوى الاجتماعي والاقتصادي في هذا المثال يلعب دوراً هاما ، وبالرغم من أنه لا يؤثر نأثيراً مباشراً في التحصيل الدراسي ، إلا أنه يؤثر تأثيراً غير مباشر في التحصيل من خلال تأثيره في دافعية الإنجاز ومن خلال ارتباطه بالذكاء ، وكل من الذكاء ودافعية الإنجاز له أثر مباشر وأثر غير مباشر في التحصيل ، إلا أن الآثار المباشرة أكبر من الآثار غير المباشرة . فلاثر المباشر لدافعية الإنجاز في التحصيل .

من هذا المثال يتضح أهمية تحليل المسارات فى مطابقة البيانات للموذج سببي معين ، واقتراح التمديل الذى يمكن إجراؤه على النوذج ، وبالطبع يجب أن يكون ترتيب المتغيرات التي يشتمل عليها النوذج متفقاً مع الاعتبارات النظرية التي تعدد في صوئها هذا النوذج .

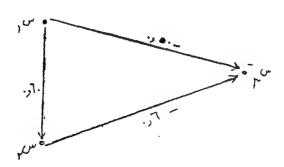
وربما يلاحظ الباحث أن العمليات الحسابية اللازمة لإجراء تحليل المسارات تحتاج إلى وقت وجهد كبيرين، وضاحة إذا كان عدد المتغيرات التي يشتمل عليها نموذج المسارات كبيراً . لذلك نوصي الباحث بأن يستخدم أحد البرامج الجاهزة للحاسب الآلي (برنامج تحليل المسارات Path Analysis) في اجراء هذا الحليل وأن يستمين بالمبادى والساسية التي عرضنا لها في هذا الفصل في تفسير نتائج التحليل .

تمارين على الفصل التاسع عشر

١ ما هي العلاقة بين معاملات المسارات ومعاملات الارتباط الجزئي ؟

٢ ــ أذكر وجهين من أوجه الاختلاف بين تحليل المسارات وتحليل
 الانحدار المتعدد ؟

٣ ـ وجد أحد الباحثين أن التسلطية (س) ترابط ارتباطاً سالباً بكل من الذكاء (س)، ومستوى تعليم الفرد مقاسا بعدد السنوات التي قضاها في التعليم (سي) . وأراد أن يجرى تحليل المساوات على هذه العلاقات ، لذلك افترض النموذج السبي المبين بالشكل التخطيطي الآل حيث وضعت قيم معاملات الارتباط فوق خطوط المساوات .



(أ) ما مو الآثر المباشر للذكاء على التسلطية ؟

(ب) ما هو الاثر غير المباشر للذكاء على التساطية ؟

(Jaharill - ()

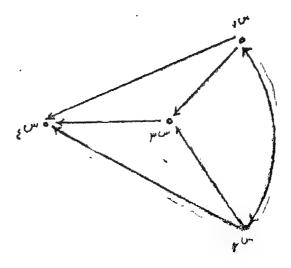
(ج) ما هو الآثر المباشر لمستوى تعليم الفرد على التسلطية ؟

فسر النتائج التي حصلت عابها في ضوء مبادئ، تحليل المسارات .

إلى المتغير المداون وراسة العلاقة السببية بين التحصيل الدراسي (المتغير التابع س)، ومستوى الطموح (س)، والذكاء (س)، والجنس (س)، وهي المتغيرات المستقلة . وحصل على مصفوفة معاملات الارتباط الآنية من عينة تسكون س ٢٠٠ طالب وطالبة في المرحلة الثانوية :

سي	سه	سام	١٠٠٠	
• , \$ •	٠,٢٥	٠,٣٠	١,٠٠	سرا
٠,٧٠	٠,٢٢	١,٠٠		س
٠,٤٠	Y, , * *			س
1,				س

فإذا كان النوذج السبي الذي افترضه مبينا بالشكل الآتي :



- ﴿ أَ ﴾ أوجد معاملات المسارات المتنبرات التي تؤثر في مستوى الطموح .
- (ب) اوجد معاملات المسارات المتغيرات التي تؤثر في التحصيل الدراسي.
- (ج) استبعد المسادات التي تقل معاملاتها عن ه. . وأعد إجزاء تحليل الحمادات بعد تعديل النموذج السبي .
- (د) أعد حساب معاملات الارتباط بين المتغيرات فى التموذج الجديد ، وقارن النبم الناتج .

ستجرة قرارات تساعد الباحث على احببار الأسان البحصادة الذي السيان دسته (ثامناً) ادا اشتمل البحث على أكنز من منتسب بوسب و كان هذا لك تمييز بين المتيران المستقلة وكان هذا لك تمييز بين المتيران المستقلة وللمتيار التابع، مع عدم الاحتمام ما تتناعل سبن المتعبرات يما حت ما هدم سنوى أوميزان فياس المتغير النابع ؟

لاشبى خسنزى صل المعلموب معالمب حميع المنفيرات المستفلن على المطلوب معالمية عدلى أنهامغاسة على مبزان فترى ؟ ليميع المتغيرات المستنقلة عايراتها مقاسة عيميزان حل المعلنوب معالب يجميع هسترب ۲ تحاسلا عبضوابرا لمستعود فخعطانة العلاقان على نفاخطية ؟ المتنايلة السوعبينت حل المطلب مقياس المعلافة ا دو پخارالمنتقرالمنصن ميان المنغير أثنام والمنغيرات Prising Willmill إمعامل الانتباط المتعدد مل المطدوء متباس اسسلن بيعدد انجيزه من تشابيس المتخبيرا لنتابع المذى لببحو ره کاف سنديوستنه و کام هل الملاي معياس احصال يتيبس المحفظ منه اكلا يتفعدان انجزم الإستناخ من لنبابن لفلي كالمستفيرا لثابع آلذى إب هريه كمل متغيس مقاسة بصعدا مته معياريية كموسعاملأ مستقل فن فاما فنوية المتعارات السنافة المسالت حدل المعلمية مقياس استعمال بيتيس الجن الا تَمَالَ مِن المَتِيا بِينَ الله الله تنايع النايع الذي البيعمرية كل سعامل بد تولاه والانكا (سعامل ارتباط اليزو) ستعقيرمسننكل هندق عانقتصريه المنتنبات الكستفاة المأسزى منسوباً إلى نسبة المحن من تساين المنتنير المنتاج الذي لا تتنعم دي سف ي المالت المادة إلى المالية محامل الاترتباط المجنوطة

ملحق الكتاب



الجداول الرياضية والاحصائية

- (أ) جدول الوغاريبات المتادة للأعداد
- (ب) جدول ارتفاعات المنحى الاعتدالي المياري
- (ج) المساحات تحت المنحي الاعتدالي المسادي

(c)
$$\frac{1}{2} \sqrt{\frac{r}{2}}$$
 $\sqrt{\frac{r}{2}}$ $\sqrt{\frac{r}{2}}$ $\sqrt{\frac{r}{2}}$ $\sqrt{\frac{r}{2}}$

- (م) قيم صريح للازمة لحساب معامل الارتباط الثنائي المتسلسل ومعامل الارتباط الثنائي
 - أ د القيم التقديرية لمعامل الارتباط الرباعي المناظرة النسبة ب
 - (ل) قيم معامل الارتباط الرباهي المناظرة لقيم معامل فاي (﴿)

جدول (١)

اوغاريتمات الأعداد

لإيجاد لوغاريتم عدد طبيعى (لا يشتمل على كسور) نبحث عن العدد في العدد الأول ويكون لوغاريتمه هو العدد المبين في العمود الثاني تحت الرقم صفر، أما إذا كان المطلوب إيجاد لوهاريتم عدد يشتمل على كسور، والعدد مقرب إلى رقم عشرى واحد، نبحث عن الجزء الصحيح من العدد في العمود الآول والرقم العشرى في العمود المناسب من ١ إلى ٩ ، ويكون لوغاريتم العدد هو العدد المبين في هذا العمود .

وفى جميع الحالات يجب مراعاة ومشع العدد البياتى المشاسب يليه علامة جشرية ، ثم يلى هذه العلامة العدد الذى تحصل عليه من الجدول .

أما إذا كان العدد يشتمل على أكثر من رقم عشرى واحد قإنه يجب الرجوع ع إلى أحد الجداول الرياضية .

	>	<	قد	0	~	~	~	-	منتو	العدد
٠٣٧٤	. ٣٣٤	317.	. ٢٥٢	117.	٠١٧.	٠١٢٨	۲۸۰۰	- [• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	-
. Yoo	. ٧١٩	. 1	037.	٧.٢.	. 074	.071	. 617		3.	·
11.1	١. ٧٢	1.1%	15	.474	.178	. ^ ^ ^	31.4.	· > .	· Y4	
184.	1511	777	1770	14.4	1771	1777	-17.4			7
1441	14.4	174	3311	111) \ \ \ \	1001	1017		14.7	7
1.18	14.4	1909	1171	71.7	و٨٨١	1757	1>1>		14	- -
1441	7077	4111	44.1	4140	1167	てしてて	1.10		7.81	_ _
1011	10.8	۲٤٨.	4 5 0 0	727.	75.0	۲۲۸.	1400		~~. ×	١,
0147	7347	1117	4140	1417	4317	0117	177-		1007	>
1447	46.63	4150	7777	11	۸۸۷	1041	YATT		1 V A A	_
44.1	1711	417.	4141	7111	4.17	T. Y.	T-08		~· · · ·	٠,
1.34	2770	4410	4460	7775	77.1	3717	4774		イベイ	7
101X	LOYS	T07.	TOE 1	rorr	40.4	75.AT	1134		1 .	77
37.41	1177	4344	1777	411	7717	3417	4700		۲.,۱	7 7
4474	4150	4114	71.1	711	1441	4401	7444		* ^. ヾ	۲.
2177	1111	× . 4 . 4	14.3	64.3	X3.3	5.41	31.3		4444	۲ .
4111	(\ \ \ \)	{ Y 0 0	1313	1413	1113	£ Y	2174		£10.	۲۲
107	.333	6110	1.33	1173	KYY3	1177	1313		3173	۲۷
4.1.4	3103	1.403	31.03	Y303	1703	V103	80. Y		1433	۲ >

1000	1,400	V760	0011 0011	1.00 VA10	1730	4430	0130	2010	12 0120 XX	7 7 7
LYAO	٥٧٧٥	11.40	1040	٥٧٤٠	1110	4140	٥٧.٥	3110	1410	7
0411	٨٨٨٥	٧٧٨	1140	٥٥٨٥	OALY	OATT	1140	1.40	۸۶۸ <i>٥</i>	۲>
٠٠.	0111	2410	AAIO	1110	0100	3310	7710	2110	1110	7.
7117	4.17	7.4.1	1.40	7. Yo	الم الم الم	7.04	7.54	7.41	7.71	٠.
7777	71718	71.1	1101	٠٨١٢	114.	111.	1311	VAIL	Y111	()
1440	3141	14. 1.	3171	3 Y 7 L	3411	7178	75.02	7884	7225	17
7170	0131	15.0	1410	0 ሃ አ ኒ	1440	7410	7400	7450	7440	~~
77055	7014	70.4	7597	3431	3431	31.31	3031	3331	78 70	33
VILL	11.1	7011	101.	701.	IVOI	1101	1001	1361	7044	ć
7114	74.7	7794	3466	9417	0117	1707	1357	7757	Y117	1,7
14.4	3141	OVAL	TYYI	ላተላነ	٨٥٧٢	1341	7446	144.	1741	٧;

	1								-
ا مر	>	<	١ عد	٥	~	-1	*	-	بغ
7184	3441	٥٨٨٦	1417	1001	Y3YL	1771	٦٨٢.	17/1	1 7/12 1/
\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	7477	31.61	7700	7327	7777	7111	791.	1171	٠, ١
٧.٦٧	٧.٥١	Y.0.	73.7	4.44	7.15	4.17	YY	1791	ائر ھر ھر
Y 1 0 1	V) [*	V140	171V	X11X	Y11.	Y!.}	4.94	Y	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
٧ ۲ ۲ o	7777	X1 1 X	٧٢١.	Vr. r	V197	4140	4414	X1.1X	V17.
4417	٧٢.٨	٧٢	7177	3444	4440	4774	1014	4401	711
4251	YYAA	٧٢٨.	7477	37.41	1011	YYEA	YYE.	744	٧٢٢
7 2.74	1134	Y 6 3 Y	1034	7334	VEYO	4134	1134	Y: 1 "	¥:.;
Y001	7017	7047	γογλ	YOY.	4014	Y0.0	4133	Y: 1.	۷۲۷۲
۲۲۲۷	7117	7117	Y.1.	4104	1.VO.	YOAT	3404	LLCA	V003
YY . 1	1114	1,47,4	1414	7777	31.14	γ ₀ γγ	777.	7717	V771
1747	717	YY1.	744	\YY (o	YY Y^	4441	4144	LIAA	٧٧. ٠
\\\.	77.4	٧٨۴٢	YAYO	YAIA	٧٨١.	٧٨.٣	YY1.	***	۸۸٧.
Y! \	Y 11.	¥1. Y	1177	7441	۲۸۸۲	۷۸۷٥	٨٢٨	Y.17.	۲۸٥۳
٧ ^^	∀ 1⊁.	77.7	7777	101	7017	4110	Y17A	4441	Y7 T;
> .00	٨٠٤٨	7.11	A. Y 0	A- YA	7. 11	X.1€	> Y	> · · ·	Y9.4
×1 × ×	>::1	<u> </u>	۸۱.۲	Y-11	٨٠٨٠	۸.۸۲	1. Yo	7. 74	A
<u> </u>	1 × 1 ×	* 'Y'	A171	7717	1014	¥1154	7182	714.	1.74
	* * * >	1 1 1 7	۸۲۲٥	<u>></u> ٬۲۲	Arrr	7110	۸٠,۰	۸۲.۲	>10

-	>	<	-4	0	~	~	-	_	مكر	1
۸۲۱۹	۸۳۱۲	۸۲.٦	A 7 1 5	۸۲۹۲	۸۲۸۷	۸۲۸.	3414	ALaY	11.18	-4
۸۳۸۲	777	۸۳۷.	7177	Aroy	1076	7775	ATTA	Artı		_1
4460	. 4771	777	1774	۸۲۲.	ATI	٧٤.٧	1.34	1210		ار طب
۲.٥٨	۸٥٠٠	3137	4434	7635	1434	λεγ.	1134	4034		_
٨٥٨	1104	1000	1304	7301	YOTY	1701	4010	1010		_
ላንናሃ	1117	0117	1.1.4	A7.4	4014	1,04	Asko	1404		,
1.71.7	172	٥٧٢٨	1114	77.7	YOIY	1017	0314	4717		_
۸۷٤٥	እሃፖላ	777	ላንፕላ	AYTT	LIVY	۸٧١.	λγ. ξ	V11V		۰
۸۸.۲	ላኒላ	\V1)	۸۷۸٥	YYY	3444	አ የ የ	JLAY	LOAV		
\\ o \	30//	۸،۲۸	1344	ላላተላ	AATI	٥١٧٨	٨٨٢.	3177		_
>:10	<u>^1</u> 1.	<u>۱۰۲</u>	1144	X14	٨٨٨٧	۲۸۸۸	7,47	A AY1		,
1717	۸٩٠,٥	11.	3014	1317	7318	ATTA	1117	ALLY		_
A. YO	٨.٢.	1.10		1	7117	7117	74.1 7	AAAT		_
1 . ∀1	1.78	17.4	1.18	1.01	1.05	13.1	1.88	1.77		
7174	۸) ۲ <u>/</u>	4188	4117	4111	41.1		1.4.	به به به		
1.7.1	117.	OAIL	114.	4170	1909	3011	4184	7311		_
1247	1771	4777	7777	4111	7117	17.7	11.1	191		_
4 + / 4	3744	1441	3411	1111	1171	1104	107	4311		
14.	1440	1rr.	1510	144.	1410	18-1	17.5	444		

	>	<	-4	0	}	4	~		ب غر	المدد
A 4.4.	1440	17%.	1440	144.	9470	-141	1700	150.	1710	۲۸
12.6.	1540	124.	9240	187.	1110	هر ۱۸۰۰ ۱۰۰۰	A		トアへの	>
1 / 1	3438	1849	1431	0 1 3 4 0 1 3 4	9170	* * * *	1100	, a , o ,	طر در ن	>
1011	1044	1011	1014	. 101X	1014	. o . a	10.5	4 1 4 4	-B -B -B	<u>></u>
1007	1011	1047	1041	1077	1101	1004	1001	4)01	- A CO / T	٠.
1717	4714	3116	4114	4114	4.4	41.0		0000	, a	#
, Y.	9740	1414	1114	1771	4010	7017	4311	A	, a	-B
477	1777	1414	1111	۸.۷	14.4	4444	# # # # #	- A-1	****	, 3
1441	VLA1	7177	1001	3041	140.	1710	17/1	744	1441	عد م
%	1 (1/4	4.4	٥٠٠٧	·	1410	1711	1441	4 V.V.L	744.	_ Þ
17.17	1/1	۸ ۸. ۸	14.0	; ^	0141	144	1 V A 7	1445	****	
11/1	1001	30%	1/1/0.	031/1	13/1	1441	1448	1411	* 17.7	?
101	1917	7154	1171	3711	117.	1775	1771	7717		>
1 1 1 1	1991	۸ ۸ ۸ ۸	1417				» A I		ھ ھر ن ک	ه د

جدول (ب)

ارتفاعات المنحق الاعتدالى الى تناظر درجات معيارية معينة

يجب قبل استخدام هذا الجدول تحويل الدرجات الحام إلى درجات معيارية ، كا يجب أن يَكُون توزيع المتغير اعنداليا .

الارتفاع	الميارية	الارخاع	السرجه الميارية	الارتفاع	الدرجة المعيارية
۱۶۶۰ر۰	۰۷۰۱	۰۸۷۲۰۰	ه ادر .	۹۸۹۳ د ۰	به مر <u>د.</u>
778.0.	٥٧٥١	1777c.	۰۹۰	١٨٩٣٠.	۰٫۰۵۰
۲۹۰ د ۰.	٠٨٠١	13070.	ه٩ر .	۲۹۷۰د۰	ووارد
۲۲۷ و د ۰.	٥٨١،	۲۶۲۰ -	۱۰۰۰	ه ۲۹ د .	٠٥١٠٠
ror.c.	۱۰۹۰۱	۲۲۹۹د۰	٥٠٠١،	٠١٩٦٠	٠٠٢٠.
٢٩٥٠٠٠	۱۵۹۰۱	۲۱۷۹د۰	١١٠١	۷۲۸۳۶۰	٠٦٤.
٠٤٥٠ر،	٠٠٠٢	۴۵۰۲ر،	1010	۱۸۳۲ -	۰ ۳ر ۰
٨٨٤٠٠٠	٥٠٠٢	١٩٤٢ .	۲۰ر۱.	۲۵۷۳ .	د۳ر.
٠,١٤٠٠	۱۰۰ ا د ۲۰	27116-	170	۳۸۸۳ر.	٠ ١٤٠
۲۹۳۰ د ۰	٥١٠٢	۱۷۱٤، ۱	۱۰۳۰	۵۰۲۳ د .	ه}ړ.
٥٥٣.ر،	۲٫۲۰	3.716.	۵۳ د ۱.	17071.	٠٥٠.
۳۱۷، د ۰	٥٢ر٢	۱٤۹۷ر۰	۱۶۲۰	۲۲۶۳۵۰	ەەر.
۲۸۳۰، د ۰	۲٫۳۰	۱۳۹۱ر،	٥١ر١	7777	٠٢٠.
۲۰۲۰ .	משנץ	١٢٩٥.	۱۵۰	۰۳۲۳۰	عار.
١٣٢٠ .	۲٫٤٠	.17	٥٥ر ١	77176.	۰ ۷ر ۰
٠,١٩٨	ه ډر ۲		٠٦٠١	11.76.	ه ۷ر .
۱۷۵ .ر .	. هر ۲	1 , 4.4.	1270	۷۲۸۱۷ .	

الارتفاع	الدرجة الممارية	برزنعاح	الدرجة المميارية	الارتفاع	الدرجه المعيارية
1	٠٠٠٤.	۳۸ .ر .	ه.ر۳	٤٥١٠ر.	<i>۵۵ر</i> ۲
		۲۳۰۰۲۰	۱۰ر۳	١٣٦٠.٠ ١	٠٣٠
		۲۸۰۰۰۰	7-10	١١١٠ر٠	۵۲٫۲
		٠,٠٠٢٤	۰۰ ۳ر۳	١٠١٠٤	۰۰ ۷۰۲
		٠٢٠٠٠٠	٥٦ر٣	11	٥٧٠٢
	1	١٧٠٠ر٠	۰۴۰۳	۰۰۰۷۹	٠-٨٠٢
		١١٠٠ره.	٠ ٤ ر ٣	۴۳۰۰۰۰	۵۸ر۲
	}	۲۰۰۰۹	٣٥٠.	۰۳۰۰۲۰	٠٩٠
		٢٠٠٠٠٠	٠٦٠ ار٣	١٥٠٠٠،	٥٩٤٢
		<u> </u> ۲۰۰۰ در ه	۰۷۰	33	- ٠٠

جدول (ج)

المساحات تبعت المنحني الاعتدالي المعياري

قبل استخدام هذا الجدول يجب تحويل الدرجات الخام إلى درجات. مميارية ، وأن يكون توزيع المتغير اعتدائيا . والقيم المدونة في هذا الجدول: تمثل نسب المساحات تحت المنحني الاعتدالي المعياري الذي متوسطه حصفر ، واعرافه الممياري و ، والمساحة الكلية دين التي يحدها و ايمنا ، ونظراً لان المنحني الاعتدالي متماثل ، فإننا افتصرنا في هذا الجدول على أجزاءالمساحات التي تناظر القيم الموجبة المدرجات المميارية ، وهذه تساوي تماما المساحات التي تناظر القيم السائبة لهذه الدرجات ، والعمود الآول يبين الدرجات المعيارية (د)، ويبين المداحة المحصورة بين المتوسط (من) وكل من هذه الدرجات (د) ، ويبين العمود الثالث المساحة المتبقية حتى نهاية العارف الموجب التوزيع .

الماحةالتبقية	المساحه بين س ، د	۵	الماحةالمتنقية	المسامه بينس ،د	د
۳۶۶۹۰	۱۳۳۱ر۰	٤٣٠.	٠,٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠.
۱۹۵۳ر.		۳٦ر ٠	۹۲۰۶ر۰	٠٨٠٠٨٠	۲٠ر٠
۲۰۳۰ ،	٠٨٤١٠٠	۸۳۰	۱۶۸۶۰	٠٦١٠٠٠	٤٠٠٤
۲۶۶۳ .	١٥٥١ر.	۰ کار ۰	17736:	۲۳۹، د ۰	۲۰ر.
۲۷۳۳ر۰	27516.	۲١ر٠	12730.	1130ء	۸۰ر۰
۰۰۳۳۰	۲۰۷۱،	٤٤ر٠	۲۰۲۶ر۰	۸۶۳۰۰۰	۱۰ر۰
۸۲۲۳ر۰	۲۷۷۱ر.	٦٤ر.	۲۲٥٤ر.	۸۷٤،ر،	١١٠.
1017c.	33816.	۸٤ر٠	٢٤٤٤ر.	۷٥٥٠ر.	١١ر٠
٥٨٠٨٠.	٠١٩١٠.	، ٥٠ .	3773ر.	۲۳۳۰۰۰	۱۱ر.
ه۱۰۱۰ر .	۱۹۸۰ د ۰	٢٥٠.	٢٨٦ ١٠٠	۱۱۷.ر.	۱۱۱۰
۳۶۶۷۰۰	30.70.	٤٥٠.	۲۰۷۶ر،	۷۹۲۰ر .	۰۲٫
۷۷۸۲۰۰	7717c.	۲٥ر.	۱۲۹ کر .	۱۷۸۰ر۰	۲۲ر .
٠١٨٢٠.	۱۱۹۰ر .	۸۵ر.	٢٥٠٤٠٠	۸۶۴.ر.	12
۲۷۶۳د۰	٧٥ ٢ ٢ د .	۰٫۳۰		77.10.	۲۷ر.
.7777	3777c.	۲۲ر۰		۱۱۰۳ر۰	۲۸ر ۰
۱۱۲۲ز۰	12772	١٢٠٠	1 40.4.4.4	14110.	۲۰ر ۰
73072.	30376.	۲۲ر۰	1	• • ٢ ١ ١ ٠	۲۳ر ۰

المساحة المتبقية	احة بينس، د	د الــ	الساحة المتبقية	افة بين س ، د	د المـ
۱۰۹۰۱	١٠٩٩ره	٣٤ر ١	۲۶۸۳ر۰	۱۱۵۱۷.	۸۲۰۰
۲۲۸۰۲۰	١٣١٤ر -	٢٦٦	٠,٢٤٢٠.	۰۸۵۲۰	۰۷۰
۸۲۸۰ر۰	١٦٢) ر .	۸۳۵۱	۸۵۳۲ .	7377c.	۲۷۰۰
۸۰۸۰ر۰	۱۹۲ عر. ۰	1,18.	۲۲۲۱ر.	٤٠٧٢ر.	٤٧ر٠
۸۷۷۰۰	۲۲۲۶ر۰	۲٤٦١	۲۳۳٦ر.	3877	۲۷۰۰
٧٤٩	1073.	1){{\cdot \}	۱۱۷۷د۰	۲۸۲۳ .	۸۷۰۰
۲۲۱،ر۰	۲۲۲۱ر۰	131	۲۱۱۹ر۰	۱۸۸۱ر -	۰۸۰
١٩٤٠ر.	۲۰۳۱ر۰	1361	۲۰۶۱ر.	۲۹۳۹ر.	216.
۸۲۲۰۰۰	1773	٠٥٠١.	٥٠٠٠ر٠	ه۲۹۹ر.	۱۸۱۰
737.c.	۱۳۵۷ر۰	۲ ص ۱	۱۹۶۹ر ۰	۱ ه ۳۰ ار ۰	٢٨٠٠
٦١٨ . ر ٠	۲۸۲۱ر۰	1001	۱۸۹۱ر۰	۲۰۱۳ر۰	۸۸۰۰
٤٩٥٠ر.	۲۰۶۱ر۰	۲٥ر۱	۱۸۶۱ر.	۹ ۱۳۱۰ و .	۱۹۰۰
٧١ه.ر.	٢٦٤٤٠.	1001	۱۷۸۸ر۰	۲۱۲۳ و ۰	۲ ۹ ر ۰
٨٤٥٠ر٠	٢٥٤٤ر.	٠٦٠١	۱۷۳۳ر۰	۲۳۲۳۰	٤٩ر ٠
٢٦٥.٠٠	٤٧٤}ر.	776	۵۸۲۱ر۰	٥١٣٣٠.	۲۹۰۰
٥٠٥٠٠	ه۱۱۶ر۰	1776	۱۳۳۰ر۰	۵۳۳۳ر ۰	۸۹۰۰
۰٫۱۸۵	ماه کر،	۲۲ر۱	۱۵۸۷	٣٤١٣ر .	1000
٥٢٤٠٠٠	٥٣٥ کر ٠	۸۲۲	۱۵۳۹ر.	۱۲۶۳۰	۲. د ۱
٠,٠٤٤٦	٤٥٥٤ر.	ا ۷۰ر۱	19310.	۸۰۰۳ر۰	١٠٠٤
۲۷ ٤ . ر ٠	۷۲۰۱۳.	۲۷۲	۲۱۱۱۰	٤٥٥٣ر.	15.7
٠٠٤٠٩	۱۹۹۱ر .	۷۱ر ۱	١٩٤١ر٠	۹۹۵۳ر.	۸۰۸
۲۹۳.ر.	۸۰۲۱ر۰	۲۷۲۱	۱۳۵۷ر۰	73770.	۱۰۱۰
۵،۳۷۰ و	٥٢٢٤ر.	۸۷٫۱	۱۳۱۱ر۰	۲۸۲۳،	۲۱ر۱
<i>۴۵۳.</i> ر٠	۱ ۱۱۲۱ر و	۱۸۰	۱۷۲۱ر۰	۲۲۲۹ر -	١١٢١
، ۲۱۲، د ۰	1071c.	۱۸۲۱	۱۲۴۰ر۰	٠,٣٧٧.	۲۱ر۱
۳۲۹.ر۰	1771ر -	۱۸۲۱	۱۱۹۰ر۰	۱۸۳۰	۱۱۱۸
١١٣٠٠.	77736.	۲۸۰۱	۱۹۱۱ر،	۹ ۶ ۸ ۳ د ۰	۰۲ر۱
۱،۳۰۱ر۰	١٦٩٩ر.	۱۸۸۲۱	۱۱۱۲ر.	۸۸۸۴ر ۰	۲۲ر۱
۲۸۷ ، ر ۰	71436.	۱۶۹۰	، ۱۰۷۰،	.7970	172
۲۷۲ . ر ۰	77736.	۱۶۹۲	۱۰۲۸ر۰	۳۹٦۲	٢٦ر١
۲۲۲.ر۰	۸۳۷ ار ۰	1,98	۳۰۰۱۰۰	۳۹۹۷ر۰	ATEL
٠٥٠،٢٥٠	٠٥٤٧٥.	۱۶۹٦	۸۲۴۰۰۰	۲۳۰ ار ۰	۰۴۰ ا
۲۲۹ .ر .		ا ۱۹۸۸	9 ٣ ٤	٢٢٠٤٠	۲۳ر۱
ـ البحليل ١	- 19)				

المسا-ةالمتبقر	المساحة بين س ، د	دا	المساحةالشقية	ساحة بين س،د	د الـ
۲۵ ـ در ۰	۸۱۱۶ر۰	۲٥۲۲	۸۲۲۰۰۰	. ۲۷۷۲ر -	۰۰ر۲
۲۶۰۰۲۹	10936+	۸۵ر۲	۲۱۷ در د.	۲۸۷۶پر	۲۰۰۲
٧٤٠٠٠١	۲۵۲۶ر ۰	۲۶۲۰	۲۰۲۰ره	۱۷۹۳د۰	۲٫۰٤
٤٤٠٠ر ١٠	. 5690X	۲۲,۲	۱۹۷ مر ۰.	۲۰۸۱ر۰	٣٠٠٦
١٤٠٠ر.	١٩٥٩ر.	3567	۱۸۸۰ده	۱۱۸۱۲ر۰	٨٠٠٢
۳۹ . در ه	18936.	٢٦٦٢	۱۷۱۰،۰۰	۲۱۸۶ر.	۱۰ر۲
۳۷-۰۰۰	۹۳۳ اد ۰	۸۲ر۲	۱۷۰ ۰ د ۰	۸۳۰۶ر ۰	7_17
٥٣٠٠٠٠	۵۲۹۶ر.	٧٠٢٠	١٦٢٠.	۸۳۸،۰۰	7118
٣٣٠٠٠.	۲۲۲۱ر۰	774.7	١٥١٠ر٠	73×3c.	۳۱ر۲
۳۱،۰۲۱	1443ر ٠	٤٧٠٢	١٤٦٠ . د ٠	٤٥٨٤٠٠	7,11
۲۹۰۰۲۹	٤٩٧١ر٠	۲۷۲	۱۳۹ . ر .	17836.	۲٫۲
۲۷ ر .	.۹۷۳ ار ۰	۸۷۷۲	١٣٢	٨٢٨٤٠٠	۲۰۲۱.
٢٦٠٠٠	٤٩٧٤ر .	٠ ٨٠٠	٠١١٠٥.	۵۷۸٤ر.	۲۰۲۱.
٢٤٠٠ر ٠	۲۹۲۱ر۰	71427	١١٩٠.	۱۸۸۱ر۰	۲٫۲۰
۰,۰۰۲۳	۱۹۷۷ر -	3 16.7	٠,٠١١٣ ا	۷۸۸۶ر۰	۲,۲٪
17	۹۷۹ کر ۰	٢٨, ٢	۱۰۱۰۷	۳۶۸۶۲۰	727
۰۲۰۰۲۰		۸۸ر۲	7.1.0	۸۶۸۶ر۰	۳ر۲
۱۹ ۰۰ د ۰.		۰۹ر۲	١٩٠٠ر٠	۴۰۹۱ر۰	۲۳ د ۱
۱۸۰۰۱۸	۲۸۶۶ر.	7127	٢٩٠٠٠٠	3.83c.	۲ر ۲
۱۲ ر -		3927	۷۸۰۰۰۷	۲۱۲۶ر۰	۸۳۷
١٥٠٠٠٥٠		۲۳۲۲	۲۸۰۰۰۰	۱۸۱۶۹ر۰	٤ر٢
31	۲۸۹۶ر۰	۸۹ر۲	۰٫۰۰۷۸	۲۲۲۶ر.	٤ر٢
۱۲ ، در -	۲۸۶۶ر۰	۰۰ر۳	1	۹۲۷ کر ۰	ئر ۲
۱۲ ر ۰	۲۸۸۶ز ۰	۲۰۲۳	٠,٠٠٦٩	۱۹۳۱ر،	٤٠٢)
۲۱۰۰ر-	۱۹۸۸ور و	٤ - ر٣	77ر.	3993ر.	ار ۲
٠,٠٠١	۱۸۹۸۹ر ، ۱	٣.٦	75	۹۳۸ار .	۵ر ۲
٠١٠ ر٠	، ۹۹ غر ،	۳۵۰۸	. Posses	13830.	ەر ۲
٠٫٠٠١	۱۹۹۰ر۰	۱۰ر۳	- t		

الماخالتيقية	ساحة بينس، د	د اا	الماحةالمتيقية	حة بين س مد	د اليا
٥٠٠٠٠	۱۹۹۵ر .	٥٦٥٣	٠٠٠٠١	٤٩٩١ر .	۲۱۲۳۰
	۹۹۹۱ر ۰	۰٤ر۳	٨٠٠٠٠	١٩٩٢ر .	711
٣٠٠٠٠٠	۱۹۹۷ر۰	30.7	٨٠٠٠٨	٢٩٩٢ د .	712
۰ ۲۰۰۰۲	1998	۳٫۵۰	٧٠٠٠٧	٩٩٣٤ر.	۸۱ر۳
٠,٠٠٢	۹۹۸}ر٠	۳۵۶۰	٧٠٠٠٧	٤٩٩٣ر.	٠٢٠.
٠,٠٠١	٩٩٩٩ر.	٧٠٣٠	۲۰۰۰ر۰	3443ر.	772
١٠٠٠٠	٤٩٩٩ر.	٠٨٠	۲ر.	٤٩٩٤ .	475
هر.		۰۹ر۳	٦٠٠٠٠	31930	• ۲ د ۳
	۱۹۹۹۷ر۰	٠٠٠}	۲۰۰۰ر،	٤٩٩٤ر،	۵۳۰۰

جدول (د)

$$\frac{\overline{c}}{a_2}\sqrt{\frac{c}{b_1}}$$
 ، $\frac{\overline{c}}{a_2}$ المناظرة للنسب م ، ك اللازمة لحساب معامل ظى ϕ

ثم أوجد حاصل ضرب القيمتين الناتجتين . وتيسيراً لذلك يكنى الحصول على النسبة (م) وقراءة القيمة المناظر لهانى العمود الذى يشير إلى $\sqrt{\frac{2}{L}}$ ،أوالحصول على النسبة (ك) وقراءة القيمة المناظرة لها فى العمود الذى يشير إلى $\sqrt{\frac{L}{L}}$.

(ك) أو (م)	<u>۱</u>	<u>-</u> \	ا (م) أو (ك)	(ئ) ار (رم)	<u>₹</u>	ر ک	(수) 기 (신)
110-	۲۱۵۲ر.	33867	۹۸ر ۰	١٠ر٠	٥٠٠١ر.	۰ ه ۹ ر ۹	۹۹ر۰
۱۲ره	۳۳۹۳ر٠	۸.۷۰۲	۸۸ر۰	۲۔ر۰	1111 د .	۰۰۰۰ر۷	۸۹ر۰
۱۱۳ر۰	٥٣٨٦ر -	٧٨٥٠٢	۷۸ر ۰	۰,۰۳	۱۷۵۹ر.	۲۸۲ره	۱۹۷۰
116	. 12. 40	۸۷٤٠٢	۲۸ر۰	٤٠ر٠	۲۰۶۱ر۰	۹۹۸ر ٤	۲۹ر۰
۱۵ر-	١٠٢٤٠١	۲۶۳۸۰	ه ۸ر ۰	ه.ر.	٤٩٦٦ر.	۹۵۳ر ۶	ه ۹ر .
۲۱ر۰	٥٢٣١٠.	1972	۱۸ر۰	۲.ر.	۲۲۵۲ر.	10Pc7	۱۹۲۰
۱۷ر ۰	0701.	۲۱۲۰	۸۳ر	۷۰ر٠	۲۷۲۳ر۰	٥١٢٦٣	۹۴ر ۰
۱۸ر۰		17167	۲۸ر.	۸۰ر۰	۲۹۲۹.	۱۴۹ر۳	۲۹ر.
۱۹ر -		٥٧٠,٦٥	۱۸ر۰	۰٫۰۹	ه۱۱۱ر.	۱۸۰ر۳	۱ ار ۰
٠ ٢٠ .	٠٠٠٥ م	۲۰۰۰		٠١٠٠	۳۲۳۳ر،	۳۰۰۰	۹۰ر۰

Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

(4) le (4)	<u>√</u> <u>√</u>	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	(c) (d) (d)	(ચુ) ગં (૧)	1	<u>. </u>	((م) أو (ك)
۸۳	۲۲۸۷ز ۰	1777ر	۲۲ر .	۲۱ړ .	۲۵۱۵۰.	٠ ١٥٠٠	٧١ر -
۳۹ر .	۲۹۹۷ز .	10701	١٦٠.	۲۲ر .	11700.	۲۸۸۳ ا	۸۷۰۰
٠ ار ٠	٥٢١٨٠.	12770	٠٦٠	0 ۲ ر ۰	٤٧٧مر .	۲۳۲ر ۱	•٧ر -
١٤ر.	۲۳۳۸.	٠٠٠د ١	۹ مر .	۲۶ر۰	17100.	۷۸۲ر۱	٤٧ر،
۲ يو .	۱۰مار۰	1,140	۸٥ر.	۲۷ر۰	۲۸۰۲ر۰	33561	۲۷ر ۰
- 128	TATAL.	10101	۷ەر ،	۸۲٫۰	۲۳۲۲ر.	3.701	۲۷ر -
۲۲ .	٥٣٤٥ر.	۱۶۸۳۰	۷۷ر ۰	٢٩	1875	٥٦٥ر١	۱۷ر٠
٤٢٠٠	۱۰۲۲۰۰	۸۸۷۱	۲۷ر٠	۰۳۰	۷۶۵۲ر.	27061	۰۷۰ -
٤٤ر .	3711	17171	۲٥ر.	۳۱ر ۰	۲.۷۲،	1987	۲۳۰۰
ه کړ ٠	ه۱۰۱۰،	7.101	ەەر.	۳۲ړ ٠	٠ ٢ ٨ ٢ ر ٠	10801	٨٢٠٠
۲ کار .	. 1777	۲۶۰۸۳	١٥٥٠	۳۳ر ۰	۱۸ - ۷ر ۰	1){50	٧٦٠ -
۲٤ر٠	11372.	12.75	۳٥ر ٠	٤٣٢ .	۱۷۸۷ر٠	۳۹۳ د ۱	۲۳ د .
٨٤ر.	۸۰۲۹۰۰	12.81	۲٥ر .	٥٣٠ .	۸۳۲۷۰۰	۳۲۳ ۱	٥٢٠.
٠,١٤٩	۲۰۸۹ د ۰	١٦٠٢٠	۱٥ر٠	۳۳ د ٠	۰۰۰۷ر ۰	۲۳۳۳را	376.
، ەر .		٠٠٠٠١	٠٥٠.	۳۷ ،	77774.	۰۵،۳۰۱	۳۳ر ۰

جدول (م)

قيم س من من المساس

اللازمة لحساب معامل الارتباط الثنائى المتسلسل، ومعامل الارتباط الثنائي المناظرة النسب ص

لإيجاد قيمة معامل الارتباط الثنائى المقسلسل يلزم حساب قيمة لمسرس. ولإيجاد قيمة معامل الارتباط الثنائي بمعلومية قيمة معامل الارتباط الثنائي المقسلسل يلزم حساب قيمة المسرس.

وتيسيراً لذلك يكنى الحصول على النسبة (ص) وقراءة القيمسة المطلوبة المتاظرة لهانى العمود الذى يشير إلى ذلك ، أو الحصول على النسية (ص) وقراءة النياظرة لها فى العمود الذى يشير إلى ذلك .

(ص .).	اص مس.	ص, ص. م ل	ا (مس _{۱۱}) ا أو	(ص.) أو ا	س, ص.	<u>س. ص. الأ</u>	(ص _۱),
(ص)	ل	J	(ص)	(ص)	ل	J	(س.)
۱۲ر.	ه ۲۲ ر ۱	۲۷۱ در .	, ۸۸ر ۰	٠,٠١	۲۲۷۲۳.	٥١٧٦٠ -	۱۹۰۰
۱۳.	۱۰۹۰	۲۱۳۵ر.	اً ۱۸۷ ۰	٠,٠٢	79867	۸۶۰۶ر۰	۸۹ر۰
١٤ر٠٠	۱۵۵۹	۰۰۱۵۰۹	۲۸ر۰	۳۰۰۰	۰.٥٠٧	۲۲۲۱ د .	۲۹ر۰
ه ا د ٠٠	17077	AF\$0c.	ه ۸ر ۰	١٠,٠٤	1777	7033c.	۲۹ د .
7100	۷۰٥ر۱	۲۲۵۵ر -	اً کار د	٥.ر.	۲۱۱۳٫	ه. ۲ ار ۰	ه ۹ر .
۱۷ر۰	1-5/15	۲۷٥٥ر.	۸۳ر ۰	٠,٠٦	12992	٥٣٧١٠٠	۱۹۲ -
۸۱ر۰	13278	٥٢٢٥ر.	۲۸ر۰	٧.ر.	۰۰۰را	٠,٠٤٨٤٨	۲۳ر ،
۱۱۸	7111	۱۷۲۹ر،	۱۸ر۰	۸۰ر۰	٥٦٨ر١	۱۵۹۱ر.	۱۹۲۰
	17301.	٥١٧٥ر.	۰۸۰	. 2.9	77761	73.0.	1 19.
۱۲ر س	1211	rovoc.	۰۷۹ ۰	۱۰۱۰	۲۰۷۰۱	۱۲۸مر.	۹۰ر۰
۳ ۲ ۲	1,511	۲۲۷هر		1112-	۱۳۳ ر ۱.	1.70%	۸۸ر ۰

Converted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered version)

(مس.) او	مو١مس.	س, مس. √ ل	(مس _{و)}) . أو	(ص.) أو	س اص.	س , <u>ص .</u> √ ف ل	(ص،) . اد
(مس:)	ل	J	(ص)	مر,)	<u>ل</u>	J	(ص)
۸۳۲	٥٧٧ر١	۸۸۱۲ر۰	۲۲ر ۰	۲۲ر -	۲۸۳۵۱	۲۳۸۵۲.	٧٧ر .
۲۹ر .	1,771	٠٠٦٢٠٠	۱۲ر.	١٢٤ ا	1774	۲۲۸۵۰۰	۷٦ر .
٠ }ر -	۲۲۸۰.	71756.	٠٢٠	٥٥ر.	۳٦٣ر١	۹۰۰مر۰	ه٧٠ .
130.	1770	۳۲۲۳د۰	۹ مر ۰	-777	۲۵۳ر۱	1310ر.	٤٧٠٠
۲٤٠ .	7772	۲۳۲۳د۰	۸٥٠.	۲۷ر٠	1,484	۱۲۹۵ر .	۷۳ر ۰
- 228	٠٢٦٠	۱۶۲۰ر۰	۷٥ر٠	۸۲۸ -	١٦٣٤	۹۸۹٥ر٠	۷۲ر -
٤١٠ -	۱۵۲۰۱	43756.	۲٥ر.	۲۹ر،	7776	١٥٠٠٠ د ٠	۱۷ر۰
ه بر .	۲۵۷ر۱	7677.	ەەر.	۳۰ر۰	۱۳۱۸	٠٤٠٢٠٠	۰۷۰
۲۱ر.	10707	۸۵۲۲۰۰	}ەر،	۳۱ر -	۱۱۳۱۱	۲۳۰۳۳،	۲۳ر .
78Y	1000	75750	۳٥٠٠.	۲۳ر۰	٤٠٣٠١	٥٨٠٢٠٠	۸۲ر ۰
۸۶ر ۰	12701	37776.	۲٥ر.	۳۳ر -	1277	۲۰۱۲ر۰	۲۷ر ۰
130.	۲۵۲ر۱	7777c.	١٥١.	. ۲۲ و -	۲۹۳۰ ا	3717c.	۲۲ر ۰
٠٥٠.	۲۵۲ر۱	۲۲۲۲۰	ا .ەر .	۲۳٬	۲۸۳ر۱	Nolre.	٤٣٠ ٠
				۳۷ر ۰	1_771	3717c-	۳۳ر.

جدول (و) القيم التقديرية لمعامل الادتباط الرباعي (در) المناظرة للنسب أد ب ج

لتقدير قبمة معامل الارتباط الرباعي بطريقة جبيب تمام النسبة النقريبية ط يلام إيجاد قيمة بين وتطبيق الصورة المحاصة بذلك . ولتيسير الحصول على القيمة المقدرة يكني إيجاد النسبة بهم وقراءة القيمة المناظرة لمعامل الارتباط الرباعي . فثلا إذا كانت هذه النسبة تساوي ١٨٨٥ فإيا تنحصر بين القيمتين المدونتين في الجدول وهما ١٨٨٥ ، ١٥٠٠ ، والقيمتين المناظرتين لمعامل الارتباط الرباعي هما ١٠٠٥ ، ١٥٠٠ ، ١٥٠٥ ، مقربة إلى رقين عشريين . وإذا كانت النسبة ب أد يما من الواحد الصحيح نوجد ب و نعنع علامه وإذا كانت النسبة ب أد يما الرباعي التي نحصل عليها من الجدول .

در	<u>ا د</u> ب ج	ر	ا د	رر	اد:	رر	اد ب ج
٥٧٧ر	۸۱۰۲۲	٥٨١ر ٠	١٦١٠	۰ ه۹۰ر ۰	٥٧٧را	هر .	۱۶۰۱۳
٥٨٦ر.		١٩٥٠.	۳۵۲ر۱		1.7.1	٠١٠.١٥	۲۶۰۳۹
۲۹۰ر.		٥٠٢٠٠	۱۶۹۷	1 .		۰۶۰۲۰	17.77
۰ ۳۰۰ م		٥٢٦٠ .	۱۷۹۰	ſ		. ,, , 70	۹۳۰ر۱
ه ۳۱ د .		٥١٦ر	۲۱۷۲۳	1	۱۱۱۱۳	٥٤٠٠ ا	۲۲۱ر۱
ه۲۲ر.		٥٣٧ر		۱۱۱۰۰	٥٠ ١٥٠	٥٥،ر،	۱۵۱۰۰
ه۳۳ر .		٥٤٦٠.		٥٥١ر.	۸۸۶ر۱	٥٠٠٠٠	۱۸۱۰
ه ۲۴ ر ۰		٥٥٣ر.		١٦٥ر -	۲۸مر۱	٥٧٠ر٠	117,1
ه ه ۳ر .		٥٢٦٠. ا.		٥٧١ر٠	۸۲٥ر۱	٥٨٠٠٠	12751

رر	ا د ن ج	ر ا	اد ب ج	ر	اد ب ج	ر ا	بج
۵۷۸ر . ۵۸۸ر .	۲۱۲ر۲۷ ۲۰۱۰،۲	1		0.40،	۲۰۰۲ ۲۳۲ر ۱	۵۲۳ر - ۵۷۳ر ۰	777c7 71Vc7
ه۹۸ر. ۱۰۸ر،	۷۸۰۰۳۲ ۸۱۸ <u>.</u> ۲۳	٥٧٧٠ -	۸۲۸ر۹ ۱۹۳۲ر ۱۰	ەەەر.	٠ ٨٢٠ ٤	۵۸۳ر . ۱۳۹۵ .	7.797 1.00 1.00 1.00 1.00
۹۱۵ر - ۱۲۵ر -	۲۰۱۰۲ ۱۵۸۰۲۱	ه ۷۲ر .	۱۰۶۰۳ ۱۱۰۲۲	ە ٧ەر .	۱۹۲ره	ه. ير. و	۲۰۹۰۲ ۱۹۰۷ م
۵۳۹ر . ۱۹ ه	۵۲۷ر۸ه ۲۱.ر۲۷	٥٦٧٠.	۱۲۷۱۷۷ ۲۰۹۰۲	ه ۹ ه ر ۰	ه ۹ ه ره	۵۲۶ر. ۳۵۱ر.	۲۰۱۰۲ ۲۰۲۰
۵۵۹ر، ۵۲۹ر،	۸۶۶، ۲۵ر۱۱	ه ۷۹ د ۰	۲۰۷ر۱۳ ۲۳۵ر۱۶	٥٢٢٠.	۸۸۲ر۲	۵۱۱ر، ۵۵۱ر،	۳۵۳۲ ۲۶۰۳
۵۷۹ر۰ ۵۸۹ر۰ ۵۹۹۰	177.77 177.777	10/٠٠٠	۱۳ <i>۵</i> ره! ۲۷۰ر۲۱	٥١٢٠٠	۷}هر۲ ۲۲۸ر۲ ماریر	۵۷۱ر۰	۷۱مر۳ ۲۹۰ر۳
110ء	۲۰۰۶	07AC.	۱۰،۲۷۱ ۸۸۲ر۱۹ ۲۰،۰۲	٥٢٢٠٠	۱۱۰ر۷ ۲۸ کر۷ ۱۲۷۰۷	ه۹۶ر.	۸۰۸٫۳ ۱۳۶۰٬۳ ۱۷۲۰
	-	۵۲۸ز۰ ۵۵۸ز۰	7.78c.77 AFYc37 0YFc77	٥٨٢٠٠	۱۲۷ر۷ ۱۱۱ر۸ - ۱۴۶ر۸	٥١٥ر.	۲۰۰۷ ۲۰۶۰ ۱۵۳۷
						-)- 1-	1)101

جدول (ل) قيم معامل الارتباط الرباع, (ر) المناظرة لقيم معامل فاى (؛)

لنقديز قيمة معامل الارتباط الرباعي بمعلومية قيمة معامل فاى (﴿) يَكُنَى الْحُصُولُ عَلَى قَيْمَةً معامل الارتباط الرباعي (و) المدونة في هذا الجدول .

رد	ø	رر	ø	رر	φ	رر	φ
۲۹۱رم	۰۳۳۰	۲۳۳۰	،۲۲۰	۱۷۲ر۰	١١١٠	٠٠،،ر٠	٠٠٠٠.
۲.۵ر.	٥٣٣٠ .	۳٤٦ر	ا ۱۲۲۰	۱۸۱۰۰	ا ۱۱۰۰	۸۰۰۰	هر.
۰۰۹ مر ۰۰	۰۶۳ر۰	٤٥٢٠.	۰۳۲۰	۱۸۷ر۰	۱۲۰ار۰	١٦٠٠٠	١٠٠٠٠
۲۱۵ر -	٥٤٣٠٠	۱۳۳ر	٥٣٦٠٠	۱۹۵،	١٢٥ر -	۲۲۰ر۰	٥١٠ر.
۳۳٥ر -	۰۰۳۰ .		۰،۲۲۰	۲۰۳ر۰	۱۳۰ر۰	٣١-ر-	٠٢٠٠٠
٠٢٥٠.	٥٥٣٠.	ii .	٥٤٢ر٠	۱۱۲ر۰	۱۳۵ د.	۰۶۰۳۹	٥٢٠ر٠
٢٣٥ر.		۳۸۳ر ۰	۰۵۲۰	۱۱۲۸۰	ا ۱۱۹۰	۷٤٠ر٠	۰۳۰۲۰
۲۶٥ر٠	٥٢٦٠.	۳۹۰ر	٥٥٥ر.	۲۲۲۰:	١١١٥٠	٥٥٠ر٠	٠٠.٣٥
۱۱۹مره	,	۳۹۷ر۰	۰۲۲۰	۲۳۲ر ۰	۰۰۱۰۰	٦٣٠ر٠	٠٤٠٠
700c.		١٠١٠.	٥٢٦٠.	۲٤۱ر۰	٥٥١٠٠	۲۷۰ر۰	٥٤٠,٠
۲۲ مز .		۱۱۶ر.	۲۷۰ د ۰	۲٤٩ر.	۱۲۱ر۰	۷۹۰ر۰	٠٥٠٠.
٢٩٥٠.		۱۱۱ کار ۰	۵۲۲ر ۰	۲۵۲ر.	١٦٥ر.	. J. A.	ەە.ر.
ه ۷۵ر .		۲۲۱ر. ا	٠_٢٨.	۲۳۱ر۰	۱۷۰ر۰	٠٠٠٩٤	٠٦٠٦٠
۱۸۵ر۰	ه ۲۹ ر .	۱۰۶۳۳	٥٨٢٠.		٥٧١٠ .	۱۰۲ر۰	٥٢٠ر،
۸۸۵۰۰		٠ ١٤٠٠	۲۹۰ر -	۲۷۹ر	۱۸۰ر۰	١١١٠٠	۰۷۰۰
۱۴۵ر۰		131.	٥٢٦ر.	1	۱۸۵ر .	۱۱۸ر۰	ه٧٠ر،
۰۰۳۰۰		3030.	۳۰۰ر ۰	1970.	۱۹۰ر۰	١٢٥ ار ٠	۰۸۰۲۰
۷۰۲۰۰		1730	ه ۳۰۰	t	۱۹۵ ر .	۱۳۳ر۰	ه۸.ر،
۱۱۳ تر.	۲۰ ټو .	1	۱۹۰۰	1	۲۰۰ر	۱۱۱ر۰	۰۶۰۹۰
1170.		1		۳۱۷ر۰	ه٠٢٠٠	١١٤٩	ه۹.ر۰
٥٦٢٥.		۲۸٤٠ -		۲۲۳ر.	١١٠ر.	1010.	١٠١٠٠
1756.		1.754		۱۳۳ر.	0170.	١٣١٠٠	ه-ار.

در	<i>†</i>	ر ا	ф	رر	φ.	رر	#	
۵۸۱ر ۱۰	۰۴د۸۰	۱۲۴ر،	۰۰۲۰	۰۰۸۰۰	۹۰ مر،	۲۳۲۰	۰۶۶۰۰	
۱۸۸۳ر ۵۰	ه ۹ المر ٠	171.	۵ ۲۷ د .	٤٠٨٠.	ه۹۹ر.	.٦٤٣ - ١	ه }}ر٠	
۸۸۸ر د.	۱۰۰۰ز	۱۱۸	۰ ۲۲ کو ۰	۸۰۸ر۰	۱۰۰۲ر۰	۲۶۲۰۰	، ۵ ټر ۰	
۲۸۱۰،	ه۱۰ر۰	1۲۲ر -	٥٥٧٠ .	۸۱۸ر	٥٠٢ر.	٥٥٢٠٠	•ه}ر،	
۱۹۹۰ م	۱۱۰ر۰	۱۳۰ر.	۲۲۰ر۰	1.5616	۱۱۰ر۰	1770-	.۳۶ر ۰	
111ر -	0110	۹۳۳ د -	٥٢٧ر ٠	۳۲۸ر ۰	١٥١٦٠	777ر٠	٠٢٤٠.	
111ر م	۱۲۰ر۰	٠٦٣٥.	۰۷۷۰ و	۸۲۷ر۰	۲۰۱۰ د -	7٧٣ د ٠	۲۷۱۰	
-111	٥١٢٥ -	۸۳۸ر۰	٥٧٧ر ٠.	۰٫٪۳۲	ه۲۲ر.	1776.	ه∀ار،	
١٩٩٤ره	٠ ۴۴ د ٠	1370.	۸۸۷ر ۰.	۲۳۸ر۰	۱۳۰ر۰	٥٨٢٠٠	٠٨٤٠٠	
110 س	د ۱۹۳۰ -	١٤٤ر -	٧٨٥	۰۶۸ر۰	٥٦٣٠ -	٠٩٢٠	ه ۱۸ کړ ۰	
۲۹۹۰۰	٠١١٠.	٩٤٦ر٠	۲۹۰ر۰	331/4.	۱۹۶۰ر۰	7976.	۹۰}د۰	
۱۹۹۳ و ۱۰۰	٥٤٩ر٠	۱۹۹۹ره	٠.٧٩٥	73٨٤٠	أه ١٤٠٤ .	7.40	ه۱۱ر.	
۱۹۷ر۰	۱۹۴۰۰	۱۹۹۰۰	اً ۸۰۰ کر ۰	۵۳۸ر ۰	۰۵۲۰۰	۷۰۷۰	٠.٥٠.	
۸۴۹ر ۱۰	,	۹٥٣ر ٠	اه ۸۰	٧٥٨٤٠	اه ۱۵۰	۱۱۷۰۰	ه.٥٠	
۱۹۱۸ر۰	1	۲۰۹۰	(۱۰ ۸ر۰	1586.	١٠٢٦٠	۸۱۷ر۰	٠١٥٠٠	
111ر -	۱۹۲۰ و	۸۰۱ر۰	١٨١٥٠	٥٢٨٠٠	اه ۱۲ د .	٤٢٧٠.	٥١٥ر.	
· 1111	۰۷۹۰	. ۲ %.	٠٦٨٠٠	۲۲۸۲۰	۱۰۲۲۰۰	۲۲۷۰۰	٠٢٥٠.	
1111011	۱۹۷۰ و	۹۲۳ر.	١٥٢٨٠٠	۲۷۸ر۰	(۵۷۲ر.	۲۳۲ر	•۲٥ر ٠	
1116	۱۹۷۰ م	.170	۱۰۳۸۲۰	۲۷۸۲۰	۱۰۸۲۷۰	۰۶۷۰	۲۰۰۰،	
11	۱۹۸۰	۲۲۹ر ۰	· 1450	۱۸۸۰	اه ۱۸ د .	ه ۱۷ کر ۰	٥٣٥ر.	
٠٠٠٠ ال	۱۹۹۰	. 1771	· 3/\.		. 79.	۵۰۷۰.	. ۱٥ر .	
٠٠٠٠	1910ء	۱۷۱ر۰	٥١٨٤٠	۷۸۸۷۰	۱۹۹۰ر -		ه ۱ مر ۰	
		۲۷۹ر۰	,	۱۲۸ر۰	ا٠٠٧ر.	۰۰۷۲۰	۵۰۰۰.	
		۱۷۱ر۰	100Nc.		۵۰۷ره.	۲۲۷ر۰	ەەەر -	
		۲۷۱ر ۰	۰۲۸ر۰		۷۱۰ر۰	۱۷۷ر۰	۲۰مر۰	
		۸۷۸ر۰	اه ۱۸ د		۵۱۷ر	۲۷۷۲	ه ۲ ه ر .	
		1۷۱ر -	۰۷۸۷۰		۲۰۷۰۰		۰۷۵۰	
		۱۸۱ر -	۵۷۸ز ۰		۵۲۷ر .	٥٨٧ر٠	م٧٥٠٠	
		۲۸۲ر ۰	۰۸۸۰		۰۷۳۰		۰۰۸۰۰	
		7 / / /	۱۵۸۸۰	-1910	۱۵۲۷	۵۲۷ر.	و ۸ هر ٠	

المسراجع

اولا - الراجع العربية:

- السيد محمد خيرى: الاحصاء في البحوث النفسية والتربوية والاحتماعية القاهرة: دار الفكر العربي ١٩٧٠ .
- ۲ رمزیة الغریب: التقویم والقیاس النفسی والتربوی القاهرة:
 ۵ هکتبة الانجلو ۰ ۱۹۷۰ .
- ٣ ــ عبد العزيز القوصى ، حسين حسين ، محمد خليفة ، ــركات : الاحصاء في التربية وعلم النفس ، ١٩٥٧ ،..
- ٤ ـ فؤاد البهى السيد : علم النفس الاحصائى وقياس العقل البشرى ،
 القاهرة : دار الفكر العربى ، الطبعة الثالثة ، ١٩٧٩ .

ثانيا - المراجع الاجنبية:

- 1 Anderson, N.H. Scales and Statistics, Parametric and nonparametric. Psychological Bulletin, 58, 310 316, 1961.
 - 2 --- Asher, H.B. Causal Modeling. Beverly Hills: Sage, 1976.
- 3 --- Blalock, H.M. Causal Inferences in Nonexperimental Research. Chapel Hill: Univ. Of North Carolina Press, 1964.
- 4 Blalock, H.M. Methodology of Social Research. New York: McGraw Hill. Inc. 1968.
- 5 Blaleck, H.M. Causal Models in the Social Sciences. Chicago: Aldine. Atherton, Inc. 1971.
- 6 -- Blalock, H.M. Social Statistics. New York: McGraw Hill. 1979.
- 7 Bock, R. D. Multivariate Statistical Methods in Behavioral Research, New York: McGraw Hill, Inc., 1975.

- 8 Bohl M. A Guide for Programmers. N. J Prentice Hall Inc., 1968.
- 9 Borko, H. Computer Application in the Behavioral Sciences.
 N. J.: Prentice Hall Inc., 1962.
- 10 Bradley, J.V. Distribution Free Statistical Test. Englewood Chiffs, N. J.: Pientice Hall Inc., 1968.
- 11 Brown, J.; Workman, R. How a Computer System work. New York . Arco publishing Inc., 1975.
- 12 Bruner, J.; Goodnow, J.; and Austin, G. A Study of Thinking. New York: Wiley, 1950.
- 13 Burke, C. J. Additive Scales and Statistics. Psychological Review, 60, 73 75, 1953.
- 14 -- Campell, D. and Stanley, J. Experimental and Quasi Experimental Design for Research. Chicago: Rand McNally, 1963.
- 15 Carroll, J.B. The Nature of Data, or How to Choose a Correlation Coefficient, Psychometrica, 26, 347 377, 1961.
- 16 Cohen. J. and Cohen. P. Applied Multiple Regsession Correlation for the Behavioral Sciences. New York: Wiley, 1972.
- 17 Comrey, A. Elementary Statistics: A Problem Solving Approach. ILL: The Dorsey Press. 1975.
- 18 Cooley, W.W and Lohnes, P.R. Multivariate Data Analysis, New York: Wiley, 1971.
- 19 Darlington, R. B. Multiple Regression in Psychological Research. Psychological Bulletin. 69, 161 182, 1968.
- 20 Duncan, O.D. Introduction to Structural Equation Models. New York Academic press, 1975. ssion Analysis. New York: Wiley, 1959.
 - 22 Frekial, M. and I ox, K.E. Methods of Correlation and Regre-
- 2) Dunn, O and Clark V Applied Statistics: Analysis of Variance and Regression, New York Wiley, 1974.

- 23 --- Ferguson, G. Statistical Analysis in Psychology and Education. 5th ed. New York: McGraw Hill, 1978.
- 24 Finn. J. D. A General Model for Multivariate Analysis, New York: Holt, Rinehart and Winston, Inc., 1974.
- 25 --- Fleiss, J. Statistical Methods for Rates and Proportions. New York: Wiley, 1973.
- 26 Geer, Van der. Introduction to Multivariate Analysis for the Social Science. San Francisco: W. H. Freeman and Company, 1971.
- 27 Gibbons, J. Nonparametric Methods for Quantitative Analysis. New York : Holt, Rinchart and Winston, Inc., 1976.
- 28 --- Green, B. Digital Computers in Research. New York: McGraw Hill, 1963.
- 29 -- Guilford, J.P. Fundamental Statistics in Psychology and Education. 4 th ed. New York: McGraw Hill, 1965.
- 30 Hagood, M. and Daniel, P. Statistics for Sociologists, New York: Henry Holt, 1952.
- 31 Harris, M. Introduction to Data Processing: A Self Teaching Guide. New York: Wiley, 1979.
- 32 Havs, S.P. Diagrams for Computing Tetrachoric Correlation Coefficient from Percentage Differences. Psychometrica, 11, 163 172, 1946.
- 33 Hays S.P. Statistics for the Social Ssiences. New York: Hell. Reinhart and winston, 1973.
 - 34 -- Heise, D. Causal Analysis. New York: Wiley, 1975.
- 35 -- Hollander, M. and Wolfe, D. Nonparametric Statistical Methods, New York: Wiley, 1973.
- 36 Insko, C. and Schoeninger, D. Introductory Statistics for Proches. 2 nd ed. Boston: Allyn and Bacon, 1977.
- 37 Jekus, W. L. An Improved Method for Tetrachone r. Psychometrica, 20, 253 258, 1955.

- 38 Kenny, D.A Correlation and Causality. New York Wiley,
- 39 Kerlinger, F. N. and Pedhazur, E. Multiple Regression in Behavioral Research New York. Holt, Rinehart and Winston, 1973.
- 40 Kerlinger, F.N. Foundations of Behavioral Research, 2 ad ed. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1973
- 41 Kleinbaum, D. and Kupper, L. Applied Regression Analysis and Other Multivariate Methods. Mass Duxbury press, 1978.
- 42 Kruskal, W. and Tanur Judith. International Encyclopedia of Statistics, Volume 1, 2. New York: The Free press, 1978.
- 43 Leach, C. Introduction to Statistics: A Nonparametric Approach for the Social Sciences. New York: Wiley, 1979.
- 44 Li, Ching C. Path Analysis: A Primer. Grove, Calif : The Boxwood Press 1977.
- 45 McNemar, Q. Psychological Statistics, 2 nd ed. New York: Wiley, 1955.
- 46 Moroney, M. J. Facts From Figures: Baltimore: Penguin Books, 1953.
- 47 -- Morrison, D.F. Multivariate Statistical Methods. New York: McGraw Hill, 1967.
- 48 Mosteller, F. and Tukey, J. Data Analysis and Regression:

 A Second Course in Statistics, Reading. MA: Addison Wesley, 1977.
- 49 -- Nie, N. H.; Hull, C. H. and Others. Statistical Package for Social Sciences (SPSS). New York: McGraw Hill, 1980.
- 50 -- O'Muircheartaigh, C. and Payne, G. the Analysis of Survey Data. Volume 2. Model Fitting, New York. Wiley, 1977.
- 51 Peatman, J. Descriptive and Sampling Statistics. New York. Harper and Brothers 1947.
- 52 Peters, C. and Walter, Van Voorhis. Statistical Procedures and their Mathematical Bases. New York McGraw Hill, 1949.

- 53 Press, J. Applied Multivariate Analysis. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1972.
- 54 Roscoe, J. Fundamental Research Statistics for the Behavloral Sciences, 2 nd ed. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1975
- 55 Siegel, S. Nonparametric Statistics. New York: McGraw .Hill, 1956.
 - 56 Steel, R.; Torric J. Principles and Procedures of Statistics:

 A Biometrical Approach, 2 nd ed. New York: McGraw Hill, 1980.
- 57 Tatsuoka, M. M. Multivariate Analysis: Techniques for Educational and Psychological Research. New York: Wiley, 1971.
- 58 Thorndike, R. Correlational Procedures for Research, New York: Gardner press, 1978.
- 59 Tukey, J. W. Exploratory Data Analysis. Readings. MA.: Addison Wesley, 1977.
- 60 Veldman, D. J. Fortran Programming for the Behavioral Sciences New Yark, Holt, Rinchart and Winston, 1967.
- 61 --- Yule, U. and Kendall M. An Introduction to the Theory of Statistics. New York. Hafner publishing Co., 1958.
- 62 Waltzer, M. and Wienir, P. Research Methods and Analysis: Searching for Relationships. New York: Harper and Row, 1978.
- 63 Wright, S. Correlation and Causation. Journal of Agricultural Research, 20, 557 585, 1921.
- 64 Wright, S. the Method of Path Coefficients. Annals of Mathematical Statistics, 5, 161 215, 1934.
- 65 Wright, S. Path Coefficients and Path Regressions: Alternative or Complementary Concepts? Biometrica, 16, 189 202, 1960.

المنعة

مة ـــــــ لدمة :

الباب الاول

تحليل البيانات ذات المتغير الواحد م

٣

الفصل الأول: أساسيات الفياس والإحصاء ــ القياس والبيانات ١١. ــ ٢٢ والاحصاء ــ موازين أو مستويات القياس ــ كيت تتعامل مع الاعداد في عملية الفياس ــ أنواح البيانات ــ مراجعة لبعض العمليات الحسابية والجرية الاساسية ــ تمارين على الفصل الاول

الفصل الثانى : التوزيمات التكرارية والنمثيلالبياق للبيانات ذات ع على على المقاني الواحد

تنظيم البيانات حداول التوزيمات التكرارية التخرارية حداول التوزيمات التكراري التكراري المضلع التكراري المنحنيات المشجمة حداوجه اختلاف التوزيمات التكرارية حدادين على الفصل الثاني .

القصل الثالث : خصائص التوزيعات التكرارية ــ أو لا : مقاييس ٨٥ ــ ١٢٠ المنطقة المركزية

مفهوم النزعة المركزية ... قراعدره و المتجميع ... المتوسط الحسابي الوسيط ... المنوال ... الوسط الهندسي ... اختيار مقياس النزعة المركزية للناسب على الفصل الثالث .

(J. Harill - 00)

المهنمة المهنمة

الفصل الرابع: خصائس التوزيعات التكرارية و ثانيا: مقاييس ١٢١ ـــ ١٨٠ الفصل الرابع : خصائس التوزيعات التقرطح .

المدى المطلق ... الاخراف الربيعي ... الابحراف المنوسط ... الابحراف المعيداري والتباين ... المفايين النسبية للتشتت ... العزوم حول المتوسط الحسابي ... مقاييس الالتوام ... تمارين على الفصل الرابع .

الفصل الخامس: الدرجات المحمولة.

المثينات _ الرتب المثينية _ الإعشاريات _ الإسران المثينات _ الدرجات التاثية _ تحويلات خطبة أخرى _ تمارين على الفصل الخامس .

الفصل الساذين: التوزيعات الاعتدالية . ٢٢١ - ٢٦٤

المنحى الاعتدالى _ خواص المنحى الاعتدالى _ استخدام المساحة تحت المنحى الاعتدالى _ استخدام خصائص المنحى الاعتدالى _ و تحليل البيانات _ إيجاد المشينيات باستخدام المنحى الاعتدالى _ تحويل التوزيمات المختلفة إلى الصورة الاعتدالية _ تمارين على الفصل السادس

الباب الثاني

تجليل البيانات ذات المتغيرين ٢٦٥ – ٢١٦

الفصل السابع: مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتنفيرين من ٢٦٧ ـــ ٣٣٢ ــ ٣٣٢ المستوى الفترى أو النسي منهم م معامل الارتباط. ـــ معامل ارتباط بيرسون ـــ فروض معامل ارتباط بيرسون ــ طرق

حساب مدامل ارباط بيرسرن سه تع سيح معامل

الموصوع الصفحة

الارتباط من أخطاء تجميع البيانات ــ العوامل التي تؤثر في معامل ارتباط بيرسون ــ تقسير معامل ادتباط العلاقة والعلية ـــ معامل ادتباط بيرسون ــ العلاقة والعلية ـــ تمارين على الفصل السابع .

الفصل الثامن : مقابيس الملاقة إذا كان كل من المتغيرين من ٣٢٣ ــ ٣٣٣ الفصل الثامن : مقابيس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين

معامل التنبق غير المتمائل لجتمان ــ معامل التنبق المتمائل لجتمان ــ معامل الاقتران لبول ــ معامل التجميع البول ــ معامل الاقتران لبيرسون ــ معامل الاقتران لتشويرو ــ تمــارين على الفصل الثامن .

الفصل الناسع: مقاييس العلاقة إذا كان كل من المتغيرين من ٣١٣ ــ ٤٠٨ الفصل الناسع: مقاييس العلاقة إذا

معامل الاقتران لجودمان وكروسكال ــ معامل ارتباط الرتب لسبيرمان ــ معامل ارتباط الرتب لكندال ــ فعامل لكندال ــ فعامل الاتفاق لكندال ــ فعامل الاتساق لكندال ــ فعامل التساق لكندال ــ تمارين على الفصل التاسع .

الفصل العاشر : مقابيس العلاقة إذا كان أحد المتعيرين من المستوى ٤٠٩ ــ ٣٠٠ الفصل العاشمي و الآخر من المستوى الرتبي .

تموذج و يلمكوكس الاقتران الاسمى والرتى ـــ طريقة حساب معامل ويلمكوكسون إذا اشتمل المتغير الاسمى على قسمين ــ طريقة حساب معامل و بلمكوكسون إذا اشتمل المنفير على أكثر من قسمين ــ تمارين على الفصل العاشر .

المونشوع الصفحة

الفصل الحادى عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المتنيرين من ٤٣١ - ٤٥٨ المستوى الفترى المستوى الاسمى و الآخر من المستوى الفترى الارتباط إذا كان أحد المتغيرين من المستوى الاسمى و الآحر من المستوى الفترى حلويقة حساب نسبة الارتباط ذا كان أحد المتغيرين من المستوى الفترى ولكن أحد المتغيرين من المستوى الفترى ولكن العلاقة بينهما منحنية حالملاقة بينهما منحنية الملاقة بين نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بين نسبة الارتباط ومعامل ارتباط بيرسون حتمارين على انفصل الحادى عشر

الفصل الشانى عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المنفيرين وه؟ – ٤٧٨ من المستوى الرتبي والآخر من المستوى الفترى،

> معامل الارتباط المتسلسل المتعدد لجاسين عدد طريقة حساب معامل الارتباط المتسلسل المتعدد عدمة الميس المحساتية اخرى على الفصل الثاني عشر

الفصل الثالث عشر: مقاييس الملاقة إذا كان أحد المنفيرين، ٢٧٩ ـــ ٣٣٠ أو كلاهما من النوع الثنائي .

ممامل الارتباط الشنائى المتسلسل الحقيقى ___ممامل فاى __ممامل الارتباط الثمائى المتسلسل __ معامل الارتباط الرباعى __ تمارين على الفصل الثالث عشر م

الفصل الرابع عثمر : الانحدار الخطى البسيط التنبؤ والارتباط ـــ صورة العلاقة الخطية

الموضوع المدحة

- الانحدار الخطى المتغير ص على المتغير س - طريقة المريمات الصغرى - معادلتا خطى الانحدار باستخدام الانحدار باستخدام طريقة الانحرافات الملاقة بين الانحدار والارتباط - معادلتا خطى الانحدار باستخدام مامل الارتباط - معادلتا خطى الانحدار باستخدام الدرجات المعارية المنارية الخطأ المعارى التنبؤ - تعارين على الفصل الرابع عشر .

717 - 094

الفصل الخامس عشر: الانحداد غير الخطئ،

مطابقة البيانات لبمض الدوال الرياضية — مطابقة البيانات للدالة الاساسية — مطابقة البيانات للدالة اللوغاديتمية — مطابقة البيانات لدالة القطع المسكاف، — تمارين على الفصل الخامس عشر

الباب الثالث

تعليل البيانات المنقدة المتغربة ١١٧ - ٢٠٠

الفصل السادس عشر: تعليل الانحدار المتعدد في حالة المتغيرات ٦٦٧ - ٦٦٨ الكمية .

تجليل الانحدار المنمدد في حالة وجود متفيرين مستقلين ــ ليجاد معادلة انحدار ص على ، س ، مأخوذتين مما مل الارتباط المتعدد و تفسيره

الصفحة

الموضوع

- فروض الانحدار المتعدد - تحليل الانحدار المتعدد في حالة وجود ثلاثة متفيرات مستقلة - تحليل الابحدار المتعدد باستخدام الحاسب الالكتروني - التثيل الهندسي للانحدار المتعدد - تقلص معامل الارتباط المتعدد - تمار بن على الفصل السادس عشر .

الفصل السابع عشر : طرق العنبط الإحصائي ــ معامل ٦٦٩ – ٦٩٦ الفصل المنبط الجزئي ،

معامل الارتباط الجزئى ــ استحدام تحليل الاعدار في حساب معامل الارتباط الجزئى ــ معامل الارتباط شبه الجزئ (معامل ارتباط الجزء) ــ تفسيل الاتحدار المتمدد في ضوء الارتباط شبه الجزئ ــ تمارين على الفصل السامع عشر

الفصل الثامن عشر : تحليل الانحدار المتعدد وحالة المتغيرات ٧٩٧ -- ٧١٤ -- ١٩٧ النوعية .

المتغیرات الرمزیة _ تحلیل الانحدار المتعدد باستخدام المتغیرات الرمزیة _ استخدامات أخرى المتغیرات الرمزیة _ تمارین علی الفصل الثامن عشر

الفصل الناسع عشر : تحليل المساوات .

مفهوم العلمية أو السبيية ــ تخطبط

المسارات ــ معاملات المسارات ــ

وناء تماذج المسارات ــ طرق حساب

الموضوع السغمة

معاملات المسارات مس نماذج المسارات التي تشتمل على متذيرين مس نماذج المسارات المتعددة المنفيرات معاملات المسارات مس تجارين على الفصل الناسع عشر .

الملاحق ۱۸۷۷ – ۲۷۹ المراجع ۲۸۰ – ۲۸۶ رقم الايداع ٢٢٦٩/١٨٨١

الترتيم الدولي . - ١١٤ . - ١٠ - ٧٧٢







